

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



A propos de ce livre

Ceci est une copie numérique d'un ouvrage conservé depuis des générations dans les rayonnages d'une bibliothèque avant d'être numérisé avec précaution par Google dans le cadre d'un projet visant à permettre aux internautes de découvrir l'ensemble du patrimoine littéraire mondial en ligne.

Ce livre étant relativement ancien, il n'est plus protégé par la loi sur les droits d'auteur et appartient à présent au domaine public. L'expression "appartenir au domaine public" signifie que le livre en question n'a jamais été soumis aux droits d'auteur ou que ses droits légaux sont arrivés à expiration. Les conditions requises pour qu'un livre tombe dans le domaine public peuvent varier d'un pays à l'autre. Les livres libres de droit sont autant de liens avec le passé. Ils sont les témoins de la richesse de notre histoire, de notre patrimoine culturel et de la connaissance humaine et sont trop souvent difficilement accessibles au public.

Les notes de bas de page et autres annotations en marge du texte présentes dans le volume original sont reprises dans ce fichier, comme un souvenir du long chemin parcouru par l'ouvrage depuis la maison d'édition en passant par la bibliothèque pour finalement se retrouver entre vos mains.

Consignes d'utilisation

Google est fier de travailler en partenariat avec des bibliothèques à la numérisation des ouvrages appartenant au domaine public et de les rendre ainsi accessibles à tous. Ces livres sont en effet la propriété de tous et de toutes et nous sommes tout simplement les gardiens de ce patrimoine. Il s'agit toutefois d'un projet coûteux. Par conséquent et en vue de poursuivre la diffusion de ces ressources inépuisables, nous avons pris les dispositions nécessaires afin de prévenir les éventuels abus auxquels pourraient se livrer des sites marchands tiers, notamment en instaurant des contraintes techniques relatives aux requêtes automatisées.

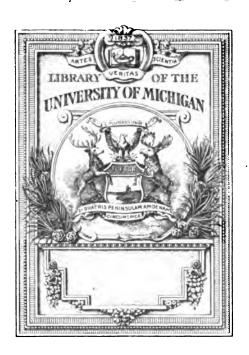
Nous vous demandons également de:

- + *Ne pas utiliser les fichiers à des fins commerciales* Nous avons conçu le programme Google Recherche de Livres à l'usage des particuliers. Nous vous demandons donc d'utiliser uniquement ces fichiers à des fins personnelles. Ils ne sauraient en effet être employés dans un quelconque but commercial.
- + Ne pas procéder à des requêtes automatisées N'envoyez aucune requête automatisée quelle qu'elle soit au système Google. Si vous effectuez des recherches concernant les logiciels de traduction, la reconnaissance optique de caractères ou tout autre domaine nécessitant de disposer d'importantes quantités de texte, n'hésitez pas à nous contacter. Nous encourageons pour la réalisation de ce type de travaux l'utilisation des ouvrages et documents appartenant au domaine public et serions heureux de vous être utile.
- + *Ne pas supprimer l'attribution* Le filigrane Google contenu dans chaque fichier est indispensable pour informer les internautes de notre projet et leur permettre d'accéder à davantage de documents par l'intermédiaire du Programme Google Recherche de Livres. Ne le supprimez en aucun cas.
- + Rester dans la légalité Quelle que soit l'utilisation que vous comptez faire des fichiers, n'oubliez pas qu'il est de votre responsabilité de veiller à respecter la loi. Si un ouvrage appartient au domaine public américain, n'en déduisez pas pour autant qu'il en va de même dans les autres pays. La durée légale des droits d'auteur d'un livre varie d'un pays à l'autre. Nous ne sommes donc pas en mesure de répertorier les ouvrages dont l'utilisation est autorisée et ceux dont elle ne l'est pas. Ne croyez pas que le simple fait d'afficher un livre sur Google Recherche de Livres signifie que celui-ci peut être utilisé de quelque façon que ce soit dans le monde entier. La condamnation à laquelle vous vous exposeriez en cas de violation des droits d'auteur peut être sévère.

À propos du service Google Recherche de Livres

En favorisant la recherche et l'accès à un nombre croissant de livres disponibles dans de nombreuses langues, dont le français, Google souhaite contribuer à promouvoir la diversité culturelle grâce à Google Recherche de Livres. En effet, le Programme Google Recherche de Livres permet aux internautes de découvrir le patrimoine littéraire mondial, tout en aidant les auteurs et les éditeurs à élargir leur public. Vous pouvez effectuer des recherches en ligne dans le texte intégral de cet ouvrage à l'adresse http://books.google.com





182 B51.



		•	
•			

HISTOIRE

L'ACADEMIE ROYALE

DES

SCIENCES

P T

BELLES LETTRES.

1756



A' BERLIN.

CHEZ HAUDE ET SPENER, Libraires de la Cour & de l'Académie Royale.

Permis d'imprimer.

P. L. Moreau de Maupertuis.

Président.

MEMOIRES

DE

L'ACADÉMIE ROYALE

DES

SCIENCES

ET

BELLES-LETTRES.

CLASSE DE PHILOSOPHIE EXPÉRIMENTALE.

* *

1.

. .!

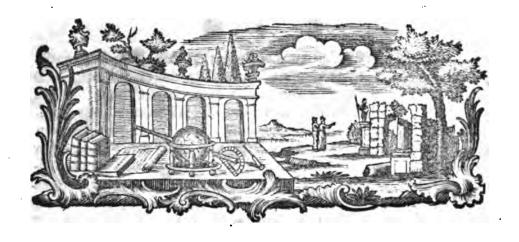
. .1

TI

DFLLLS-LHTTLLES

20 10 20 1 1 20 000

* *



RECHERCHES

SUR LA FORCE DE L'IMAGINATION DES FEM-MES ENCEINTES SUR LE FOETUS, À L'OCCASION D'UN CHIEN MONSTRUEUX.

PAR M. ELLER.

es taches, les difformités, & quelquefois la structure monstrueuse des enfans nouvellement nés, sont des choses trop connuës pour qu'on en puisse douter. Les Physiciens, & surtout les Medecins de tout temps, se sont fatigués, & chacun selon la portée de ses lumieres ou de

ses préjugés, à déveloper l'origine, ou les véritables causes de ces défauts. Hippocrate déjà, (*) tâchant de rendre raison de ces difformités,

(*) Libr. de Genicura, art. 8. & 9.

mités, nous apprend qu'un enfant, dans la matrice, peut être mutilé par les coups que la Mère reçoit, ou par les chûtes qu'elle fait. ajoute dans la suite, que l'enfant dans la matrice sera estropié, s'il n'a pas assez d'espace pour y demeurer à son aise, à l'exemple d'un végétable, qui trouvant une pierre, ou autre chose, qui le gêne dans son accroissement, devient peu à peu tortu & de travers, mince d'un côté & épais de l'autre, &c. Et par rapport aux taches que les enfans montrent quelquefois à la peau extérieure, Hippocrate nous en Libr. de rend pour raison; * que l'envie des Femmes grosses est capable d'imprimer, sur la peau du tendre ensant, la forme de ce qu'elles ont desiré.

> Il est fort probable, que les Physiciens dans la suite ont pris de ce dernier passage d'Hippocrate, l'occasion d'accuser la force de l'imagination d'une femme enceinte, comme la cause unique & suffisante de toutes les taches & difformités avec lesquelles les enfans nouvellement nés viennent souvent au monde. Cette opinion a tellement prévalu, surtout dans les deux derniers Siecles, que personne n'osoit douter de la réalité de cette supposition. Même le peuple savant de ce tems-là se faisoit un mérite de vouloir rendre raison de ces contes & fictions fabuleules, fondées, à ce qu'ils se persuadoient, dans la force de cette prétendue imagination. C'est ce que nous prouvent les Ecrits de Medecins d'une réputation distinguée, comme ceux de Hildan, de Fienus, de Horstius, de Thomas Bartholin, d'Ambroise Paré, & d'autres encore. Et ce ne furent pas les Medecins seuls, qui adopterent cette hypothele de la difformité causée par l'imagination aux enfans pendant leur séjour dans la matrice; les Philosophes du premier ordre encore ne refuserent pas leur suffrage pour l'affermissement de la même hypothese; témoin le Père Malebranche, (*) si célébre d'ailleurs dans les découvertes de la vérité dont l'entendement humain est suscep-Ce grand Philosophe, pour rendre raison de quelques dislocations des os des bras & des jambes, avec lesquelles un enfant nâquit en France, & dont on attribuoit le prétendu fraces à l'imprudence de

Superfælat.

^(*) Voyez sa Recherche de la Verité, Liv. II. ch. 7.

la Mère, qui avoit vu rompre les os à un Criminel pendant qu'elle étoit grosse de cet ensant, il s'explique de cette saçon: "Les ensans » voyent ce que leurs Mères voyent, ils entendent les mêmes cris, , ils reçoivent les mêmes impressions des objets, & ils sont agités des " mêmes passions... Tous les coups qu'on donna à ce misérable, , frapperent avec force l'imagination de cette mère, & par une espe-2 ce de contrecoup le cerveau tendre & délicat de son enfant. " fibres du cerveau de cette femme furent étrangement ébranlées, & , peut être rompues en quelques endroits par le cours violent des , esprits produit à la vuë d'une action si terrible, mais elles eurent as-, sez de consistance pour empêcher leur bouleversement entier. Les , fibres au contraire du cerveau de l'enfant, ne pouvant réfister au torrent de ces esprits, furent entierement dissipées, & le ravage sut , affez grand pour lui faire perdre l'esprit pour toujours. n raison pour laquelle il vint au monde privé de sens., qu'un habile Medecin, ou Chirurgien Anatomitte, auroient trouvé une toute autre cause par rapport à l'origine du mal en question, si on les avoit employés à examiner l'affaire à fond. Car, si la lésion des os avoit été telle qu'on la suppose, la forte attache des muscles, placés aux extrémités de ces os, auroit sans doute tellement flêchi & tiraillé chaque portion des os fracturés, que leur situation droite auroit été forcée à montrer autant de bosses, ou angles élevés, qu'il y avoit de fractures aux bras & aux jambes; ce qu'on n'a pourrant pas remarqué dans le récit. Mais la recherche de ce cas, & de bien d'autres encore de la même trempe, où l'on trouve toujours une rélation peu fidele, ou défectueuse, des témoins suspects, & des juges incompétens, m'écarteroit trop de mon but; qui est seulement d'examiner, s'il y a quelque possibilité, que dans une semme enceinte, la force de l'imagination, ébranlée par une frayeur extraordinaire, puisse estropier ou mutiler son enfant dans la matrice, changer la figure humaine en quelques endroits de son corps, lui faire croitre des pattes, des griffes, des cornes, &c. ou bien que cette femme puisse par un desir excessif, auquel elle n'a pu satisfaire, lui attacher sur la peau extérieure des emprein-A 3

preintes des choses qu'elle n'a pu obtenir, comme des Cerises, des Fraises, des grappes de raisin, des Souris, des Poissons, &c.

Or, comme tous ces phénomenes, & d'autres semblables, ont été attribués à la force de l'imagination des femmes grosses, il faut examiner de près, ce que c'est qu'imaginer, & de quelle maniere cette opération de notre être pensant existe en nous. Pour peu qu'on réflèchisse là dessus, on trouve que l'imagination n'est autre chose, que cette faculté de notre Ame qui représente en nous l'image, ou les idées des objets absens, introduits auparavant par les organes de nos Mais cette représentation des objets absens, ou cette imagination, doit nécessairement agir en nous par quelques moyens capables de faire une impression, ou changement, à l'endroit de notre corps où les pensées existent; & ces moyens sont sans contredit les nerfs, puisque la destruction de ces émissaires du cerveau, détruit en même tems la perception des idées qu'on appelle sensuelles, parce qu'elles nous viennent par les sens. Par conséquent la lésion du nerf optique nous ôte la perception des idées que nous recevons par la vuë : l'obstruction du nerf acoustique, celles que nous faisissons par le son, & ainsi des autres : de sorte que les nerfs, ayant fourni les idées sensuelles au cerveau, établissent ensuite cette opération de l'ame en nous, qu'on appelle imagination.

D'ailleurs, l'expérience nous apprend, que ces idées sensuelles sont capables d'exciter des passions très violentes, surtout dans le sexe, lorsqu'il se trouve en grand danger, d'un incendie par exemple, ou à la vue d'un assassinat, à l'aspect d'un animal assireux, au récit d'un grand malheur arrivé à quelques uns de leurs proches, ou quand on se trouve subitement en danger de la vie, &c. Quelle émotion excessive dans toute la masse de sang, & quelle violente constriction spasmodique de tous les ners, ne voyons-nous pas arriver alors, surtout dans les semmes enceintes? Aussi les frayeurs de cette nature, dans ces sortes des personnes, ne laissent pas que d'être très nuisibles aux ensans qu'elles portent; la liaison entre la mere & le sceus

fœtus est trop étroite pour qu'une agitation si violente ne se communique pas à la matrice, & y cause des desordres aux parties délicates du fœrus, furtout dans les premiers mois de son accroissement. là viennent quelquefois des bouleversemens de la matrice, qui se montrent par de grandes pertes de sang, & par des avortemens même; & lorsque de pareilles commotions extraordinaires du sang & des esprits arrivent les premiers jours, ou femaines, après la conception, la structure délicate du petit embryon court grand risque d'etre endommagée quant à sa formation; c'est à dire que la constriction spasmodique de la matrice peut empêcher, ou mettre un tel obstacle, surtout dans les extrémités du petit embryon, que telle, ou telle branche d'artère se trouve embarrassée, ou bouchée, de sorte qu'elle perde sa fonction de pouffer le sang pour déveloper la partie à laquelle se rap-Une telle obstruction arrivant, par exemple, porte sa destination. à l'artère brachiale, ou à celle du poignet, le bras ou la main trouveront obstacle à se déveloper; & lorsque l'enfant viendra à son terme au monde, il lui manquera une portion du bras, ou du poignet, &c. & de cette maniere peuvent se former & naitre ce qu'on appelle les monstres par défaut.

En adoptant cette théorie, il ne sera pas plus difficile de comprendre, comment, & par quel moyen, se peuvent former les differentes taches, ou marques imprimées à la peau extérieure de l'ensant, car les veines comprimées dans quelques endroits du corps de l'ensant, soit par une position forcée dans la matrice, ou par une violence reçue de dehors, ou par l'entortillement du cordon umbilical autour du cou, ou ensin par l'habissement trop serré de la mère, toutes ces causes & d'autres semblables, dis je, peuvent sans doute troubler la circulation égale, qui doit naturellement subsister entre les artères qui poussent le sang du cœur aux extremités, & les veines qui le ramenent au cœur. Supposons donc une petite branche des veines resferrée par une cause quelconque; la branche de l'artère à laquelle sette veine répond, pousser le sang qu'elle à reçu par la constriction du

du cœur, également vers les branches de la veine bouchée; mais la résistance que le sang y rencontre, forcera le diamètre des petites artères laterales lymphatiques d'admettre, ou de recevoir, au lieu de la lymphe déliée & transparente, les petits globules rouges du sang; & la cause de cette dilatation des vaisseaux ayant subsisté trop longtems, les artères lymphatiques élargies se convertiront en vaisseaux sanguins, lesquels étant placés, comme on sçait, en très grand nombre en forme d'un tissu étroit sous l'épiderme transparent de la peau, ce tissu des vaisseaux sanguins y montrera nécessairement une rougeur plus ou moins forte, & plus ou moins étendue, selon que les causes de son existence ont été plus ou moins grandes. Aussi les taches rouges formées de cette façon, & qui ont l'etendue d'un ou de plusieurs pouces, sont appellées en Allemand, Feuer, ou Mutter - Mähler, Navi materni en Latin. Les autres plus petites taches sphériques d'un rouge foncé, ou quelquesois d'un rouge pâle, ou bien un amas de ces petites taches rouges confondues ensemble, sont des empreintes, que pendant la grossesse d'une femme, un desir manqué de Cerises, de Fraises, de grappes de Raisin &c. doit avoir dessiné sur la tendre peau des enfans, selon la dévote créduliré des femmelerres. Ensuite les taches un peu larges & élevées, & que les racines des poils dilatées & poussées ont rendu velues, causées apparament par un fang épais & bilieux, dérivé de la mere vers la matrice, font attribuées à l'épouvante de l'apparition d'une Souris que la mère s'imagine d'avoir chassée une fois de ses habits pendant sa grossesse. Mais qui feroit affez stupide pour ne pas découvrir ici des fictions sades, soutemues des préjugés vulgaires, que la tradition du sexe crédule a taché de perpétuer depuis tant de générations? Aussi pour découvrir dans les taches susdites, des images de Cerises, de Fraises, de Souris, &c. il faudroit avoir l'imagination bien plus forte, que ces bonnes Meres ne l'ont eue, lorsqu'elles ont crû barbouiller ces empreintes sur la peau de leurs enfans.

Mais, pour mettre enfin des bornes à la prétendite imagination formatrice des taches, des fruits, & des bêtes même, que les enfans reçoi-

recoivers quelquefois dans leur premiere demeure, il feut tombet d'accord, one l'épouvante, ou la frayeur, qu'on prend pour la fource de ces sortes d'imaginations, ne peut opérer autre chose, si ce n'est de produire une altération dans la circulation du sang de la Mère. c'est à dire, de la pousser trop, ou de la trop rallentir, & de causer souvent, en même tems, une constriction spasmodique dans la matrice; circonstances, qui dépendent toures deux d'une commotion violente des esprits des nerfs du cerveau de la Mère. La structure du corps humain, & les fonctions de ses parties, établissent cette these, & prouvent encore, que les nerss de la Mère n'ant point de ligifon avec ceux de l'enfant, puisque la connexion entre le corps de la Mère & celui de l'enfant subsiste uniquement par le moyen de l'arrière faix, qui ne tient point à la matrice par une continuité, mais seulement par une contiguité de vaisseaux, qu'on ne déchire pas lorsou'on dégage l'arrière faix de la matrice. On voit, que les valsseux innombrables dans leurs plus petites subdivisions, sont distribués per parcelles, & tout à fait mêlés avec ceux de la matrice : dans cet ordre & cer arrangement néanmoins, que les petites veines de l'arrière-faix, à l'imitation des racines des végétaux, peuvent sucer le sang qui suinte des extrêmités des artères de la matrice, & d'un autre côté, que les petites veines de la matrice peuvent à leur tour résorber le fame que les arrères du cordon umbilical de l'arrière faix ramenent de l'enfant vers la matrice; lequel sang enfin, de retour de sa fonction nutritive, étant reçu par les veines de la matrice, rentre dans la masse du sang de la Mère.

Il n'y a donc point de continuité, ou d'anaftomosé, entre les vaissaux sanguins de la Mère & ceux du sœtus; & par conséquent point de circulation de sang commune à la Mère & à l'ensant : ce qui est prouvé encore par la grande différence qu'on remarque entre les battemens des artères de la Mère & de celles du sœtus, quand on a l'opportunité de tâter d'une main le pouls de la Mère, & de l'autre les pulsations des artères du cordon umbilical, qui s'avance quelquesois man de l'acad. Tom. XII.

B hors

hors de la matrice, pendant que l'enfant y reste encoré. D'aiseurs les ners de la Mère n'ont pas la moindre connexion avec œux du sœtus, & les dissections anatomiques les plus scrupuleus n'ont pû jusqu'ici découvrir seulement le plus petit silament nerveux qui se rendit de la matrice dans l'arrière saix de l'enfant. Cela prouve que le sœtus est un individu distinct de celui de sa Mère, & qui agit par ses propres ners, indépendamment de ceux de la Mère. Les ners donc, qui sont les instrumens par lesquels l'imagination de la Mère peut uniquement opérer cet esset, ou produire ce pouvoir de changer quelque chose au corps de l'enfant, n'étant capables d'y contribuer en rien, cette imagination ne sauroit avoir lieu, d'autant plus que les ners de la Mère, n'ayant pas la moindre connexion avec ceux du sœtus, se trouvent hors de la sphère de leur activité.

Ce que j'ai avancé jusqu'ici, prouve assez clairement, je crois, que les taches & les empreintes de diverses choses étrangeres, qui paroissent sur la peau de quelques ensans nouvellement nés, & même les Monstres par défaut, ne peuvent pas proceder d'une prétendué imagination de la Mère; mais qu'ils sont plutôt, selon la démonstrastration précédente, l'esset d'une émotion extraordinaire & très sorte des esprits des ners, & de la masse d'un mauvais sang, occasionnés par des passions très violentes, qui arrivent souvent aux semmes enceintes.

Mais on rencontre quelquesois certains sœtus preternaturels, qui semblent demander une toute autre raison de leur existence; & ce sont principalement ces sortes d'ensans dissormes, qu'on appelle Monstres par excès, qui sont voir une ou plusieurs parties essentielles de trop à leur corps, ou bien ceux qui montrent un membre, ou partie principale, tout à fait étrangere à leur espece; comme, par exemple, la tête d'un animal attachée au tronc d'un ensant, que quelques Auteurs, comme Hildanus, Thomas Bartholin, &c. prétendent avoir vûr Ajoutons encore plusieurs autres combinaisons monstrueuses de cette nature, dont le Dr. Turner, Medecia Anglois, dans son traité de Morbis

Tab. I.
ad pag. 33.



Memide l'Acad. Som. XII. ad pag. 362 Frisch fe.

• .

•

- . -

. -----

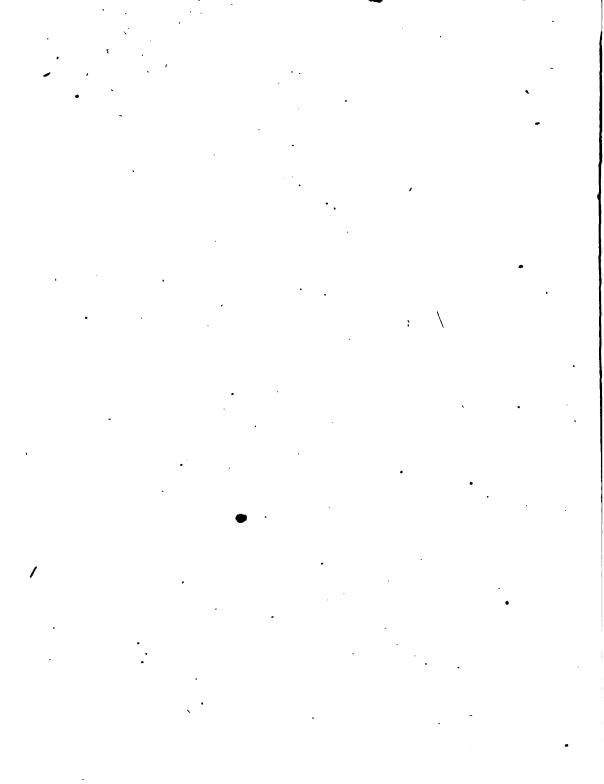
Morbis cutuneis, a fait une Collection importante: mais cet Auteur, à cause de sa trop grande crédulité, a été bien tourné en ridicule par le Docteur Jaques Blondel son Compatriote.

Quoiqu'il en foit, on a eu la fatisfaction, il y a quelques miois, de voir naitre ici, à Berlin, non pas un enfant monstrueux, avec une tête empruntée d'une autre espece d'animal, mais un petit Chien mis au monde, dont la tête ne ressembloit pas mel à celle d'un Coq-d'Inde. Le Bourgeois qui a vu naitre cette petite bête monstrueuse, l'a donnée à un Chirurgien de ma connoissance, de qui je la tiens; il lui a raconté, que la chienne mère, de la plus petite race, lorsqu'elle étoit pleine, avoit eu la coutume de se promener souvent dans la basse cour, où ce Bourgeois nourrissoit parmi sa volaille un Coq-d'Inde, le quel, ne pouvant souffrir la chienne, l'avoit toujours chasse en la becquetant, & la forçant de se retirer dans la maison. Ce bon homme a crû au reste, que la pauvre chienne, esfrayée toujours de cette façon, avoit imprime à son petit l'image des armes si redoutables de son ennemi le Coq. Après avoir examiné avec soin ce petit monstre, expiré d'abord après sa naissance, on a remarqué, que la difformité subsistoit uniquement à la tête & au col, le reste du corps & les extrémités ne montrant que la structure ordinaire d'un Chien. Pour ce qui regarde la tête monstreuse, elle étoit un peu ovale, depourvue de la gueule & du nez, & par conséquent les machoires allongées d'un chien y manquoient entierement; mais & leur place il se présentoit une espece de pendeloque ronde, d'une chair rougeatre, approchante, par rapport à sa sigure & à sa longueur, ducouvre bec d'un Coq-d'Inde. Le diamètre de cette excrescence charnue vers sa base, étoit de 8. à 9. lignes, mais elle étoit creuse en dedans pour recevoir & loger une espece de bec, ou plutot un crochet osseux, tout à fait solide & sans ouverture, de 4. lignes de diamètre environ, & de 12, de longueur ou d'étenduë. Ce crochet ne se trouvoit point attaché à l'os frontal, mais adhérent par une espece de suture aux os des temples, à l'endroir où ces deux os se joignoient vers la base du petit crane, dans lequel, au reste, on ne trouvoit pas la moinmoindre marque des orbites; de forte que les yeux y manquoient tout à fait. On découvroit enfuite les deux oreilles à la base de la tête, où le col commence; elles étoient entourées d'une espece de menton difforme, élevé en bourrelet, & tout parsemé de petits houtons rougestras, à l'imitation de ceux d'un Coq-d'Inde; les petites oreilles de la même couleur étoient chauves, & 'leurs conduirs perçoient les us des temples à la base du crane; lequel ensin étoit sousenu de huit pas tires vertébres, au lieu de six qui composent à l'ordinaire le cou d'un chien. La premiere, qui porte le crane, étoit une sois plus large ôt plus épaisse que les autres.

Telle était la structure de cette petite tête monstrueuse, dont je joins ici la figure. Les femmes ne doivent donc pas se glorisier de posseder seules la prérogative de faire des monstres per la force de leur imagination; nous fommes convaincus, par la rélation précédente, que les bêtes en peuvent faire autant. Mais, comme j'ai prouvé auparavant que nous ne pouvons rien imaginer que par le moyen des sens, & que les sens demandent toujours une liaison étroite entre les ners & le cerveau; vû qu'il n'y a pas la moindre cohésion entre les nerfs d'un fœtus & le cerveau de sa mere, par conséquent l'imagination de la mere, quelque forte qu'elle puisse être, ne peut rien opérer ni changer au corps du fœtus, que ce que j'ai avancé auparavant. C'est pour cette raison, qu'il faut chercher d'autres causes d'un changement si frappant, qui convertit l'embryon bien formé en un Monstre par excès, pourvû de quelques membres de trop, ou bien, qui attache au corps d'un tel embryon des parties tout à fait étrangeres à la figure de son espece.

Pour tâcher d'éclaireir des difficultés de cet ordre, il faudroit descendre jusqu'à la source de la génération; mais quelle obscurité ne rencontre-t on pas dans cet abisme? Il oft bien humiliant, ce mé semble, pour l'esprit humain, de ne pouvoir pénétrer, comme il saut, jusqu'à l'origine de son existence corporelle! On a bien inventé successivement plusieurs Systèmes qui devoient éclaireir toutes ces obscuri-





curicle; (*) le plus ancien est le plus fample, de ne requiert, selon Hippocrate, que la mélange des deux liqueurs feminales du mêle & de la femelle dans l'este charnel, la portion la plus forte produisant les miles, & la plus foible les femelles. Ariflate (**) au contraire prétend que le sang menstruel sources bien la matiere, mais le sperme de l'homme la forme du fœrus, & que le faculté générairies acheve le Harvey enfin, qui par la découverte de la circulation, du fang a rendu son nom immortel, fut le premier qui entreprit une recherche exacte dans les matrices des Biches, & de plufieurs autres animaux tout récemment couverts, pour en former un nouveau Système de génération; mais les grands desordres causés en Angleterre per les guerres civiles fous Charles I. en empêcherent apparemment l'exécu-Dans plusieurs de ses Dissertations, (***) il ne reconnoit après la conception que des caroncules allongées dans la matrice, & enfuire un tissu formé peu à peu en petite poche, qui contient bientôt après une envelope spherique, remplie d'une lymphe transparente avec son point vivant, (punctum faliens,) pour le commencement du petit fœcus, &c. Dans un autre endroit (****) il paroit rapporter tout cet appareil à la fabrique des oeufs, existants de cette saçon dans le creux de la matrice après la conception.

Mais de nouvelles recherches dans l'Anatomie de ce temps-là avoient déjà découvert à chaque côté de la matrice un corps blanchâtre, parsemé de glandes, ou vesicules transparentes, qui contiennent une liqueur semblable à du blanc d'ocus. Cette analogie avec les oiseaux sit donner à ces deux corps le nom d'ovaire. Enllope, sameux Medecin Italien, apercut deux tuysux, ou trompes inférées dans la matrice, dont les extremités slottantes, & terminées en franges, peuvent embrasser l'ovaire, recevoir ces vesicules transparentes, ou ces pe-

^(*) Vid. Hipp, libr, de Genitura, pag. 129, Edit. Lugd. Bet.

^(°°) De generat, animal, lib. I, cap, 20, &c.

^(***) Vid. Exercitat. 66. &c. (****) Exercitat, 68. &c.

getits deufs, & les transporter su fond de la matrice. Reguler de Granf, habile Anstomiste Hollandois, établit par des expériences ultérieures (*) ce nouveau système, prétendant avec ses Sectateurs, Malpighi & Valisnieri, qu'un tel oeuf detaché de l'ovaire contenoit dejà le petit fœtus tout formé, & que le sperme viril pendant le cost le sécondoit seulement par une exhalaison, ou espeit spermatique, qu'il nomme aura seminalis, contenue dans ce liquide.

Bientôt après, deux fameux Physiciens Hollandois, Hartsocker & Löwenhæk, s'aviserent d'examiner cette liqueur fecondante des mêles par de meilleurs microscopes, & ils trouverent, à leur grande surprise, une quantité prodigieuse de vermisseaux vivans, répandus toujours dans cette liqueur. A ce phènomene si frappant, on ne balança guères à prendre ces vers pour les ébauches complettes des petits animaux, de l'espece de laquelle on avoit pris & examiné le sperme. Aussi rien n'étoit plus simple, que de s'imaginer, que ces petits vers si agiles, pouvoient très facilement entrer dans la matrice, s'attacher à sa surface, y trouver leur nourriture, & leur accroissement, & sortir de là à leur terme sous la forme d'un animal complet. Voilà donc un nouveau Système de génération, mais qui fait décheoir les semelles de la prérogative de former l'embryon, & la rend aux mâles.

Cependant on pourroit demander ici; d'où vient donc aux enfans leur ressemblance à la mère, si le petit ver spermatique contenoit déjà la structure complete du sœtus? & d'ou viennent la queite & les oreilles d'ane à la mule, si le petit poulain existe déjà tout formé dans stousire de la jument? Apparement qu'on ne songeoit pas à ces sortes d'objections dans ce tems-là; on s'occupoit plutôt à mettre d'accord les contrariétés apparentes de ces deux Systèmes. Les plus sensés étoient convaincus, que la Nature ne produisant rien de supersu, l'Ovaire & les trompes de Fallape étoient absolument inutiles, si le système des vermisseaux spermatiques prévaloit; c'est pourquoi ils tâche-

^(*) Regner de Graaf, de Mulier. Organ. cap. 14. &c.

tacherent de former un Système mixte des deux précédens, en envoyant les vers spermatiques à la recherche des Oeus, soit dans l'ovaire, où détachés de là dans la trompe, ou bien dans la matrice même, pour s'en emparer & pour y trouver leur premiere nourriture.

Ce dernier Système, pour retourner à mon propos, paroit favoriser la production des Monstres nommés par excès. En supposant, que deux ou plusieurs de ces petits vers prolifiques entrassent à la fois dans la cicatricule, ou petite ouverture de l'oeuf, le plus robuste s'y • maintiendroit sans doute; & par rapport aux autres, il pourroit arriver, que quelques unes de leur parties sussent détruites, & que d'autres restant dans leur entier se joignissent au premier, lui attachassent des membres surnumeraires; ce que nous voyons arriver aux sœtus à deux têtes, ou à deux corps, ou bien à plusieurs bras ou jambes &c. où l'on apperçoit les restes d'un deuxième sœtus anéanti en partie.

Mais, ni ce système mixte, que je viens de considérer, ni les précédens, ne nous prêtent assez de lumiere, pour que nous puissions comprendre l'existence, ou la production d'un monstre, qui présente des membres, ou des parties tout à fait étrangeres à son individu, comme par exemple notre chien monstreux, dont la tête tient plus de la structure de celle d'un Coq d'Inde que de celle d'un chien. Je conviens cependant, que ces fortes des monstres font extrèmement rares parmi les fœtus de la race humaine, & que la plûpart des Auteurs allégués, qui nous en parlent, ont été trompés, ou par de faux rapports, ou par la ressemblance trop legèrement imaginée de quelques difformités des traits. Supposons en attendant qu'il en ait existé, la grande difficulté ne paroitra pas non plus levée par un autre nouveau système de quelques Physiciens modernes, qui s'efforcent de prouver, qu'à l'exemple des Végétaux, tous les fœtus préexistens ont déjà renfermé les races passées, présentes, & futures, dans leur corps. & qu'il ne faut qu'un simple dévelopement pour le production su ccessive de tous les animaux. Cette hypothese, comme je l'ai dir, n'éclaircit point le cas en question; & quand même on

voudroit attribuer à la toute-puillance divine, (selon le sentiment du célébre Mr. Winslow,) la création des fœtus monstreux entremêlés dans ce développement successif, on ne trouveroit pas une raison suffisante du dessein de notre très sage Créateur.

Toutes ces difficultés, & bien d'autres encore, qui obscurcissent si fort la veritable origine de notre existence, ont porté le savant Mr. de Buffon, (*) à publier, il y a quelques années, un système tout nouveau sur la génération & reproduction des animaux en général. Anaxagore, Philosophe Grec de l'Ecole Jonique, lui en a fourni peurêtre la premiere idée par son prétendu arrangement des plus petites parties corporelles, homogenes ou similaires, qu'il appelle Ouosouspesas, & fur lesquelles Plutarque, Ciceron (**) & Lucrece (***) nous donnent quelques éclaircissements. Mais l'idée la plus convaincante paroit lui avoir été fournie par l'illustre Auteur de la Venus physique, out, à l'occasion de ses conjectures sur la formation du fœtus, réflèchissant sur certains rapports, dispositions, ou forces dans la nature, entre les substances corporelles homogenes, lesquelles on voit se rapprocher, ou se joindre ensemble, comme plusieurs phénomenes dans la Chymie le prouvent, fait à la fin cette demande: "Si cette force existe dans la ,, Nature, n'auroit-elle pas lieu dans la formation des corps des animaux? Qu'il y ait, poursuit il, dans chacune des semences des , deux sexes des parties destinées à former la tête, le cœur, les entrail-,, les, les bras, les jambes, & que ces parties ayent chacune un plus " grand rapport d'union avec celle qui, pour la formation de l'ani-, mal, doir être sa voiline, qu'avec tout autre, le fœtus se formera; & fur il encore mille fois plus organifé, il se formeroit, &c., sjoute à cela une observation bien convainquante pour faire valoir cette hypothese; savoir, que dans les Monstres par excès, où il y a quelques membres de trop, les parties superflues du mêlange spermatique des deux sexes, trouvent néanmoins leur place, & s'unissent aux parties

^(*) Voy Hiffeine Meturelle Tom, II.

^(°°) Tuscul, Quest. 4- (°°°) De Nat, rer, 1, 1. p. m. \$30.

ties dont l'union étoit déjà suffisante. Ainsi un doigt de trop ne trouvera d'autre place qu'à la main ou au pied; un bras superflu s'attachera toujours placé à côté de la premiere sur les vertébres du col; ce que notre savant Académicien, & trés habile Anatomiste, Mr. Meckel, qui a eu l'occasion de se procurer un tel Monstre, il y a quelques semaines, va montrer à l'Assemblée.

Un Philosophe donc, tel que Mr. de Buffon, qui tâche toujours d'approfondir les véritables causes physiques par des expériences constatées, s'est attaché à examiner de nouveau cette liqueur prolifique qui doit fournir le commencement corporel à tous les animaux : ses expériences réiterées avec les meilleurs Microscopes, lui ont montré les prétendus vers spermatiques, tels que Leewenhack les a vûs, & dépeints : il a été plus loin, & a découvert le premier, avec l'assistance de son amy, le célébre Naturaliste Mr. Needham, des petits corps mouvans, tout à fait semblables à ceux des mâles, dans les prétendus oeufs, ou vesicules lymphatiques de l'ovaire de toutes fortes de femelles, dans le tems de leur chaleur. Ne s'arrêtant pas là, il a trouvé encore à fa grande surprise, les mêmes corps agissans & mobiles dans les infusions des semences des végétaux, surtout dans les amandes. Même les morceaux de viande infulés, & bien préservés de toute communication avec l'air extérieur, lui ont fait voir par le Microscope, nombre de ces molecules en mouvement; & ayant enfin remarqué que l'agitation de ces petits corps étoit presque toujours uniforme, & point arbitraire, dans tous ces différens liquides spermatiques, qui restent mobiles à une chaleur bouillante, il n'a pu les prendre davantage pour des vermisseaux, mais il les regarde comme les premiers élémens, ou principes corporels de tous les animaux & végétaux en général, & leur a imposé le nom de molecules, ou parties organiques mouvantes & agissantes. qui servent également à la nutrition & à la reproduction de ces Etres. L'illustre Auteur paroit entendre ici par l'organisation, cette méchanique dont se sert la Nature pour modéler les élémens de la matiere. non seulement par rapport à leur figure extérieure, mais aussi pour la Min. de l'Acad. Tom. XII. forme forme intérieure appropriée à chaque espece des animaux; ce qu'il nomme, passer par le moule intérieur. Il ajoute enfin, que la reproduction, ou la génération des animaux, se faisoit par la réunion réciproque de ces molecules organiques des deux sexes, renvoyées de chaque partie du corps dans un réservoir commun, qui sont les testicules & les ovaires. Après la conception, ou le mêlange des deux liqueurs seminales, continue Mr. de Busson, l'assimilation, ou l'établissement local des parties, se fait selon les loix d'assimité qui sont entre les dissérentes parties, & qui déterminent les molecules organiques à se placer comme elles l'étoient dans les individus qui les ont sournies; en sorte que les molecules qui proviennent de la tête, & qui doivent la former, ne peuvent, en vertu de ces loix, se placer ailleurs, & ainsi des autres, &c.

Voilà en racourci le nouveau système organique de Mr. de Buffon sur la génération des animaux; système qui détruit les précédens, & montre leur insuffifance, mais qui d'un autre côté me paroit propre à expliquer en quelque maniere l'existence des Monstres à mem bres etrangers. Il faut remarquer préalablement que Mr. de Buffon, dans ses recherches infatigables sur les élémens organiques, les a déconverts même dans le jus de la viande rôtie : par conséquent ils paroissent inaltérables à ce degré de seu; moins encore peut-il leur arriver une altération destructive par la chaleur & par l'action de l'estomac, lorsque ces parties organiques, spécifiées auparavant dans le sperme d'un animal, entrent dans le corps d'une autre espece d'animaux, & qu'elles sont portées par la circulation du sang vers la matrice dans le tems que la conception fe fait. Elles peuvent donc facilement s'introduire dans le mélange seminal, & coopérer un changement dans quelques parties de l'embryon. C'est aussi ce qui a pû arriver à la chienne mère de notre monstre, soit qu'elle ait léché vers le tems de son accouplement de la femence répandue par hazard du Coq-d'Inde, ou qu'elle ait avalé quelque chose d'un Oeuf cassé & secondé auparavant par ce Coq, &c.

D'ailleurs, s'il est permis d'ajouter encore une réstexion hazardée. en prenant ces parties organiques de Mr. de Buffon dans la semence pour les vrais élémens corporels des animaux, ne pourra-t-on pas supposer, qu'il est possible, que ces molecules organiques, que la tête, par exemple, ou quelque autre partie fournit, dans la composition du sperme, fussent, par une impression violente, modélées à la façon, ou d'après la figure de cet objet effrayant, lorsque l'idée en reste longtems présente à l'esprit, & que ces molecules organiques, moulées de cette façon étrangere, se trouvent déjà mêlées avec les autres parties feminales dans les réservoirs spermatiques d'une semelle avant l'impregnation? Ne pourront-elles pas, dis-je, opérer ce changement à la tête, ou à quelque autre partie du fœtus futur, lorsque la conception arrive bientôt après, comme nous le voyons dans notre chien monstreux? Et ce seroit sans doute un autre effet de la force de l'imagination d'une mere, non pas sur le sœtus, mais sur les molecules organiqes que la mère fournit, pour le composer pendant la conception. Mais je n'oserois donner ceci pour des vérités constatées, sachant que, dans les choses où la certitude ne souffre pas une démonstration achevée, il faut se contenter de la vraisemblance.



CONTINUATION

DES PREUVES FONDE'ES SUR DES EXPERIEN. CES EXACTES, QUI FONT VOIR QU'IL SE TROUVE DE LA TERRE DANS L'EAU DISTILLÉE LA PLUS PURE,

PAR M. MARGGRAF.

I.

lans le 6. XII. du Mémoire contenant des recherches fur l'eau, que j'ai eu l'honneur de présenter à l'Académie Royale, & qui a été imprimé dans le Tome VII. de ses Mémoires, j'ai rapporté de quelle maniere, par des distillations réitérées, j'avois tiré de l'eau distillée la plus pure une terre, dont Borrichius a déjà fait mention dans son Traité de Hermetis & Ægyptiorum sapientia, sans rien dire pourtant de positif au sujet de ses propriétés. Mais, comme d'un côté je n'ai pas eu un médiocre intérêr à me procurer une connoissance exactement déterminée de cette terre, & que de l'autre divers Physiciens paroissent la révoquer en doute, ou bien que Boerhaave & d'autres veulent la déduire d'une cause toute particuliere; ce sujet m'a paru si important, que j'ai crû devoir en recommencer l'examen tout à neuf, pour mettre la chose à l'abri de tout doute. Sans avoir donc dessein de mettre des bornes aux travaux, ou de prescrire des régles aux opinions, d'autres grands hommes qui s'occupent des mêmes recherches. je me propose seulement de rapporter dans le meilleur ordre qu'il me sera possible, & de soumettre au jugement de ceux qui peuvent en décider, les Expériences sur ce sujet, que j'ai faites & réitérées avec la derniere exactitude.

II. Mais, avant que d'entrer dans ce détail, il me paroit nécesfaire de prévenir d'abord quelques doutes, qui pourroient se présen-

ter,

ter; & pour cet effet d'exposer avant toutes choses la maniere que l'ai suivie en procédant à la distillation de l'eau dont je me suis servi pour mes Expériences, afin d'en avoir qui fut exactement pure. Dans le Mémoire que j'ai déjà cité, &, 5. je rapporte que j'avois employé pour mes Expériences de l'eau de neige, ou de pluye, la plus pure que l'on puisse ramasser, après l'avoir seulement distillée une fois, pour découvrir la terre qui se trouvoit renfermée dans cette eau distillée. Mais, comme je conçus moi même quelque soupçon, que dans une semblable eau, qui n'avoit été distillée qu'une fois par la retorte, il pouvoit fort bien s'être élevé par cette distillation quelque partie déliée d'une terre qui n'appartint point à l'eau, & à laquelle on dût attribuer celle qui demeuroit de cette eau après la distillation ; j'ai pris de la même eau de neige ou de pluye, rassemblée de la maniere la plus pure, & distillée une fois, & je l'ai encore distillée six autres sois, en ajourant encore la précaution de la distiller lentement, en prenant à chaque fois une retorte neuve, bien rincée auparavant avec de l'eau distillée, avec un récipient exactement net & bien adapté, toutes les jointures étant bouchées d'une maniere qui ne permetroit l'introduction d'aucune matiere étrangere, pas même de la menue pouffiere qui flotte dans l'air. afin que dans cette eau distillée six fois, il ne reste rien qui puisse encore fonder le reproche de quelque terre subreptice, j'ai pris un grand alembic de verre contenant environ quatre quartes, avec un chapiteau fondu enfemble, su haut duquel il y avoit un tuyau avec un bous chon de verre poli, fort bien ajusté au trou du tuyau mentionné, & propre pour pouvoir verser de tems en tems de cette eau distillée; & l'ai encore fait six distillations au bain-marie, dans un récipient fortement adapté, ayant soin toutes les sois que j'evois versé de la liqueur de refermer exactement le bouchon du tuyau. & prenant aussi toutes les précautions imaginables pendant que je verfois l'eau, pour empêcher qu'il ne s'y introduisit aucune poussière de l'air. Mais, comme dans une chaleur aussi tempérée que l'est celle du bain-marie, l'eau ne scauroit parvenir jusqu'à bouillir, il ne pouvoit plus rester aucun soupçon que, dans une distillation faite aussi doucement, il se fut encore élevé quelquelque espece de terre étrangere qui n'appartint pas à l'est. Cependant j'y ai remarqué que, dans ce degré de chaleur, tout modéré qu'il est, il s'attachoit toujours quelque chose, quoiqu'en très petite quantité, d'une matiere terrestre, surtout aux côtés de l'alembic, où l'eau s'étoit élevée, d'où cela retomboit ensuite en gouttes. Tout cela étant fait, j'ai conservé dans des vaisseaux de verre soigneusement bouchés, de cette eau ainsi purissée par treize distillations, & je l'ai employée dans les Expériences dont je vais rendre compte.

Roerhanve, & quelques autres, étant dans l'idée que la terre emi reste après la distillation de l'eau, même la plus pure, doit uniquement son origine à la poussière qui voltige toujours dans un Laboratoire chymique, ou même à celle qu'on voit flotter en l'air & dans les rayons du Soleil, j'ai déjà écarté cette supposition dans le 6. XII. du Mémoire cité au s. I. de celui-ci, & j'ai montré que la chose ne pouvoir avoir lieu; à quoi j'ajoûte encore, que quand une semblable poussière pourroit s'infinuer, lorsqu'on ôte le récipient, on la verroir. quelque subtile qu'elle pût être, surnager au dessus de l'eau, où elle seroit sensible, vû sa couleur noire ou grise, & en même tems elle seroit combustible. Que si au contraire on lui attribue de la pesanreur, il faudroir qu'elle se possit au fonds dans l'eau nette, & que par là elle devint sensible encore avant, la distillation. La terre qu'on tire de l'esu, devroit sussi avoir touses les sois une apparence dissérente, suivant la nature de la poussière répandue dans l'air, qui n'est. ai ne peut jamais être la même, vû la différence des tems & des lieux où l'opération se fait. Mais comme dans le s. ci dessus cité j'ai décrit la terre qu'on tire de l'esu, comme une terre blanche, & qui le devient toujours davantage à chaque distillation, l'idée que je combats achieve de tomber d'elle-même. Il n'y a personne qui ne pût se délivrer de ce doute d'une maniere fort simple, en posant seulement un plat de verre, dans un endroit où il demeurat tranquille, & en examinant au bout d'un certain tems, avec le secours des meilleurs Microscopes, la poussiere qui s'y seroit attachée, pour la comparer avec notre

notre terre tirée de l'eau, & ensuite les examiner toutes deux soigneufement. Je suis persuadé que tout observateur attentis, impartial, & exact dans ses Expériences, appercevroit la différence sans aucune difficulté. Mais, quelque jugement qu'il en portât, je m'assure que les Expériences suivantes, que j'ai saites avec le plus haut degré d'attention & d'exactitude, frayeront suffisamment la route à une connoissance plus approsondie, & à une certitude plus complette sur ce sujet.

Je pris une retorte de verre neuve, contenant environ fix onces, rincée auparavant avec le plus grand foin & à plusieurs reprises, avec l'eau très pure & souvent distillée que j'ai décrite. A' cette retorte tenoit un récipient de la même matiere, fondu avec elle, & qui avoit un petit tuyau par lequel l'eau pouvoit être versée. Je féchai auparavant ce vaisseau le mieux qu'il me sut possible, & l'ayant posé bien exactement, j'y versai une once de mon eau distillée très pure, en la regardant auparavant avec toute l'attention possible; & elle étoit nette & claire comme un crystal. Je fermai enfuite l'ouverture du tuyau avec un bouchon de verre, & je pris outre cela un soin particulier de la préserver de l'introduction de l'air. Je mis slors mon vaisseau dans le sable; & je distillai à une chaleur bouillance, de saçon que l'eau contenue dans la retorte la debordat jusqu'à environ 1 ou 4 dragme; après quoi je laissai le tout résroidir peu à peu, & j'observai que l'eau demeurée dans la retorte étoit un peu trouble. Je sis ensuite rentrer par inversion dans la retorre l'eau qui pendant la distillation avoir débordé le récipient, je la distillai encore une sois de la maniere précédente, & je répétai cela une trentaine de fois tout de faite; pendant quoi l'observai qu'à chaque distillation, quoiqu'il ne put s'y être introduit aucune sorte de poussière, mon eau très pure devenoit toujours plus trouble, de façon qu'à la fin elle n'avoit presque plus de transparence; & la pouffiere blanche brillante qui fe trouvoit au fonds, déceloit bien distinctement la terre qui s'en étoit féparée. J'aurois poussé ce travail encore plus loin, s'il ne s'etoit sais au cou de mon vaisseau

par accident une petite fente, quoiqu'à peu près imperceptible; ce

qui ne me permit pas d'aller plus loin.

V. Là dessus je versai par le tuyau ouvert du récipient l'eau qui v étoit encore demeurée; je séparai le plus délicatement qu'il étoit posfible le fonds de la retorte d'avec la partie supérieure, je couvris le tout au mieux, & le fis fécher à la chaleur du fourneau. Ensuite le pesai tout encore une sois, & je trouvai le poids plutôt augmenté que diminué. Après cela je séparai avec beaucoup de précaution la terre attachée au ventre de la retorte, qui étoit visible, & pouvoit être appercue même fans Microscope, laquelle je trouvai parfaitement semblable à celle qui a été décrite dans le §. 1. du Mémoire ci dessus cité. Quant au verre sur lequel elle s'étoit posée, je ne le trouvai, ni exfolié, ni rongé, ni inégal; mais il étoit uni partout, ressemblant parfairement à un verre cout neuf & net. Et quoique je misse en oeuvre les meilleurs Microscopes, dont en me scauroit souvent se passer dans des cas douteux, je ne pus rien du tout découvrir qui indiquat l'exfoliation ou l'arrotron du verre ; mais, comment cela auroit il été possible, passeu'après chaque distillation je laissois parfaitement réfroidir le vaisseu, avent que d'en verser l'eau dans la retorte. Car vérirablement le saillou qu'on a exposé au plus grand degré de chaleur, & ensuite jetté tout à coup dans l'eau froide, comme aussi le verre, & d'autres matieres semblables, quand on les traite de cette maniere, ne scauroient être allégués ici en preuve, quand même quelcun voudroit en faire usage. Ainsi-il paroit clairement par cette Expérience, que ni la poussiere répandue dans l'air, ni celle qui se manifeste aux rayons du Soleil, & qui est la même, non plus que l'exfoliation ou l'arrosion du verre, n'entrent ici pour rien dans cette terre séparée de l'eau distillée le plus pure. Je ne vois pas d'ailleurs comment quelque chose d'aussi innocent que de l'eau bien nette pourroit ronger le verre dans lequel elle bout, d'autant plus que j'ai d'autres verres & retortes de la même fabrique, où ces vaisseaux de retorte ont été faits, & précisément du même verre, dans lesquels je conserve déjà depuis dix ans de l'Esprit de sel, qui est autrement si nuisible aux mauvais verres, comme

comme antis d'autres Esprits acides, mondre exfoliation, arrosion, ou autre destruction de mes verres. Comment les peuvres Chymistes se tireroient-ils d'affaire, & que pourroient-ils employer qui sut à l'abri du soupçon, s'ils n'avoient aucuns vaissaux solidés, qui sussempts de l'arrosion des corps qu'ils y traitent? Sans contredit les instrumens, ou vaissaux, saits de terre, quand même ca seroit de la porcelaine, sont beaucoup plus suspects, comme l'expérience m'en a instruit. Et quel est celui qui, veulant travailler avec propreté, ira choissir des vaissaux de métal présérablement aux vaisseaux de verre? Ceux qu'on pourroit saire d'or pur, ou de l'argent le plus sin, seroient trop sares, & même trop incommodes; & tous les autres pour lesquels on employeroit le reste des métaux, ne conviendroient point à des ouvrages qui exigent la plus grande metteté, passe que ces métaux s'altérent & se détruisent aisément.

Avant que d'aller plus loin dans le récir des Expériences que j'ai faites pour parvenir à la cerritude, au fujet de la terre qui existe dans l'eau distillée la plus pure, & qu'on pout en séparer; j'estime nécessaire de rapporter encore une circonstance particuliere, qu'il est d'une extrème importance d'observer dans ce travail, sçavoir quand on veut tirer la terre de l'eau; c'est que pendant la distillation il faut entretenir continuellement l'eau que la retorte contient, dans une forte coction. On trouvers que par ce moyen il se sépare toutes les sois plus de terre de l'eau, que quand la distillation se fait lentement & à petit seu. Dans cette vue, pour obtenir une quantité de cette terre pour mes recherches, j'ai pris six quartes de mon eau distillée treize fois, & les ayant miles dans une retorte exactement nettoyée, à laquelle éroit adapté un récipient aussi des plus nets, & toutes les ouvertures étant auparavant bien bouchées, j'ai fait distiller cette eau au moyen d'une coupelle de sable, par la coction la plus véhémente, jusqu'à ce qu'il en soit resté environ fix onces dans la retorte; après quoi j'ai laissé bien réfroidir le vaisseau, j'y ai versé de nouveau l'eau qui avois Mim. de l'Acad. Tom. XII. distildiffillé par deflus, l'ai bouché au mieux les fentes du récipient stapes. i'si recommencé la distillation de la maniere précédente. & l'ai répétée jusqu'à quarante fois; mais j'ai trouvé que, plus je continuels ce travail avec une forte coction, plus il se séparoit de parties de terre de cette eau, laquelle devenoit toujours plus trouble : & de cette maniere j'obtins à la fin autant de cette terre séparée de l'oau distillée la plus pure, qu'il m'en feloit pour toutes mes recherches, dont je vels parler tout à l'heure. Une chose qui doit encore être particulierement remarquée ici, c'est que cette vapeur qui s'eleve de la retorte, & s'attache au cou du récipient, est une terre, qui ne diffère absolument en rien de la terre qui se sépare de l'eau; & le verre auquel cette vapeur s'attache, n'en devient pas plus inégal : il conserve toujours son poli, tout comme le fonds de la retorte dont il a été parlé dans le v. précédent, de forte qu'on ne scauroit penser ici à aucune exfoliation du verre. Outre cela on doit encore remarquer comme quelque chose de tout à fait particulier, que plus souvent une semblable eau est diffiliée, & plus l'opération devient difficile, surtout à la fin, quand une partie de la liqueur a débordé; cur slors le reste, en comparaisen de toute autre eau, demande un degré de feu très véhément.

VII. J'ai aussi assayé d'employer la chaleur du Soleil pour séparer cette terre de l'eau qui la contient. Pour cet esset j'ai pris soize onces de mon eau distillée pure, je les ai versées dans une tasse de verre net, que j'ai placée dans une autre tasse plus grande, couvrant le tout d'une cloche de verre; j'ai bouché les santes, avec le plus grand soin pour empêcher la poussière de s'y insinuer: & ayant exposé le tout à la chaleur du Soleil, pendant le cours de l'Eté de cette année, dont la chaleur excessive me venoit sort à propos, après que l'eau a été entierement évaporée de la tasse de verre, j'ai eu la satisfaction de trouver sur catte tasse la terre séparée de l'eau de la maniere la plus distincte.

VIII. Enfin j'ai aussi tenté si je ne pourrois point venir à bout de séparer cette terre de l'esu la plus pure, sans employer la chaleur du

de fen, pirle facotars du Solail, mais en me bornant à lui danner une agination continuelle. Dans ce dessein je pris un verre nauf, nar, de bien rincé avec de l'ean fandire; ce vaisseu avoit un cou érroir, afin qu'on pût le bien boucher. J'y versai doune onces de cette eau très pure, je fermai l'ouverture avec un bouchon le mieux qu'il me sur possible, je le reconvris d'une vessie, je trempai le col dans de la possi chaude, j'envelopair le verse d'un gapier épais, je le mis dans une petite boête étraite de bais; que je pouvais visser, de façon que le verre n'y pouvois point du tour vaciller; je vissai très exactement le boête, je la mis encore dans un sac de taile qui s'y sjustoit parfaite, unent, de j'estachai fortement ce pequet à une grande rouë de nos Moulins d'ici, en je le laissi tourner pendant huit semaines. Mais l'ayant ouvert ensuine, je mouvai l'asta renseruée dans le verre encore nette de claire, sans le moindre changement; de sorte qu'on ne peus se promettre de rien essettuer par le moyen de ce mouvement.

IX. Cela na me rebuta pourtant pas d'employer enaore un mouvement-d'une elucce différente far notre etu, pour stoir's'il n'en réfulcesoit rien qui pur convenir à mon but. Beerhaue raconte, dens fes elleis fler le vif-argent, que ce corps si fluide, après avoir ésé soigneusement pueisié, lousqu'on l'attache ensuite au pilon d'un monlin à foulon, per le monvement communel qu'il y éprouve, dépose à la fin une quantité de potsfiere noire. Tout Chymiste qui a jamais trains le Mercure, en lui impriment un mouvement de seconsse, donce sussi pen de ce fair, que de se qui arrive au Mercure, lorson'en lui faifant effiyer une force digastion il dépose une possible rouge. J'ai donc Fourly sourcetre à une semblable Expérience mon cau distiliée. Pen di verse deux onces dess un verse hant de din pouers, de large d'un & demi à deux esvison, lequel étoit fermé en hent per un bonshou de verre bien poli qui siejulioir exactement. Avent desse polé ce bouchon, je fis fecontr commellement le vele par un homme atri le fissoir alles sans colle de hant estibas & de has en hant. Commis remont syes in continué buis jobus, je resummai du chancement D 2 dans نده

dans mon eau, sçavoir qu'elle n'etoit plus aussi claire, mais qu'elle étoir devenue plus trouble; surquoi ayant sait encore darer ce monvement huit autres jours, l'eau devint essectivement encore: plus trouble, & je pouvois aussi, surtout quand je la regardois au Soleily y voir distinctement les particules retrestres séparées, déliées, & britilanses, qui flottoient dans l'eau. C'en sur assez cette sois-là peur me convaincre que ces particules peuvent aussi être séparées de l'eau, sans chaleur extérieure ni distillation, quoiqu'en beaucoup moindre quantité. Mais quand, comme je l'ai sait ensuite, on employe quelques le secours d'une chaleur modérée, cette séparation s'essectué encore plutôt; & on peut en même temes remarquer siès distinctement au verre, où les gouttes excitées par la chaleur sont montées, & d'où ensuite elles retombent, que c'est une terre séparée de l'eau qui s'y est attachée.

A' présent je vais plus loin, & je passe aux Expériences que j'ai faites sur cette terre séparée de l'eau. Je pris donc de la terre reoucillie de la maiere susdire de notre cas distiffée premierement sept fois. & enfuire encore fix fois au bain-marie; laquelle serie paroissoit blanche & brillante, & en même tems d'une extrème legrèreré : j'en pris, dis-je, quatre grains, & les mis dans un penit têt; je mis ensuise dans un autre tet semblable autant de grains de verre pilés tout fin ; je plaçai l'un & l'autre fous une mouffle arderne dans un fourneau d'épreuve ; j'ouvris toutes les portes, je remplis tout de charbon, & ie donnai un feu aussi fort qu'on peut le donner dans un sourneau d'épreuve. Ce feu ayant duré une heure, je trouvai après le réfroidisse ment, que ma terre séparée de l'eau ne s'étoit pas sondue à ce degré do feu ; mais qu'au contraire le verre pilé contenu dans l'autre ret s'étoit mis dans une entiere fation. La terre séparée de l'eau, à cause de quelques parties humides qui s'y trouvoient encore, parce qu'une perre aussi legére ne scaueoit se dessécher parsaitement à une chaleur douce, cette terre, dis je, avoit petdu quelque chose de son phida mais d'ailleurs, quant à la couleur dranx autres apparences; il n'y étoit atrivé ancun changement, & elle avoit toujours emierement l'aisden rente cruë de non calcinée. Au contraire quaire grains de cette terre, dans un creulet couvert & luté, à un seu de susion longteme continué, s'étoient sondués mais pas comme du verre, mais plutôt comme une masse d'un jaune gristre, qui s'étoit assaissée ensemble, & par conséquent fundaie en quelque saçon p ce qui arrive souvent à un seu très violent, surtout dans les terres composées: mais cela ne prouve point du tout que cette terre ait été produite du verre.

31. Outre cela je prie dix grains de cette terre tirée de l'esta blanche de legere ; je verhi destus une bonne quantité d'acide nitreux, de façon que ma terre entrêt dans une forte effervescence avec cet scide, & qu'une bonne partie fur même mile en solution. Je fis la décantation de ce qui avoit été dissous, & versai sur ce qui restoit encore plus d'acide nitreux; puis je fis digérer ce mixte, afin d'en tirer de cette maniere tout ce qui étoit soluble . La dessus je filirai le mixte, & je l'édulcorai le mieux qu'il me fut possible avec de l'eau distillée la plus pure chaude; finalement je fis sécher cette terre au mieux, puis je la pesai, & je trouvai son poids diminue de la moitié. Cette terre n'entroit plus en effervescende avec les acides; mais elle étoit pourtant encore brillange & legère. Je la mis dans un oreuset à fondre bien luté, su feu de fusion le plus violent, pendant plusieurs heures; mais après le réfroidissement je ne trouval aucun changement, bien moins encore aucune fusion, quoiqu'auparavant, tant que la terre soluble dans les acides s'y trouvoit encore, elle se fut en quelque façon fondne à un feu de cette force.

XII. Je divisai la solution sitrée dans le §, précédent en deux parties. J'en mêlai l'une avec de l'acide vitriolique, & j'obtins par là un précipité selémitique réel. Je mêlai l'autre moitié avec de la solution de sei de tartre, ce qui donna un précipité blanchêtre, tirant un peu sur le rougeatre, qui après l'édulcoration & le desséchement se legitima pour être à tous égards une vraye terre calcaire. Je pris

auffi de la terre qui étoit reltée dans le fibre, de qui n'étoit, ni soluble avec les acides, ni fusible par elle-même au seu; j'en mêlai deux parties avec une partie du set de tartre le plus pur, je mis ce mêlange dans un creuset, que je couvris d'un autre, en les lutant bien, j'exposai ensuite le creuset à un violent seu de susion; après quoi l'ayant laisse resroidir de casser, je trouvai cette terre changée en un verre clair.

Je me bornerai ici pour cette fois dans l'exposition de ce qui concerne la terre qu'on peut tirer de l'eau la plus pure. Si avec le terns je perviens à faire de nouvelles découverres, je ne manquerai put d'en saire un rapport convenable.



OBSERVATIONS SUR LES MALADIES DU COEUR,

PAR M. MECKEL (')

Traduit du Latin.

SECTION II.

De l'inflammation du cœur & du pericarde.

Ine faut pas confondre avec cette adhérence du péricarde au cœur, une autre espece de maladie, qui souvent, dans un très court espace de tems, se soume par l'obstruction inssammatoire des plus petits vais-seaux, & suivant la véhémence du mal, tantôt tue subitement, tantôt donne la mort d'une maniere plus lente.

OBSERVATION IX.

Une jeune homme robuste, de 22 ans, sentoit des douleurs aignes dans la région du cœur, &t des angoisses, qui ne lui permettoient pas de vaquer à ses travaux accontumés. La sievre survint, qui étoit accompagnée d'un pouls dur & fréquent. Les saignées restérées, non plus que les remedes résolvens, ne lui apporterent presque aucun soulagement, parce qu'étant d'une basse condition il avoir sousser se douleurs pendant quinze jours, avant que d'entrer à l'Hôpital, qu'il ne demanda que lorsque la violence du mai l'y contraignit. Le mas parut alors se relâcher un peu, mais les angoisses ne tarderent pas à se renouveller, & surent toujours en croissant jusqu'à ce que le sixième jour de son entrée à l'Hôpital, & le vintième de la maladie, il mourut en se plaignant toujours de douleurs poignantes à la région du cœur.

Dis

^(*) Voyez le commencement Tom. XI. p. 56. & suiv.

Diffection Anatomique.

Ayant entrepris la dissection de ce cadavre, je ne trouvai aucune lésion dans les viscères de l'abdomen; leur structure étoit au contraire dans l'intégrité la plus parfaite. Mais ayant ouvert le thorax, le péricarde enslammé sit voir ses petits vaisseaux tout gonssés de sang. Quant aux poûmons, ils étoient dans un état assez naturel, excepté que leurs vaisseaux étoient trop remplis de sang, ce qui en augmentoit le En ouvrant le péricarde, je trouvai en dedans un poids spécifique. pus épais & jaune, qui causoit quelque adhérence du péricarde au cœur, qu'on pouvoit néanmoins séparer avec assez de facilité. Mais tout autour du cœur il y avoit une croute épaisse qu'on avoit plus de peine à en détacher que du péricarde. Celui-ci étoit aussi enflammé en dedans, mais le cœur l'étoit beaucoup davantage; & quand le pus eut été enlevé, la stagnation fit paroitre sa surface inflammatoire. rouge, rongée, & dépouillée de sa tunique extérieure, comme est la peau lorsque l'imflammation & la suppuration l'ont écorchée. ce pus épais il n'y avoit point d'autre fluide semblable à la liqueur naturelle du péricarde. Je soupçonnois que la suppuration avoir endommagé la substance musculeuse du cœur; de sorte qu'ayant enlevé avec circonspection la croute de matiere du cœur, je me préparois à découvrir les fibres musculaires, mais je les trouvai encore couvertes d'une graisse assez abondante, sous laquelle elles étoient cachées : cependant la tunique extérieure du cœur n'étoit pas étendue sur cette graisse. dont à cause de cela la surface étoit inégale; & à la place de cette tunique les vaisseaux enflammés, & comme enduits de pus, avoient formé Les oreillettes se trouverent aussi dans le même un réseau rougeatre: Ayant donc enlevé la graisse des fibres du cœur partout, je trouvai qu'elles étoient pâles jusqu'à la cavité intérieure des ventricules. sans la moindre inflammation, ni aueune trace de pus; de sorte que leur structure étoit plutôt lâche que roide & dans un état de contraction.

33 37

Explication Physiologique.

Il y a longtems que j'ai regardé comme suspectes les observations de ceux qui prétendent, & ont rapporté dans leurs Ecrits, qu'on trouve une véritable inflammation & suppuration du cœur dans toute la substance musculeuse de ses ventricules. Car cette substance étant agitée par un mouvement continuel, est moins exposée à des inflammations mortelles, parce que son mouvement même facilite un flux & reflux plus libre par ses propres vaisseaux; & en même tems le sang est pressé trop fortement par les vaisseaux coronaires situés dans le voifinage du cœur, pour qu'une stagnation inflammatoire puisse avoir aisément lieu dans le muscle même. Il est plus facile que les fibres du cœur se relâchent en un point, quand le sang tend cet endroit jusqu'à le rompre, ce qui est suivi de la destruction & de la suppuration des fibres déchirées; d'où peut mître une consomption lente du cœur, ou même quelque ablees, dont on a des exemples prouvés par les observations d'Auteurs très dignes de foi. Or la raison & l'expérience dictent, que quand le cœur est attaqué d'inflammation dans sa substance musculeuse, it faut que son mouvement s'arrête dans un fort court espace de tems, puisqu'on sçait à n'en pouvoir douter, que d'autres muscles moins sensibles que le cœur, dès que l'inflammation s'y est mife, deviennent inhabiles au mouvement. On peut au contraire foutenir plus longtems quelque inflammation à la surface du eœur. qui ne réfide que dans les envelopes de ce muscle. Car les vaisseaux. extrémement tendres de la membrane extérieure, par quelque cause qu'ils foyent obstrués, donnent lieu d'abord à l'inflammation, parce que la liqueur qui sert à arroser venant à manquer, la surface du cœur se desséche, & étant continuellement frottée par le péricarde, il est de toute nécessité qu'elle s'enflamme. De là nait dans la membrane sensible tenduë une douleur qui sollicite le cœur à un mouvement irrégulier & trop fort, mais qui ne se communique pas si aisément à la fubstance musculeuse même, parce qu'il y a encore entre deux une substance celluleuse grasse qui la désend. Ainsi les sibres trop irritées par un mouvement excessif palissent & se relachent, jusqu'à ce que Min, de l'Acad, Tom, XIL. l'inl'inflammation ayant pénétré à une trop grande profondeur, le mouvement du cœur cesse. Plus donc la quantité de graisse est grande dans la celluleuse qui environne le cœur, & plus l'on peut soutenir ce mal & les progrès de la suppuration, avant que le mouvement du cœur soit arrêté; & pendant ce tems-là il rassemble insensiblement une plus grande abondance de pus dans le péricarde, à cause que la celluleuse remplie de graisse, & plus lâche, savorise beaucoup sa séparation & l'amas qui en résulte. C'est pourquoi, dans d'autres personnes mortes de la même maladie instammatoire du cœur, le péricarde se trouve plus rempli de pus, comme vont nous l'enseigner les Observations suivantes.

OBSERVATION X.

En soumettant à la dissection le corps d'un homme vigoureux & réplet, qui étoit mort à l'âge de cinquante ans, comme j'examinois les viscères du thorax, je trouvai le péricarde couvert extérieurement de quantité de graisse, & ses vaisseaux gonssés par une abondance de sang. Les poûmons, dans un état parsaitement naturel, n'avoient qu'une legère adhérence au péricarde, & n'en avoient nulle part au reste de la surface de la pleure, qui avoit sa liberté naturelle & entiere.

Le péricarde entre les poûmons, à cause de l'expansion que le pus lui donnoit, (car il contenoit trois livres d'un plus blanc & liquide,) avoit une grandeur double de celle qui lui est naturelle. L'ayant ouvert je trouvai toute sa surface intérieure couverte d'une croûte blanche, purulente, tenace, & presque membraneuse; laquelle ayant été enlevée, les petits vaisseaux de la lame intérieure du péricarde se montrerent tout à fait remplis d'un sang rouge, & ils étoient sermement attachés à la croute purulente. Cette instammation à la base du péricarde, jusqu'à l'endroit où il est adhérent au diaphragme, étoit si grande qu'on n'appercevoit presque pas un seul petit point qui ne sut enssammé.

Après

Après la séparation de cette lame intérieure du péricarde, on apperçut des sibres blanches, resplendissantes, sermes, & beaucoup plus dures & plus sortes, que n'ont coûtume de l'être naturellement les sibres extérieures du péricarde; elles sormoient la membrane du péricarde, ou sa lame extérieure, de l'épaisseur d'une demi ligne. Parmi ces sibres se trouvoient entrelassés des vaisseaux gonssés de beaucoup de sang, qui se terminoient en petits rameaux très abondans vers la surface intérieure du péricarde, & que leur rougeur rendoit tous aussi visibles que s'ils avoient été remplis d'une injection colorée.

La graisse qui environnoit extérieurement le péricarde de tous côtés, plus ferme & plus dure que de coûtume, avoit plus de huit lignes d'épaisseur; & par enhaut vers les grands vaisseaux, où-cette graisse étoit attachée à l'aorte & à l'artère pulmonale, elle avoit acquis une dureté presque squirreuse, avec une épaisseur de six lignes, & elle étoit teinte partout de vaisseaux d'une extrème rougeur.

Le cœur même, après l'ouverture du péricarde & l'effusion du pus liquide, étoit environné partout d'une croûte de pus blanc, épais, sans aucune mauvaise odeur, mais qui avoit bonne apparence, de l'épaisseur de quatre lignes. Cette croûte ayant été séparée, il se manifesta encore une autre couche de pus plus tenace, fortement adhérent à le substance même du cœur & aux grands vaisseaux. Cette croûte purulente étoit fort épaisse vers les grands vaisseaux, à la base & à la pointe du cœur, ayant quatre lignes, & étant assez compacte pour qu'on pût en former de petits dés.

Sous cette croûte purulente, on voyoit en quelques endroits les petits faisceaux musculeux du cœur qui se présentoient à mud, & dans ces endroits la surface du cœur étoit raboteuse & inégale, sa membrane propre extérieure, que la suppuration y avoit rongée, y manquant entierement; de sorte que dans ces endroits le pus adhérent extérieurement aux sibres musculeuses, avoit pénétré au dedans d'elles, & qu'on appercevoit leurs interstices qui étoient blancs, à cause du pus contenu

E 2

dans

dans la celluleufe. Mais à la base du cœur, & vers le cours des vaisseaux coronaires, aussi bien qu'autour de la pointe, il y avoit une graisse nuë, que des vaisseaux enslammés rendoient extrèmement rouge; & cela n'avoit lieu nulle part avec plus de force qu'à la pointe & au grand bord aigu du cœur. A' la fortie de l'artère pulmonale hors du ventricule intérieur, cette artère étoit garnie d'une callosité très dure, avec sa membrane musculeuse qui y étoit adhérente; cette matiere celluleuse étoit continuë au pus qui l'environnoit, ayant l'épaisseur & la longueur d'un pouce, avec un cercle trés rouge tout autour. oreillettes étoient enduites d'une très grande quantité de pus fort épais & les vaisseaux enstammés donnoient surtout une très grande rougeur à la droite, qui étoit considérablement dilatée, au lieu que la gauche étoit flasque & plus pâle. Les troncs des vaisseaux coronaires étoient vuides. & il ne distilloit des veines que très peu de sang tout à sait fluide; mais leurs petits rameaux dispersés par la graisse du cœur étoient entièrement gonflés de fang.

Les ventricules du cœur ayant été ouverts, le gauche ne parut pas enflammée dans sa substance musculeuse, mais ses sibres musculeuses étoient assez naturelles, quoiqu'un peu trop pâles. La cavité interne étoit pareillement dans un état naturel, ne contenant presque point de sang, à la referve d'une très petite quantité qui formoit dans la partie la plus basse une coagulation rouge, entremêlée de points blancs. Les valvules de l'orifice veineux étoient très gonssées au dedans du ventricule, à cause d'une coagulation dense qui remplissoit le sinus pulmonal, & ne s'en écouloit pas.

Le ventricule droit du cœur avec l'oreillette étoit plein d'un fang polypeux, de forte que la coagulation descendoit partout entre les bras, & il y avoit autant de rameaux, ou de racines de cette coagulation, qu'il y avoit de fosses entre les faisceaux, ou les bras. La même coagulation continuoit depuis le ventricule jusqu'à l'artère pulmonaire, qu'elle avoit remplie au delà des deux tiers de sa dimension naturelle. Une matiere blanche se trouvoit répandue partout parmi ce sang coagulé;

gulé; mais à son centre, dans le ventricule antérieur, étoir caché un corps blanc, semblable à une portion de celluleuse condensée, ou à des fibres musculeuses renduës blanches en les lavant. Ce corps qui continuoit jusques dans l'oreillette droite, occupoit le centre de la coagulation très dense dont nous avons parlé; mais dans l'artère pulmonale, une semblable matiere blanche environnoit la coagulation rouge. De plus, toutes les veines dans le corps, qui se terminoient avec celles-ci dans la veine cave, étoient tellement remplies de la plus dense coagulation noire, qu'on auroit dit que l'art les avoit toutes injectées d'une matiere céreuse. A' cette coagulation noire étoient mêlées partout des rayes blanches avec des points de même, tout à fait semblables à du pus. Mais cette coagulation étoit si épaisse, qu'en disséquant quelque rameau veineux elle y demeuroit arrêtée sans s'en écouler. Le sang étoit moins dense, & en beaucoup moindre quantité, dans les veines pulmonales. De même une si grande abondance de sang coagulé noir, entremêlée non de points, mais de fibres blanches, & tout à fait dense, tenoit les veines du foye qui ramenent le sang à la veine cave, dans une telle expansion, qu'elle représentoient distinctement ce tronc séparé de la veine cave avec tous les rameaux hépatiques. Au contraire, dans les rameaux des veines portes, il y avoit un sang mince, très fluide, & qui s'écouloit aussi-tôt tout entier de chaque rameau, dès qu'on l'avoit coupé. La même chose arrivoit dans Cependant, parmi ce fang qui s'écouloit des veines portes, on voyoit nager en abondance des fibrilles minces, blanches & brunes.

L'aorte avec ses rameaux étoit vuide; ses petits rameaux n'étoient remplis d'aucun sang coagulé, & il n'y avoit qu'une très petite quantité de sang, d'une extrème sluidité, qui en dégouttoit en les coupant.

Explication physiologique.

Comme il se trouve plusieurs choses dans cette Observation, qui servent à faire connoitre, tant la maniere dont l'instammation du E 3 cœur

cœur arrive, que les effets qui en résultent, & qui peuvent servir en même tems à donner une explication physiologique de la diverse nature du sang dans les différens vaisseaux du corps, cela mérite bien que nous entrions ici dans un détail exact.

Nous avions vû dans la premiere Observation ce qui est confirmé par celle-ci, & le fera encore par les suivantes; c'est que l'inflammation du cœur prend ses commencemens dans les plus petits vaisseaux de la tunique extérieure, & de la celluleuse du cœur remplie de graisse, & que c'est de là qu'elle continue à s'étendre. peut naître très aisément, dans les plus petits vaisseaux qui se trouvent ici dispersés, & placés hors de la pression musculaire, une stagnation de sang qui tende à la suppuration, lorsque la liqueur arrêtée dans les vaisseaux obstrués refuse de se résoudre, de sorte que, par un effet de la force des vaisseaux qui pressent, cette partie corrompue se convertit sinalement en pus. De là vient que la membrane extérieure est rongée Avec cela ce qui augmente considérablement la quantité du pus, c'est la multitude des vaisseaux exhalans, qui étant rongés versent par leurs ouvertures dilatées la liqueur du péricarde dans une abondance plus grande que naturellement, & en même tems les liquides plus épais, se convertissant insensiblement en pus, s'écoulent aussi. Comme la liqueur du péricarde est d'une nature coagulable, de là se forme une croûte inflammatoire, semblable à un cuir, que le tems peut rendre calleuse & de la plus grande tenacité, lorsqu'une forte compression la condense davantage. Le pus acre résorbé par la stagnation, passe du fac du péricarde qui en est tout rempli, pour entrer dans le sang; & comme il est déjà d'une consistance immuable, il le salit partout de fibrilles & de taches blanches, telles que la dissection en montre de dispersées, dans tous les canaux qui servent à porter le sang. La celluleuse grasse qui environne le cœur, favorise la suppuration; c'est pourquoi toutes les Observations ont enseigné jusqu'à présent, que le cœur ne souffroit cette suppuration, après l'inflammation & la collection du pus dans le sac, que lorsqu'il étoit fort entouré de

de graisse. Et même cette inflammation & cette suppuration ne pénétrent pas dans la substance musculeuse du cœur; car elles causent la mort avant que de pouvoir y parvenir. Mais notre Observation montre aussi que, tandis que la substance musculeuse étoit pâle, & n'avoit presque point d'inflammation, la celluleuse & la surface du cœur étoient d'une extréme rougeur. Enfin, le cœur trouve dans son propre mouvement un remède aux obstructions inflammatoires, en chassant le sang par les veines, de sorte qu'à son arrivée par les artères il n'éprouve aucune résistance; & cette force s'augmente par la continuelle irritation du cœur, qui naît de l'inflammation & de l'acreté du pus, ce mnscle si sensible se contractant d'autant plus fortement, que ses sibres sont tiraillées par une plus grande irritation. Voilà pourquoi les rameaux dispersés par les fibres musculeuses étoient vuides, tandis que ceux de la celleuse extérieure se trouvoient gonflés de fang. Cela fait voir que l'inflammation ne s'empare pas des fibres musculeuses mêmes du cœur, qui feroit inévitablement suivie de la roideur & de la cessarion subite du mouvement du cœur; mais, avant que cela puisse arriver, la résistance au mouvemenr s'augmente d'une maniere qui termine la vie. Car une plus forte action du cœur irrité condense davantage le sang, le presse avec plus de force dans les vaisseaux artériels; d'où, par une action plus forte que les artères déployent pour surmonter la réaction & la résistance, tandis que leurs troncs sont irrités par l'inflammation, & tous les autres rameaux par la réforption d'un pus acre, le fang poussé dans les plus petits rameaux fe condense davantage, les parties les plus fluides sont chassées & disfipées en s'exhalant, & le reste s'épaissit en un sang rouge & dense. Cela fait que tout le fang porté dans les rameaux de l'aorte, entre ra pidement dans les veines, où s'étant accumulé il se bouche à lui-même le passage. De là vient cette quantité si grande de fang épais dans les rameaux de la veine cave, & dans le côté droit du cœur, aussi bien que l'entiere évacuation de l'aorte avec ses rameaux. La force de l'artère pulmonale, qui n'est pas égale à celle de l'aorte, mais beaucoup plus foible, empêche que le fang ne puisse être délayé, atténué, & cir-

Erant donc chasse du ventricule droit circuler dans les poûmons. dans l'artére, il n'y sçauroit entrer à cause de son épaisseur; & la soible contraction de l'artère fait seulement passer la partie la plus fluide dans les veines & dans le ventricule postérieur. Celui-ci plus fortement contracté par l'irritation, évacue par sa force le liquide reçu dans les artères qui le presse; & les artères en font autant. Mais l'irritabilité étant augmentée par l'inflammation, le ventricule se contracte spasmodiquement, trop tôt, & avant que l'évacuation entiere du sinus pulmonal s'y soit faite; d'où il arrive que ce qui reste dans les veines pulmonales s'y coagule, la partie la plus fluide en étant chassée. C'est là la raison pourquoi le sinus des veines pulmonales se remplit. & les valvules de l'orifice veineux du ventricule gauche se gon-Néanmoins le fang dans la veine cave étoit plus fluide que celui ci, à cause de son passage par les plus petits vaisseaux du poûmon, qui avoit été interdit à un fang plus épais. Ainsi le sang immobile dans le ventricule droit du cœur, étoit aussi - tôt devenu plus épais, sa partie fluide ayant été chasse par la contraction, tandis que la partie dense demeuroit. De là ces anxiétés, & ces symptômes d'une respiration embarrassée, dans ceux qui sont attaqués d'une inflammation du cœur, ce qui rend ce mal fort difficile à distinguer de l'inflammation des poûmons; quoique les Observations prouvent que la premiere de ces inflammations n'entraine pas l'autre, & que le cœur peut être dans cet état sans aucune lésion des poûmons.

Cette Observation nous met en même tems très bien au fait de la nature du sang de la veine porte. En considérant les vaisseaux, la situation & la disposition de la ratte, on voir que ce sang est plus stuide, moins coagulable, & plus résolu, & que c'est en cela que consiste l'usage de la ratte par rapport au foye. Mais nous parvenons à la conviction de la vérité de cette opinion, lorsque le reste du sang veineux étant coagulé par tout dans le corps, nous le trouvons entierement stuide dans la ratte & dans la veine porte, de façon qu'il y a des rameaux de la veine cava continus au soye, & que le sang coagulé étant résolu, les rameaux

meaux de la veine porte ne sont remplis que d'un sang délié. Que le sang se soit dissons en passant par la ratte, c'est ce que montrent les coagulations noires des sibres, ou des rayes, & la présence du pus dans le sang aqueux, aussi bien que l'entiere dissolution du sang dans les vaisseaux de la ratte. Cet arrangement a pour but, que ce sang mêlé à celui qui est plus coagulable, & qui vient des intestins, prévienne la coagulation, en délayant le sang épais qui ressue des intestins, & dont nous trouvens encore des sibres qui nagent par-ci par là dans le sang délayé de la veine porte. Ensin cette Observation rend tout à fair certaine la résorption du pus dans le sang, & sa nature immuable, puisque, nonobstant la circulation, & l'action des vaisseaux la plus forte, on l'a vû, dans le cas que nous avons rapporté, mêlé & répandu par tout le sang sans aucune altération.

OBSERVATION XI

Un vieillard de soixante quatre ans, assez robuste pour son âge, mais qui avoit sait de grands excès de vin pendant sa vie, se plaignit de la même maniere quelques jours avant sa mort d'angoisses, sans aucun autre symptôme. On lui trouva le péricarde rempli de deux livres de pus blanc, & le cœur tout entier avec les oreillettes couvert d'une croûte purulente & tenace, de seux lignes d'épaisseur. Sous cette croûte la sursace du cœur étoit écorchée & enslammée, mais je le trouvai environné partout d'une graisse que l'instancament rendoit rouge. Le cœur même étoit pâle dans sa substance musculeuse, ayant ses cavités remplies d'un sang dense, à la reserve du ventricule postérieur, qui contenoit une petite quantité de sang polypeux blanc.

OBSERVATION XII.

En disséquant un jeune homme de 26 ans, robuste, extrêmement gras & réplet, mort subitement sans aucune douleur précédente, & qui peu de jours après sa mort étoit dans une grande purrésaction, je trouvei le péricarde abondamment rempli de pus blanc, & le cœut mê-

même écorché par la suppuration, & entouré de beaucoup de graisse molle dans un état d'inflammation. La substance musculeuse des deux ventricules étoit tout à fait relâchée, & dénuée de sang. Dans les veines le sang étoit dissous, mais l'aorte contenoit une coagulation blanche & polypeuse, semblable à un cuir.

Explication physiologique.

Ici l'action augmentée du cœur & des vaisseaux sur le sang, qui dans un jeune homme est plus fluide, avoit déjà causé par un trop grand frortement une dissolution putrédineuse; & de là vient qu'il n'avoit pas pû se coaguler dans les veines. Mais il paroit que le cœur trop irrité empêchoit par la constriction, plus forte qu'elle ne l'est naturellement, l'évacuation affez complette du fang hors du finus pulmonal, d'où naissoit la résistance au sang qui circule par les poûmons, & l'impulsion irrégulière dans l'artère pulmonale, qui est la cause des angoisses dont ce mal est accompagné. Or toutes les Observations enseignent, que la substance musquieuse du cœnr ne s'enstamme point, lors même que les intégumens qui l'entourent, & que la substance celluleuse, viennent à être détruits par l'inflammation & la suppuration. Au moins n'ai je pû encore observer, aucune véritable suppuration, ni universelle, ni particuliere, du cœur même dans sa substance, quoiqu'on puisse bien se faire l'idée d'une semblable destruction lente. qui commenceroit par les parties intérieures.

Mais ce qui paroit incroyable, c'est que le tuyau entier du canal artériel, que le cours du sang leve continuellement, puisse s'ulcérer à sa surface intérieure, & devenir une rause de mort. C'est cependant ce dont l'Observation suivante mettra la vérité hors de toute contestation.

ÓBSERVATION XIII.

ai disséqué pendant l'hyver de 1753 le cadavre d'un Visillard sexagénaire, robuste & réplet. Ayant ouvert le péricarde, pour

démontrer la fituation de la structure du cœur, je trouvai celui-ci garni de beaucoup de graisse, naturellement libre dans le péricarde, & vigoureux. De même au dedans, les ventricules, dont les parois étoient dans toute leur intégrité & leur force, avoient leur tunique tout à fait unie qui les envelopoit. Les orifices tant veineux qu'artériels des ventricules n'étoient endommagés par aucune lésion, toutes leurs valvules avoient l'étendue naturelle; la membrane intérieure étoit polie comme elle doit l'être, & il ne manquoit absolument rien à la structure des valvules. Mais ayant ouvert l'aorte, je la trouvai, à un pouce de distance de ses valvules semilunaires, dans le reste de son cours jusqu'aux artères iliaques, toute ulcérée, extrèmement inégale & déchirée. Les cavités étoient remplies partout de pus blanc, entre lésquelles éroient des parties non cohérentes de la tunique nerveuse, qui flottoient librement. En examinant donc plus attentivement l'état de ces choses, il me parut que la tunique nerveuse, ou interne, toute entiere, qui est naturellement très déliée dans l'aorte, avoit été détruite par voye d'exulcération, n'en étant resté dans leur entier que quelques petits morceaux cà & là, qui pendoient dans la cavité du canal, & derrière lesquels le pus étoit caché. Ces petits morceaux mêmes, & la tunique nerveuse plus épaisse, adhérente encore en quelques endroits. avoient été rendus tuberculeux ; mais il n'y avoit nulle part dans toute l'étendue de l'aorte, une matiere endurcie, calculeuse ou ofseuse, comme on a coûtume de l'appeller. En écartant le pus, on vit de petits floccons celluleux, parmi lesquels le pus s'étoit attaché, & les fibres musculaires de l'aorte à nud. Mais aucune lésion ne s'offrit à la vue dans ces fibres musculaires. La plus grande destruction de la membrane nerveuse avoit lieu dans cette surface de l'aorte courbée en arc. qui est directement opposée à l'axe de son orifice. Dans toute cette partie du cylindre, la membrane nerveuse avoit été entièrement ulcé. rée, & on n'y en voyoit plus aucun vestige. C'est cet endroit là que le torrent du fang chassé du ventricule arrose continuellement ; c'est pourquoi l'on ne doit pas s'étonner que la plus grande destruction soit arrivée dans cet endroit. De là elle s'est étendue dans cette convexité F 2 fusuprême de l'arc de l'aorte, d'où sortent les artères souclavieres & carotides, dont les embouchures qui s'ouvrent dans l'aorte étoient tellement rongées tout autour par la suppuration, qu'un sinus étoit continuellement contigu à l'autre; mais dans les artères mêmes, la membrane nerveuse qui revêt leur canal se trouvoit sans aucune lésion. La surface inférieure opposée à la convexité de l'arc de l'aorte, avoit la tunique nerveuse adhérente, quoique plus épaisse qu'elle ne doit l'être, & soulevée par le pus renfermé dans la celluleuse. Mais ensuite, là où l'arc de l'aorte se flêchit vers le bas, après que la souclaviere gauche en est fortie, & où le sang qui s'étoit porté à la partie antérieure de l'arc, se réflèchit, & va frapper de nouveau l'aorte, le cercle de l'aorre se trouva de nouveau détruit dans toute sa surface intérieure. & sa membrane nerveuse intérieure ulcérée. Cette dilacération s'étendoix la longueur d'un pouce & demi jusqu'à la descente de l'aorte. Le partie descendante, on trouvoit çà & là de petits morceaux de la membrane nerveuse encore attachés; cependant le pus répandu dans la celluleuse, l'élevoit partout en pustules. Mais à la surface du cylindre de l'aorte qui est en dehors, & que le sang réssèchi de l'arc presse avec plus de force, l'exulcération & la destruction de la membrane étoit plus grande qu'à la partie postérieure. De là venoit qu'à la division de l'aorte dans les iliaques, l'exulcération & la suppuration s'étoient faites avec un peu moins de force, y ayant de petits morceaux entiers qui étoient demeurés attachés de place en place à la membrane nerveuse, jusqu'à ce que, dans les artères iliaques mêmes, la surface de cette membrane nerveuse se montroit de nouveau dans son état naturel & polie.

Surpris d'un mal aussi inoui, j'aurois fort souhaité de sçavoir quels étoient les symptômes qui avoient précédé pendant le cours de la vie. Mais le défunt étoit du nombre de ces misérables, dont la mort essace toute mémoire. Il avoit vêcu tout seul dans une extrème pauvreté, & étoit décédé sans qu'on s'en apperçût. Je ne pus donc découvrir aien autre chose, sinon qu'il s'étoit souvent plaint d'une forte douleur

Il est difficile de concevoir comment cette maan dos & an thorax. ladie a pû durer si longtems, & s'augmenter à un tel point, sans ôter les forces nécessaires à la conservation de la vie. On auroir du moins une peine infinie à expliquer comment la suppuration a pu avoir lieu, vû le mouvement très rapide du fang chaffé par les artères; pourquoi les petites parcelles des endroits détruits de l'artère, entraînées dans le cours du fang, n'ont, ni causé une obstruction mortelle dans les plus petits vaisseaux, ni arrêté dans peu le passage libre du sang; enfin ce qui a empêché qu'il ne se soit fait, ni rupture, ni anevrisme, dans une si grande destruction de l'artère. On n'est pas moins embarrasse à déterminer la cause de ce mal. La structure robuste du cœur fait bien voir, qu'il a chassé le sang avec une grande force dans l'aorte : mais, à moins que la membrane si polie de l'artère n'ait changé auparavant tout à fait de nature par l'obstruction & l'érosion des plus petits vaisseaux, on ne sçauroit rendre raison de cette destruction, ni par la force du sang, ni par l'acrimonie des fluides. En supposant au contraire que l'inflammation de la membrane interne de l'aorte & sa suppuration ont précédé, il est assez manifeste comment le sang poussé par un mouvement de la plus grande vélocité contre une membrane déjà lâche & endommagée, a achevé de la rompre & de la détruire. Le fort de cette destruction a donc dû se faire dans l'endroit contre lequel le sang frappe le plus violement, & par conséquent dans cette partie de l'arc de l'aorte, qui est directement opposée à l'orifice artériel du cœur, & ensuite dans celle qui est le plus exposée à l'action du fang réflèchi: & tout ce qui a été rapporté ci-dessus confirme pleinement ces idées. C'est pourtant toujours une chose surprenante, qu'on n'ait pu trouver dans l'aorte, ni dans les cavités de ses rameaux, aucun vestige de la tunique lacérée, de sorte qu'elle semble avoir été réduite en particules dant la dissolution a été si grande, qu'elles ont pu passer dans les veines en se mêlant intimement au sang.

OBSERVATION XIV.

Sur une dilatation anévrismatique du cœur.

Un homme d'environ soixante ans, attaqué de l'hydropisse entre cuir & chair, dite anasarca, étant mort, à l'ouverture du thorax, l'aorte parut environnée d'une grande quantité de celluleuse d'une dureté considérable, & fortement attachée aux sacs de la pleure. Le péricarde étoit aussi adhérent partout, & avec une extrême force, à la surface du cœur, sans qu'il y eut le moindre intervalle libre, une celluleuse dure dure formant un lien continu. L'adhérence de cette celluleuse dure & calleuse étoit également continue aux grands vaisseaux du cœur, mais surtout à l'arc de l'aorte. Une graisse épaisse dont les vaisseaux étoient environnés, suivoit la celluleuse susdite; & quant au cœur même, sa grandeur surpassoit de beaucoup l'état naturel.

Dans l'endroit où l'aorte se montroit au dessus de l'artère pulmonale, elle étoit extraordinairement dilatée, & conservoit la même largeur à la partie supérieure du médiastin, jusqu'à l'endroit de sa courbure où elle se continuë, après avoir sourni les plus grands vaisseaux carotides & souclaviers; mais dans la partie qui reçoit le conduit artériel, elle redevenoit quatre sois plus étroite.

Cette partie dilatée de l'arc de l'aorte, étoit anevrismatique, & avoit une dureté à demi-osseuse; en particulier le tubercule, qui est au dessus du ventricule droit du cœur, dans la partie droite & insérieure de l'arc, étoit dur, cartilagineux, & de la grosseur d'une aveline. La substance ligamenteuse épaisse du péricarde entouroit cé tubercule. L'ayant disséqué depuis sa surface extérieure jusqu'à l'épaisseur de trois lignes, il ne parut aucune substance musculeuse, tout étoit presque cartilagineux, & à demi pierreux. Le tubercule même ayant ensuite été ouvert, sut trouvé plein d'un pus épais, ou plutôt d'une matiere blanche polypeuse, toute rompuë. Il communiquoit à l'aorte par une ouverture de deux lignes, qu'entouroit à la surface

interne de l'aorte une substance pierreuse, ou un cercle composé de plusieurs petits morceaux recourbés en arc.

Le reste de la partie de l'aorte qui avoit souffert la dilatation anevrismatique, étoit environné d'une substance très épaisse. sistoit extérieurement en une celluleuse très compacte de deux lignes. après laquelle venoient des fibres musculaires molles, déchirées, & réduites presque en pus, qui environnoient la membrane intérieure, parsemée de petits morceaux pierreux. Cette substance étoit différemment constituée dans la partie concave de l'arc de l'aorte. La celluleuse extérieure y avoit à peine une demi ligne d'épaisseur, & les fibres musculeuses étoient plus entieres. Entre celles-ci & la membrane nérveuse intérieure, il y avoit de petits morceaux, ou lames minces de pierre, dites vulgairement ossifications, de diverses grandeurs, & qui excédoient la longueur d'un pouce. Dans le voisinage de la partie de l'aorte, tant dilatée que retrécie, la substance celluleuse extérieure étoit d'une fort grande épaisseur, mais intérieurement étoient cachés de même de petits morceaux pierreux sous la membrane nerveuse. La passage de la partie dilatée de l'aorte à celle qui se rétrécissoit, étoit entouré d'un cercle de fibres compactes, celluleuses & musculeuses, formant une espece de sphincter. Quant au reste, l'aorte étoit pourvuë de trois valvules semilunaires, dont la structure étoit assez naturelle. Cependant le ventricule gauche, ou postérieur, du cœur étoit plus grand que le ventricule antérieur, ou droit; & au dedans il étoit garni d'une membrane épaisse blanche, qui avoit été formée par l'épaississement de ce liquide exhalant qui se répand dans la celluleuse intérieure du cœur, par laquelle sa substance est liée à la tunique.

De même, dans le cadavre d'un autre homme sexagénaire, j'ai observé l'aorte dilatée dans l'arc, & surtout dans la partie de l'arc directement opposée à l'arc de l'orisice aortique, mais le tubercule étoit large, & s'élevoit d'une maniere plus égale; & la partie convexe de l'aorte s'y gonfloit du côté droit, à l'issue de la souclaviere droite.

Usage pathologique.

Ces Observations sont tout à fait propres à faire connoitre quels sont les commencemens, & quel est le lieu propre, de l'anevrisme de l'aorte. En effet, lorsque le sang est chasse du ventricule postérieur du cœur avec une force extraordinaire, proportionnée à la vigueur de ce ventricule, il va surtout frapper la partie de l'aorte, qui se dirigeant du côté droit, se trouve opposée à l'axe de l'orifice du ventricule postérieur artériel. S'y jettant donc avec une grande impétuosité, il est en état de dilater insensiblement, & de rompre enfin, l'étroite liaison des fibres musculeuses. Alors la partie droite de l'aorte qui se recourbe en arc, céde à la pression intérieure, tandis que la celluleuse s'accroit peu à peu, en remplissant les interstices des fibres; & s'endurcissant à sa surface extérieure par la pression même, elle résiste à la dilacération, & à la rupture mortelle de ce vaisseau. Néanmoins la maniere dont se fait cette dilatation anevrismatique de l'aorte varie, suivant la différente impétuosité du sang, & la diverse structure de l'artère même. lorsqu'un cœur robuste pousse le sang avec trop de force dans l'arc de l'aorte, il faut nécessairement que les fibres de cette artére trop foibles cédent, surtout si le sang rencontre un passage trop dissicile de l'artère dans les veines. Par conséquent, ou bien il en résulte la rupture des fibres, suivie bientôt d'un anevrisme mortel, ou les sibres se dilatant peu à peu par la régénération & l'opposition de la celluleuse, acquierent assez de force pour résister à la pression & à la dilatation, le sang lui-même bouchant le passage par les croûtes colées à la surface intérieure de l'artère dilatée, de façon que le liquide vital ne sçauroit s'échaper. De là vient que les anevrismes de l'aorte durent quelquefois longrems, avant que de causer une rupture funeste; il suffit pour cet effet que la dilaration se faisant peu à peu permette la génération de la toile celluleuse, qui augmente la force des tuniques, ou la résistance passive de l'artère; au lieu que les fibres musculaires qui ont été une fois rompues, n'opposent aucune résistance à l'action du sang qui se porte contr'elles. Il n'est pas étonnant au reste que les anevrismes de Paor-

l'aorte soyent fréquens, & fartout dans l'endroit de son arc. qui est directement opposé à l'axe de l'orifice artériel du ventricule postérieur. Toute la force de ce ventricule, en chassant le sang, agit contre cette partie de l'aorte, d'où s'ensuit qu'elle est celle de toutes qui s'affoiblit le plus, & que la dilatation ne peut arriver, ni plus aisément, ni avec plus d'étendue, dans aucun autre rameau de l'aorte, à cause que c'est l'endroit où les forces du fluide surpassent le plus la résistance & la vigueur des tuniques; ce qui n'arrive pas dans les rameaux plus étroits de l'aorte, où, en prenant la proportion des tuniques, la force de cellesci est plus grande, & l'action du fluide qui s'y trouve contenu est moindre. D'ailleurs, tandis que la force entiere du cœur le consume contre cet endroit de l'aorte dilatée qui résiste moins, il ne reste qu'une foible impulsion dans les autres rameaux de l'artère, & la partie de l'aorte dilatée par l'anevrisme, aussi bien que les parois du thorax du côté droit, sont pressées par une si grande force, que les côtes mêmes ne sçauroient assez résister à cet effort, mais qu'elles viennent à se rompre, si l'arc osseux d'un vôté y est exposé, ou du moins elles se séparent avec violence, lorsque le sac dilaté vient à être poussé dans leurs intervalles. C'est ce que j'ai observé dans un jeune Gentilhomme de 26. ans, dans lequel la côte seconde du côté droit s'étoit écartée de la troisième, & le sec étant venu à la sin à se rompre avoit causé une mort subite, and granting and the state of the

OBSERVATION XV.

Des trois valvules semilunaires à l'orifice de l'aorté, jointes ensemble en un même corps.

La trop grande force du cœar, ou la réfiftance excessive des vaisseaux. causent aux orifices des ventricules divers accidens, dont la plûpart deviennent bientôt des maladies." Il est rrès difficile de les connoître. & d'en juger d'une manière certaine avant la mort; & il n'est jamais possible à la Médecine d'y apporter du fecours. Souvent les valvules femilunai-

pas dix lignes, tous les faisceaux y étant applatis & minces, au lieu que ceux du ventricule postérieur étoient forts & cylindriques. Le sinus des veines pulmonales étoit extraordinairement mince & dilaté, mais l'aorte étoit fort robuste, polie en dedans, sans aucune lame pierreuse qui la gatât, & ayant le même diamétre que l'artère pulmonale. Le cœur étoit garni partout à sa surface extérieure d'une quantité extraordinaire de graisse.

OBSERVATION XVI.

Il y avoit dans le cœur d'une vieille femme, morte hydropique, une semblable résistance qui s'opposoit au cours du sang lorsqu'il vouloit entrer dans le ventricule gauche & dans l'aorte. En effet, ayant ouvert ce ventricule gauche, ou postérieur, au lieu de l'anneau membraneux valvuleux, qui doit environner l'orifice veineux, on voyoit s'avancer de cet orifice dans le ventricule une substance roide, dure, & charnuë, immédiatement adhérente à la substance charnue continuée des muscles papillaires de ce ventricule. La fubstance des valvules qui est ordinairement membraneule & déliée, avoit acquis partont l'épaisseur d'une lione & demie d'un pouce de Paris; & elle en avoit même davantage dans quelques endroits... Mais l'orifice étoit ceint pertout de cette substance gonflée & roide des valvules, de sorre qu'il n'y avoir pas la plus petire ouverture laterale qui aboutit dans le cœur; mais dans le ventricule postérieur, l'ouverture de l'orifice elliptique veineux, resserré par cette valvule durcie & gonflée, avoit quatre lignes & 2 de diamètre, & celui de la conjuguée, ou de la distance depuis les parties antérieures jusqu'aux postérieures, où les bords de la valvule étoient les plus éloignés l'un de l'autre, avoit une ligne & demie. Le diamètre de l'aorte du même ventricule, laquelle étoit fort robuste, mais d'ailleurs tout à fait naturelle, dans sa plus grande largeur, & là où la dilatation causée par le gonflement au dessus du cylindre avoit été aussi loin qu'elle pouvoit aller, montoit à huit lignes; mais pour le ventricule postérieur même, il étoit ceint d'une substance charnuë assez épais-

se, ayant sa cavité ample de deux pouces, & étant leag de deux pouces & fept lignes depuis sa partie suprème près de l'orifice veineux jusqu'à la pointe. Le même orifice auriculaire, ou veineux elliptoïde du ventricule antérieur, avoit un diamètre de treize lignes, ou d'un pouce & trois dixièmes, c'est à dire, trois lignes; & la conjuguée, ou la distance depuis la cloison jusqu'à la furface du ventricule, avoit fept lignes. Le diamètre de l'artère pulmonale dans l'étar naturel de contraction, étoit de onze lignes, mais on pouvoit très aisément la dileter jusqu'à quinze lignes, ou un pouce & desni; & pour la cavité même du ventricule, dans la paroi concave opposée à la cloison, elle étoit longue de quatre pouces & deux lignes depuis la fortie de l'artère pulmonele jusqu'à la pointe du cœur, & sa largeur étoit de quatre pouces & une ligne. Le sinus des veines pulmoneles étois considérablement dilaté, formant une cavité qui alloit à plus du double de celle du ventricule postérieur; c'étoit un quarré creux partout de la même largeur, ayant deux pouces & huit lignes & hauteur, & deux pouces & sept lignes de largeur, lequel décroissoit considérablement vers la pointe du ventricule. Les diamètres des veines pulmonales donnoient une ouverture beaucoup plus étroite que celle de l'artère pulmonale: car du côté droit le diametre de l'ouverture de la veine palmonale supérieure formoit un sinus de cinq lignes; & celui de la veine du milieu, aussi bien que de l'inférieure, de quatre lignes : mais au côté gauche, où il y avoit pareillement trois veines, le diamètre de la supérieure étoit de trois lignes, celui de la veine du milieu de trois lignes & demie, & celui de la plus basse de quatre lignes. Pour avoir toutes les dimensions de ces veines de maniere à n'être pas induit en erreur par leur affaissement, qui donneroit une valeur au dessous de la véritable, je l'ai mesurée sur un cone circulaire, fait de liege, & doucement întroduit dans la veine, jusqu'à ce qu'elle ait acquis le degré de la dilatation qu'elle peut acquérir sans se déchirer. Ainsi c'est plutôt l'ouverture des veines dilatées que celle des veines trop resserrées, qu'on obtient en prenant ces diamètres quarrés. La somme de ces quarrés, ou de toutes les ouvertures des veines pulmonales, sera donc = 81. G 3

Or l'ouverture de l'arrère pulmonale ost = 121, dans la comraction naturelle qui suit l'évacuation, & dans sa plus grande dilatation = 225; en sorte que la différence est dans la contraction de 40, & dans la plus grande dilatation de 144. Mais l'ouverture de l'aorte étoit moindre ici que celle des veines pulmonales, seulement de 64, & il y àvoit par conséquent une différence = 17. Or, dans l'état naturel du cœur. l'ouverture de l'aorte surpasse ordinairement celle de l'artère pulmonale dans une proportion, suivant laquelle le diamètre de l'aorte est à celui de l'arrère pulmonale comme 11 à 12, ou 11 à 114. Ainsi la diffé. rence de l'ouverture dans la premiere différence de diametre sera = 23: d'où s'ensuit que l'ouverture de l'aorte dans ce cœur étoit moindre qu'elle n'auroit du être naturellement, dans la raison du nombre 80; & ainsi elle étoit le double plus étroite qu'à l'ordinaire. l'aorte surpasse naturellement l'ouverture des veines pulmonales, en raison du nombre 20, ou au delà, ce qui se trouvoit beaucoup au dessous dans ce cœur. Et cependant la proportion de l'ouverture des veines pulmonales par rapport à celle de l'artère pulmonale étoit beaucoup moindre que dans l'état naturel, cette différence exprimée en nombres se réduisant ordinairement à 4, au lieu que dans celui-ci elle alloit à 4 pour l'artère contractée; & à l'égard de l'artère dilatée, la proportion de l'ouverture des veines pulmonales étoit le double moindre.

Usage physiologique.

Dans la Differtation que j'ai déjà donnée, sur la dilatation préternaturelle du cœur, causée par le rétrécissement de l'aorte, j'ai ajouté la raison du changement que nous observons dans le sinus des veines pulmonales, l'artère pulmonale, & le ventricule antérienr, rélativement aux veines pulmonales. Mais ces maladies singulieres du cœur pourront encore répandre du jour sur l'explication des parties susdites, aussi bien que sur l'usage & les raisons de la structure des parties du cœur. En effet, dans l'un & dans l'autre cas, le sang, en passant dans le ventricule postérieur du cœur & dans l'artère aorte a éprou-

a éprouvé une extrême réfissance, parce que le passage libre à tra-vers l'aorte étoir bouché à cause de l'endurcissement & du gonssement des valvules; & l'orifice veineux du ventricule postérieur se trouvant en même tems dans ce cœur beaucoup plus étroit qu'il ne devoit l'être naturellement, n'a pas causé un mpindre obltacle. C'est pourquoi. dans tous les deux cas, la sagnation du fang devant les orifices du ventricule postérieur, a extraordinairement dilaté le sinus des veines pulmonales, mais non ces veines elles-mêmes, y ayant dans la proportion de leur diamètre à leur sinus une extrème dissérence, ce qui fuffit pour prouver que la faison de la dilatation est différente. C'est pourquoi, dans la derniere Observation, le sang n'a point été capable de dilarer les veines pulmonales, dont la somme de leurs ouvernires étoit = 81, contre l'ouverture de l'artère pulmonale = 121. De cette façon, quoiqu'il demeurât une excessive quantité de sang dans les poûmons, l'ouverture des veines pulmonales excédoir à peine l'état naturel; ce que la Nature avoit procuré par l'infertion de ces veines dans un ample fac, qui étoix comme une grande cîterne dilatable où de petits tuyaux aboutissoient, ce qui servoit à empêcher que la trop grande dilatation de tous les vaisseaux n'interceptât le passage de l'air à travers les poûmons: & cela seroit infailliblement arrivé, si les veines avoient pà fouffrir, comme l'artère pulmonale, la dilatation de leurs rameaux par un effet du sang qui étoit demeuré dans le sinus des veines pulmonales. Ces observations réiterées font connoître clairement la cause qui rend les veines pulmonales plus étroites que les autres veines du corps, proportionnellement aux artères oui accompagnent les veines. C'est que l'insertion des veines pulmonales dans le grand sinus pulmonal faisant cesser la cause de cette dilamtion, il est nécessaire que l'esset cesse aussi. On peut encore conclurre de la même observation l'extrème dilatabilité de l'artère pulmonale, aussi bien que celle du ventricule antérieur; car son ouverture a été rendue le double plus grande qu'elle ne l'est naturellement, ayant égalé le nombre 224, & dans sa contraction seulement le nombre 121. Le ventricule antériour par la même raison s'est considérablement dilaté avec

avec une extrême diminution de sa substance museuleuse. Car naturellement dans le fœtus il n'y a point, entre le ventrieule antérieur & le ventricule postérieur, cette dissérence de grandeur & d'épaisseur qu'on observe dans les adultes. Au contraire on trouve le plus souvent dans un fœtus de cinq à sept mois le ventricule antérieur plus petit que le postérieur; & dans l'état naturel, lorsque le fœnus est près de son terme, ces ventricules sont égaux, & ce qui est surprenant, la substance musculeuse de l'un & de l'autre est aussi à peu près d'une épaisseur égale. Dans des fœtus de quatre mois l'épaisseur du ventricule antérieur étoit d'une demi-ligne, ou fo. & celle du ventricule postérieur de 70, au lieu que naturellement dans un adulte la substance musculeuse du ventricule antérieur est à celle du ventricule postérieur, comme 1 : 4, ou 1 =: 4 . On trouve les mêmes proportions en comparant la constitution interne des saisceaux musculeux dans un fœtus & dans un adulte. Ces petits faisceaux ne différent presque point dans le premier, ni par leur force, ni par leur forme cylindrique; au lieu que dans l'adulte les faisceaux du ventricule antérieur sont plus larges & plus minces, ceux du ventrioule postérieur étant au contraire cylindriques & plus robustes. On voit suffisame ment par là que c'est la prolongation de la vie qui met ces différences entre les parties du cœur, n'y ayant rien de semblable dans les premiers commencemens du fœtus. En effet, telle est la nature des parries musculeuses du cœur & des vaisseaux artériels, qu'abandonnées à elles - mêmes, sans être trop tenduës, elles acquierent une plus grande force ; car elles ont une élasticité qui l'emporte sur celle de toutes les autres parties du corps. Le fœtus a une communication parfaitement libre par le trou ovale de la cavité droite du cœur au ventricule postérieur, ou plutôt au sinus pulmonal; & pareillement dans l'aorte du ventricule artérieur par le conduit artériel. vient qu'il n'y a sucune cause qui soit capable de tendre & de dilater le ventricule artérieur: & c'est aussi pourquoi sa substance musculeuse ne sauroit être atténuée, mais sa force s'accroit plutôt en comparaison de celle de l'eurre ventricule, que le sang, dont le cours est quelquefois empêempêché dans l'aorte, ou dans les artères umbilicales, peut plus aifément dilater. Mais ces propriétés font place à d'autres toutes diffé. rentes dans l'homme qui a respiré. Les actions de la vie depuis la premiere enfance, les cris de douleur souvent poussés, la vélocité du cours continué du fang, l'air retenu trop longtems en parlant ou en chantant, & d'autres causes semblables, forment des obstacles au passage du sang par les potimons. Lors denc que, dans de semblables circonstances, les veines du ventricule antérieur refusent passage au sang. il s'accumule & commence à dilater les rameaux de l'artère pulmonale. Quand cette artère est remplie, le ventricule antérieur ne peut plus s'y évacuer entierement; ainfi le fang demeure aussi dans ce ventricule, & empêche l'entrée au fang véneux de la cavité droite du cœur & des veines caves. Les rameaux de la veine se dilatent donc insensiblement à un point extraordinaire, le ventricule antérieur s'étend. & en même tems la substance des sibres musculaires qui s'écartent trop les unes des autres est atténuée; mais comme elle a beaucoup de force. en poussant peu à peu le sang dans l'artère pulmonale, elle la dilate de plus en plus, & sa constitution plus foible que celle de l'aorte savorise extrèmement cette dilatation. Cette foiblesse naturelle de la même artère la met d'autant moins en état de surmonter la résistance causée par une inspiration ou exspiration trop longtems continuée, & de chasser la masse du sang jusqu'aux extrémités des veines pulmonales. De la vient donc que l'ouverture de l'artère est plus grande que celle des veines pulmonales; ce qui doit être regardé comme une fuire des vicissitudes de la vie, qui produisent de même la dilatation & l'affoiblissement du ventricule antérieur. Les petits faisceaux du ventricule intérieur musculeux deviennent ainsi plus minces, & s'écartant de leur premiere figure cylindrique s'applatissent; ce qui les rend ordinairement différens de ceux du ventricule postérieur, qui demeurent cylindriques & plus robuftes. De là l'infigne différence qu'on a coûtume d'observer entre les deux ventricules du cœur; & il en résulte qu'on auroit tort de la regarder comme parfaitement naturelle. Car nous trouvons que la constitution du ventricule postérieurs se change mussi, & de la même Mim, de l'Asad, Tom, XII. H

maniere, si à cause de qualque résistance à la sortie du sang par l'aorte, il vient à être dilaté par le sang; cependant cette dilatation ne l'affoiblit que beaucoup plus lentement, soit parce que l'artére pulmonale, le sinus des veines, & le ventricule antérieur, cédent plus facilement au sang restant, & en partagent toute la quantité, soit parce que la substance même de ce ventricule plus robuste est en état de presser & de chasser le sang pendant un plus long espace de tems. Mais, dans notre premiere observation, l'orifice de l'aorte n'étoit pas le seul étroit, l'orifice veineux l'étoit aussi; & par cette raison presque toute la dilatation agissoit contre les parties les plus soibles & les moins résistantes, sçavoir le sinus, l'artère pulmonale, & le ventricule antérieur.

Outre l'affoiblissement des parties causé par la résistance du cœur, qui se maniseste par les Observations précédentes, on peut aussi en inférer surtout cette propriété naturelle de l'aorte, en vertu de laquelle elle se contracte dans un moindre espace, lorsque la résistance cesse, ou que la quantité du sang qui s'y porte est diminuée. La seconde Observation présente en particulier ce changement de la maniere la plus marquée. En effet, la petite quantité de fang qui entroit dans le ventricule postérieur par son orifice veineux rétréci, ne suffisit point à la dilatation du ventricule, ni à celle de l'aorte, dont l'ouverture se trouvoit d'un tiers moindre que dans l'état naturel. Ainsi, l'aorte souffrant à peu près dans la même raison une diminution & une contraction dans son diamètre, n'avoit que huit signes de largeur, quoique son diamètre ait naturellement coûtume d'en avoir douze à treize ; & son ouverture étoit le double moindre qu'elle ne doit l'être pour transmettre le sang. Or il est croyable que la substance des valvules de l'orifice pulmonal veineux s'est resserrée & durcie peu à peu; & de là est venue cette contraction extraordinaire de l'aorte, proportionnellement à la quantité décroissante du sang. Ce changement enseigne combien la force & la contraction de l'artère, en vertu de sa nature élastique, s'accrôit après la diminution du fang, & combien s'écartent de la véritable route de la Nature ceux qui prétendent que l'usage de la saignée

produit le relachement des artéres, qui se fortissent au contraire par ce moyen, leur force & leur élasticité étant ainsi augmentées, & leur sibres auparavant trop écartées venant à se réunir. Mais d'un autre côté, cette même force de l'aorte, quand elle vient à surpasser ses bornes naturelles, est dangereuse pour la santé & la vie; danger d'autant plus grand, qu'il est plus difficile de le connoitre, & impossible d'y obvier, ce mal n'admettant qu'une cure palliative, destinée à soulager an peu le malade des symptômes cruels qu'il éprouve.

Usage pathologique.

Les changemens rélatifs aux maladies que ces Observations nous présentent à considèrer, sont l'endurcissement pierreux des valvules de l'aorte, & de l'orifice veineux du ventricule postérieur. iamais trouvé les valvules de l'orifice artériel pulmonal, pierreuses & durcies; au lieu qu'un semblable changement préternaturel se rencontre fréquemment dans celles de l'aorre. Car la pression foible de l'artère pulmonale sur les valvules semilunaires, peut à peine produire une stagnation suivie de quelque changement; & ce n'est pas d'ailleurs le seul excés de la force de l'artère qui agit, mais il faut encore la force du ventricule pour que le liquide qui s'exhale dans la cellulaire de la duplicature des valvules semilunaires, vienne à s'épaissir, & acquière insensiblement une dureté pierreuse. Cette matiere augmentée dans les valvules, en les étendant, peut produire une cohésion & une coalescence très étroite, surtout si l'âge rassemblant une plus grande abondance de particules terrestres, rend cette déposition d'autant plus rapide, de sorte que ces tuniques, où la matiere durcie est renfermée, se touchent plus étroitement. Ces valvules de l'aorte sinsi réunies forment donc une seule masse pierreuse, la troissème seule demeurant libre, quoiqu'elle soit gonssée & remplie de la même maniere d'une substance pierreuse. Tant que le cœur de ce malade a eu une grande force, il s'est peut-être peu apperçu de son mal, à moins qu'il n'ait éprouvé les symptômes de la pléthore, qui sont or-H 2 dinaidinairement produits par le gonflement des rameaux des veines etves. En effet, à cause du rétrécissement de l'orifice veineux pulmonal du cœur, le passage du sang dans le ventricule postérieur étant empêché, a pû furtout étendre les rameaux des veines caves. Mais les symptomes sont beaucoup plus sacheux lorsqu'ils suivent le rétrécissement de l'orifice veineux, comme dans notre XVI. Observation. Ils paroissent être venus de l'épaississement de la liqueur qui s'exhale dans la celluleuse de l'anneau valvuleux. Car il n'y avoit aucun endurcissement pierreux, & ce n'étoit point l'âge qui, en rassemblant lentement quantité de matiere terrestre, avoit produit cette maladie; mais il paroit probable qu'elle s'étoit formée par l'endurcissement continuel & égal en une carnosité molle. Et quand nous voudrions supposer que le cours rapide du fang a contribué quelque chose à rendre cet orifice veineux plus étroit, cependent à peine a t-il pû paffer la moitié du sang; & celui qui est demeuré, en s'accumulant dans les rameaux de l'artére pulmonale, dans le ventricule antérieur, & dans la distribution des veines caves. a causé de cruelles angoisses auxquelles de fréquentes saignées & une diete rigoureuse n'ont pu apporter qu'un peu de soulagement. Enfin il a falu que l'hydropisse s'ensuivit, parce que, le ressux par les rameaux de la veine cave étant interdit, les humeurs ont dû se répandre dans les cellules & les cavités, d'où elles n'ont pû être évacuées par une réforption suffisante. La quantité d'humeurs apportée par l'aorte n'a pas été suffisante non plus pour l'exécution complette de toutes les sécrétions; & de là le défaut, tant des liqueurs qui soutiennent le corps, que de celles qui le foulagent par voye d'excrétion. blesse du corps rend aussi la destruction plus promte, sans qu'il y ait moyen d'y apporter du remède, à cause de l'impossibilité de résoudre cette liqueur croupissante endurcie. Mais l'orifice veineux gauche du cœur souffre souvent un changement préternaturel, par l'endurcissement pierreux du liquide exhalant dans la celluleuse: ce qui pourra être confirmé par deux Observations sur cet anneau pierreux qui environne l'orifice dans fa substance charnuë même, dont l'ai donné une ample description dans ma Dissertation sur les diverses expeces de pierres du corps humain. Mais la trop grande réfiftance du cœur vers l'aorte, & la destruction de ses valvules semisunaires, est le principe d'une maladie cruelle, que personne n'a encore remarquée, & qui est absolument mortelle.

OBSERVATION XVII.

En foumettant à la dissection le cadavre amaigri, mais gonssé, d'un homme d'environ trente ans, après avoir trouvé que toutes ses parties avoient leur structure naturelle, à l'exception de l'enflure oedemateuse des parties inférieures, je m'attachai à examiner la structure du cœur & de ses vaisseaux. Le thorax ayant été ouvert, les poûmons se montrerent tout à fait libres sans la moindre adhérence, mais tout remplis de fang. Le péricarde contenoit le cœur qui étoit très relâché, sans aucun vestige de graisse, n'y ayant qu'une membrane mince qui couvrit sa substance musculeuse transparente. seaux veineux de la veine cave, l'oreillette droite, le côté droit du cœur, l'artère pulmonale, & le sinus avec le ventricule postérieur, étoient gonflés de sang, la seule aorte étant demeurée vuide. Etonné de ce grand relachement, & de cette foiblesse tout à fait extraordinaire, je fis un examen attentif de toutes ses parties. Ce que je trouvai le plus singulier, ce sur le rétrécissement de l'aorte à proportion des autres vaisseaux; cette artère étant dissequée parut d'une grande force, sa substance ayant 70 lignes d'épaisseur Y ayant aussitôt introduit un cone de liege au dessus de l'endroit où elle sort du cœur, je trouvai son diamètre de sept lignes & 20 seulement, au lieu que celui de l'artère pulmonale, sans la dilater beaucoup, étoit de douze lignes, la substance de cette artère étant lache & mince. L'ayant ouvert, on put apercevoir les valvules minces femilunaires, tout à fait relachées, qui occupoient fon orifice. Mais rien n'égala ma surprise, lorsqu' àprès ouvert l'orifice de l'aorte qui aboutir au ventricule postérieur, au lieu de valvules, il ne s'offrit à ma vue que de petits morceaux déchirés qui entouroient l'orifice. En y regardant H 3

donc de plus près, je trouvai le bord convexe adhérent au corte: mais le bord libre continué dans l'aorte, étoit rompu, & découpé en petits morceaux pendans, comme les parties d'un corps détruit par la suppuration. La substance mêmbraneuse même de ces valvules déchirées & rétrécies étoit semblable à une membrane détruite par la chaleur de l'eau bouillante. La constitution des faisceaux du ventricule postérieur du cœur n'étoit point du tout comme à l'ordinaire : au lieu d'être cilindriques, ils étoient minces & plats, & les anneaux papillaires valvuleux du muscle étoient aussi déliés & foibles. concave de la cloison ne montroit presque aucun indice de petits faisceaux musculeux; mais on voyoit les fibres musculaires applaties, étenduës, & privées de la tunique interne qui recouvre le cœur. substance musculeuse même du ventricule postérieur étoit tout à fait relâchée, pâle, & ayant à peine deux lignes & demie d'épaisseur. cavité du ventricule postérieur surpassoit celle de l'antérieur, de sorte qu'il ne restoit aucune partie du cœur qui fut dans un état parfaitement naturel.

OBSERVATION' XVIII.

Dans le cœur d'un autre homme, robuste, répler, sexagénaire, je trouvai le ventricule postérieur égal-à l'antérieur, & même un peu plus grand, & extraordinairement dilaté jusqu'à la pointe. Ses petits saisceaux, ou trabecules charnues, étoient fort allongés, & étroitement posés l'un sur l'autre; mais dans la cloison ils étoient tout à fait essaés, sans que la tunique interne manquât nulle part. Mais les valvules semilunaires de l'orisice artèriel aortique étoient courtes, retirées; leur bord libre qui avoit plus d'une ligne d'épaisseur, étoit inégal, ayant sousseur une dilacération à la partie antérieure du côté droit, & les petits morceaux déchirés pendoient irrégulierement. Enfin l'aorte elle-même étoit tout à sait épaisse, inégale intérieurement comme si elle eut été couverne d'une espece de gale; car de petits tubercules, de l'épaisseur d'une ligne & au delà, s'y élevoient partout, étant contigus

les uns aux autres dans la partie de l'aorte qui se courbe en arc. & plus dispersés, ou écartés les uns des autres, dans la partie qui descend, aprés que l'arc a été formé. Une matiere blanche, épaisse, tenace, placée entre la tunique musculeuse & la nerveuse, remplissoit ces tubercules élévés; & elle est semblable à celle qui acquiert insensiblement une dureté pierreuse; de petites lames pierreuses, quoiqu'en très petite quantité, se trouvoient d'abord au dessus des valvules, couvertes de la tunique nerveuse interne. Cela faisoit que le diamètre restant de l'ouverture de l'aorte alloit à peine à 9. lignes, celui de l'artère pulmonale le surpassant de 13. La largeur du ventricule supérieur à la surface concave postérieure, égale à sa longueur, avoit trois pouces & fix lignes. La substance musculeuse du ventricule à la pointe du cœur étoit seulement de 25 de ligne d'épaisseur; celle qui regardoit la surface plane du cœur avoit trois lignes & 3, & à la partie supérieure 2 4. Quant à la substance charnue même, elle étoir ferme & converte extérieurement d'une graisse assez abondante.

Usage physiologico - pathologique.

Ces observations font assez voir, combien la proportion entre les forces agissantes du corps est nécessaire pour une parsaite santé. En esset, dans l'un & dans l'autre des cas précédens, une trop grande proportion s'est trouvée entre la force résistante de l'aorte, & celle d'impulsion du cœur. Ce n'est que lorsque le cœur par sa contraction peut surpasser les forces des artères, qu'il est en état de pousser le sang dans leur cavité. Mais, quand les forces de l'artère ont trop d'action, l'évacuation du cœur ne sçauroit se faire naturellement; de là le sang qui demeure, dilate trop le ventricule, & altére de plus en plus ses sorces, tandis que l'élassicité des artères augmente continuellement leur trop grande force & leur résistance. L'esset demeurera donc toujours le même, soit que la cause s'en trouve dans la soiblesse du cœur, ou qu'il vienne d'une force de l'artère plus grande que la force naturelle. Dans l'Observation précédente le désaut du cœur paroit avoir entierement

consisté dans le relachement des fibres, & dans le manque de graisse. De là, suivant la nature élastique dont les artères sont douées, elles se contractent d'autant plus qu'elles sont moins tenduës par la quantité de fang que le cœur y envoye. Or la force croit avec la contraction : & réciproquement celle du ventricule diminuë dans une proportion contraire, par la trop grande dilatation que cause le sang qui demeure. Le sang ainsi repoussé de l'artère vers le ventricule, se jette contre les valvules semilunaires, il les repousse avec une extrème force à cause du défaut de résistance de la part du ventricule, & enfin il vient à hour d'effectuer leur déchirement & leur destruction. Car les valvules semiluminaires suffisent à soutenir la force naturelle de l'aorte, qui suivant les expériences saites pour la connoître, égale soixante livres. Mais, lorsque l'aorte devient le double plus étroite, l'accroissement de son élasticité lui donne des forces doubles de celle qui lui est naturelle. & auxquelles il faut nécessairement que les valvules cédent.

Les mêmes Observations peuvent encore nous instruire de la conformation cylindrique qu'ont naturellement les faisceaux du ventricule postérieur du cœur. En effet, le désaut d'une trop grande expansion augmente la cohésion des sibres élastiques, & conséquemment celle surrout des fibres musculeuses, dans le cœur & dans les artères. Or une force naturelle à l'aorte, c'est celle de chasser puissamment les fluides qu'elle contient; & alors le ventricule postérieur, jouissant d'une plus grande force, peut s'évacuer plus facilement que le ventricule antérieur, qui est plus foible, & auquel résiste le sang qui refuse de traverser l'artère pulmonale. Cette résistance le dilate, & séparant les fibres musculaires l'une de l'autre, cause le relachement de toute la substance musculeuse de ce ventricule, & en particulier de ces petits faisceaux, que nous nommons ordinairement les trabecules du cœur. Cela est donc cause qu'ils sont plus minces & moins cylindriques dans le ventricule antérieur, & au contraires plus cylindriques & plus forts dans le ventricule postérieur ; d'où vient que plusieurs se sont persuadés que c'étoit là l'état parfaitement naturel de ces faisceaux, sans qu'au-. qu'aucune force y eut produit du changement. Mais ces Observations font aisément voir le contraire. En esset les petits saisceaux du ventricule postérieur du cœur deviennent minces & soibles tout comme ceux du ventricule antérieur, pourvû que la même raison d'expansion existe. Dans l'un & dans l'autre cas, la résistance de l'aorte empêchant l'évacuation du ventricule, devient la cause de sa dilatation préternaturelle; c'est pourquoi nous trouvons que la dilatation & la sigure des faisceaux musculeux y est semblable. Mais il arrive plus fréquemment, & il est presque inévitable sous certaines konditions, que la dilatation & l'extension des sibres musculeuses soit plus grande dans le ventricule antérieur, à cause de la résistance du sang qui passe par les poûmons; c'est pourquoi l'on n'a pas lieu de s'étonner de trouver dans la plûpart des adultes cette conformation mince & soible des saisceaux applatis du ventricule droit, avec une plus grande dilatation de toute la cavité de ce ventricule.

Que cette disacération des valvules de l'aorte soit une maladie mortelle, c'est ce que conclurra facilement quiconque est en état de découvrir le mouvement irrégulier & tremblottant du cœur qui doit en résulter, vsi que le cœur n'étant jamais entierement évacué, éprouve une irritation continuelle de la part du sang; & ce même cœur déjà affoibli est exposé à la contraction, & à toute la réaction de l'aorte qui se déploye contre lui & lui résiste; effort que les valvules soutenoient auparavant. Il saut par conséquent que le mouvement du sang & les sécretions cessent bientôt avec la vie; car les rameaux résistent trop à la sorce du cœur ainsi diminuée, pour qu'il puisse passer dans les vaisseaux sécrétoires latéraux une quantité d'humeurs sussissante pour les sécretions nécessaires à la vie.



NOUVELLES

OBSERVATIONS

POUR SERVIR DE SUPPLEMENT A' L'HISTOIRE DE LA NIELLE DES BLEDS,

PAR M. GLEDITSCH.

Traduit de l'Allemand.

es Maladies des Plantes peuvent encore être mifes au nombre des choses, à la recherche desquelles jusqu'à présent aucun, ou du moins presque aucun des Naturalistes, ne s'est sérieusement appliqué. Ceux qui en ont parlé en général, ou seulement en passant, paroissent n'avoir eu qu'une connoissance très superficielle des phénomenes naturels des végétaux, & une moindre encore de ceux qui ne sont pas conformes au cours de la Nature. On remarque cependant, que, dès les tems les plus anciens, ceux qui s'attachent à l'œconomie de la campagne, Jardiniers & autres, ont tourné leurs vuës de ce côté-là, à cause des mauvailes suites, & parce qu'ils ont senti le dommage plus ou moins considérable qui y étoit attaché. Malgré cela on ne sçauroit faire voir, qu'eu égard à a longueur du tems qui s'est écoulé, il se soit fait sur ce sujet quelque découverte importante, ou particuliere, qui puisse faire parvenir à une connoissance exacte des Maladies des Plantes. On en trouve bien des noms & des descriptions, qui sont, pour ainsi dire, des vestiges & des débris, dans plusieurs Auteurs Latins, François, & anciens Allemands, qui ont traité de l'agriculture & de l'œconomie champêtre; mais ces mêmes Auteurs pouvent servir tous de preuve, que de leur tems, comme encore le plus souvent aujourdhui, on n'a eu que des idées tout à fait confules, imparfaites, & fausses, des maladies en question.

A' la vérité, s'il ne s'agissoit ici que d'interprétations & d'expsi. cations arbitraires, plutôt que de vérités dont on peut faire une application utile, je conviens que je craindrois un peu d'avoir affaire aux Critiques, & aux Amateurs de l'Antiquité; qui, avec leurs conjectures & toures les subrilités de leur érudition, ne manqueroient pas de me fair. guer beaucoup. Mais, comme la question se réduit ici particuliere. ment à examiner, si ce que les Anciens nous ont laissé sur les maladies des Plantes, est suffisant, ou non, pour nous en donner une connoissance exacte, & qui puisse être utilement appliquée, je n'ai, à proprement parler, rien à démêler avec les Critiques. Par rapport aux Auteurs du moyen âge, & des derniers tems, qui ont traité de l'Agriculture & de l'Oeconomie, ils ne différent des Anciens, qu'en ce qu'ils s'étendent un peu plus sur les maladies des Plantes, au fait desquelles ils s'imaginoient être parfaitement; mais leurs décisions sont le plus fouvent dénuées de toute justesse. Ils se fondent sur de fausses Observations, & même sur des conjectures Astrologiques; leurs prétendués Expériences ne s'accordent point du tout avec la vérité, & ils tombent à la fin dans le ridicule. Ce que j'avance ne demande pas qu'on fe donne beaucoup de peine pour le prouver; il suffit de remarquer que la plûpart d'entre ces Auteurs ont cherché l'origine & les canfes des maladies susdires, dans les choses les plus extraordinaires, & qui n'ont. ni ne penvent avoir, la moindre liaison avec les Plantes. La Lune & les autres Planetes, mais surtout les Constellations, & particulierement le Scorpion, l'Ecrevisse, & le Capricorne, leurs diverses conjonctions, aussi bien que les Eclipses du Soleil, & de la Lune, ont été pour eux des objets de terreur; pour ne pas parler de ce qu'ils appelloient les empreintes gâtées des femences. Tels étoient donc les fondemens sur lesquels reposoit toute la doctrine des maladies des Plantes.

Si l'on vouloit aller plus loin encore, & entrer dans la discussion de tant de remèdes, proposés & vantés comme infaillibles contre ces maladies, il y en auroit assez pour se convaincre pleinement que les inventeurs de ces remèdes n'avoient pas seulement une connoissance I 2 médio-

médiocre dans ce genre. Cela suffit aussi pour nous dispenser de rechercher avec beaucoup de soin, quelle idée ils attachoient aux noms par lesquels ils désignoient ces maladies, & ee que signifient chez eux les mots d'Ustilago, Exarescentia, Rubigo, Cancer, Tabes, Leucophlegmatia, Sterilescentia, Serpigo, Scabies, &c. & pourquoi ils avoient mis ces termes en usage. Il est sans contredit d'une beaucoup plus grande utilité, de s'appliquer soi-même à découvrir, à force de soins & d'expériences, quelque chose de certain, que de perdre le tems à comparer & à concilier une soule de passages où régnent de prosondes obscurités & de vrayes contradictions.

On trouvera l'occasion de traiter successivement, dans des Mémoires particuliers, de quelques unes des Maladies des Plantes qui viennent d'être indiquées; pour le présent nous nous bornerons à une confidération succinte de la Nielle des bleds, qu'on appelle dans quelques endroits fort expressivement leur mort, ou mortification, Necrofis. C'est un des accidens les plus communs & les plus fâcheux dans tout le régne végétal; & les Expériences exactes que j'ai faites sur ce sujet depuis 1747, jusqu'en 1752, me font espèrer de pouvoir sournir des moyens assurés de parvenir à une connoissance plus approfondie de ce redoutable mal. Mais avant toutes choses, je déclare, par rapport à ce que d'autres ont déjà dit avant moi sur la Nielle, & aux remèdes contr'elle, qui de tems en tems ont été annoncés dans les Nouvelles publiques comme infaillibles, que je m'en tiens aux réfléxions que je viens de faire sur la plûpart d'entr'eux; & que d'ailleurs je ne marche exactement fur les traces d'aucun des Savans qui m'ont précedé dans cette carrière. quoiqu'il y en ait plusieurs dont les travaux pénibles & bien dirigés fournissent des preuves évidentes de leur capacité & de leur expérience, qui méritent la reconnoissance du Public. Indiquer toutes les idées & les tentatives, qui se rapportent à ce sujet, tout ce que les Savans & les ignorans ont jugé à propos de publier concernant la nielle des bleds, ce seroit une chose directement contraire à nos vues, oui ne consistent pas à perfectionner l'histoire de la Nielle, mais à contribuer

tribuer, attant qu'il possible, à la plus parsaite connoissance de cette maladie. Si l'on est curieux de savoir jusqu'où je m'écarte des opinions précédentes, & de s'assurer que j'ai été plus loin que les autres, & par conséquent que j'ai mis les Naturalistes sur la voye de se former une doctrine plus exacte au sujet de la Nielle, on pourra suffisamment se satisfaire en comparant cette Dissertation avec les autres Ecrits qui ont été publiés sur le même sujet.

La Nielle, comme la plûpart des autres accidens funestes aux Plantes, est en général plus connue par le fait que par l'examen. l'on a fait quelques découvertes sur sa nature, cela ne s'étend guères qu'à quelques especes particulieres de sleurs; & ençore ne s'y est-on pas toujours pris avec l'attention & l'exactitude nécessaire. Toutes les Plantes de l'Univers sont néanmoins sujettes à ce mal; il se maniseste dans toutes les contrées, & presque dans toutes les saisons de l'année, au moins dans celles où les Plantes continuent à prendre leur accroissement d'une maniere naturelle, & sont par conséquent propres à être Il n'y a ni température, ni exposition, ou situation de terrain, qui en soit parfaitement exempte. Je ne prétens pas que la Nielle vienne de la température de l'air directement & sans exception; je veux dire simplement qu'on la rencontre dans toutes sortes de sai-On ne pourroit pas donner des preuves certaines de la premiere de ces suppositions, puisqu'au contraire la véritable cause de la Nielle des bleds doit être principalement cherchée dans la négligence, & dans les mauvais arrangemens de ceux qui cultivent les terres. Ceci est beaucoup plus assuré que la plûpart des causes qu'on a coûtume d'alléguer.

Qu'il n'y ait aucune espece de Plante à l'abri de ce mal, c'est ce que la raison enseigne, quand on réssechit solidement sur la structure organique de ces corps, & sur les mouvemens naturels qui s'y exécutent, tant en général, quand la force intérieure ou extérieure de l'air agit différemment sur les sucs prodigieusement subtilisés de toutes les parties des Plantes, & cela dans un tems plus que dans un autre; &

même en ces moments, où la Nature agit en dévelopant & poussant les parties fluides; en particulier, par rapport aux mouvemens qui produisent l'extension des particules des sleurs les plus tendres & les plus délicates, jusqu'à ce qu'elles ayent atteint le point de persection qui leur convient.

De plus l'expérience commune confirme suffisamment, que la Nielle existe, non seulement dans toutes les especes de Plantes, mais encore dans toutes leurs parties. Aussi, parmi cette multitude de Plantes, que j'ai eu occasion d'examiner depuis plusieurs années, je ne puis m'en rappeller presque aucune, où dans quelque occasion je n'aye remarqué de la nielle, une ou plusieurs sois, & dans leurs différentes parties.

Mais je n'ai pas laissé d'y observer fort bien cette différence, c'est que dans les jeunes Plantes, encore spongieuses & pleines de suc, aussi bien que dans les parties des Plantes qui étoient dans l'état d'accroissement, la Nielle étoit beaucoup plus forte & plus étendue, que dans les vieilles Plantes dures & féches, ou dans les parties qui avoient pris tout leur crû; quoiqu'il y ait des tems où la Nielle attaque aussi celles-ci. En effet on la voit à de vieux arbres, arbustes, & autres Plantes ligneuses, qui ont cessé de croître, & tout à la fois dans le bois dur & dans l'écorce, tout comme dans les rejettons & les branches qui ont poussé nouvellement; mais elle est bien plus fréquente dans les dernieres parties que dans les premieres, & si l'on ne s'en apperçoit pas toujours, c'est la multitude des feuilles qui en empêche. l'ai remarqué ici, qu'il est très rare que cette espece de nielle s'étende plus loin que les nouveaux yeux, ou les rejettons les plus tendres, qui périssent seuls, sans que cela ait d'autres suites Cette Nielle est différente de celle des bleds; & il me semble qu'on pourroit plutôt la nommer carie des végétaux. Car il y a une différence considérable par rapport aux petites Plantes qui n'ont qu'une racine annuelle, & par consequent ne portent qu'une fois du fruit, après quoi elles meurent

L'Expérience nous fait encore connoitre d'une maniere certaine, qu'une Plante, plus elle est délicate, & plus ses parties sont tendres, (& celles qui le sont toujours le plus, ce sont les yeux, ou les rejettons qui ont nouvellement poussé, ou bien les sseurs mêmes,) plus aussi elle est exposée à souffir de la Nielle, & cela précisement dans ces parties les plus tendres. Le cas arrive effectivement, non seulement à l'egard des sleurs, soit en tout, soit en partie, mais aussi dans les semences, ou graines humides, arrivées à une parsaite maturité, quoique beaucoup plus certainement dans celles qui ne sont pas mûres & parsaites, ayant encore le suc laiteux qui les rend plus tendres. La Nielle attaque surtout cette partie supérieure de la plantule seminale, qu'on nomme plumula; & pendant qu'elle se dévelope avec une extrème délicatesse, le mal gagne successivement, & vient du suc nourricier gûté dans les cotyledons.

Ainsi, quoiqu'il n'y ait, comme on l'a déjà dit, aucune partie des Plantes qui ne soit sujette à la Nielle, c'est pourtant aux steurs qu'on la rencontre surtout; & tantôt elle les détruit entierement, tantôt elle se borne aux parties tendres de la steur qui appartiennent essentiellement à la fructification, telles que sont le pistille & les étamines avec toutes leurs dépendances, dans le tems où leur évolution s'exécute; ce qui fait que peu à peu le reste de la steur en soussire plus ou moins. Les autres parties de la plante ne paroissent pas à l'extérieur s'en ressentir precisément dans le même tems; ce qui devroit se manisester dans le premier état de la plante encore toute tendre; & cependant on ne s'en apperçoit que lorsqu'elle a pris entierement son crû.

Entre les fleurs elles mêmes il y a quelque différence à remarquer, en ce que quelques unes font plus aisément & plus fréquemment exposées à la nielle, que les autres. Ce sont celles qui, bien que simples, ne laissent par d'avoir beaucoup de pistilles, d'étamines, de glandules, de nectaires, &c. On peut mettre au même rang celles qui, dans un calice quelquesois simple, mais communément

ment composé, renferment plusieurs sleurs, par exemple, celles qu'on nomme flores aggregati, compositi flosculos, semiflosculos, planta umbellifera, racemofa, amentacea, spicis, strobilis, conisve donate. & toutes les autres qui portent de gros bouquets bien garnis, lesquels avant leur dévelopement sont étroitement serrés & entassés dans des especes d'étuis, ou calices. Ces especes sont trop connues pour que nous ayons besoin d'en faire ici l'énumération; & nous nous bornerons à indiquer ici pour toutes les autres la nombreuse famille des herbes, ou gramina. Ces herbes font, ou fauvages, ou cultivées; les unes portent des semences d'une extrème petitesse, & ce sont les herbes proprement dites; au lieu que les autres produisent de gros grains, qui sont propres à servir de nourriture, & que les hommes employent à leur usage sous le nom de bleds, cerealia. herbes sauvages se reproduisent d'elles mêmes, en conduisant leurs semences à une entiere maturité, à moins qu'on ne les en empêche en les fauchant trop tôt: la nielle s'y met rarement. contraire, aussi bien que toutes les herbes cultivées, dépendent particulierement des soins & des attentions de l'oeconomie & de l'agriculture: & les accidens qui leur arrivent, procedent le plus souvent de l'ignorance, de la négligence, de la précipitation, & de diverses mauvaises coûtumes qui ont lieu en labourant, en moissonnant, en recueillant, & en conservant ces productions de la terre. On peut en général, & sans en rejetter principalement la cause sur la température de l'air, affirmer avec certitude que, lorsqu'on coupe trop tot les bleds, & surrout l'orge & le froment qui mûrissent un peu plus lentement, & qu'ensuite on les rassemble encore tout humides, & qu'on les entasse dans les granges, il en résulte plusieurs suites très facheuses, & qui méritent qu'on y fasse une extrème attention.

Parmi les Plantes sauvages il y a quelques especes où l'on trouve la Nielle, mais fort rarement. Telles sont les roseaux proprement dits, Arundo, le jonc nommé typha palustris; & entre les herbes celles qui sont appellées carex, gramen anatum, panicum, lolio, lolium

umulentum, &c. Cela s'étend aussi à quelques Plantes, dont les sleurs ont dans leur structure quelque affinité avec les herbes; comme les suivantes, polygonum, perficaria, lapathum, pistorta, & fagopyrum.

Pour venir aux especes de graines, ou bleds, elles éprouvent la Nielle véritable & proprement dite, qu'on appelle, pour la distinguer des autres accidens semblables, la Nielle des sleurs, necrosis floralis. Le seigle y est moins sujet, mais l'orge & le froment en ont beaucoup à craindre; & elle n'est pas rare dans l'avoine & le millet. Le vrai sondement de cette différence est assez facile à découvrir pour un Obfervateur attentif de la Nature.

Ce qu'il faut particulièrement remarquer ici, c'est que la même nielle des sleurs se maniseste quelquesois dès les mois de Janvier, Fevier, Mars, & Avril, dans les Plantes étrangeres qu'on sait pousser de meilleure heure au moyen des serres; & dans cette saison de l'année on ne peut pas attribuer le mal, comme on a coûtume de le saire, à quelque rouille, ou rosée, chargée d'une espece de farine, de miel, ou d'autres parties grasses & venimeuses pour les Plantes. Ce n'est pas que je veuille nier qu'il existe jamais des cas où une pareille rosée est préjudiciable aux Plantes; mais les détails où j'entrerai dans la suite de ce Mémoire seront voir, que cette rosée n'a que fort rarement, ou peut être jamais, de l'influence sur la nielle des sleurs, telle qu'on la trouve dans les bleds.

Je ne m'étendrai pas davantage pour le présent sur la diversité de la Nielle rélative à la différence des Plantes; mais je ne considérerai uniquement que la nielle des bleds, comme un des accidens les plus dommageables aux gens de la campagne: puisque toute autre espece requiert une discussion toute particuliere.

Toutes les fois que pour mon instruction je me suis attaché à l'examen de quelque espece d'herbes, sauvages ou cultivées, sur lesquelles la Nielle avoit fait du dégât, je n'ai jamais manqué d'y observer les circonstances suivantes. Cette Nielle se trouve, tant dans le froment d'hyver, l'orge hative, & l'avoine de Mars, que dans le froment d'été, l'avoine ordinaire, & la petite orge d'été, & cela toujours dans le tems où ces plantes commencent à pousser leurs tiges; après quoi la nielle devient toujours plus sensible, à mesure que les bleds en question sont sortir leurs épics en sleurs des seuilles qui leur servoient de gaines.

Dans les campagnes de Berlin, j'ai trouvé la Nielle indifféremment sur l'orge & sur l'avoine, soit qu'on les eut semées dans des terres exposées à un air tout à fait libre, sur des hauteurs, & dans des contrées sablonneuses vers le Midi & l'Orient, ou qu'elles eussent été mises dans un terroir gras, bas, humide, argilleux, & froid. tres campagnes qui étoient au Septentrion ou à l'Occident, entre des forêts ou des buissons qui les couvroient, n'en étoient pas plus exemtes; & il n'y avoit point de différence à remarquer non plus entre celles dont les unes avoient été ensemencées plutôt, & les autres plus tard. Tout ce qu'on pouvoit observer, c'est que la Nielle étoit une année avant les autres plus abondante sur quelques terres que sur le reste; encore cela n'étoit-il pas bien certain, & ne s'étendoit qu'à des champs d'une médiocre grandeur : car il m'est arrivé de trouver fur une suite de champs contigus, & partagés en plusieurs subdivisions, ici une nielle épaisse & abondante, tout près quelques plantes éparses seulement qui s'en étoient ressenties, & un peu plus loin point Quoique depuis plusieurs années j'aye parcouru souvent & exactement la campagne dans l'intention d'observer la Nielle, & que je me fois furtout donné beaucoup de peine pour examiner des champs séparés, je ne me flatte pas pourtant d'être en état de ne rien avancer. fur quoi l'on ne puisse faire fonds.

Dans le territoire de Frisack, de Ferbellin, & auprès de Nauen, aussi bien que dans la contrée de l'Oder, autour des Villages, & Métairies de Wiesengrund, Sachsendorff, Hatenow, Reitwen, Manchenow, Tucheband, Letzschin, Goltzow, & Wollup, où se trouvent de grandes prairies d'une extrème sertilité dans les sonds bas & ar-

gilleux autour de Selow & Zschernikow, & en delà de l'Oder près de Göritz, où l'on recueille beaucoup de froment & d'avoine, tant de la grande que de la petite espece, j'ai eu de tems en tems des occafions de faire diverses remarques là dessus; mais elles n'ont pû encore
me conduire à des résultats déterminés & certains. Les terres mêmes
qu'on ne laisse jamais reposer, & qui portent tous les ans, n'ont
disséré à cer égard en rien des autres, quoique les gens de la campagne débitent là dessus dans ces quartiers bien des choses, mais trop
vagues pour y compter.

En parcourant les contrées que je viens de nommer, j'ai fouvent rencontré, dans l'espace d'une verge quarrée, vint à trente tiges de froment, ou d'orge, les unes auprés des autres, gâtées par la Nielle; au lieu qu'en d'autres tems j'ai eu de la peine à en rassembler dans tout un champ dix, éparses de côté & d'autre. Si l'on compare cette inconstance & cette inégalité, jointes aux dissérences de situation & de bonté du terroir dont on a fait mention ci-dessus, avec la température des saisons, & le tems avancé ou retardé de la culture des terres qui s'y rapporte, on sera pleinement convaincu, que la Nielle des bleds ne dépend point proprement & nécessairement de ces dernieres causes, & peut-être n'y a même aucun rapport; de sorte qu'il saut en chercher de tout autres, qui soyent mieux sondées, & qu'on puisse alléguer avec plus de vraisemblance. Il y a encore des gens, d'ailleurs fort entendus dans l'Agriculture, qui s'en tiennent à ces opinions, parce qu'ils n'en connoissent point d'autres; & cela les rend excusables.

Pour venir présentement aux tiges mêmes que la Nielle a endommagées, on ne sauroit encore les distinguer des autres, tant que ces tiges n'ont pas sait leur jet, & que les épics avec leurs barbes ne sont pas sortis de l'étui des seuilles. La Nielle des sleurs demeure cachée tout ce tems là dans l'intérieur de la Plante, sans se trahir par aucun signe suspect, au moins dans la plupart des especes de bleds. La sigure, la grandeur, la situation, la couleur, l'odeur, le goût, l'éclat, & l'accroissement, demeurent à l'égard du reste de la Plante K 2

frappée de nielle, dans un état naturel & parfait, pareil à celui des autres; & la nielle qui demeure cachée dans les petites parties les plus tendres de la fleur, qui ne sont pas encore dévelopées, n'est pas capable, tant que les sleurs ne sont pas ouvertes, de troubler le mouvement régulier & la siltration des sucs dans le grand corps entier de la plante; au moins n'est ce qu'au bout d'un long espace de tems qu'on peut s'en appercevoir. Mais, dès que les tiges de froment ou d'orge ont conduit à leur perfection les parties qui constituent la sleur, & que les étuis des seuilles commencent à s'ouvrir un peu, pour laissfer passage aux épics, (quoique ces soibles tuyaux ayent à peine un empan de hauteur, ou guères au delà,) il est alors très aisé de trouver sur un champ entier de ces tiges enniellées; & à la fin on peut les distinguer de loin d'avec les autres.

N'ayant donc dans les commencemens, comme je viens de le dire, rien trouvé dans les plantes extérieurement qui pût les rendre fuspectes, (quoiqu'elles fussent réellement atteintes de ce mal incurable,) & voyant qu'à la fin elles ne laissoient pas de périr presque toutes, je dis presque, sans multiplication ultérieure, je me proposa d'en faire l'objet d'observations encore plus fréquentes, & d'autant plus attentives. Plusieurs tiges, proportionnellement à la bonté du terroir, avoient 6, 10, jusqu'à 16 tuyaux, comme plusieurs n'en portoient que 2 à 4, & la plûpart un seul. Mais toutes ensemble, à l'extérieur, étoient parsaitement semblables aux autres: toute leur surface ne présentoit, ni à la vue simple, ni même à la loupe, rien de suspect, qu'on pût attribuër, soit à des Insectes, soit à ces rosées que les gens de la campagne croyent chargées d'impuretés nuisibles.

Cependant, afin de ne pas courir risque de me tromper, en me bornant à l'examen d'un trop petit nombre de ces plantes gâtées par une nielle cachée, & pour ne luisser échaper aucune circonstance capitale, ni aucune dissérence essentielle, sans y faire attention; pendant plusieurs années, depuis le mois de Mai jusqu'à la mi-Aout, soir & matin, la température de l'air variant d'une sois à l'autre, & sur des champs

champs différens, j'ai comparé ensemble autant de riges enniellées qu'II. m'a été possible d'en rencontrer. Mais toutes ces attentions ne m'ont fait découvrir aucune exception remarquable, malgré toutes les traditions qui sont sermement reçues à ce sujet.

Plusieurs de ces tiges gâtées, ayant déjà poussé quelques rejettons qui participoient au même mal, je les ai tirées de terre avec toutes les précautions possibles, & après avoir bien examiné les racines, je les ai trouvées parfaitement saines. La plûpart avoient de jeunes plantes à côté d'elles, & de nouveaux germes; j'en transplantai quelques unes sur le champ, après les avoir rognées jusqu'aux deux derniers nœuds. Il y en eut auxquelles je retranchai tout; d'autres surent transplantées avec toutes leurs branches enniellées, & les jeunes plantes, ou germes, qui s'y trouvoient jointes, sans en rien détacher, ni retrancher; & elles crûrent de nouveau à l'ombre avec-beaucoup de succès. Les tiges attaquées prirent leur accroissement en longueur & en largeur; les jeunes plantes contigués poussement leurs tuyaux: & au bout de trois ou quatre semaines, les germes prosondèment ensoncés dans la terre produisirent encore des tiges toutes nouvelles.

Mais, avant que de transplanter ces tiges, je m'imaginai avec beaucoup de vraisemblance, qu'un nouveau terroir, en fournissant une
meilleure nourriture, pourroit corriger le vice même des plantes, &
je demeurai dans cette opinion, jusqu'à ce que j'eusse examiné de plus
près, au moyen de la loupe, les jeunes plantes, ou nouveaux rejettons, qui avoient poussé autour de ces tiges. J'en mis donc les parties les unes après les autres sous le soyer de la loupe, pour découyrir.

- nanifester d'une maniere sensible?
- 2. Dans quel tems cela arrivoit, & quel étoit celui où la Nielle s'étendoit?
- 3. Si elle existoit tout à la fois, & se dévelopoit ensuite proportionnellement à l'accroissement des Plantes; ou bien, si elle naissoit succ K 3 cessi

cessivement, dans le tems que certaines parties fort tendres venoient à éclorre, &c?

Autant qu'il m'a été possible de bien voir ces parties tendres des petites plantes qui avoient nouvellement poussé, le commencement de la nielle y étoit tout à fait sensible, soit à l'oeil, soit à la loupe; & plus la plante étoit considérable, plus il étoit aisé d'appercevoir distinctement, que les particules des sleurs pressées, & fortement entassées au centre de la plante, étoient mortes, & que leur noirceur s'étendoit de plus en plus aux parties voisines. Cet accroissement de noirceur, ou plutôt cette contagion, que les parties gâtées répandoient dans la plante, alloit de jour en jour en augmentant, jusqu'à ce que le tuyau venant à sortir de sa gaine, l'épic eut pris une hauteur & une grosseur considérable.

Ces petites parties dont il s'agit ici, & que j'ai toujours trouvées les premieres endommagées par la nielle, étoient uniquement les parties essentielles des sleurs, sçavoir les étamines & les pistilles. Il n'y avoit qu'elles qui, dès le commencement, parussent entierement mortes, sans qu'on pût néamoins remarquer aucun changement dans la sigure extérieure. Quelquesois ces envelopes intérieures & tendres, que les Botanistes appellent glumas & corollas, étoient mortes en même tems, & l'on n'en apperçevoit plus que quelques restes.

Sur les calices, qui sont des envelopes extérieures & plus dures, on voyoit en même tems des taches séparées, comme une poussiere d'un noir bleuâtre, ou d'un bleu soncé; ce qui est un indice déjà connu & infaillible dans la plûpart des plantes, de la nielle qu'elles renserment au dédans. J'aurai occasion de parler ci-dessous avec plus d'étenduë de la vraye constitution de ces parties actuellement détruites par la nielle.

Les Expériences que je viens de rapporter, & que j'ai eu occafion de faire, sur l'état intérieur de ces jeunes Plantes qui croissent à côté des tiges enniellées d'orge, ou de froment, lorsqu'elles ont à peine auteint

teint 3 à 5 pouces de hauteur, me convainquirent bientôt que je m'étois beaucoup trompé dans ma premiere conjecture; & il me fut aisé de prévoir que mon dessein de transplanter des tiges enniellées, dont les fleurs étoient actuellement mortes, & avec cela tout à fait imparfaites, n'auroit aucune réussite, ni pour y apporter quelque changement, ni surtout pour les améliorer. Ce nonobstant, je ne perdis pas toute espérance de tirer, du moins après la transplantation, quelques nouveaux rejettons des nœuds de la racine, qui pussent porter quelques épics parfaits avec des fleurs & des femences; & cela d'autant plus que tout le reste de la Plante étoit encore sain, Mais à cet égard je me trouvai aussitôt trompé, quoique dans d'autres tems quelques essais, ou expériences, me rejettassent dans le doute, de façon à me persuader qu'il n'étoit pas impossible qu'une tige enniellée produisit un, ou divers épics parfaits. Néanmoins depuis ce tems là toutes les tiges enniellées d'orge d'été, & de froment, que j'ai transplantées, ont bien poussé de nouveaux rejettons, & produit d'autres plantes, mais il n'en est venu que des épics gâtés, ou même actuellement morts. J'ai fouvent rencontré dans le millet tout le contraire de ceque j'avois remarqué dans le froment, l'orge, & l'avoine, comme je le ferai volr avec plus d'étenduë dans une autre occasion. D'ailleurs, quand quelque Plante est attaquée d'une maladie curable, on peut lui procurer du remède, soit par sa racine en changeant la nourriture qu'elle reçoit, soit par une bonne & abondante humidité qu'elle tire de l'air; mais, s'il s'agit d'une plante tout à fait jeune, qui a nouvellement germé, une semblable amélioration est beaucoup plus difficile & plus rare: on ne doit pas même l'espérer, lorsque le vice est caché jusques dans la moëlle.

La plûpart des nouveaux rejettons dont je viens de parler, n'étoient pas encore visibles dans le tems de la transplantation, comme je l'ai fort bien remarqué en les comptant; par conséquent il faut qu'ils soyent sortis depuis de la moëlle de la Plante. Cela me conduit à une conjecture tout à fait vraisemblable, c'est que quelquesois, dans une tige de froment ou d'orge, la moëlle est tout à fait enniellée; au lieu que dans

dans d'autres tems la nielle ne se rencontre que dans quelques uns des filets qui fortent de la moëlle, & c'est avec eux qu'elle se répand dans les autres parties de la Plante; ce qui arrive plus vîte ou plus lentement, & au commencement tantôt dans une partie, tantôt dans une autre. C'est ce que paroit confirmer en quelque sorte la différence que j'ai remarquée dans les épics même d'orge & de froment que la Nielle avoit gâtés; quelques uns étoient entierement morts & noirs. au lieu que dans d'autres il n'y avoit que les pointes extérieures qui fussent enniellées, les autres parties de l'épic étant saines. Dans d'autres la moitié inférieure est morte, & celle d'enhaut dans son état de perfection; ce qu'on doit aussi entendre des épics d'orge. Il ne faut pas non plus confondre avec la nielle cet accident qui arrive à quelques especes de bleds, où les grains entiers paroissent être évanouis dans les épics; ce qui ne vient que de ce que l'épic n'a porté que des fleurs mâles, qui, après avoir fleuri, ne laissent jamais de grains.

Telles sont les observations que mes essais m'ont donné lieu de faire, sur l'extérieur des tiges enniellées avant & après la transplantation. Mais, ayant dit ci-dessus que la nielle n'est point sensible au dehors des tiges avant que les épics ayent poussé, & qu'on l'appercoit seulement après cela aux barbes, ou aux calices de l'épic, il sera nécessaire de déterminer avec plus d'exactitude, où est son siège propre, en quoi elle consiste, & comment elle s'étend.

Chaque tuyau qui pousse sur une tige enniellée, avant l'entiere corruption qui se fait toûjours, mais lentement, des petits canaux & réfervoirs par lesquels le suc coule de la surface dans l'intérieur, & avant l'obstruction totale de la moëlle, paroit entierement sain jusques dans ses pointes les plus extérieures & leurs divisions; de sorte qu'à en juger par les apparences, il paroit propre à prendre son accroissement pour arriver à la sigure naturelle, à la force, & à la grosseur qui lui conviennent; mais, dès que l'épic se montre, on découvre distinctement le vice de la plante.

Les fleurs au contraire, avec leurs dépendances, prennent feules dès le commencement la nielle entiere, fans que, ni la simple vuë, ni la loupe, puissent découvrir aucun indice extérieur de ce mal dans les petites queuës auxquelles elles tiennent, pas même lorsqu'elles ont pris tout leur accroissement. La dissérence qu'on remarque dans les tiges enniellées, consiste en ce que quelques épics avec leurs barbes ont atteint leur état de perfection, tandis que d'autres tout retirés sont étroits de minces, de demeurent tels, de saçon qu'ils paroissent avoir à peu près péri.

Dans le premier cas, les paquets de nielle dans les épics, furtout dans l'orge, font souvent excités au dévelopement, ou bien endurcis par une sorte d'humidité, de sorte que les épics conservent leur force; au lieu que, dans le second cas, l'air séche & dissipe plus vîte ces amas nielleux; ce qui fait qu'on ne trouve que des épics fort courts, & fort minces, & même quelquesois qu'on n'en trouve point du tout.

La loupe fait souvent appercevoir cette différence dans les jeunes plantes qui ont nouvellement poussé; ce qui donne à connoître d'un côté que dans la premiere espece la nielle a fair tomber plus tard les parties extérieures des fleurs, & de l'autre qu'il faut que quelques unes de ces parties ayent été détruites plus lentement ici que dans la derniere espece. Quand on considère un épi d'orge enniellé qui est sorti de son tuyau, voici ce qui s'y présente à observer. Les envelopes extérieures, (involucra & glumæ,) dont chacune en particulier, dans le cours ordinaire de la Nature, contient trois fleurs différentes. & qui a coûtume de résulter de l'assemblage de six seuilles terminées en pointe, sont tellement détruites dans la plûpart des épics enniellés. qu'à peine peut on en découvrir quelques traces. Au contraire, les calices, ou envelopes intérieures, qui sont proprement au nombre de trois différentes, dont chacune envelope ses propres étamines & ses pistilles, conservent encore pendant quelque tems, au moins en partie, leur figure extérieure; & il en naît des épics, tantôt plus Min. de l'Acad. Tom. XIL. courts courts, tantôt plus longs, quoique tout le reste y soit actuelle-

Chaque fleur à part, dans laquelle sont contenuës trois étamines & un double style, se trouve ensemble avec les deux autres sleurs, dès leur premier dévelopement, tellement détruites par la Nielle, qu'on ne peut plus distinguer leur figure, leur grandeur, leur nombre, & la proportion de leurs parties. En effet, depuis que la pourriture les a dissous, elles n'ont pû continuer à se déveloper, mais depuis ce tems-là elles ont été réduites en paquets informes d'une pousfière noire. Dans ces circonstances j'ai toujours trouvé, par rapport aux étamines & aux pistilles des fleurs de bled que la Nielle avoit attaquées, que, dès le commencement & avant tout le reste, elles avoient été entierement anéanties. Quand donc les épics dont les fleurs ont été ainsi détruites par la nielle, sortent de leurs tuyaux, & paroissent en plein air, ils font d'abord d'un gris foncé, ou bien les envelopes qui ont été en partie conservées, leur donnent une couleur de plomb; & tant qu'il y reste quelque humidité, ils ont l'apparence de contenir des grains bien poussés, & d'une grosseur considé-Mais ces apparences ne manquent jamais d'évanouïr, ces grains se desséchent, & peu à peu deviennent une poussiere noire comme du charbon, une espece de suye; ou bien les restes pulvérisés de toutes les fleurs, qui sont encore dans une ou plusieurs envelopes, se réunisfent, & forment au bout de quelques jours un paquet informe, qui est d'une dureré notable.

Il ne faut pas au reste s'étonner que les parties intérieures des steurs dans les especes de bleds, soient beaucoup plutôt détruires par la Nielle que leurs envelopes, puisqu'elles tirent leur corruption de la moëlle immédiatement & fort vîte, au lieu que les envelopes qui ont des sibres & des canaux dont la force & la stéxibilité sont plus grandes, peuvent résister bien plus longtems à une semblable corruption, d'autant plus qu'elles tirent leur principale nourriture des deux écorces. Les étamines au contraire & les pistilles sont tout remplis

de

de pelite valde ux d'une extreme molleffe à pour la plus grande partie remplis de fuc ; ce qui ne leur permet pas de rélifter à l'impulsion rapide & véhémente des sucs endurcis & épaisses, à la force avec laquelle ils s'étendent, aux obstructions qui en résultent, &c., Cela fait que, des qu'ils commencent à prendre leur accroissement, ils créyent ailément, de façon que les autres sucs extravalés & croupissans dans la texture celluleuse se fondent en quesque sorte en une corruption promte & forte, & deviennent enniellés, ou ce qui revient au même, il en résulte une mort complette. Si l'on suppose donc ici une femence imparfaite, & en quelque maniere à demi gâtée & attaquéé. comme on en trouve effectivement de semblables, il est fort naturel de croire que ce vice vient de la moëlle des grains de semence, & que dans la suite de leur accroissement il peut s'y étendre, tantôt dans une partie, tantôt dans l'autre. Quel est le siège de la corruption dans la plante enniellée, & où elle prend son commencement, c'est ce que nous ferons voir dans la suite d'une maniere plus particulière.

Les calices des fleurs ne sont point entierement exempts de nielle, comme nous avons déjà pu nous en convaincre par l'expérience, qui nous découvre extérieurement ces petites taches, semblables à de la poulliere d'un bleu fonce, de qu'on doit regarder comme des signes d'une nielle insérieure. Il p a seulement conte différence certaine, c'est que dans reines les especes de bleds les étamines & les pistilles, avec leurs calices propres, sont des le commencement tout àufair morts, quoiqu'à l'extérieur les calices des fleurs ne paroillens éprouver, l'effet de la vielle que perpareu es forviencement, oc qu'en partie leur most q'aprive que pendant le dévelopement des épics scavoir quand le toyau a atteint à pou près la grosseur ordinaire C'est ce qui rend extrêmement yraisemblable, que les parties intérieures des fleurs qui sont mortes, produitent des sucs gâtés & enniellés; qui passant par le tissu celluleuxisse réparalent succossivement dans les autres parties. On peut s'affarer de la possibilité de cette supposition, en confidérant le figuation, la distion, & la diffeibution des vaiffeaux L 2 qui :: ر ب

qui conduisent le sec du siège de la frudification aux étainnes & aux pistilles, & qui s'étendent en même tems, en formant des conduiss séparés, pour se rendre dans les envelopes & les seuilles des sieurs.

Ceci pourra fuffire par rapport aux épics d'orge gâtés par la nielle. Nous allons à préfent confidérer d'une façon plus particuliere les grains ennielles, ou les paquets de pouffiere nielleule, qui restent après la destruction des fleurs, & qu'on trouve dans les épics; & pour répandre plus de jour sur cette matiere, nous rapporterons quelques Expériences qui la concernent.

La poussiere dans laquelle les sieurs des bleds sont réduites par la nielle, s'offre à la simple vue comme une poudre extrèmement sine, du noir le plus soncé; ce cependant elle ne laisse pas d'être si grossiere, que mise dans l'eau elle ne passe pas aisément par le sikre, ou plutôt elle n'y passe point du tout. Quand on met de cette poussiere sous la loupe, on voit qu'elle est composée de morceaux d'une rondeur oblongue, ce en partie cylindriques, de diverse longueur, qui sont mêlés ensemble, ce placés d'une façon, tout à fait irréguliere. Dans une goutte d'eau ces grains d'eau se montrent pendant quelque tems d'une manière un peu plus distincte, quoique sans subir aucun changement; mais, des qu'ils sont imbibés, cette distinction s'évanouit.

dispersée sait paroitre, quand on la voit deravers la loupe, pourroit aisément être prise pour celle de versmorts, par un Physicien qui en jugeroit avec précipitation, & auguel-l'expérience manqueroir, surrout s'il n'en voyoit pas une quantité considérable à la fais, & qu'il n'eut pas occasion de considérer à diverses reprises que passies de poussiere, lorsqu'elles sont encore réunies ensemble, & qu'elles ont conservé leur situation naturelle. Cependant, à l'aide de la lompe, on ne doit pas tarder à s'appercevoir que ces petits grains de poudre immobiles, qui ont la forme de vers, ne sont autre chose, considérés dans leur réunion, ou séparément, que de vérindèles débris des parits vaisseaux où le suc couloity qui ont été tour à sait sussonés & comprimés; après

éprès quoi l'air les ayant desséchés, ils one éclaté. Il paroit que les sics épais & gâtés qui y ont croupi, les ont tout à la fois obstrués, ex extraordinairement distendus; & ils conservent parfaitement à la loupe leur couleur d'un noir de charbon. Si quelquefois, dans le tems où les épics enniellés, pleins de suc, sortent des seuilles qui leur servent d'étui, il ne se rencontre point certaines especes d'Insectes très petits, qui y déposent leurs œufs, comme dans un lieu propre à leur nourriture; c'est ce que je ne contesterai pas, quoique je p'ave jamais observé rien de semblable. Mais à plus forte raison je ne saurois l'affirmer. Je ne serai donc pas plus disposé à confondre . cette circonstance particuliere avec la vraye nielle des fleurs, que celle qui vient du vice fort conqu de l'ovaire, qu'on rencontre dans les seurs de seigle, & que nous désignons en Allemand par le nom de Zapffen-Korn, ou Matter-Korn. Beaucoup moins encore mettroisje ici en ligne de compte ces grains gâtés, que Mr. Needham avoit recus de Portugal, ou d'ailleurs, & dont il a donné la description accompagnée de ses Observations; puisque s'est un cas entierement différent de la nielle.

En continuant à examiner les parties de la poussière nielleuse, lorsqu'elles sont toutes sées entr'elles, on acheve de se convaincre qu'elles ne sont autre chose que des restes réels de pellicules réticulaires & transparentes, dans lesquels les vaisseaux qui contiennent le suc sont demeurés par rapport à leur figure, leur situation, leur nombre, & leurs proportions, dans le même état de liaison que requiert un semblable tissu rétiforme, & tels qu'on a coûtume de les trouver dans les petales & dans les calices des sleurs.

On peut s'en faire une idée assez juste, si l'on se représente le squelete d'une seuille qui a été renduë transparente par une macération qui a précédé. Quelquesois aussi les parties réunies de la poussiere nielleuse ressemblent tout à fait à de l'amorce, telle qu'elle se montre à la loupe. Il n'est pas rare aussi que cette même poussiere ait tout à fait l'air à l'extérieur d'une pellicule écailleuse, que l'on remarque aisse.

aisément dans les Jardins annuellement, toutes les sois qu'on tire de la terre, ou qu'on y met certaines plantes à cayeux, dont la vieillesse représente au naturel les plus beaux tissus, comme on peut l'observer dans les bulbules du sassina, du glayeul, de la Victorialis longa, & de plusieurs autres.

Ce que je viens de dire du tissu, de la couleur, & des autres caractères de la poussiere nielleuse, tels que je les ai découverts à la loupe, doit être particulierement entendu de la nielle des bleds, & des plantes dont la structure est analogue; car dans d'autres ces circonstances peuvent varier. En effet quoique la noirceur, par exemple, & trouve en général dans les plantes enniellées, & c'est par où elles sont principalement reconnoissables, elle ne laisse pourtant pas d'avoir des différences considérables, suivant la différente structure des Plantes. & de leurs parties, aussi bien que rélativement à leur âge, à la nature des sucs, & à la solidité des fibres. Quelques unes conservent encore longtems dans des parties mortes un suc noir; dans d'autres on trouve une farine humide, ou une suye séche. Les plantes qui sont plus solides & leurs parties offrent le plus fouvent une espece de charbon; & dans quelques plantes aqueuses, j'ai trouvé une matiere noire, friable. & spongieuse. Mais avec la noirceur qui se trouve dans toutes, l'indice capital c'est la mort, ou mortification complette de routes les parties d'une plante; par où l'on peut connoitre bien distinctement ce qu'il y a d'essentiel dans la nielle extérieure des bleds, & la distinguer en tout tems de quelques autres accidens qui y ont du rapport. quoiqu'on trouve constamment la couleur noire jointe à la nielle, l'entiere mortification (necrofis) de toutes les parties demeure pourtant la marque principale, de façon que la noirceur ne peut pas être prife seule pour telle dans toutes fortes de cas. Dans quelques plantes la nielle est jointe à une callosité de toutes les parties; dans d'autres elle vient à la suite de la callosité qui s'est manisestée dans certaines parties. Il y en a où la nielle est placée au centre des parties devenues calleuses of endurcies; mais on en trouve plusieurs où tout est mort, noir, &

réduit en suye, sans qu'on puisse découvrir rien de calleux, ni de durci. Réciproquement la callosité & la dureté peuvent exister sans aucun mélange de nielle.

En comparant les essais & les expériences dont j'ai rendu compte jusqu'ici, on ne doutera pas un instant, combien il y a peu de fondement dans l'opinion commune au sujet de la nielle, & dans les prétendues expériences que les gens de la campagne ont coûtume d'alléguer Néanmoins je ne révoquerai jamais en doute, qu'une mauvaile saison, surtout quand elle se trouve jointe à une culture irréguliere des terres, peut en général beaucoup contribuer à multiplier & à étendre la nielle des bleds; mais la principale cause de ce mal ne scauroit être cherchée proprement, ni constamment, beaucoup moins uniquement, dans la température de l'air, mais elle réside plutôt pour l'ordinaire dans la corruption de la semence. Je suis bien moins dispofé encore à compter au nombre des véritables causes de la Nielle, & spécialement de celle des fleurs, le dégât fait par les Insectes, ou les prétendues pluyes de miel & de farine, aussi-bien que diverses autres choses qu'on s'efforce d'appliquer ici, & que je n'ai jamais remarquées dans les tiges enniellées. La femence pleine d'un suc laiteux, qui n'a pas sa maturité, & qui est en partie imparfaite; ou bien cette même semence déjà mûre, mais encore fraîche & tendre, & qui a contracté trop d'humidité, sont beaucoup plus propres à rendre raison de la Nielle, que toutes ces autres causes auxquelles on a eu recours jusqu'à présent. Les gens de la campagne, à la reserve d'un petit nombre qui ont de l'intelligence, ne sont pour l'ordinaire pas fort attentiss aux circonstances des phénomenes; & il ne leur arrive guères de soupçonner qu'il faille chercher les causes de celui-ci dans l'état de la semence. est donc essentiel d'entrer dans l'examen détaillé de toutes les causes qui penvent gâter dès le commencement des grains que l'on a recueillis & renfermés trop tôt, avant qu'ils ayent été tous également séchés; ou même que l'on a ferrés lorsque quelque humidité s'y étoit répan-Il faut, dis je, considérer tout ce qui peut changer cette hu-**අග**ළු midimidité en moisiffure, & en général disposer les grains de telle sorte, que venant à s'échausser, non seulement leurs sucs laiteux acquierent de mauvaises qualités, mais encore la moëlle de la partie supérieure de la plantule seminale, qui est destinée à produire les fruits & les semences, s'échausse pareillement, & devienne aussi vicieuse: d'où s'ensuit que, dans le dévelopement de toute la Plante, ces parties gâtées menrent entierement.

Mais la Raison & l'Expérience répugnent de concert à la supposetion qu'on fait ordinairement, que dans les fleurs attaquées de la nielle, telles que je les ai observées, il y a actuellement des grains enniellés, qui, bien que réellement morts & détruits, conservent pourtant la force de propager leur espece vicieuse, comme si c'étoit une espece particuliere. L'existence de grains actuels de semence ne scauroit être admise ici, puisqu'il n'y a encore aucune sleur de passée. Et comment d'ailleurs une chose morte pourroit elle être en même tems vivante, & produire quelque chose de vivant? Au contraire la contagion dans les grains laiteux, & qui ne sont pas encore secs; ou pour m'exprimer plus distinctement, la corruption d'autres grains qui étoient sains, est quelque chose d'entierement disserent, qui procede de l'humidité, lorsque l'échauffement venant à s'y joindre fait que la pourriture pénétre & gagne toujours plus loin. Des grains dans set état méritent à bon droit le nom de grains enniellés, paisque ce font eux qui produisent effectivement les plantes attaquées de la Nielle: au lieu qu'un épic enniellé, comme on l'a déjà remarqué, ne renferme point de grains de cette espece, mais qu'il s'y trouve uniquement des paquets de nielle en poussiere.

Les divers moyens de purification qu'on a coûtume d'employer contre la Nielle, comme le fouffre, la chaux, & d'autres femblables, paroiffent être fondés fur les fausses opinions que nous avons rapportées; peut être que, s'il ne s'agissoit que de laver la semence, il suffiroit de la mêler dans l'eau avec un sable de riviere grossier: mais, quand des grains échaussés sont devenus réellement vicieux, il est bien difficile

difficile de croire que le souffre, ou la cheux, puissent venir à bout de les rétablir. Ceux qui ont de justes idées d'un grain de semence, de ce qui constitue sa persection, & de la température proportionnée qui doit régner dans ses sucs nourriciers, ne se persuaderont jamais, qu'une semence qui, n'ayant pas mûri, est demeurée imparsaite, ou qui, s'étant échaussée, a souffert une altération actuelle, puisse revenir à un état convenable, en la pénétrant des particules volatiles & salines du souffre & de la chaux; & cela d'autant plus que les végétaux ne sçauroient supporter l'action d'aucune substance concentrée & véhémente. Il seroit au moins nécessaire de s'assurer du sait par des essais accompagnés de toutes les précautions possibles, d'après lesquels on pût porter des jugemens solides, au lieu de ces conclusions précipitées qui sont si fort en vogue.

Le but que je me propose ici, étant d'arriver à une détermination exacte de la Nielle des bleds, je crois qu'il est à propos de m'expliquer en peu de mots au fujet des deux fortes d'accidens susmentionnés qui y ont du rapport, & entre lesquels est celui que nous nommons Affter-Korn, &c. On les a compris jusqu'ici sous la dénomination commune de Nielle, & l'on pourroit s'en servir pour me faire des objections, destituées à la vérité de tout fondement. Nielle des bleds, que j'ai appellée Nielle des fleurs, consiste toujours dans une mortification & destruction lente & entiere de toutes les parties qui appartiennent à la fleur & au fruit, mais non dans une destruction des grains & des semences, déjà arrivés à leur perfection. Car là où la fleur est détruite, il ne sçauroit s'engendrer aucun grain. Le principe de cette Nielle est déjà dans le grain qui a été semé, & même dans la moëlle de la plantule feminale; il s'étend à mesure que la semence vient à germer, & gagne imperceptiblement dans la jeune plante, tant que son dévelopement dure, sans qu'il puisse jamais arriver que la fleur se déploye, ni que le grain de semence soit engendré. Mais, quand l'épic a commencé à paroître, cette nielle y fair des progrès rapides, & parvient bientôt à sa perfection & à son comble.

En fuivant le fil de ces circonstances, qui sont toutes fondées sur l'Expérience, il est assez évident, que la Nielle des bleds, qui n'est véritablement autre chose que la Nielle des fleurs, doit être également distinguée de celle qui est connue sous le nom de Zapfen-Korn, ou Affter-Korn, & de cette corruption d'une graine étrangere, sur la quelle Mr. Needham a communiqué ses observations. Car l'accident aui arrive aux bleds qui fleurissent, & que les fleurs éprouvent en plein air, connu en Latin sous le nom de Clavus, & en Allemand sous ceux de Brand-Korn, Mutter-Korn, Zapfen-Korn, Affter-Korn, & Stein-brand, est entierement dissérent de la Nielle dont il a été question iusques ici. C'est Mr. Linnæus qui lui a imposé, avec beaucoup de raison, à ce qu'il me semble, le nom de Clavus. On le trouve non seulement dans quelques especes d'herbes, comme le gramen anatum, (Schwaden - graffe,) le panicum, ou queue de renard, &c. mais aussi dans quelques especes de bleds, parmi lesquels il faut compter l'orge, quoique rarement; surtout dans le feigle, quand il est dans un sable brûlant où l'on a mis trop de fumier, & que dans le tems de la fleur il n'a point reçu de pluye. On remarque le même accident aux tiges de feigle, qui viennent quelquefois d'elles-mêmes sur des couches de fumier séches; mais je ne l'ai jamais apperçu dans le froment. Le Clavus Linnoj, ou Affter-Korn, appartient aux vices dont peut être attaquée une tige de bled qui prend son accroissement en plein air, lorsqu'elle est dans toute sa fleur; & furtout quand des pluyes abondantes se trouvent entremêlées à de violentes chaleurs, ou simplement quand il régne des vents chauds : ce qui gâte, dès le commencement, les étamines des fleurs, & les fait fécher.

Ce fâcheux accident arrive aussi fort souvent, lorsqu'un Insecte extrèmement petit, que Mr. Linnœus, dans ses Animal. Suecan. p. 67. définit Scarabæus minimus ater florilegus, ou quelque autre espece de vermisseau, à laquelle on ne peut pas toujours prendre garde, ronge certaines parties des sleurs, ou ne fait peut être qu'y mordre, à cause de leur suc, qui a la douceur du miel. Il arrive en conséquence que,

ces parties des fleurs venant à manquer, ou étant privées des sucs qui devroient les remplir, se gâtent, & s'affaissant sur l'ovaire qui n'est pas encore entierement disposé à la fructification, le compriment si fort que sa pellicule extérieure est obligée de créver.

La même défectuosité peut avoir lieu, lorsque de trop longues pluyes sont cause que, pendant l'efflorescence, l'humidité s'amasse dans les calices, & dans le petit fruit tendre, y croupit, & comme l'expérience en fournit de fréquentes preuves, y cause une moisssure, de façon qu'elle dévore la pellicule extérieure; sans compter que le suc mielleux est retenu par là, & que la sécretion convenable ne sçauroit s'en faire, comme elle arrive, & doit arriver dans les autres sleurs, au tems de l'efflorescence.

Les étuis, ou capsules des semences fructueuses, se dilatant & venant à créver, de la maniere qui vient d'être rapportée, sont en partie détruits, & prennent en partie leur accroissement avec le grain imparfait qui s'y trouve, & deviennent calleux.

Mais comme ces parties gâtées privent en même tems les autres grains de l'épic de leur nourriture, elles parviennent à une grosseur irréguliere & inaccoutumée, qui surpasse de 4 à 6 fois l'état naturel.

Un autre accident encore du même ordre, qui répand quelque jour sur l'accroissement contraire à la Nature de semblables grains de semence, se rencontre chez les hommes & les animaux, dans les glandes qui sont derrière les oreilles, au dessous des jouës, &c. qui parviennent quelquesois à une telle grosseur, que leur peau commune se déchire, ou qu'elle est rongée. Toute la substance de semblables grains, qu'on appelle Affter Korn, est calleuse, farineuse, & d'un blanc bleuâtre, tandis que la couleur extérieure est noire. Le suc vicieux qui s'y trouve contenu, paroit avoir une acreté sluide toute particuliere, qui peut donner lieu à des maux singuliers, de l'espece des crampes, & qui vont jusqu'à rendre estropié, quand, par exemple,

ple, dans certaines années les gens de la campagne, mêlent beaucoup de ces grains dans leur pain, & furtout lorsqu'ils le mangent chaud.

On trouve aussi de l'analogie entre les grains susdits, & ces grosses excrescences calleuses & informes, qui surviennent aux prunes dans les années où la fleur des prunes sort d'un ovaire qui a poussé d'une maniere contraire à la Nature, & sans qu'il y ait aucun grain qui y soit rensermé. Ces fausses prunes ont un goût agréable, & il ne s'y trouve aucune propriété nuisible; elles deviennent plutôt meures que celles qui renserment leur noyau. En Thuringe & ailleurs on les appelle Schaf-Sæcke, & Schaf-Mäuler. Je laisse à d'autres à décider, si l'on possede, ou si l'on peut trouver, quelque moyen efficace contre la formation des grains susdits, & de ces autres productions désectueuses, tant que les saisons & les insectes seront des choses entiérement indépendantes de nous.

Pour dire à présent quelque chose briévement de l'autre espece d'accident, qui se manifeste dans les grains de seigle parsairement mûrs, & qu'on a déjà fait fécher, voici les remarques qui peuvent échaircir cette matiere. Quelques Naturalistes ont été dans l'idée que la Nielle des bleds étoit une maladie que la chaleur occasionnoit dans les grains de semence. Mais, si l'on fait bien attention aux détails que l'exact Needham, & d'autres, nous fournissent sur de semblables grains étrangers de seigle, on trouvera qu'ils avoient été gâtés par les vers, & qu'ils ne sauroient être rapportés en aucune façon à la Nielle des fleurs que j'ai décrite. Il ne m'a jamais été possible de trouver des grains dans cet état parmi notre froment, avoine, orge, millet, &c. enniellés. Quelles sont les circonstances préjudiciable aux grains de seigle en Barbarie, ou même en Portugal, qui font que les vers s'y logent, en tirent leur nourriture, & s'y propagent; c'est une autre question, qui ne peut être traitée que par ceux qui, étant sur les lieux, ont le tems & la patience nécessaires pour de semblables recherches. Peutêtre qu'il arrive à ces grains de suer; peut être qu'ils sont endommagés lorsqu'on les charge sur des vaisseaux, on qu'on les en décharge; peut-

peut être que les pluyes ou l'eau de la mer leur donnent de l'humidité; peut être qu'ils s'échauffent dans les Magazins. De quelque maniere que les choses se passent, ce doit pourtant être deux cas dissérens, que celui où du seigle bien mûr & exactement séché se gâte dans les Magazins, ou sur les vaisseaux par quelcune des causes qu'on vient d'indiquer, ou qu'une espece particuliere de vers le ronge; & le cas dans lequel le suc encore laiteux qui se trouve dans une semence assez éloignée de sa maturité & de sa persection, surtout vers le tems où cette semence acheve d'être nourrie par la plante qui la porte, vient à s'échauffer & à se gâter, de saçon que dans la suite elle produit des plantes dont les fleurs sont enniellées. Il suffira pour le présent d'avoir parlé d'une maniere succinte de ces accidens qui ont été confondus jusqu'à présent sans aucune raison avec la Nielle. Je ne me flatte pourtant pas d'être arrivé sur ce sujet au dernier degré de précision. Je ne leisserai pas d'essayer encore, si je puis dire quelque chose de plus certain qu'on ne l'a fait sur la génération de la Nielle; & c'est par là que je vais continuer mes remarques.

Mais, pour toucher de plus près au but, il faut que j'expose d'une maniere distincte ce que l'Histoire naturelle nous apprend des qualités d'une semence parsaite & mûre, afin de l'appliquer avec succès à l'explication de la nielle des bleds; car cet état de maturité & de persection étant une sois bien connu, il est aisé d'en conclure quels sont les caractères d'une semence imparsaite, qui n'est pas encore mûre, ou même qui est gâtée. Aussi tôt donc que le tems arrive, qui est destiné par la Nature à l'accroissement annuel des Plantes, elles ne manquent jamais de préparer & de sormer au dedans d'elles, dans l'une ou dans l'autre de leurs parties, les tendres plantes nouvelles & à venir, qui doivent servir à leur multiplication future,. & à la conservation de l'espece; ou bien il saut qu'il existe déjà des productions médullaires séparées, qui sont actuellement toutes sormées, & qui doivent se détacher de la plante où elles existent, lorsque le tems de son accroissement sera sini. Le premier cas a lieu dans toutes les plantes qui

M 3

ont des yeux, des cayeux, des rejettons, &c. le second ne comprend que les semences.

Le grain de semence considéré comme un reservoir, contient, outre 1, 2, 3, ou plus de cotyledons, le cœur, ou le germe, qui n'est autre chose que la plante à venir en mignature. Cette tendre plante se divise en deux parties, qu'on appelle plumula, & rostellum; & elle est régulierement agencée dans son reservoir par le concours déterminé des plus petites particules qui servent à la former; elle y est nourrie; elle s'y étend, se dévelope, & devient aussi complette qu'il est nécessaire, pour se trouver disposée à l'accroissement qu'elle recevra dans dans son tems. La formation entiere & le dévelopement de cette tendre plante encore en semence, dépendent incontestablement d'une certaine direction & disposition essentielle du tissu extrèmement fin des canaux; & il est de toute nécessité que l'ordre qui y régne ne souffre aucune atteinte depuis les premiers rudiments de la formation jusqu'à ce que la semence ait obtenu le véritable point de la perfection qui lui convient. Cependant tout cela ne serviroit encore à rien, & ne répondroit en aucune maniere aux vues de la Nature, fi avant toutes choses le grain de semence n'étoit fécondé par la poussiere des fleurs, ou pour dire la chose plus exactement, si cette fécondation n'avoit pénétré jusqu'au cœur, & au germe qui occupe le centre de la plante actuellement en femence.

Les cotyledons consistent en une substance celluleuse, ou spongieuse, qui suce, prépare, & conserve les sucs nourriciers, qui sont l'aliment convenable à la petite plante encore extrèmement tendre. Cette substance ressemble aux seuilles, en ce qu'elle est, comme elles, rensermée & pressée de toutes parts dans un fin tissu de vaisseaux, par lequel elle est très étroitement unie à la plante seminale, & qui servent à y conduire le suc nourricier duëment préparé. On doit donc faire également attention ici à la perfection nécessaire dans la structure tant de la plante seminale, que des cotyledons, aussi bien qu'aux qualités dont le suc nourricier doit être pourvû. Quant à celui-ci en géné-

général, il varie beaucoup, rélativement à la difference des semences, & de leurs degrés de maturité. Dans l'orge, par exemple, & dans plusieurs autres plantes, il est blanc, doux, ayant les apparences de lait, aqueux, plus ou moins terrestre, & tenant de l'écume; & il n'est pas rare d'y trouver des indices d'un vrai sel moyen. Plus les semences sont tendres & petites, c'est à dire, plus elles sont distantes du point de leur maturité & de leur persection; & plus les sucs qui y coulent, sont déliés, sluides, & tempérés. Avant que le grain de semence air atteint sa persection, & se trouve susceptible d'accroissement, ce suc y existe déjà; & non seulement il le nourrit jusqu'à son entiere maturité, mais il lui sert encore d'aliment, lorsque dans la suite venant à germer, la nouvelle plante seminale se dévelope, jusqu'à ce qu'elle soit en état de tirer elle-même par ses racines une nourriture plus grossiere de la terre.

Une des propriétés essentielles de ce suc nourricier est entr'autres, que ses particules sont tellement constituées, qu'à l'aide de l'humidité qui pénétre du dehors au dedans de la semence, il peut être dissous & atténué, & par conséquent se répandre dans toute la substance de la tendre plante seminale, en parcourant avec une même régularité & une égale vitesse le tissu infiniment sin des vaisseaux dans lesquels coule le suc. Si, pour mieux expliquer notre pensée, nous faisons des suppositions directement contraires à celles qui viennent d'être proposées au sujet de la maturité & de la perfection d'un grain de semence, on pourra en tirer des conclusions satisfaisantes, tant par rapport à une semence imparfaite, & qui n'est pas encore mûre, que par rapport à une semence devenue déjà vicieuse avant sa maturité.

En effet les semences fructifiantes, douces, glaireuses, & plus ou moins semblables au lait, peuvent aisément prendre des qualités contraires à la Nature, lorsqu'elles sont à demi mûres, imparsaitement séches, ou même tout à sait humides, dans le tems où elles sont recueillies & entassées l'une sur l'autre, de sorte qu'elles ne tardent pas

à s'échauffer, ou à contracter de la moisssure. C'est ce dont on ne sçauroit douter le moins du monde, quand on consulte les lumieres de la raison, & celles de l'expérience. Il n'est donc pas nécessaire que nous entrions ici dans un détail de preuves, dès là que nous savons que la coction & la putrésaction, en agissant sur les substances glaireufes, douces, & terrestres, sont capables de les altérer, de les dissoudre, de les corrompre, &c. Si nous supposons de plus qu'une pareille substance glaireuse est composée d'un amas de phlegmes, d'une terre subtile, d'un acide extrèmement délié, & d'une petite quantité d'instammable, cela nous sera conjecturer bien aisément comment l'union de semblables principes est si tôt détruite par la coction & la putrésaction.

Pour revenir à présent aux semences imparsaites, & qui ne sont pas encore mûres, les circonstances qui viennent d'être indiquées, se trouvent en plus grand nombre dans les unes, & en moindre dans les autres, surtout certaines années où la faison demeure trop longtems froide & humide, dans les lieux où la culture de la terre est mal exercée, comme aussi dans les especes de bleds, qui de leur nature mûrissent un peu plus lentement. N'est-il donc pas naturel de chercher la source de la Nielle dans ces causes, présérablement à tout autres? Elle est ensuite augmentée par le désaut de précaution avec lequel les grains sont trop tôt recueillis, & rassemblés dans les granges. Quoique puissent donc y opposer, sans aucun sondement solide, les gens de la campagne, nous croyons que le plus haut degré de vraisemblance se trouve dans notre explication de la Nielle; & nous allons montrer que ce n'est pas une opinion sondée sur de simples conjectures, ou sur des expériences incertaines.

Entre les especes de bleds, celles qui produisent leurs grains dans de longs épics, peuvent, suivant la différence de la saison, de la culture, du terroir, de la semence, & de la tige même, porter tantôt beaucoup, tantôt peu de grains imparfaits; & quand il ne s'en rencontre point du tout, c'est une marque assurée que toutes les circon-

stan-

stances favorables à la végénation se sont parsaitement rétinies; ce qui arrive très rarement. Du reste, suivant l'état naturel des choses, il se trouve déjà une triple, ou quadruple, différence des grains dans tous les épics, par rapport à la bonté. Communément ceux qui sont placés le plus bas & les premiers sont les plus parfaits, & doivent par conséguent être ceux qui produisent les Plantes les plus fortes; au lieu que ceux qui les suivent, quoiqu'ils soyent à la vérité encore bons, se valent pourtant pas autant que les premiers, & ne produisent que des Plantes médiocres, dont l'accroissement dépend beaucoup de la saison & de la bonté du terroir. Les autres grains qui sont vers le haut, au delà de la moitié des épics, se montrent d'une qualité confidérable. ment inférieure, & le plus souvent ne poussent que des plantes fort foibles, chétives, vicleuses, & monstrucuses, qui s'améliorent à la ve rité par rapport à l'extérieur de la fleur & du tuyau, mais quand, après avoir seuri, elles doivent porter des semences, elles montrent leur foiblesse & teurs défauts, auxquels il n'est plus possible ensuite de remédier.

La quatrième & derniere forte de grains, qui font tout à fait à la pointe des épics, est la plus imparfaite; ces grains n'ayant pas acquis une maturité suffisante, demeurent pour la plupar lans force, ils le séparent difficilement de leurs épics, lorsqu'on bat le bled, & il est rare, ou plutôt il n'arrive jamais, qu'ils germent bien en terre.

Cette différence entre les grains peut être appliquée à presque toutes les autres Plantes qui portent leur semence, & elle est très connue de toutes les personnes intelligentes dans l'œconomie champêtre; qui, lorsqu'elles requessement seurs grains, se débarrassent autant qu'il est possible de ces semences imparfaites, soit en battant les gerbes, soit en jettant le grain par pêlées.

Les exusende cerre différence entre les grains de bled, n'ont pus trasson de la végération les donne suffishment à connoître.... Tout ce qu'il est nécessière d'obtin de l'Acad. Tom. XII.

Server ici là dessus, c'est que l'épic le plus parfaitement mur n'est jamais tout à fait exempt de ces soibles grains, mais qu'ordinairement ils y sont en fort petit nombre en comparaison des bons. Mais on sçait assez que le contraire arrive aussi souvent, surtout dans les especes de bleds qui murissent un peu lentement, comme l'orge, le froment, &c. dont les épics contiennent une beaucoup plus grande quantité de grains imparsaits que de parsaits.

Tant que cette derniere & nuisible circonstance est fortisée par une saison froide & humide, qui dure trop longtems, il ne saut pas espérer de trouver beaucoup de grains mûrs; ou si, comme cela est asses connu aux gens de la campagne, les grains mûrissent l'un après l'autre, & pas tous ensemble, (2meyschurig), & poussent plusieurs tiges collatérales, il arrive nécessairement que les tiges affoiblies qui en naissent, & qui sont tout entourées de jeunes plantes précoces, devignment encore plus mauvailes, & ne portent aucunes semences qui arrivent à maturité.

Une pareille graine, quand on coupe les bleds encore verds, ou qu'on les rassemble humides, étant employée de nouveau & toute fraîche pour ensemencer, contribue sans contredit beaucoup à engendrer la Nielle des bleds, à cause de son imperfection, & de cette altération du fue nourricier, dont il a été parlé ci dessus. Une circonstance qui mérite une attention particuliere, c'est qu'après avoir coupé trop tôt les bleds, ou les ferre tout humides. Il dépend uniquement, ou du moins en grande partie, des gens de la campagne, d'y apporter du remède; mais c'est à quoi ils ne pensent presque point. Une ancienne coûtume qui a jetté de profondes racines, des préjugés reçus lans examen, la précipitation, & une culture très mal entendue dans quelques Villages, & quelquefois dans des Provinces entieres, par rapport à la maniere de recueillir les grains d'été, enfin une avarice aveugle, sont autant d'obstacles qui ne permettent guêres d'espèrer que les choses s'améliorent autant qu'il le fandroit: & cela ne fait pas bequeoup d'honneur à l'Oeconomie de la campagne.

.

Voici en deux mots en quoi ces griefs confistent. En plasieurs endroits où les terres sont d'ailleurs des plus sertiles, on ne veut point, ou du moins on le veut très rarement, laisser aux especes de bleds qui mûrissent lentement, comme le froment & l'orge, le tems convenable aux grains d'été pour arriver à la persection & à la maturité nécessaires, & que nous avons décrites au long ci-dessus. Tout au contraire on coupe non seulement ces bleds avant le tems, mais encore on les serre, lorsqu'ils ne sont qu'à demi-séchés, ou même tout humides, & on les entasse ainsi dans les granges. Assurément, si un pareil usage devenoit universel, on recueilliroit bien asses de bled pour la nourriture, mais on manqueroit dans la suite d'une bonne semence.

Les principales raisons qu'on allégue en général pour excuser ce mauvais usage, sont les suivantes. On dit,

- 1. Qu'il y a trop de choses à faire à la campagne, pour qu'on puisse avoir la patience d'attendre que les grains soyent parvenus à Jeur parsaite maturité.
- 2. Qu'il vant mieux vendre l'orge & le froment, que de le garder pour semence.
- 3. Que quand les bleds murissent parfaitement, il y a trop de grains qui tombent & se répandent dans les campagnes.
- 4. Qu'il survient des mauvais tems, où l'on ne peut espérer de maturité, & qu'alors il saut se presser de moissonner.
- 5. Que c'est aussi le tems où il saut envoyer les bœuss au pâturage, de sorte que les bleds ne sauroient rester plus longtems sur terre.
- 6. Que quand l'orge ne mûrit pas parfaitement sur l'épic, il conserve un peu plus de blancheur, & qu'alors on le vend deux ou trois gros de plus le boisseau.

N 2

De

De routes ces raisons on conclut qu'il n'y a point de milieu, & qu'il saux couper les bleds encore verds, aux risques de toute la nielle qui peut en résulter.

Sans entrer dans l'examen détaillé de tous ces points, je m'en tiens à la considération de ces grains de semence en partie plus ou moins mûrs, parce que leur constitution suffit pour mettre en état de juger, si les excuses précédentes peuvent être regardées comme valables. Nous avons déjà fait mention ci-dessus de ce qui peut arriver à de semblables bleds trop tôt coupés, en les séchant, les serrant, les entassant les remuant, & dans tous les autres cas par lesquels il passent, avant que la semence soit remise de nouveau en terre. Il n'est donc pas surprenant qu'avec d'aussi mauvaises dispositions il y ait diverses contrées où la Nielle se trouve toujours en très grande abondance dans les bleds, comme une expérience de plus de trente ans nous en a pleinement convaincus. Au contraire, quand on cultive le bled d'une maniere réguliere & conforme à la Nature, la Nielle diminuë & cesse même entierement, à la réserve des années où le froid humide a trop de durée, ou du moins elle n'est plus guères sensible. En effet dans certaines contrées où l'on regarde la Nielle des bleds comme une espece de mal inhérent, elle se rencontre avec beaucoup plus d'abondance dans l'orge & dans le froment dans un an plus, & dans l'autre moins, quelques que foyent d'ailleurs la température des saisons, la culture, la situation & l'espece du terroir. Des gens qui étoient solidement versés dans l'agriculture, & qui à cause de cela s'étoient depuis longtems éloignés des principes communément adoptés, ont fait sans aucun préjugé les essais suivans.

Ils ont pris pour semer, de l'orge & du froment, du produit de leurs contrées; & la nielle s'est manisestée annuellement dans ces bleds en plus grande quantité, tant qu'on a employé de pareille semence. Et il faut bien remarquer que, suivant la coûtume de leur canton, ils fai-foient aussi couper les grains un peu plutôt, & les faisoient serrer encore humides dans des années où la moisson avoit été pluvieuse; ou bien

bien les grains qui avoient été extérieurement féchés ne laissoient pas d'entrer dans la grange encore trop verds & trop frais, en liant & entassant les gerbes, comme de coûtume. En procédant ainsi il étoit immanquable que plusieurs mauvais grains seroient gardés, & que la nielle s'y mettroit, pour peu que la témpérature de la saison y concourut.

Pour remèdier donc à ce mal, on acheta de la semence étrangere avec toutes les précautions possibles; & aussi tôt on s'apperçut d'une diminution notable de la Nielle; mais en coupant de nouveau les bleds trop tôt, elle revint dès l'année suivante avec abondance. On essaya de l'en délivrer encore, en battant auparavant les gerbes, & en épluchant & choississant la semence; mais, tant qu'on ne cessa pas de couper les bleds trop tôt, & qu'on ne remèdia pas aux autres désauts de la culture des terres, la Nielle demeura avec toutes les circonstances précédentes.

On fit un nouvel essai pour extirper la nielle, qui consistoir à choisir de vieux froment pour la semence, parce qu'alors les mauvais grains sont pour l'ordinaire entierement séchés, & qu'il est très difficile, ou même impossible, qu'ils levent. Alors on vit disparoitre la Nielle, au grand contentement des propriétaires; mais, dès l'année suivante, elle reprit le dessus, parce qu'on avoit encore coupé trop tôt les bleds. C'est ce qui ne permit plus de douter que la Nielle ne consistat & n'eut sa véritable cause dans l'état des semences, lorsqu'on les recueille avant leur maturité, qu'on les sait sécher inégalement, qu'on les serre trop humides, & qu'elles viennent ensuire à s'échausser & à se moisir. Depuis ce tems-là on laissa toujours un morceau de champ assez considérable, sans y toucher pendant la moisson, asin que le froment y mûrissant fut propre à servir de semence; on en eut d'ailleurs les soins convenables, & tout se passa régulierement dans la manière de le serrer & de le garder.

L'effet de ces derniers arrangemens fut, que la Nielle diminua visiblement tous les ans, & commença à devenir rare. L'accord par-N 3 fait fait qui régne entre tous les essais dont nous avons rendu compte jusqu'ici, est la chose du monde la plus aisée à comprendre; & il n'est pas moins facile d'en conclurre, si la cause de la génération & de la propagation de la Nielle existe réellement dans la multitude des semences imparfaites & gâtées dont nous avons parlé, ou non? La vieille semence, dans laquelle de semblables grains vicleux sont déjà desséchés avant qu'on les seme, & se trouvent incapables de germer, me paroit consirmer puissamment le sentiment qui vient d'être établi.

Je me référe encore à cet égard à toutes les remarques qui ont été faites ci-dessus au sujet de la perfection nécessaire à un grain de se-mence, entant qu'il doit rensermer une plantule seminale, & aux qualités du suc nourricier qui est requis pour cet esset. On peut y ajouter la comparaison de l'état que j'ai observé, en partie à la simple vue, en partie à la loupe, & cela en des tems tout à fait dissérens, tant dans les rejettons & les jeunes plantes qui tenoient aux tiges enniellées que j'ai transplantées, que dans ces tiges mêmes de froment & d'orge.

Cette considération m'a suffisamment appris, que la Nielle des bleds est une destruction totale, & une mortification de toutes les parties essentielles de la seur en particulier; & qu'elle prend son premier commencement sensible, en même tems que le premier dévelopement de ces parties arrive, déjà au dedans des rejettons. Et c'est de là que la Nielle continue à s'étendre pendant le dévelopement successif du reste de la plante, qui se fait tout comme avant la nielle. L'obstruction totale & irrémédiable du tissu entier des vaisseaux, dans certaines parties de la plante seminale, est, suivant ce qui a été dit, la cause incontestable de cette poussiere enniellée qu'on trouve ensuite; & il en résulte la rupture des vaisseaux, en vertu de laquelle les sucs irrégulierement pressés, & dont le mouvement est dérangé, venant à se corrompre sort vite, contribuent beaucoup à sortisser & à étendre la Nielle.

Mais comme les germes, ou rejettons, que poussent les branches enniellées sont sormés par certains silamens particuliers qui sortent du centre de la moëlle, (processus medullares,) il saut que les parties des vaisseaux qui contribuent particulierement à la formation cachée dans les germes, y soient, ou en partie, ou peu à peu tout à fait obstruées, & périssent. C'est ce que donnent lieu de conjecturer avec beaucoup de vraisemblance ces épics qui ne se trouvent qu'à moitié enniellés, & cela tantôt en haur, tantôt en bas. Comme donc ce sicheux accident de la semence qui contient la tendre plante surure, y existe d'abord avant & après qu'elle a germé, dans le tems où elle reçoit sa premiere nourriture des sucs contenus dans le grain de semence, il est bien aisé de comprendre de quelle maniere l'obstruction souvent mentionnée dans le tissu rétisorme de canaux extrèmement subtils, & causée successivement par ce suc.

Il reste encore ici à la vérité quelques sujets de doute, que, malgré toute l'exactitude de mes observations, je ne fine pas en état de lever; mais toures les circonstances que j'ai indiquées étant réunies, il demeure toujours de la plus grande vraisemblance, que le véritable principe & le commencement de la Nielle existe dans la semence, & que le suc gâté & pourri dans les cotyledons communique des qualités nuisibles aux processus médullaires, qui, dans le premier dévelopement de la plante seminale, doivent former les sieurs futures dans la partie ascendante du germe, ou dans la plumule. Que ce vice attaque uniquement les processus médullaires en question, sans toucher aux autres, c'est ce qui est de la derniere évidence, puisque, les fleurs exceptées, la racine porte une plante parfaite, qui à l'extérieur est parfairement semblable à toutes les autres, que la nielle n'a point attaquées. Or cela ne pourroit arriver, si, dès le commencement la moëlle étoit endommagée & enniellée dans le rostellum, ou la partie descendante de la plantule seminale, aussi bien que dans la partie supérieure; car de cette maniere il seroit impossible que la semence germât & produisit une plante.

C'est

C'est là tout ce que je m'étois proposé de dire dans ce Mémoire au sujet de la véritable constitution de la Nielle des bleds, dont les causes & les moyens de la détruire doivent être regardés comme un supplèment à son histoire naturelle, que j'ai voulu communiquer au public, dans l'espérance que les essais qui se feront dans la suite, si l'on y apporte l'attention nécessaire, & qu'on y, procéde avec un esprit exempt de préjugés, conduiront cette histoire de la Nielle des bleds à un degré de perfection, dont l'Oeconomie de la campagne pourra re-tirer une insigne utilité.



MÉMOIRE

CONCERNANT QUELQUES NOUVELLES EXPE-RIENCES ÉLECTRIQUES REMARQUABLES,

PAR M. ÆPINUS.

Traduit de l'Allemand.

a Nature est un Trésor inépuisable de faits merveilleux. A' chaque pas que nous faisons dans leurs recherches, de nouvelles vues se découvrent à nos regards. Toutes les sois qu'on s'imagine être au bout de quelque discussion, un examen plus attentif fait voir que le but auquel on s'étoit proposé d'atteindre est encore infiniment éloigné, & que ce qui nous a fait croire que le chemin étoit si court, c'est que nos yeux sont trop soibles pour en appercevoir le bout.

Les nouvelles Expériences qui concernent l'Electricité, fournisfent un exemple convainquant de ce que nous venons d'avancer. La
découverte d'une multitude de phénomenes inopinés, & tout à fait singuliers, qui se rapportent à la force électrique, engage les Physiciens
à croire, & en apparence avec raison, qu'ils sont au fait de la nature
de cette force, & qu'ils connoissent exactement les Loix universelles
auxquelles elle est assujettie; mais on ne doit pas plus s'attendre ici à
une connoissance complette, que dans toutes les autres parties de la
Science naturelle. Les remarques que je vais produire ici au sujet de
l'Electricité d'une pierre précieuse singuliere de l'Isle de Ceylan, & qui
ne pourront manquer d'étonner ceux qui ont quelque idée des loix des
opérations électriques, consirment aussi combien la Nature est abondante en phènomenes, qui doivent exciter en nous la plus vive admiration pour elle, & pour l'Etre tout-puissant qui en est l'Auteur.

La Pierre dont je veux parler, porte le nom de Trip, ou Tourmalin, auquel, à cause d'une propriété particuliere qu'elle a, & dont je parlerai au long dans la suite de ce Mémoire, on a joint en Hollandois celui d'Aschentrecker, ou en Allemand d'Aschenzieher, qui veut dire attirant les cendres. Le terroir naturel de cette Pierre est l'Isle de Ceylan, où l'on a coûtume de la trouver dans le sable sur le bord de la mer. Elle est transparente, & d'une couleur brunâtre, comme la hyacinthe, mais beaucoup plus obscure. Pai pris de la peine pour déterminer sa pesanteur propre, mais comme je n'ai eu que deux de ces pierres fort petites pour toutes mes recherches, je ne puis pas me promettre d'avoir atteint la derniere précision en déterminant son Quoiqu'il en soit, dans une suite de plusieurs Expériences, l'ai trouvé que la proportion de sa pesanteur spécifique à celle de l'eau n'étoit jamais moindre que 300, & jamais plus grande que 305 à 100. Cette Pierre n'est universellement connue que depuis peu d'années, & jusqu'à présent il est fort rare de la rencontrer. A' peine y a · t · il un seul Ouvrage imprimé des Auteurs minéralogistes qui en parle; & les seuls qui paroissent en avoir eu quelque connoissance, sont Mr. Zinck, qui en dit quelque chose dans la derniere Edition qu'il a publiée, avec ses additions, du Dictionnaire de la Nature, des Arts, & du Commerce par Hübner, & Mr. de Justi, qui l'indique, mais feulement en paffant, dans son Plan de Minéralogie universelle, §. 346.

Cette Pierre a une propriété qui la distingue de toutes les autres pierres connuës jusqu'à présent, c'est que, quand on l'échausse sur un charbon, elle attire & repousse alternativement les cendres qui se trouvent autour d'elle. Elle en fait de même avec les chaux métalliques, & en général avec tous les autres corps legers, de quelque espece qu'ils soyent. Les Jouaïliers qui l'ont mise au seu pour éprouver se dureté, se sont apperçus les premiers de cette propriété, & lui ont à cause de cela donné le nom rapporté ci-dessus, de Pierre qui attire les cendres. Les Auteurs que j'ai cité, rapportent aussi ce phénomène; mais il n'a été jusqu'ici l'objet d'aucunes recherches plus particulieres.

La premiere fols que j'entendis parler d'une singularité aussi remarquable, je sormai aussi-tôt la conjecture qu'elle devoit son origine à l'Electricité. J'en ai l'obligation à notre digne Confrère, Mr. Lehmann, qui m'a instruir le premier de cette propriété, & qui m'a sourni les moyens d'en saire l'objet d'Expériences exactes. Pour cet esset il m'a non seulement prêté une pierre de Tourmalin qui lui appartenoit, mais il m'en a encore procuré une autre, trois sois plus pesante, dont j'ai sait l'acquisirion. Si je n'avois pas possédé cette derniere, à peine aurois-je été en état de découvrir distinctement par la voye des Expériences la propriété étonnante de cette pierre, parce qu'il auroit été très dissicile, à cause de la petitesse de la pierre de Mr. Lehmann, d'y démêler exactement les dissérens phénomenes.

C'est donc avec le secours des deux Tourmalins dont je viens de parler, que je me suis mis à saire mes Expériences; & j'ai trouvé tout d'abord que ma conjecture au sujet de l'électricité de cette pierre étoir parsaitement sondée. Je n'alléguérai ici aucune preuve particuliere de ce que l'attraction & la répulsion du Tourmalin procéde de l'électricité. Les essais dont je rendrai compte dans la suite de ce Mémoire, ne pourront laisser aucun doute à cet égard.

Le Tournalin est déjà doublement digne d'attention, en ce que, sans le frotter, & simplement en l'échaussant, il sait paroitre une électricité considérable. L'unique moyen qu'on ait presque trouvé jusqu'ici pour exciter l'électricité dans les corps où elle réside, c'est le frottement. On ne connoit jusqu'à présent qu'un cas unique, qui sournisse une exception. Le sousser, la résine, la cire d'Espagne, & d'autres corps semblables, quand, après les avoir premièrement sondus, on les sait couler dans un vase sec de métal, ou de verre, en se résroidissant deviennent électriques, sans avoir besoin d'être frottés. Dans les corps de l'espece du verre qui possédent l'electricité en propre, on n'a trouvé encore aucun exemple d'une semblable électricité, excitée sans frottement; & le Tournalin, qu'on doit sans contredit rapporter à cette classe, comme étant une pierre précieuse, est par

conséquent le seul exemple d'une pareille électricité, résidant dans un corps de l'espece du verre, sans y être produite par la frottement. Il y a outre cela encore ceci de particulier, c'est qu'il sussit d'échausser le Tourmalin pour le rendre électrique. Qu'on essaye d'en saire autant avec le verre & les corps de son espece, on n'y réussira jamais; & même le soussire, la cire d'Espagne, &c. qui sont pourtant susceptibles d'une électricité donnée à volonté, ne la reçoivent jamais quand on se contente de les échausser; mais il est nécessairement requis, qu'ils soyent auparavant sondus, après quoi, pendant qu'ils se réstoi-dissent, ils acquièrent l'électricité.

Quoique cette propriété du *Tourmalin* soit déjà très digne d'être remarquée, j'y ai fait depuis bien d'autres découvertes beaucoup plus surprenantes. Mais, asin d'en rendre un compte plus intelligible, je vais commencer par faire connoître en peu de mots la différence qu'il y a entre l'électricité positive, & l'électricité négative.

Il y a réellement deux Electricités différentes, ou plutôr oppofées. Les phénomenes confirment leur existence d'une manière tout à sait sensible; & pour peu qu'on soit versé dans les Expériences électriques, on ne souroit révoquer en doute cette double vertu. Les deux électricités opposées suivent, dans une de leurs principales opérations, une régle qui a aussi lieu dans les essets magnétiques. En esset on trouve par une expérience constante, & à l'abri de toute contestation, que;

- 1. Quand deux Corps ont le même espece d'électricité, environs dans le même degré, ils se repoussent, à peu près comme deux aimans qui se présentent les mêmes poles.
- 2. Quand deux Corps ont une électricité différente, ils s'attirent l'un l'autre avec beaucoup de force, comme cela arrive à deux aimans dont les poles opposés se touchent.

Mr. du Fay a déjà remarqué ces deux électricités contraires l'une à l'autre. Il nomme l'une vitrée, & l'autre réfineuse, parce que dans s Expériences il avoit toujours trouvé la premiere dans les corps de l'espece du verre, & l'autre dans ceux de l'espece de la résine. noms font incommodes, quand il s'agit de les appliquer aux nonvelles Expériences, qui montrent d'ailleurs, que l'électricité résineuse de Mr. du Fay peut être excitée dans le verre & dans les corps de son espece, tandis que réciproquement l'électricité vitrée se manifeste dans la cire d'Espagne & les autres corps résineux. Par conséquent ce qu'il à plû à Mr. du Fay de nommer électricité vitrée, n'est point propre aux corps de l'espece du verre, ni celle qu'il qualifie résineuse aux corps de cette derniere espece. Mr. Francklin, à qui on est redevable d'avoir en général répandu beaucoup de jour sur toute cette doctrine, à donné à cette double électricité un nom plus propre à faire connoitre l'opposition qui s'y trouve, en appellant l'une positive, & l'autre négative. Il est à la vérité arbitraire à laquelle de ces deux électricités contraires, on donne le nom de positive, ou celui de négative. Cependant l'usage; & quelques raisons que ce n'est pas ici le lieu d'alléguer, ont déjà décidé que l'électricité qu'on produir en frottant un tube de verre uni, mais qu'on n'a pas émoulu, avec un morceau de drap de laine, s'appelle positive, au lieu que celle qui se trouve dans un bâton de cire d'Espagne, ou dans une piece de souffre, lorsqu'on l'y excite de la même maniere, doit être nommée négative.

C'est sur cette difference entre l'électricité positive & négative, que roule presque sput ce que j'al observé de particulier sur le Tourmalin; & voilà ce qui m'a obligé de proposer préalablement à cet égard les remarques qu'on vient de lire.

Il m'a falu beoucoup de peine pour trouver les régles que le Tourmalin suit dans ses opérations, & pour les établir d'une manière convainquante, La grande petitesse de la pierre, qui pesée à un trêbuchet exact n'a que 23½ grains, m'a causé un extrème embarras; cat, quoique le Tourmalin, à proportion de sa grosseur, montre une élec-

U g

tricité

tricité peu commune, il n'étoit pourtant pes possible d'observer tous les phénomenes aussi distinctement, qu'on auroit pû le faire avec une plus grosse piece. Avec, cela dans les commencemens, les phénomenes mêmes m'ont jetté dans une grande confusion d'idées, parce que le côté de la pierre où je venois de trouver l'électricité positive, montroit quelques momens après l'électricité negative, sans que je fusse en état de découvrir la cause d'une révolution aussi subite. en observant exactement toutes les circonstances, en répétant plusieurs fois la même Expérience, & en la faisant avec toutes les variations imaginables, je suis venu à bout de trouver & de conduire à leur certitude les loix de cette électricité. Je vais rapporter simplement ici ces loix, sans entrer dans le détail des Expériences qui m'ont servi à les connoître. Quiconque a seulement quelque idée de la maniere dont on procéde aux Expériences électiques, comprendra facilement comment je m'y suis pris pour les miennes, & sera même en état 'd'en faire qui lui prouvent la vérité de mes affertions. Je souhaite que ce dernier cas arrive; mais je dois seulement avertir que ces Expériences demandent une extrème circonspection, quand on yeur pouvoir y faire un fonds assuré: Je puis bien me rendre caution de la vérité & de la justesse de celles qui servent de fondement aux loix que j'ai trouvées, parce que j'y ai apporté des précautions, qui, si je les rapportois, paroitroient incroyables, & que je ne me suis point lasse de les répéter.

LOIX DE L'ELECTRICITÉ DU TOURMALIN.

T.

Les Tourmalin a toujours en même tems une Electricité positive & une. Electricité négative; c'est à dire que, quand un de ses côtés est positif, s'autre est infailliblement négatif, & réciproquement.

Cette

'n

١į

3

d

Cette Régle est sisse à vérisier par les Expériences. Car, quand on a examiné l'électricité qui setrouve à un des côtés de la Pierre, il n'y a qu'à la retourner, & il ne manquera jamais d'arriver que l'autre côté montre distinctement l'électricité opposée. Mais, quoique cette Régle soit d'une justesse incontestable, la pierre se trouve néammoins quelquesois, comme je le serai voir dans la suite, dans une espece d'état mitoyen, où l'on ne sçauroit appercevoir bien distinctement la vérité de cette loi. Je donnerai plus bas une maniere de rendre le Tourmalin positif des deux côtés; & ce cas formera encore une exception remarquable.

Dans cette Expérience, & dans toutes celles qui suivront, je mets ordinairement le Tourmalin sur un petit pied de verre, dont la surface supérieure couvre entierement la pierre. Les Expériences réussissent de même, quand on le pose sur quelque métal, ou autre matiere qui n'est pas électrique, mais par l'attouchement de ces corps non électriques il perd en peu de tems son électricité. Voilà pourquoi je donne la présérence à la premiere maniere que j'ai indiquée.

II. Que l'on tienne avec de petites pincettes, on de telle autre maniere qu'on voudra, le Tourmalin dans de l'eau bouillante, ou dans quelque autre fluide échauffé, & qu'on l'en tire au bout de quelques minutes. On trouvera toujours que, dans cette Expérience, aussi souvent qu'on jugera à propos de la répéter, un côté de la pierre est positivement électrique, & l'autre négativement. Le côté de la Pierre qui se présente toujours ici comme positif, je le nommerai dans la suite côté positif, & celui qui se présente dans l'état contraire, côté négatif.

Il faut bien remarquer la production d'une forte électricité, excitée ici au milieu de l'eau, qui dans tous les autres cas paroit la chofe la plus nuifible à la vertu électrique. Il n'est pas d'une exacte nécessité que l'eau soit actuellement bouillante. Un moindre degré de chaleur excite aussi l'électricité du Tourmalin, mais dans un degré inférieur. Quand l'eau n'est échaussée que jusqu'à 108. qu 110. degrés du Thermome-

mometre de Fahrenheit, à peine peut-on découvrir quelques indices d'électricité. La chaleur de l'eau bouillante me paroit en général être celle qui rend l'électricité du Tourmalin la plus vive. Si l'on échauffe cette pierre d'une maniere sensiblement plus forte sur un métal chaud, elle ne montre qu'une foible électricité, qui ne s'anime bien, que quand la pierre s'est un peu réfroidie. L'électricité que le Tourmalin acquiert dans l'eau bouillante, dure encore, quand il est entierement réfroidi, & je l'y ai même trouvée fort sensible dans des Expériences saites au bout de six heures.

La cause pour laquelle, dans cette Expérience, un côté déterminé du Tourmalin est toujours positivement électrique, & l'autre négativement, m'a paru au commencement dépendre de la figure qu'on lui avoit donnée en le taillant. Le mien, comme le sont ordinairement les autres pierres précieuses, est taillé d'un côté tout plat, & de l'autre à plusieurs petites facettes, qui se terminent en pointe au milieu de la pierre. Le premier de ces côtés est toujours le côté positif de la pierre, & l'autre le côté négatif. Mais, en comparant ma pierre avec celle qui appartient à Mr. Lehmann, j'ai trouvé que ma conjecture étoit dénuée defondement. Cette derniere pierre est à la vérité plus petite, mais d'ailleurs parfaitement taillée comme la mienne. Cependant, malgré cette conformité, son côté plat est toujours le côté négatif, tandis que dans la mienne il est positif; & réciproquement le côté inégal de la pierre de Mr. Lehmann est toujours positif, tandis que dans mon Tourmalin il est constamment négatif. Je trouve là dedans une conviction suffisante, que la cause pour laquelle un côté de la pierre est toujours positif, & l'autre négatif, ne doit pas être cherchée dans la si. gure extérieure, ni dans la maniere de la tailler, mais qu'il faut recourir, comme par rapport à l'aiman, à la structure intérieure, & à la constitution essentielle de la Pierre.

III. On peut, en se servant des moyens qui vont être rapportés, rendre le côté positif du Tourmalin négatif, & donner réciproquement au côté négatif l'électricité positive. Quand cela est arrivé, la pierre retourne tourne ensuite d'elle-même dans son état naturel, c'est à dire que son côté positif cesse d'être négatif, & redevient de lui-même positif, & le côté négatif, cessant pareillement d'être positif, reprend sa vertu négative.

J'alléguerai plus bas un cas qui fait exception à cette régle, laquelle est très digne d'attention, puisqu'elle répand un fort grand jour sur la nature & les opérations du Tourmalin. Pour que tout ce qui vient d'être rapporté, se passe, il faut deux ou trois minutes, & même davantage, quoique d'autres fois cela s'exécute plus vîte. De plus tout n'arrive pas à la fois, ou dans tous les points susdits, mais il y a déjà quelques circonstances passées, tandis que d'autres durent encore; & de là vient que la pierre, pendant la durée de ces états successifs, paroir réunir à la fois, & du même côté, les deux électricités, la positive & la négative. C'est de cet état que je parlois ci-dessus, lorsque je disois que l'on ne pouvoit toujours appercevoir d'une maniere distincte la justesse de la premiere régle.

Cette Loi de l'électricité du Tourmalin a été la principale cause des grandes difficultés que j'ai trouvées dans les commencemens, à réduire tous les phénomenes que cette pierre m'offroit, à certaines régles. Cela venoit de ce qu'après avoir trouvé un côté de la pierre, par exemple, positif, bientôt après il se montroit à moi comme négatif, sans que j'eusse pû remarquer la moindre cause d'un changement aussi subit. Quand le Tourmalin en étoit à son passage pour retourner à l'état naturel, je ne pouvois pas seulement distinguer si le côté que j'observois, devoit être réputé positif, ou négatif. Il en résultoit une très grande incertitude dans les conclusions que je cherchois à tirer de mes premieres Expériences.

IV. Si l'on met le Tourmalin sur un métal échaussé, sur une plaque de verre, ou sur un charbon ardent, il devient électrique en s'échaussent, et observe cette régle, c'est que, de quelque maniere qu'on fasse l'expérience, et quelque côté de la pierre qu'on mette sur la plaque échaussée chacun de ces côtés acquiert toujours l'électricité opposée à celle mande l'Acad. Tom XII.

qui lui est naturelle, c'est à dire que le côté positif de la pierre devient négatif, & le côté négatif se change en positif. La même chose arrive, quand on met le Tourmalin sur un pied de verre, & qu'on l'échausse ensuite aux rayons du Soleil réunis par un miroir ardent.

Cette Expérience nous découvre la troisième Régle que le Tourmalin suit infailliblement, en ne manquant jamais de reprendre au bout de quelque tems son état naturel. Il n'y a aucunes circonstances qui puissent faire manquer cette Expérience; mais quand, pour la faire, on échauffe le Tourmalin au dessus d'un charbon ardent, il faut, fill'on a dessein d'observer ce phénomene d'une maniere tout à fait distincte, ne point ôter la pierre de dessus le charbon, mais l'y laisser posée. & ensuite examiner quelle sorte d'électricité elle montre. Car, si on vouloit l'ôter de dessus les charbons, & la mettre sur le pied de verre susdit, l'Expérience échouëroit presque toujours. En effet, quand on ôte le Tourmalin de dessus le charbon, le retour à l'état naturel se passe fort vîte, & avant qu'on ait eu le tems de le mettre sur le pied de verre; & de là vient qu'en examinant la pierre, on la retrouve ordinairement déjà dans son état naturel, & qu'il est fort rare d'observer de foibles indices de l'électricité négative sur le côté positif, ou de l'électricité positive sur le côté négatif.

J'ai beaucoup de raison de croire, que dans l'Expérience qui vient d'être rapportée,' & dans la maniere d'y procéder, l'inégalité inévitable dans l'échaussement des deux surfaces, devient la cause pourquoi, toujours au commencement, le Tourmalin passe à un état opposé à celui qui lui est naturel. Car, quand je l'ai mis entre deux métaux également chauds, ou entre deux plaques de verre aussi d'une même chaleur, il arrive tout d'abord qu'il obtient son état naturel, tout aussi bien que quand il a été mis dans l'eau, ou dans quelque autre matiere stuide qui l'échausse de toutes parts. Il y a encore d'autres Expériences, outre celle dont il s'agit ici, qui me conduisent presque à une pleine conviction que les deux Loix suivantes peuvent être posées comme des régles sondamentales.

- 2. "Quand un côté du Tourmalin est considérablement plus "échaussé que l'autre, il est toujours dans l'état opposé à son état "naturel.
- 2. " Quand les deux côtés de la pierre ont une chaleur à peu " près égale, la pierre est toujours dans son état naturel.

Il paroit au moins qu'on peut comprendre par là, pourquoi la pierre retourne toujours d'elle-même à son état naturel, puisqu'il est connu que la chaleur, dans toutes fortes de corps, se distribue en fort peu de tems partout d'une maniere égale. Ces régles paroissent aussi fournir la cause, pourquoi le passage à l'état naturel se fait d'autant plus vîte, que la chaleur a été plus grande d'un côté, ce que j'ai remarqué en diverses Expériences. Cela est aisé à comprendre, pulsqu'il est certain que la communication de la chaleur d'une partie d'un corps à toutes les autres, se fait d'autant plus vîte qu'il y avoit eu une différence plus considérable entre la chaleur de cette partie & celle des autres. Je soupçonne que c'est là la raison pourquoi, quand on échauffe le Tourmalin sur un charbon, le passage souvent mentionné se fait si subitement. Probablement la même chose arriveroit sur une plaque de métal ardent, ou du moins fort chaud; mais je ne sçaurois pourtant l'affirmer d'une maniere décisive, saute d'avoir pû saire jusqu'à présent les Expériences nécessaires.

- V. Le Tourmalin devient aussi électrique en le frottant. Asin de pouvoir bien déterminer les régles qu'il suit par rapport à l'électricité qui lui est donnée de cette maniere, il faut distinguer les cas suivans.
- n. "Quand on frotte le Tourmalin contre un drap de laine avec " la main, & qu'on le fait assez fort pour qu'il acquière par ce moyen " une chaleur sensible, alors le côté frotté devient toujours positive-" ment électrique, & l'autre négativement. En frottant ainsi alterna-" tivement les deux côtés, on peut changer celui qui étoit positif en " négatif, & réciproquement. Mais, dès qu'on a cessé, le Tourma-" lin

- " lin retourne toujours de lui-même à son état naturel. Cette Expé-" rience réussit toujours, pourvû seulement que la pierre ait acquis " une chaleur sensible en la frottant.
- 2. "Si au contraire l'on frotte de nouveau la pierre comme auparavant, simplement avec la main contre un drap de laine, mais
 foiblement, & si peu qu'il n'en acquière pas partout une chaleur sensible, tout se passe comme auparavant, excepté que le retour à l'état
 naturel n'a pas lieu. Car, si en frottant le côté négatif de la pierre
 contre le drap, on fait passer le Tourmalin à l'état qui ne lui est pas
 naturel, (& pour cela il sussit de le passer une ou deux sois sur le
 drap,) ensuite, tant qu'il reste quelque trace d'électricité, le côté
 positif demeure négatif, & le côté négatif positis.
- 3. "Quand on affermit le *Tourmalin* par devant à un tube de , verre, & qu'ensuite on le frotte contre un drap de maniere qu'il ne , s'échausse pas, & en prenant la précaution, que, soit pendant le , frottement, soit aussi après, le côté non frotté de la pierre ne soit , touché, ni par les doits, ni par aucun autre corps non-électrique, , alors les deux côtés du *Tourmalin* se trouvent doués de l'électricité , positive, & le retour à l'état naturel ne s'ensuit point.
- 4. " Enfin, quand on affermit comme auparavant le Tourmalin, à un tuyau de verre, & qu'on observe encore les précautions qui viennent d'être indiquées, sçavoir que le côté de la pierre qui n'a pas été frotté, ne soit touché par aucun corps non-électrique; si après cela on frotte la pierre jusqu'à l'échausser d'une maniere sensible, alors comme auparavant les deux côtés deviendront positiss, mais le Tourmalin retourne ensuite insoilliblement de lui-même à son état naturel.

De ces Loix, rapportées jusqu'à présent, & que le Tourmalin suit, lorsqu'il devient électrique, on peut tirer les conséquences suivantes, comme autant de propositions incontestables.

a) Le

- Le Tourmain posséde deux sortes d'électricités tout à fait différentes l'une de l'autre, & qui n'ont aucune liaison entr'elles. La premiere lui est commune avec toutes les autres pierres précieuses, aussi bien qu'avec le verre, & les corps de la même espece; ainsi à cet égard il ne renserme rien de merveilleux, ou du moins rien qui lui soit particulier. La seconde espece d'électricité lui est, autant qu'on le sçait, entierement & uniquement propre; elle a ses loix qu'elle suit, & qui ne conviennent qu'à elle seule: & c'est jusqu'à présent un exemple qui n'a pas son semblable.
- β) De la premiere électricité du Tourmalin découlent tous les phénomenes qui arrivent en le frottant assez doucement pour que la pierre ne s'échausse point. C'est ainsi qu'il devient électrique en le frottant contre un morceau de drap. Si, pendant qu'on le frotte, les mains nues, ou quelque corps non-électrique, touchent le côté qui n'est pas frotté, celui qui l'est, devient positivement électrique, & celui qui ne l'est pas, négativement; mais, quand on l'affermit à un tube de verre, & qu'ensuite on le frotte, les deux côtés deviennent positifs. Cependant aucun des deux côtés de cette pierre, rélativement à ceste électricité, n'a rien qui le distingue des autres corps électriques. Toutes ces circonstances se trouvent dans les corps électriques de l'espece du verre, & dans le verre commun tout aussi bien que dans le Tourmalin.

Il est suffisamment connu que toutes les propriétés que j'ai décrites se trouvent dans chaque corps de l'espece du verre, à l'exception peutêtre du second point, c'est à dire, que tout le monde n'est pas également au sait du changement qui arrive, lorsqu'on touche avec les mains nues des corps de l'espece du verre qui ont été frottés, le côté non frotté devenant alors négativement électrique. Quand on voudra répéter l'Expérience, on trouvera qu'elle consirme toujours ce phénomene de la maniere la plus complette; & quiconque est instruit des Expériences mémorables de Mr. Francklin, & de tout ce qui a été dit au sujet de la sameuse Expérience de Leyde, qui est accompagnée d'une d'une si violente secousse, s'appercevra bien d'avance, que les choses doivent arriver & se suivre, conformément à mon exposé. Les mêmes circonstances qui sont nécessaires pour charger le verre dans l'Expérience de la secousse, se trouvent ici, & par conséquent il en doit naître les mêmes effets. J'ai fait des observations toutes semblables par rapport aux corps résineux, avec cette dissérence, que quand on les frotte avec la main, le coté frotté devient négativement électrique, & celui qui ne l'est pas, acquiert la vertu positive. Je remarque en passant, que c'est là une preuve qui ne sauroit tromper, que même sans verre, avec des corps résineux, l'Expérience de la secousse est possible; ce que tous les Auteurs qui ont écrit jusqu'à présent de l'électricité, s'accordoient à nier.

7) L'électricité propre du Tourmalin est entierement différente de la précédente. Elle suit aussi de tout autres loix. Chacune de ces deux électricités peut être excitée indépendamment de l'autre; & bien qu'elles puissent exister ensemble, c'est pourtant toujours sans qu'il y ait aucun rapport, ni aucune liaison entr'elles. Cette électricité particuliere au Tourmalin n'a besoin pour être produite que d'un certain degré de chaleur; & il est parfaitement indifférent quelle sorte de chaleur on employe. Dès qu'il en existe une qui a le degré requis, aussi tôt, en vertu de la structure intérieure & de la constitution de la pierre, un côté se trouve dout de l'électricité positive, & l'autre de l'électricité négative. Quand les côtés de la pierre font également échauffés, alors il y a toujours un côté déterminé qui est positif, & l'autre négatif; mais, quand les côtés reçoivent une chaleur inégale, le côté qui est ordinairement positif, devient négatif, & celui qui étoit négatif, se change en positif, ce qui dure aussi longtems que la distribution inégale de la chaleur.

Cette électricité propre au Tourmalin, dont nous venons de donner la description, ne peut manquer de lui attirer l'attention de ceux qui étudient la Nature, sans qu'il solt besoin de leur en dire davantage, pour les epgager à sourner leurs recherates vers cet object.

Je profiterai de cette occasion pour parler encore d'une autre Expérience électrique remarquable, sur laquelle il n'y a pas longtems que je suis tombé: voici dequoi il s'agit. Il est connu que presque tous ceux qui ont sait des Expériences sur l'électricité, ont cherché dans la nature particuliere du verre la raison de la seconsse électrique qui arrive dans l'Expérience de Leyde. Mr. l'Abbé Nollet a essayé si la même chose pouvoit arriver avec des vaisseaux de poix, ou de la cire d'Espagne; mais il déclare qu'il n'a jamais réussi à produire par cette voye le phénomene en question. Mr. Francklin lui-même croit, que le verre est indispensablement nécessaire pour cette expérience, & qu'il produit l'effet observé, en vertu de sa structure intérieure, au fuiet de laquelle ce Physicien a imaginé une hypothese tout à fait forcée & dénuée de vraisemblance. En attendant, sa propre théorie sert à prouver le contraire, puisque tout ce qui est requis, suivant cette théorie, pour produire la secousse, ne se trouve pas dans le verre, entant que verre, mais entant que corps qui possede l'électricité en propre, & qui en cette qualité ne fait rien autre chose que de mettre obstacle au passage de la matiere électrique d'une surface à l'autre. La fecousse même peut s'expliquer beaucoup plus aisément par cette propriété de la matiere électrique, que Mr. Francklin a lui-même découverte, & qu'il a démontrée par des Expériences très convainquantes; propriété en vertu de laquelle les parties de cette matiere se poussent réciproquement, ou coulent l'une devant l'autre. C'est là sans doute la cause immédiate de la secousse; & elle peut servir en même tems de principe pour expliquer d'une maniere tout à fait naturelle & satisfaifante toutes les autres circonstances qui se manifestent dans les phénomenes de l'électricité. Le verre n'entrant donc ici pour rien de particulier, & ne fervant qu'à empêcher le passage de la matiere électrique d'une surface à l'autre, & à arrêter le cours des étincelles entre ces furfaces, on peut supposer, & mettre à la place du verre, toute autre matiere, qui sera en état d'effectuer les mêmes choses, & qui par conséquent produira tout aussi bien la secousse électrique. les corps qui possedent l'électricité en propre, se trouvent dans le cas; &

& par conséquent on doit pouvoir parvenir à exiter la secousse par le moven du souffre, de la cire d'Espagne, & même avec le seul secours de l'air, qui est aussi du nombre des corps électriques par eux mêmes. De semblables résléxions, que j'eus lieu de faire dans une certaine occasion, me convainquirent de la possibilité de la chose, & m'engagerent à essayer si l'Expérience s'accorderoit avec les conséquences que j'avois tirées de la théorie de Mr. Francklin. Je m'y fuis pris pour cet effet de la maniere suivante. Je suspendis deux surfaces couvertes de métal l'une à côté de l'autre, de maniere qu'elles étoient parallèles, & la distance de l'une à l'autre dans tous leurs points étoit d'un pouce à 11, sans quelles se touchassent nulle part médiatement, ni immédiatement. L'électricité fut conduite du globe électrisé à une de ces surfaces, & l'autre la reçut par le moyen d'une chaîne. qui trainoit sur le plancher, & qu'on y avoit fait parvenir, afin que la matiere électrique qui en étoit chassée par la répulsion, s'écoulat, & que la surface même pût acquérir l'électricité négative. Tandis que ces choses se passoient, j'éprouvai une forte secousse, tout à fait semblable à celle qui est communément produite par le moyen du verre. Cette Expérience ne réussiroit pas avec de petites surfaces; & son effet devient d'autant plus sensible que les surfaces qu'on employe sont grandes. Celles dont je me suis servi, avoient chacune 7½ pieds quarrés, & elles étoient de bois, couvert de ces feuilles d'étain qu'on applique aux glaces de miroir.

Après le succès de cette Expérience, on ne sçauroit douter, que toute matiere électrique par soi même, tant fluide que solide, ne soit capable de produire l'effet de la secousse. Peut-être que les gobelets de poix de Mr. l'Abbé Nollet ont eu trop d'épaisseur, le verre luimême, lorsqu'il est trop épais, affoiblissant le coup qui arrive dans cette Expérience; ou, ce qui me paroit encore plus vraisemblable, comme la poix & la cire d'Espagne, quand on les sond, se remplissent de bulles d'air. & de cavités intérieures, peut-être que le vaisseau de ce Physicien avoit quelque ouverture cachée, par laquelle la matiere éléctri-

électrique s'écouloit, & passoit d'une surface à l'autre, sans qu'on s'en apperçut. Si Mr. l'Abbé Nollet avoit employé le soussire qui se laisse fondre d'une maniere plus compacte, son Expérience auroit eu probablement le succès qui lui a manqué.

Je laisse à ceux qui s'occupent de l'étude de la Nature le soin de tirer de l'Expérience que je viens de rapporter les conséquences qui en découlent, & qui sont extrémement favorables aux notions que Mr. Francklin a données de l'Electricité.



EXPÉRIENCES CHYMIQUES CONCERNANT L'ETAIN,

PAR M. MARGGRAF.

Traduit de l'Allemand,

Ī.

Dans le Mémoire inféré au Tome III. de ceux de notre Académie, où j'ai prouvé l'existence de l'Arsenic dans l'étain, aussi bien que la solution réelle de ce métal dans les acides des végétaux, vérités que je crois avoir mises au dessus de toute exception; j'ai promis en même tems, dans le dernier paragraphe de ce Mémoire, que j'examinerois plus au long, & d'une maniere plus directé les rélations de l'étain avec les autres corps; mais le tems & les circonstances où je me suis trouvé depuis, ne m'ont pas permis jusqu'à présent d'effectuer entierement mon dessein, & de dégager ma promesse. Je vais donc commencer à le saire, en tirant du Journal de mes opérations chymiques le récit de quelques essais que j'ai déjà saits sur l'étain; & je les continuërai dans la suite, pour parvenir à découvrir, s'il est possible, les parties constitutives de ce métal.

II. Il arrive souvent, dans la susion des métaux, lorsqu'elle se fait à un seu véhément dans des vaisseaux ouverts, ou legèrement sermés, que les parties déliées, sur lesquelles celui qui travaille voudroit saire des recherches ultérieures, s'échapent, & qu'on ne sçauroit les recueillir, tant qu'on ne prend pas d'autres arrangemens. La même chose arrive à l'égard de l'étain, surtout quand on le calcine à découvert. C'est ce qui m'a fait prendre la résolution d'essayer une sois la sussent continuée plusieurs heures, de ce métal dans des vaisseaux exactement sermés. Pour cet esset donc, je pris une retorte de terre bien

bien garnie, qui pouvoit contenir environ douze onces d'eau; i'v mis deux onces de l'étain d'Angleterre le plus pur & le plus fin, rapé; i'v appliquai un récipient: & après avoir bien placé mon vaisseau dans le fourneau dont je me sers pour la distillation du phosphore, & auquel je puis donner le degré le plus véhément de seu; je conduisis ce seu par degrés jusqu'à l'incandescence; je l'augmentai ensuite jusqu'à ce qu'il eut atteint sa plus grande véhémence, & je le sis durer trois heures de suite, aprés quoi je laissai réfroidir les vaisseaux. vai après le réfroidissement dans le cou de la retorte un sublimé blanc qui s'v étoit attaché; mais il y en avoit trop peu pour qu'an pût le foumertre à aucune épreuve. Mon étain dans la retorte paroissoit fort beau & brillant, & s'étoir fondu en une masse, qui s'étoit affaissée au milieu, où il y avoit un creux profond. Mais je remarquai aux côcés une matiere vitrescente, d'une couleur d'hyacinthe un peu obscure, qui entouroit le bord de l'étain réuni par la fusion. Là dessus ayant pesé mon étain, je trouvai qu'il me rendoit une once, sept dragmes. & deux scrupules; de sorte que dans le travail précédent il avoit souffert vint grains de perte. Quant au sublimé dont j'ai fait mention, j'estime jusqu'à présent qu'il étoit arsenical: & pour ce qui regarde ces scories couleur de hyacinthe, elles me paroissent venir des particules déliées de fer qui se sont trouvées dans l'étain.

ill. Je recommençai le même travail de fusion avec deux onces de mon étain d'Angleterre, mais en m'y prenant d'une autre maniere. Je mis l'étain dans un creuset ordinaire à fondre de Hesse proportionné; je le couvris avec un autre creuset semblable qui s'y ajustoit exactement; & ayant bouché le mieux qu'il étoit possible toutes les ouvertures, je mis le tout dans un fourneau de fusion, auquel je pouvois donner le seu le plus véhément. J'entretins ce seu pendant la durée de trois heures. Quand ensuite le creuset sut résroidi, & que je l'eus brisé, je trouvai mon étain tout à fait au même état où il étoit resté dans l'opération précédente, & ayant le bord pareillement entouré d'une matiere vitrescente. Le déchet étoit aussi le même; mais je ne pus rien remarquer qui se sut attaché au creuset supérieur.

IV. Là

- IV. La dessus je mêlai une once de la limaille d'étain susdite bien nette avec parties égales de charbon pilé; je mis ensuite ce mêlange dans une retorte d'argille bien garnie, & dont le cou étoit trés exactement nettoyé; & quant au reste je procédai tout comme dans le §. Il. avec l'étain pur, ayant aussi donné au seu la même véhémence & la même durée. Mais de cette maniere je ne trouvai aucun sublimé dans le cou de la retorte; & pour l'étain, malgré la violence du seu, il ne s'étoit point sondu ensemble, mais il paroissoit noir & pulvérisée En ayant lavé le charbon, je trouvai mon étain réduit en sort petits grains.
- V. Je pris encore une once de l'étain net susdit, & je le mis dans un creuset de Hesse, qui pouvoit contenir environ quatre onces d'eau; je posai dessus une plaque de cuivre parfaitement poli, & taillée tout exprès pour s'ajuster au creuser, de saçon qu'elle ne touchât point l'étain en fusion, en étant environ à un pouce de distance. Là dessus je couvris le creuset avec un autre qui s'y ajustoit exactement, & ayant bien luté toutes les ouvertures, je plaçai le tout sur un pié d'estal dans un fourneau de fusion, & je le couvris avec des charbons, en forte pourtant que le creuset de dessus n'en étoit pas touché. cela je donnai pendant environ une heure à une heure & demie un seu modéré, afin qu'il put cuire l'étain, sans fondre la plaque de cui-Avant ensuite laissé réfroidir les vaisseaux, & ôté le creuset supérieur, je n'y trouvai point de sublimé. La plaque de cuivre n'àvoit été enduite d'écume nulle part, & je n'y remarquai aucun endroit qui eut commencé à se disposer à la fusion, excepté q'uil ne parut plus aussi poli. Cependant, après l'avoir écurée avec du sable, je n'y vis rien de blanc, comme je m'y étois attendu, à cause de l'arsenic contenu dans l'étain, & que le feu devoit nécessairement avoir fait monter en vapeurs; mais toutes les apparentes du cuivre étoient demeurées les mêmes. Néanmoins, sous cette plaque d'étain se trouva une pellicule blanche, friable, & tout à fait semblable aux fleurs de zinc, qui couvroit l'étain, & qui n'étoit peut-être autre chose en ef-

fet que des fleurs de zinc. C'est ce que je ne saurois pourtant encore décider, jusqu'à ce que je m'en sois faitement convaincu, en continuant mes exépriences sur l'étain. En attendant je ne crois pas que ce soit l'arsenic sorti de l'étain, parce que

- 1. Cette matiere sourient un seu assez sort;
- 2. Son tissu semblable à de la laine témoigne plus de chaux que de zinc; &
- 3. Elle ne blanchit pas le cuivre, comme le fait fort ailément l'arfenic. Qui fait au juste quelle sorte de produit ce peut être? Des travaux ultérieure & de nouvelles observations pourront nous le faire mieux connoitre.
- VI. Les raisons que je viens d'allélguer dans le §. précédent, nesont pas les seules qui m'engagent à prendre cette matiere pour analogue au zinc; car le célèbre Mr. Henckel, dont l'habileté est suffisamment connuë, dans sa Pyritologie imprimée à Leipsig en 1725.p. 574.
 dit déjà de l'étain, qu'on peut sans aucun mêlange en tirer du zinc, &
 qu'en rompant les sourneaux où l'étain a été en susion, on y trouve
 une matiere de zinc; & dès la p. 272. il témoigne qu'il avoit là dessus
 des Expériences suffisantes. Je ne manquerai pourrant de m'attacher
 dans la suite à conduire cette assertion à une plus grande certitude.
- VII. L'espece de bruit que sait l'étain le plus pur, lorsqu'on le plie, étant quelque chose de particulier, qu' autant que je le sache ne convient pas aux autres métaux; je n'ai pas balancé à l'attribuer à l'arsenic qui y est encore caché, & aux parties martiales qui ont été sonduës ensemble. Cela m'a engagé à chercher s'il n'y auroit point quelque moyen d'ôter à ce métal cette propriété. J'ai pris deux onces de mon étain pur d'Angleterre, & deux onces de sel de tartre bien net, (& l'on pourroit mettre à la place de ce sel tout autre alcali bien purissé;) j'ai arrangé le sel & l'étain par couches dans un creuset à sondre spacieux, que j'ai couvert avec un autre qui s'y ajustoit; je les ai soigneuse-

neusement lutés, puis je les ai mis dans un fourneau de fusion, & j'ai donné un seu violent pendant une heure. J'ai ensuite laissé réstroidir le tout, & ayant brisé le creuset inférieur, j'y ai trouvé mon étain d'un beau brillant, & couvert par dessus de scories d'un blanc verdâtre. J'ai séparé ces scories; j'ai sondu encore une sois mon étain doucement, & je l'ai versé dans une lingottiere. Cet étain pesoit encore une once, cinq dragmes, & quinze grains, ayant ainsi perdu deux dragmes & demie, & quinze grains. Ce métal n'étoit pas à la vérité dépouillé du bruit, ou frémissement, dont nous avons parlé; cependant, en le rompant, il paroissoit avoir soussement considérable.

Je ne manquerai pas de donner la continuation de ces Expérienfur l'étain, me trouvant à présent dans une situation assez savorable pour m'y remettre avec une nouvelle force.



DISSERTATION

SUR DES FLEURS

D E

L'ASTER MONTANUS, ou PYRENAÏQUE, PRE'COCE, A' FLEURS BLEUËS, ET A' FEUÏLLES DE SAULE, EMPREINTES SUR L'ARDOISE.

PAR M. LEHMANN.

Traduit du Latin.

a Nature se jouë en mille manieres, & produit des milliers de formes & de figures différentes, non seulement sur la surface de la terre, mais même dans les lieux les plus profonds & les creux les plus fouterrains. C'est ce que ne sçauroient nier ceux qui ont la moindre teinture de l'Histoire Naturelle. Je passe sous silence pour le présent tant d'especes de pierres précieuses, de métaux, & de minéraux. & ce nombre innombrable de toutes fortes de pierres, de terres, de sels, Si je voulois entrer à cet égard dans quelque détail, cela donneroit beaucoup trop d'étendue à ce Mémoire. Mais ce que j'admire particulierement, c'est cette espece de passage des végétaux & des animaux au régne minéral; passage où régne tant d'art, & dont nous avons une foule d'exemples si manifestes, qu'ils doivent suffire pour convaincre tous ceux qui ne font pas guidés par un esprit de contradiction. & ne se plaisent pas à combattre la Vérité, les yeux fermés, à le facon des anciens Andabates. On peut appeller ici en témoignage tant de coquillages pétrifiés, & néanmoins couverts encore de leur coquille naturelle, aussi bien que les os & les bois sans nombre qui ont éprouvé le même état de pétrification, & qui déposent haute-

ment en faveur de la vérité de cette étonnante métamorphose. Pour ne pas garder cependant un silence entier sur ces phénomenes, je remarquerai qu'on ne doit pas être si surpris de voir des coquillages revêtir une forme pierreuse, que de ce qui arrive à des corps plus mous, plus tendres, & mucilagineux, tels que sont les végétaux, qui dépouillent souvent ces qualités sous terre, pour prendre la plus grande dureté des pierres. En effet les testacées, avant que de subir ce changement, contenoient déjà une terre calcaire, & se trouvoient par là dans une plus grande proximité du régne minéral; au lieu qu'il en est tout autrement des végétaux. Cependant, puisque l'expérience quotidienne nous apprend que la chose arrive, & que tant de collections faites par les plus favans hommes, en mettent sous nos yeux des exemples si frappans, nous regardons le fait comme incontestable, bien que nous ne puissions encore découvrir de quelle maniere la Nature procéde en opérant ce changement. Tous ceux qui rapportent les témoignages & les exemples dont nous venons de parler, à de simples jeux de la Nature, sont dans l'erreur; & les idées qu'ils se trouvent réduits à concevoir sur l'origine de ces productions, manquent de toute vraisemblance.

II. Cependant les végétaux qu'on trouve dans les lieux fouterrains, différent de plusieurs manieres entr'eux. Les uns sont devenus totalement pierreux, les autres seulement en partie. C'est ainsi, par exemple, que, dans ma petite collection, je conserve un lithantrace, ou charbon de terre véritable, qui n'est lithantrace qu'en partie, & qui en partie a conservé son ancienne nature ligneuse, de saçon que le couteau y peut entrer : ce morceau a été trouvé près de Dresde. Quoique de pareils cas se présentent rarement, ils ne laissent pas de suffire pour prouver la vérité dont il s'agit. Une quantité innombrable de morceaux de bois, principalement de chêne, ont été changés en miniere de fer ; surtout à Orbisau en Boheme, où l'on a trouvé en abondance de ce bois pétrisié, & même des arbres entiers, dont on s'est servi pendant plusieurs années avec prosit, en les sondant avec les au-

tres minieres de fer, pour en tirer ce métal. Je ne m'arrête pas aux bois changés en agathe. Il y a encore une troisième forte de végétaux. qu'on peut trouver dans les minéraux, où ils font imprimés & expri-C'est à quoi il faut rapporter tant de dendrites dont on trouve l'empreinte non seulement sur des ardoises, mais encore sur des pierres cornues, des cailloux, des agathes, & même sur des grenades, principalement sur les orientales. On peut alléguer à ce sujet en témoignage tant d'especes d'herbes, qu'on voit peintes, surtout sur l'ardoise; par exemple, la fougere, le capillaire, le polypode, l'hépatique, le glayeul, la prêle, ou queuë de cheval, l'herbe des morets noirs & rouges, &c. dont les Curieux gardent une infinité d'exemples dans leurs Cabinets, de façon que personne ne conserve plus aucun doute au sujet de ces plantes. Mais je ne me rappelle pas qu'il y ait beaucoup de Naturalistes qui ayent parlé de sieurs imprimées sur des pierres, ou plutôt je n'en sache aucun; tandis que plusieurs au contraire foutiennent qu'on trouve bien des Plantes empreintes, mais jamais des C'est ainsi, par exemple, que le célébre Henckel, qui s'est rendu immortel dans la Minéralogie, dit à la p. 545. de sa Flora satur-" Parcourez tous les Cabinets & toutes les collections de " curiosités naturelles, & dites moi si vous y trouverez rien dans ce " genre, outre la queuë de cheval, la fougere, le polypode, les mo-, rets, le glayeul, les deux fortes d'hépatiques, & d'autres plantes n femblables, d'une nature féche & dure. Un peu plus bas il ajoute : " s'il faut regarder toutes ces empreintes comme des jeux de la Natu-" re, pourquoi ne trouvons-nous pas aussi des sleurs de rose, des ca-" lices de tulipe, &c. Pourquoi la Nature ne s'est elle pas proposée , de travailler à l'imitation des fleurs les plus élégantes? Wallerius parle dans la Minéralogie, de pierres où l'on trouve des figures de tiges, de feuilles, de fruits, mail il garde un profond filence sur les fleurs. On n'en trouve non plus aucune mention dans Scheuchzer, ni dans Buttner. Le premier à la vérité dans son Herbar. Dilu. Tab. III. f. 3. rapporte d'après le Litophylac. Britann. Ichnograph. de Luidius, la figure d'une fleur qu'il prend pour le gratteron à feuilles épaisses, ou Mim. de l'Acad. Tom. XIL. pour

pour l'Alysse, ou pour le Myagre; mais j'avouë ingenuëment, qu's près avoir attentivement examiné cette figure, je n'y ai trouvé aucune ressemblance avec les Plantes susdites. On diroit plutôt que c'est la queue de cheval; car au milieu manque le rond où les étamines doivent être placées. Je n'ai remarqué non plus aucunes découpures aux pétales de ces fleurs, quoiqu'il dût s'y en trouver, si c'avoient été les especes indiquées. Ainsi on ne sauroit alléguer ces figures à bon droit pour des figures de fleurs. Le célébre Mr. de Justien, dans l'Histoire de l'Académie des Sciences de Paris de 1718. & dans un Mémoire de la même année, sur des empreintes de Plantes dans les pierres, rapporte plusieurs Plantes imprimées sur l'ardoise, surtout d'entre celles qu'on tire de la mine de charbon de pierre qui est près de Chaumont; mais il ne dit pas un mot d'empreintes de fleurs. Suedenborg, dans fon Ouvrage minéral sur le cuivre & le léton, a fait graver, p. 168. plusieurs figures de plantes empreintes sur l'ardoise; mais, ni lui, ni aucun autre Auteur de Minéralogie, ne paroissent avoir la moindre connoissance des fleurs. J'ai donc dessein de communiquer ici au Monde savant l'histoire d'une fleur empreinte sur une ardoise noire, non pour acquérir par là une vaine gloire, mais pour fournir occasion à d'autres d'exsminer la chose plus attentivement, & s'ils font quelque découverte plus importante, de ne pas l'envier au public.

III. Il y a quelques semaines que, pour m'acquitter de mes sonctions dans la visite des mines dont l'inspection m'a été consiée, je parcourus la contrée qui est auprès de Nordhausen, dans le Comté de Hohenstein. La curiosité, jointe à quelques autres raisons, m'engagea d'entrer dans cette carrière voisine du Cloître d'Ihleseld, d'où l'on tire des charbons de pierre. Avant que de m'ensoncer dans les entrailles mêmes de la Terre, je considérai sort attentivement les monceaux de charbons déjà tirés de la mine, aussi bien que ceux des pierres qu'on avoit détachées en même tems, & que les Mineurs appellent Berge. Mon intention étoir, au cas que le hazard me présentait des empreintes d'herbes sur l'ardoise, d'en grossir ma petite collection de

de curiosités naturelles; & voici, contre toute attente & espérance, que parmi diverses pierres en forme d'ardoises qui se trouvoient dans ces monceaux, j'apperçois des ardoifes noires presque toutes brifées, qui me présentent les plus belles figures de fleurs. Je laisse à juger de l'excès de ma joye à ceux qui prennent plaisir aux mêmes recherches. Il n'y en avoit pourtant pas assez pour satisfaire ma curiosité & celle de mes amis; car, excepté trois ou quatre pieces qui représentoient des figures entieres, le reste ne consistoit qu'en fragmens & en vestiges effacés, qui paroissoient avoir été détruits sans l'action d'aucune force extérieure. Ne pouvant d'abord découvrir la cause de ce que je voyois, je regardois avec inquietude de tous côtés, jusqu'à ce que je découvris de grosses boules, en assez grande quantité, éparses çà & là, & qu'on avoit tirées de la terre en même tems que l'ardoise. Les ayant brifées avec le marteau, je trouvai qu'elles étoient pyriteuses, & par conséquent qu'exposées au grand air, elles attiroient l'humidité, s'affaissoient, & détruisoient avec elles les minéraux qui les environnoient. Tout ce que je viens de rapporter, s'étoit passé en plein air. Mais, comme un Physicien ne doit pas borner ses recherches aux apparences extérieures, & qu'il ne s'estime heureux qu'autant qu'il peut découvrir les causes mêmes.

Felix si possit rerum cognoscere causas,

j'entrai dans le fonds même de la carrière d'où l'on tire les charbons de pierres, & j'observai que cette espece d'ardoise étoit une couche placée au dessous des charbons, qui reposent sur elle; & que les Mineurs nomment das liegende. J'observai de plus que cette ardoise n'étoit pas partout de la même forme, nature, & épaisseur. Car tantôt c'étoit un plan où l'on ne voyoit aucun vestige d'empreintes, tantôt il étoit plus épais ou plus mince, ayant quelquesois à peine un pouce d'épaisseur, & bientôt après allant à trois ou quatre pouces. Il n'est pas rare de trouver cette ardoise compacte, dure, & d'une couleur cendrée; mais on en rencontre aussi de tirant sur le noir, qui est divisée par lames, & fragile. Assez souvent plusieurs figures de fleurs,

toujours cependant d'une seule & même espece, sont empresentes sur un morceau d'ardoise; quelquesois il y en a moins, ou même une seule. J'ai trouvé des morceaux à la surface desquels ces sigures étoient seulement marquées, tandis que dans d'autres elles se suivoient réciproquement en sorme de couches. Cette ardoise n'éroit pas cachée partout sous les charbons, mais elle s'y rencontroit par intervalles, étant interrompuë, ici par une couche des globes pyriteux dont nous avons sait mention ci-dessus, là par une autre espece d'ardoise d'une couleur plus bleuâtre, nommée par les Mineurs das blaue Schiefer-Gebürge. Il y avoit dans cet arrangement des preuves certaines, que cette couche n'avoit pas existé dès la création du Monde, mais que quelque cas extraordinaire l'avoit portée & placée là. Voilà donc tout ce qui concerne l'histoire de ces sleurs souterraines; il me reste à définir botaniquement, quelle est l'espece de steurs à laquelle ces empreintes doivent être rapportées.

IV. C'est sur quoi j'ai longtems réslèchi avec attention, prenant tantôt les empreintes en question pour des fleurs de foucy, & tantôt pour des têtes de chardon. Enfin je leur trouvai une plus grande ressemblance avec les especes d'Aster, & en particulier avec celle qu'on nomme Aster montanus, ou pyrenaicus, à feuilles étroites, semblables à celles du faule, & ayant des fleurs bleuës. En effet il y a de la conformité entre cette espece & les pétales non seulement des fleurs, mais encore la forme du disque où les étamines sont placées, tant à l'égard de la figure, que de la grandeur & de la circonference. Les feuilles qui paroissent empreintes çà & là s'accordent avec celles de la même Plante; de sorte que j'oserois presque affirmer comme une chose certaine, que ce sont les sleurs de l'Aster montanus à seuilles de saule, qui se trouvent représentées sur cette ardoise. Mais ce ne sont pas ces fleurs seules dont on y voit les empreintes : il y a encore des feuilles de roseau, & des traces de l'herbe de capillaire. Au premier coup d'œil je croyois devoir rapporter cette figure à quelque espece de soucy; mais, après avoir comparé entr'eux plusieure signes caractéristiques, j'ai conclu que c'étoit une espece d'Aster. Les Botanistes demeureront d'accord avec moi à la simple vuë, que ces figures sont tout à fait semblables à l'Aster. l'accorde volontiers qu'il est très difficile de déterminer à quel genre proprement on peut les rapporter, & cela d'autant plus que la coulenr des fleurs n'est pas en Botanique un des moindres caractères rant des fleurs que des Plantes mêmes. seroit inutile de chercher ces couleurs & leur éclat dans de semblables empreintes. Je n'ai pourtant conservé aucun donte sur la solidité de ma conjecture, ayant trouvé sur les montagnes les plus élevées de la forêt noire (Hartzwald), & surrout sur celles qui sont situées aux environs de cette carrière de charbon de pierre, une grande quantité de la même herbe en fleur. Mais venons plus directement au fait. Il s'agit de décrire la figure de ces fleurs, telle que l'ardoise la représente, lorsqu'elle y existe tout entiere. Dans une ardoise d'un noir cendré assez dur, on voit des fleurs dont les feuilles s'étendent du disque qui tient lieu de centre vers la circonférence. A' la pointe chaque feuille est legèrement découpée. Le disque offre quelquesois à la simple vue, & plus fréquemment à la loupe, des vestiges d'étamine. Sur un petit espace sont souvent réunies plusieurs de ces sleurs empreintes. Je conserve, par exemple, une piece longue de six pouces & large de trois, où l'on voit, outre plusieurs figures rompues, sept fleurs entieres. & là sont mêlées avec beaucoup d'élégance des feuilles de cette plante, & des vestiges de jonc, de capillaires, &c. Quelques soins que j'y aye apporté, je n'ai découvert aucune trace de poissons, ou d'autres appartenances du régne animal.

V. Jusqu'à présent j'avois satissait ma curiosité, entant qu'elle avoit pour objet la connoissance des figures d'Aster. Mais je brûlois encore d'un ardent desir d'approsondir la nature de l'espece d'ardoise où ces figures étoient empreintes. Pour cet esset il faloit trouver le tems & les occasions de recourir aux Expériences. La premiere que je sis, destinée à connoitre si cette ardoise étoit d'une nature calcaire, consistoit à y verser de l'acide de vitriol, de nitre, & de sel R a

commun; & comme il n'en résulta pas la moindre effervescence. ie fus convaincu que cette ardoise étoit d'une nature argilleuse. partie de la même ardoife, mêlée avec deux parties de borax, fut changée par la force du feu en un verre noir. Une autre partie, avec trois parties de fel alcalin, donna un verre de couleur d'ambre, mais ce ne fut qu'à un feu des plus violens. Par rapport aux métaux, qui prennent souvent l'ardoise pour matrice, les divers essais que j'ai faits, m'ont appris que cette recherche ne mérite aucune attention. A' une premiere épreuve, de cent livres d'ardoise j'ai tiré trois onces & demie de euivre, & à une seconde une livre & demie. Au reste cette matiere résistoit très longtems au seu, & se fondoit difficilement. Notre ardoise exposée à un feu plus libre ne rendoit aucune odeur, quoique j'eusse soupconné qu'il dût en sortir une pareille à celle des charbons de pierre, étant née avec eux, & ayant été tirée en même tems de la terre. Cette même ardoise, en la brûlant plus longtems, donnoit peu d'odeur de souffre, mais on respiroit d'autant plus celle de l'arsenic; phénomene dont je crois devoir attribuer la cause à ces boules de pyrite blanc, dont il a été fait mention ci-dessus. Aucun travail d'essayeur n'a pu y découvrir la moindre trace d'argent. Au reste cette ardoise, à cause de sa grande dureté, ne se laissoit pas fondre aussi facilement que les autres especes d'où l'on tire le cuivre, ou dont on couvre les toits. Le défaut de tems, & des occupations plus importantes, ne me permirent pas de pousser plus loin ces Expériences.

VI. Je m'attachai ensuite à rechercher plus exactement la situation souterraine de cette ardoise. Mais, avant que de pénétrer dans l'intérieur, il faloit parcourir les routes qui y conduisent, pour observer ces différentes couches qui couvrent les veines horizontales, dites flötze und deren dach, & celles sur lesquelles ces veines reposent, des flötzes ligendes. Cela méritoit d'autant plus qu'on s'y arrêtât, que je remarquois fort bien, que ce n'étoit pas en vain que ces couches avoient été ainsi disposées. Il auroit été aussi inutile que dangereux de recourir là dessus Auteurs qui ont traité ces matieres. J'avoue que

que le célébre Swedenborg, dans l'Ouvrage que j'ai déjà cité, p. 168. dit qu'il a observé les couches des veines horizontales dans le Comté de Mansfeld, mais sans y remarquer aucun ordre. Kiesling, qui a fait la description des mines du même Comté, donne à la p. 8. un affez grand détail fur ces couches; mais, comme elles ne sont pas égales partout, & qu'en particulier, dans notre carrière de charbon. elles différent beaucoup des autres, tant pour la forme que pour la matiere, les observations de ces Auteurs n'ont pû m'être d'aucun usage. A' quoi il faut ajouter que ces deux Naturalistes n'ont pas descendu en terre plus avant que jusqu'à cette couche d'une pierre dure, martiale & rougeatre, dite vulgairement das wahre rothe feste todte, sur laquelle repose l'ardoise qui contient le cuivre. Je voyois bien des peines & des travaux à effuyer pour aller plus loin, mais m'étant armé de courage, & ayant employé quelques Mineurs pour me seconder, je pénétrai dans les couches inférieures, & je les trouvai disposées de la maniere fuivante.

Jardin; Garten Erde. 2. Une pierre calcaire qui se laisse fendre, & qui put comme l'urine de chat, vulgairement Stinckschiefer. 3. L'alabastrite blane dont on fait le gypse. 4. Le tuf, dit Rauchvacke. 5. La Pierre calcaire qui entre en effervescence avec les acides, vulgairement Zechstein. 6. Une pierre calcaire plus sablonneuse & plus grossiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre argilleuse; der Ueberschuss.	·	Toises metalli-	Pieds.	Pouces.
2. Une pierre calcaire qui se laisse sendre, & qui put comme l'urine de chat, vulgairement Stinckschiefer. 3. L'alabastrite blane dont on fait le gypse. 4. Le tuf, dit Rauchvacke. 5. La Pierre calcaire qui entre en effervescence avec les acides, vulgairement Zechstein. 6. Une pierre calcaire plus sablonneuse se plus grossiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-	1. Une terre grossiere, ou terre de	ques (Lachter.)	j -	İ
dre, & qui put comme l'urine de chat, vulgairement Stinckschieser. 3. L'alabastrite blane dont on fait le gypse. 4. Le tuf, dit Rauchvacke. 5. La Pierre calcaire qui entre en effervescence avec les acides, vulgairement Zechstein. 6. Une pierre calcaire plus sablonneuse de plus grossiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-	Jardin; Garten Erde			
gairement Stinckschiefer. 3. L'alabastrite blane dont on fait le gypse. 4. Le tuf, dit Rauchvacke. 5. La Pierre calcaire qui entre en effervescence avec les acides, vulgairement Zechstein. 6. Une pierre calcaire plus sablonneuse de plus grossiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-	2. Une pierre calcaire qui se laisse fen-			l
gairement Stinckschiefer. 3. L'alabastrite blane dont on fait le gypse. 4. Le tuf, dit Rauchvacke. 5. La Pierre calcaire qui entre en effervescence avec les acides, vulgairement Zechstein. 6. Une pierre calcaire plus sablonneuse de plus grossiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-	dre, & qui put comme l'urine de chat, vul-	•		1
gypse. 4. Le tuf, dit Rauchvacke. 5. La Pierre calcaire qui entre en effervescence avec les acides, vulgairement Zechstein. 6. Une pierre calcaire plus sablonneuse de & plus grossiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-			 -	1
4. Le tuf, dit Rauchvacke. 5. La Pierre calcaire qui entre en effervescence avec les acides, vulgairement Zechstein. 6. Une pierre calcaire plus sablonneuse de & plus grossiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-	3. L'alabastrite blane dont on fait le			1
5. La Pierre calcaire qui entre en effervescence avec les acides, vulgairement Zechstein. 6. Une pierre calcaire plus sablonneu- se & plus grossiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-	gyple	30		
fervescence avec les acides, vulgairement Zechstein. 6. Une pierre calcaire plus sablonneu- se & plus grossiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-	4. Le tuf, dit Rauchvacke		13	
Zechstein. 6. Une pierre calcaire plus sablonneu- se & plus grossiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-	5. La Pierre calcaire qui entre en ef-			
6. Une pierre calcaire plus sablonneu- se & plus grossiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-	fervescence avec les acides, vulgairement			
fe & plus groffiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-	Zechstein	2	-	
fe & plus groffiere; die Ober Fäule. 7. Une pierre compacte de terre ar-	6. Une pierre calcaire plus sablonneu-			
7. Une pierre compacte de terre ar-	se & plus grossiere; die Ober Fäule.	를		
o Tin		-	_	1
				e. Un

•	Toiles	métal-	Pieds.	Pouces.
	lique		j	Ì.
8. Un composé de terre calcaire &	(Lack	ier.)	1	ł
d'argille; die zarte Fäule.	4	Ļ		
9. Une ardoife cendrée plus épaisse &	1	•		
plus impure, composée d'une terre calcaire			1 :	
& argilleuse; das Dach.	_		1	4
	_		-	7
10. Une ardoife d'une terre argilleuse		•		
noirâtre, contenant un peu d'argent & de				
cuivre; Mittelberge.	_	_		6
11. Une véritable ardoise noire, pu-		•	1	
rement argilleuse, contenant un peu de cui-	į.			
vre; Kamm-Schale	_	_		I
12. Une ardoife noire argilleuse, con-	• •			
tenant un peu de cuivre; Mittel Schiefer.	,	_		4
NB. L'ardoise noire ordinaire, plus abon-	}			
dante en cuivre que les précédentes; (ge-				
meine Kupfer - Schiefer.) -	_	-		1
14. Une ardoise où se trouve la mi-				
niere de cuivre, brillante & abondante;				
Flötz-ertzte	_	_		- - -
NB. Entre les Nos 12. & 14. il n'est pas	j			2
rare de trouver des veines dont la situa-	ĺ			
tion se présente pour l'ordinaire plûtot				,
perpendiculaire, (ganghaftig,) qu' ho				
rizontale, (flötz-artig;) de pareils inter-				
valles s'appellent intervalles de veines hori-				•
zontales, (wechsel,) & ils ont coûtume		•		
d'être remplis de cadmie fossile métalli-		•		-
que, de pyrite fort riche en cuivre, de		•		
verd de gris natif, & quelquefois aussi		-		
d'une galene plus ou moins abondante en				
argent.		•		
			_	

15. Un lit formé d'un peu de terre		Pieds.	Pouces.
calcaire, mêlée avec de gros fable & de gros		7 .	-
gravier; les Mineurs l'appellent assez im- proprement Hornstein.	1		_
16. De l'argille bleustre; (der blaue	3		_
Lettenschmitz.) -		-	8 .
17. Un lit d'un peu de terre argilleu- fe, calcaire, mêlée de parties martiales, de			
miette, de tale, de fable, & tout rougea.			
tre; das zarte todte.	1	_	- ,
18. Une pierre dure, martiale, rou			;
geâtre, composée de terre calcaire, de cail- loux, de sable, &c. das wahre rothe seste todte.			,
			<u> </u>
NB. C'est jusqu'ici que sont parvenus les Auteur cités ci-dessus dans l'examen des		٠	
veines horizontales. Voici préfentement			
ce que j'ai observé sous ces couches.	` -		·
19. Un lit dur, pierreux, n'entrant	÷ .	Í	,
point en effervelcence avec les acides, &			
appartenant à cette espece de pierres cor- nuës qu'on nomme peu exactement Jaspi	-	,	
des. Il y a souvent dans ce lit des minieres		1	' · · · ·
de fer, dures cependant pour la fonte, &			
pauvres, (feuerwackiger Eisenstein,) elles se laissent polir, & alors on les nomme felsi-			,
ges Gebürge	16		_ ;
20. Une pierre fablonneule composée			
d'un gros sable & d'une terre martiale, &			
toute rougestre; rother grober Sand.	*	-	_
d'un sable plus délié, & d'une terre martiale			
rouge; klager rother Sand.	1	_	سور ا
Mim, de l'Acad. Tom. XII.	1 2,1	2	2.Une

!	Toiles metal-	Pieds	Pences.
22. Une ardoife rouge d'une terre ar	liques V.		- 0-0000
	(Lachter.)	1	
gilleuse avec des parties martiales; rothe		1	
Schiefern,	6 - 8	-	-
23. Une pierre de couleur hépatique,		1	1
composée de terre argilleuse, & de particu			
les martiales, mais en petite quantité; le-		1	
ber-farbenes Gebürge	7 - 8	_	_
24. Une ardoise bleuâtre de terre ar-	, ,		
gilleuse; das blaue Kohlen - Gebürge.	8 - 10	l	
25. Une pierre cornuë cendrée fort			
dure; das Dach der Kohlen.	1		
	†	-	-
26. Les lithantraces mêmes; Stein-Kohlen.		l	
•	‡	-	-
27. Une ardoise bleuâtre d'une terre		l i	
argilleuse de même couleur; Blaue-	1,		
Schiefern	Ŧ	_	-
NIP C'all Hand on the own for any		1 -	
NB. C'est dans ce lit que se trouvent les	•		L
empreintes dont on a parlé jusqu'ici, &		1	
les petites boules pyriteuses.		1 1	
28. Une pierre noirâtre, en forme			
d'ardoife, mais plus dure.	10	_	_
29. Un lit formé de terre calcaire ar-		1	
gilleuse, de fable, de cailloux, &c.	10		
30. Un lit rouge tout à fait semblable		_ 1	_
à celui du No. 18. das rothe Todte unter den	1	- 1	
Kohlen.		1	
	20 - 30.	-	_
NB. On thouse souvent dans ce lit des	• •		,
corps de la groffeur & de la figure d'un	· .:		1
œuf d'oye, qui sont de la même matiere	· · ·]		•
que le lit même, plus durs cependant,	· · · · · · · · · · · ·		
A duty pant an identification cebeudant		1	
& qu'on peut en séparer.	ſ	, , 1	
		31.	Une

1. Les veines métalliques perpendiculaires, & leurs matrices qui s'étendent à une profondeur plus ou moins grande, suivant les montagnes où elle se trouvent; das Gang-Gebürge.

Toiles métalliques V. (Lachter.) Pieds. Pouces.

On voit par ce qui vient d'être rapporté: 1. Que les lits mêmes qui pris ensemble composent les veines horizontales, descendent perpendiculairement dans les montagnes qui ont existé depuis l'origine du Monde, & y parviennent en quelques endroits jusqu'à la profondeur de 205 } toiles, (*) & 4 pouces; ce qui revient à 1449 pieds & 7 pouces. 2. Puisqu'à une si grande profondeur on trouve des empreintes de flours qui sont au dessus de toute exception, il est évident que ces lits ont été formés, soit en un moment, soit peu à peu, certainement par hazard. 3. Les figures des fleurs & des plantes qui s'y trouvent empreintes, montrent qu'il y a eu un tems où la surface de la Terre a été submergée & inondée dans cet endroit, ou que tous ces hits y ont été transportés d'ailleurs; en un mot que leur arrangement est postérieur à la création du Monde. L'observation suivante fortifie mon fentiment. En considérant que les collines & les côteaux où ces lits sont renfermés, depuis le village de Sachswerfen qui est plus bas, vont toujours en montant, & cela pendant l'espace d'un mille, en faivant la pente de la montagne qui va se réunir aux montagnes les plus élevées de la forêt du Hartz, qui y font adjacentes; j'ai d'abord mesuré cette pente qui donne une hypothenuse des 8000 pieds ci-dessus mentionnés; & la profondeur des lits étant égale à 205 } toiles & 4 pouces, on à 1440 pieds & 7 pouces; ce qui fait l'autre côté du triangle; il en réfulte que la base est égale à 1 x mille d'Allemagne. Ce-· la étant présupposé, il paroit avec la plus grande évidence que tous

^(*) La toise métallique, dite Lachter, est de 7 pieds; on de 84 pouces; mais la Géo métrie souterraine l'a réduite en 100 pouces plus petits, afin de pouvoir profiter de la commodité du calcul décimal.

les lits dont on a donné l'énumeration, font tombés originairement des hautes montagnes de la forêt voifine, & que divers accidens les ont ensuite augmentés & accumulés. Il y a environ un an & demi que j'ai fourni au public une explication plus complette de l'origine des veines horizontales, dans un essai historique sur cette matiere; sinsi je me borne pour le présent, afin de ne pas donner trop d'étenduë à ce Mémoire, à rechercher l'origine de ces sleurs empreintes sur l'ardoise.

VII. Quoique l'observation de semblables empreintes soit assez rare, elle n'a rien pourtant par elle même qui doive causer une trop grande surprise. Le seul Auteur qui ait fait mention d'une seur semblable à la nôtre, est Mr. Volckmann, dans sa Silesie souterraine, P.I.C. IV. §. 38. p. 113. Tab. XV. fig. 5. Il rapporte qu'auprès de Lassie en Silesie, parmi d'autres figures d'herbes empreintes sur une ardoise couleur d'orauge, on en trouva une qu'il appelle Aster angustifolius, vel pyrenaicus præcox, flore cæruleo majori Horti regii Parifini, & Morisson, Hort. Bless. Mais cette ardoise avoit été rencontrée presque à la surface de la terre; & cette contrée montagneuse étant toute couverte de fleurs de cette espece, il n'est point du tout surprenent, & c'est une chose très facile, que dans des tems peu éloignés, il y en air eu quelcune que le hazard air imprimée sur une terre martiale argilleuse, sans compter qu'on n'en a trouvé qu'une seule. peut venir l'abondance de ces fleurs dont nous avons rencontré les empreintes à une si grande profondeur, puisqu'il n'y a que les montagnes des environs qui en produisent? Nous ne voyons ici que deux suppositions à faire; car nous ne comptons pour rien une troissème qui confiste à recourir aux jeux de la Nature: on est en droit de la regarder comme l'asyle de l'ignorance, tant que les faits sont encore expliquables par des causes naturelles. Le premier cas qu'on peut donc supposer, c'est celui d'une inondation qui aura été répandue autour d'Ihlefeld, & des montagnes de la forêt voisine. Le second seroit celui de l'affaissement de ce même district. Quand on parle d'inondation, il ne faut pas d'abord penser à un Deluge universel, tel que celui

lui qui est rapporté dans l'Ecriture Sainte, dont toute la face de l'Univers ait été couverte; car il peut arriver des inondations particulieres. & l'expérience le prouve tous les jours. Les nues surtout qui crévent, ne sont pas rares dans ces contrées, où l'on voit de fort hautes montagnes. L'immense quantité d'eau que le Ciel y verse dans ces occasions, arrache les arbres, jette la terre & les plantes du sommet des montagnes dans les vallées qui sont au dessous, de saçon que les rochers demeurent tout nuds. On en rencontre beaucoup qui font ainsi dépouillés dans le voisinage de cette mine de charbon de pierre, entre lesquels les plus remarquables sont le Nadelöhr, & le Gänseschnabel. sur lesquels Behrens a fait plusieurs remarques dans sa Hercynia curiosa, p. 116. & 118. Dans des tems plus récens & postérieurs à Behrens, une semblable rupture des nuées a encore changé l'état de deux autres rochers en dépouillant leurs sommets; & à cause de la ressemblance de leurs figures, on les a nommés le Moine & la Nonne. Tous ces amas de terre, de pierres, de cailloux, ont insensiblement haussé les vallées, & produit des collines & des côteaux. l'estime donc que nos ardoises sont nées de la premiere cataracte semblable des nues, qui a entraîné les plantes & les fleurs dont on trouve l'empreinte sur ces ardoises. Dans la suite des tems, les pluyes qui sont furvenues, ne trouvant plus de terre à emporter, ont amolli les pierres les plus dures, le fable, & même la terre argilleuse & calcaire, & ont entraîné tout cela dans les vallées. De là plus les lits dont nous avons parlé sont placés vers le haut, plus ils sont durs, mêlés, & compofés. Ce que nous voyons encore arriver tous les jours dans ces contrées, confirme mon sentiment. Les pluyes détachent presque annuellement de ces montagnes, & furtout des rochers mis à nud, des pieces d'un poids énorme, qui monte assez souvent jusqu'à une centaine de quintaux; les pluyes, dis-je, entraînent ces masses, & les font rouler jusqu'au fonds des vallées. Faut-il s'étonner donc. si de pareilles choses arrivant depuis plusieurs milliers d'années, il se trouve à la fin des collines & des côteaux là où existoient auparavant des vallées? Mais j'altérerois la vérité, si je voulois attribuer le phénomene

nomene en question à cette seule cause. L'affaissement des terres y entre aussi pour beaucoup. Il ne fussit pas de l'avancer; il faut le prouver. En observant attentivement la situation de cette contrée. j'ai remarqué qu'il y avoit tout à l'entour plufieurs étangs, & marais. dont il a été impossible jusqu'a présent, aux mortels même les plus curieux, de trouver le fonds. C'est ainsi, par exemple, que pas loin de notre mine de charbon de terre, se trouve l'étang dont Behreus a fait mention, l. cit. p. 91. sous le nom de Tanta - deich. De pareils effaissemens de terre se présentent en plusieurs endroits, & presque tous les jours il en arrive de nouveaux, dont la cause est bien évidente. En effet on rencontre sous terre, comme je l'ai rapporté au §. VI. nne pierre calcaire, & au dessous de l'alabastrite. Ces deux sortes de matieres font amollies, & comme fondues, par l'eau qui est cachée dessons. Il faut remarquer que, dans les lieux qui vont en pente, les caux coulent continuellement suivant le cours de cette pente; mais dans les plaines l'équilibre les rend croupissantes; ce qui produit à la longue l'entiere folution de l'alabastrite & de la pierre de chaux, qui est suivie du bouleversement total.

Sic collapsa ruunt subditis culmina fulcris.

Je ne prétens point que personne m'en croye sur ma simple parole; il y a des preuves de sait à portée, & toutes récentes. La curiosité me sit entrer, il y a environ six ans, dans la caverne qu'on nomme le Ziegen-loch, & que Mr. Behrens a décrite, l. c. p. 82. Alors l'entrée de cette caverne étoit assez ouverte, de saçon que j'y trouvai un accès libre. Deux ans après, cherchant la même ouverture, ce ne sut qu'avec une peine infinie, & même avec un extrème péril, que je la trouvai; mais y ayant ensin réussi, quel changement ne remarquai-je pas dans cette caverne? tout y étoit rempli d'eau, on me rencontroit point de sonds, en un mot il n'y avoit plus que l'entrée qui sut demeurée accessible. Surpris que l'eau ne s'écoulat pas par cette entrée, je soupçonnai qu'il y avoit quelque canal caché qui servoit à son écoulement, suivant les loix de l'équilibre hydrostatique.

Pour m'en assurer, je sis répandre une grande quantité de paille sur cette eau, & ayant bien observé la pente des lits de la montagne, je trouvai, au bout de deux jours, à un mille & demi de là, de l'eau qui sortoit de la montagne, entraînant cette paille avec soi. Les chofes étant ainsi, & non seulement les collines, mais aussi les plaines de ces contrées, étant remplies d'alabastrite & de pierre calcaire, on n'a aucun lieu de s'étonner, si je crois que la terre a pû s'affaisser dans la plaine avec les plantes & les sleurs, sorsque ces soutiens de pierre ont été ôtés & délayés. On ne doit pas être plus surpris de ce qu'au bout d'un long espace de tems, ces marais & ces étangs s'étant desséchés, on trouve au sonds d'un abyme des vestiges d'herbes & de sleurs, dont la terre des contrées depuis submergées avoit été autresois ornée & revêtuë.

- VIII. Ceci me paroit suffisant pour rendre raison de la figure de l'Aster pyrenaicus, à sleurs bleües, & à seuilles de saule, trouvé à une si grande prosondeur, & pour expliquer son origine. Il ne me reste, en finissant ce Mémoire, qu'à placer ici un petit nombre de the-ses qui concernent le sujet que je viens d'y traiter.
- 1. Nos empreintes de fleurs ne doivent point être regardées comme des jeux de la Nature.
- 2. Ces fleurs imprimées par hazard font la preuve de quelque révolution, qui a fait descendre dans ces lieux profonds ce qui étoit auparavant placé au sommet des plus hautes montagnes.
- 3. L'accident qui a causé cette révolution peut être expliqué, ou par l'inondation de la contrée, ou par l'affaissement de la terre; d'autant plus que quelquesois, ce que j'avois oublié de dire, on trouve en même tems des morceaux de bois changés en agathe. Cela est à la vérité assez rare; cependant j'en possede une piece trouvée dans cet endroit, où l'on peut sort bien distinguer l'écorce du bois, le tout étant d'agathe.

4. On

- 4. On ne sauroit pourtant nier que, dans quelques endroits, ces deux causes n'ayent pû concourir ensemble.
- 5. Ce n'est pas une opinion bien sondée que celle qui resuse aux plantes & aux végétaux remplis de suc, la sorce d'imprimer leur image, puisque l'Aster & ses sleurs ont plus de suc que l'hépatique, la sougère, &c.
- 6. Notre Globe terrestre n'a pas été encore suffisamment visité, pour que nous puissions avoir une parsaite certitude de tous les changemens qu'il a soussers.



OCCUPANTAL MANDALANTA MARANAMA (MANDALANTA)

EXAMEN CHYMIQUE DU SEL,

AUQUEL ON A VOULU DONNER LE NOM DE VÉRITABLE SEL ALCALI FIXE DE RHINOCEROS.

PAR M. MARGGRAF.

Traduit du Latin.

I.

I n'y a pas longtems que notre illustre Académie Royale m'a remis un petit vase de verre, plein d'une certaine poudre saline, sur lequel celui qui l'avoit envoyée avoit écrit; sel alcali fixe de Rhinoceros. On me chargea de soumettre à un examen chymique la nature de ce sel, dont on disoit beaucoup de merveilles dans un petit Ecrit qui y étoit joint, l'Auteur assurant qu'il l'avoit tiré de l'urine de ce Rhinoceros, dont il étoit le conducteur & le maître. Je me mis donc en devoir de saire à ce sujet les essais convenables, asin d'en présenter ensuite mon rapport à l'Académie.

II. D'abord le nom que l'Auteur donne à ce sel, m'a engagé à en prendre une portion que j'ai exactement pilée dans un mortier de verre avec la moitié de sel ammoniac, en humectant un peu ce mêlange avec de l'eau chaude, pour découvrir s'il en sortiroit une humeur volatile; mais mes narines n'ont pas sais le moindre indice d'odeur urineuse. Cette seule expérience m'a suffissamment convaincu que ce sel ne pouvoit porter en aucune maniere le nom de sel alcali fixe. Je n'ai point pû y trouver non plus de sel ammoniac, ni rien d'ammoniacal, puisque l'ayant pilé avec un sel alcali fixe pur, il n'a pas donné le moindre indice d'urineux; & même dans toutes les autres épreuves il n'a rien du tout sait voir d'alcalin.

- III. Au contraire il a montré manifestement une disposition acide. Car ayant dissous une quantité de ce sel dans de l'eau distillée, & l'ayant filtrée, cette solution, en y versant de la solution de sel alcali fixe, a non seulement conçu de l'effervescence; mais même, en laissant tomber une seule goutte de ladite solution sur du ser poli, elle l'a manisestement rongé, & y a laissé une tache cuivreuse, quoique sort petite; & même ce sel, mêlé avec le sel alcali volatil, a produit une effervescence.
- IV. Il s'agissoit donc présentement de rechercher de quelle nature étoit cet acide. Pour cet esset je mis deux dragmes de ce sel dans une petite retorte de verre garnie; après quoi y ayant adapté un récipient, & luté les ouvertures, j'en ai entrepris la distillation par degrés à un seu découvert. Les vaisseaux étant ensuite resroidis, j'ai trouvé dans le récipient environ vint grains d'un esprit qui sentoit sortement le sousse. Cet esprit entroit dans une esservescence maniseste avec la solution de sel alcali fixe; & l'ayant mêlé avec un sel alcali fixe dissous dans de l'eau, jusqu'à une saturation complette, j'y versai encore un peu d'eau, je procurai l'évaporation, je le disposai à la crystallisation, & j'obtins un tartre vitriolé ordinaire. Cela faisoit voir bien clairement qu'il y avoit dans ce sel un acide vitriolique.
- V. Mais, comme de la maniere susdite tout l'acide ne me paroisfoit pas avoir passé par la distillation; après avoir brisé la retorte, j'en
 tirai le résidu qui y étoit contenu, fort compacte & tout à fait blanc,
 pesant quatre scrupules, & dix grains. Ayant premièrement pilé ce
 résidu dans un mortier de verre, je le sis dissoudre dans de l'eau distillée, & je siltrai la solution, qui laissa dans le siltre une très petite quantité de terre blanche; j'employai l'évaporation pour disposer cette solution siltrée à la crystallisation, & il se sorma des crystaux, en partie tirant sur le blanc, & en plus grande partie un peu sur le verd, lesquels
 à la vuë & au goût me parurent être d'une nature aluminoso-vitriolique.

- VL Je sis dissoudre de nouveau entierement ces crystaux dans Possi, & fur cette folution j'en versai peu à peu une de sel alcali fixe : alors il se fit une forte effervescence; & une quantité médiocre de terre jaunâtre en se précipitant gagna le fonds. Ce mêlange parfaitement faoulé de sel alcali fixe, fut filtré; & la terre qui resta dans le filtre. ayant été édulcorée, j'observai qu'elle étoit mànisestement martiale. Je sis évaporer la lessive claire qui avoir été filtrée pour la disposer à la crystallisation; ce qui étant sait, j'obtins de nouveau un tartre vitriolé Cette Expérience fournit un nouvel indice que ce sel, quoiqu'on l'expose à l'action d'un seu couvert, conserve encore un acide vitriolique.
- VII. De plus, je mêlai une dragme de ce sel avec partie égale de nitre dépuré pur; je mis ce mixte dans une retorte garnie, & y ayant adapté le récipient, je conduisis la distillation par degrés jusqu'à l'incandescence. Depuis le commencement jusqu'à la fin de la distillation il s'éleva des vapeurs rouges. Tout étant réfroidi, je trouvai dans le récipient un esprit acide de nitre, dégagé du nitre par le prétendu sel de Rhinoceros. Cet esprit saoulé d'une lessive de sel alcali fixe se mit d'abord en crystaux, qui étoient semblables au plus beau nitre. Je sis dissoudre dans de l'eau distillée chaude la masse saline, d'un brun tirant sur le rouge, qui étoit restée dans la retorte; je sis évaporer cette solution auparavant filtrée, & je la disposai à la crystallisation: alors il se forma des crystaux qui étoient parfaitement semblables à ce sel qu'on nomme chez les Apoticaires arcanum duplicatum, & qui est préparé du caput mortuum de l'eau forte.
- Qu'il y ait un acide vitriolique mêlé au prétendu sel de Rhinoceros; c'est ce que démontre encore le mêlange de ce sel, disfous dans l'eau, avec les terres calcaires mises en solution dans d'autres La folution de craye, par exemple, faite dans l'acide du nitre, si l'on y verse la solution du sel de Rhinoceros, se précipite dans un moment, & fournit un magistere selenitique; ce que produisent pareillement tous les sels moyens, dans lesquels se trouve un acide vi-T 2

trioli-

triolique. La folution de sel de Rhinoceros précipite aussi sur le champ la folution de Saturne; mais je n'ai pû observer aucune précipitation sensible dans la solution d'argent & de mercure.

IX. Enfin, j'ai mêlé la folution du sel susdit avec cette lessive qu'on prépare du sel alcali fixe & du sang desséché par voye de calcination, & qu'on employe pour faire le Bleu de Berlin: ce qui étant sait, j'ai remarqué que, cette lessive étant versée, il tomboit aussitôt au fonds du vase un beau précipité bleu; indice maniseste qu'il y a du ser mêlé dans notre sel.

X. Tout ce qui vient d'être rapporté au sujet de ce qu'on a voulu nommer sel alcali fixe de Rhinoceros, & les dissérentes épreuves auxquelles il a été soumis, découvrent assez à tous ceux qui sont versés dans la Chymie, ce que c'est que ce sel merveilleux & tant vanté, de quelles parties essentielles il est composé, & quel esset il est capable de produire sur le corps humain. Il sera en même tems très facile de comprendre que ce sel n'a dû en aucune saçon être nommé sel alcali sixe, & qu'il est impossible qu'il ait été préparé de l'urine de Rhinoceros; à moins qu'il ne se trouvât quelcun qui ose soutenir que l'alun & le vitriol de Mars chargé de quelques particules de cuivre, sorment un sel alcali sixe, & que des sels de cette nature peuvent exister dans le corps d'un semblable animal; ce qui, autant que je puis en juger, se roit tout à sait difficile à démontrer.



፞፞ዸ፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠፠

DESCRIPTION

D'UN

QUADRUPEDE D'AMÉRIQUE,

RAPPORTÉ

PAR M. LINNÆUS

AU GENRE DES OURS.

PAR M. ROLOFF.

Ayant eu, il y a quelque tems, l'occasion d'examiner un quadrupéde singulier, qu'on rencontre rarement dans nos contrées, j'ai crû devoir rendre compte en peu de mots des choses les plus remagquables que j'ai observées dans cet animal.

Sa grandeur répondoit à celle d'un gros Chat; sa longueur, depuis l'extrémité de la trompe jusqu'à la queue, étoit de trois pieds & plus; & la queue même avoit un pied & un pouce. Le corps étoit couvert partout de poils épais, assez longs & doux; les plus longs étoient placés sous le ventre. La couleur de ces poils étoit variée, en partie noire, en partie mêlée de brun & de jaune. Le dos tiroit au noir, entremêlé pourtant de brun; au contraire vers la tête, le cou, & la queue, les poils se montroient plutôt jaunâtres que noirs. Le front étoit blanchâtre avec des rayes jaunes, qui descendoient entre les yeux depuis le front jusqu'au nez. Autour des yeux tout étoit presque noir: les oreilles avoient plus de blanc que de jaune; & la surface antérieure des pieds, tant de devant que de derrière, étoit garnie de poils bruns, courts, & clair-semés. La queue, au commente.

- Planche I. cement & au milieu, avoit plus de largeur, que vers la fin; & con y voyoit trois anneaux noirs, & autant de jaunes, mêlés avec un art merveilleux; ceux d'enhaut étoit les plus larges, & ceux d'embas plus étroits. La tête représentoit presque la figure d'un triangle: la partie supérieure & postérieure étoit plus large; vers les narines elle diminuoit. Le nez lui même étoit fort aigu, tout à fait noir, avec deux narines semilunaires. A' chaque côté de la bouche on voyoit une barbe de poils blancs, roides, & recourbés; ceux de la lèvre supérieure étoient plus longs, & ceux de la lèvre inférieure plus courts.
- Pl. II. Fig. 2. La lèvre supérieure surpassoit de beaucoup en longueur la lèvre inférieure, avançant par dessus d'un pouce & demi. Les oreilles étoient larges vers la base, & aigues à la pointe; elles avoient une extrème mobilité, & étoient pourvues pour cet effet de forts muscles.

Les yeux de cet animal n'avoient pas une grandeur proportionnée à celle du reste du corps; l'œil gauche étoit attaqué d'une cataracte, & l'un & l'autre étoient revêtus d'une membrane clignotante fort maniseste. Cette membrane recourbée en sorme d'arc, s'étendoit du coin intérieur à l'extérieur; & elle avoit une sorte adhérence, non seulement dans cet endroit, mais aussi plus bas. Deux petites cornes dont elle étoit pourvuë, la livient, l'une au coin intérieur, l'autre à l'extérieur. Vers l'œil elle étoit plus large, & vers le nez plus aiguë; plusieurs vaisseaux rouges la coloroient, & son extrème mobilité saisoit qu'elle pouvoit aisément être tirée en haut : alors elle sermoit parsaitement l'œil entier.

Pl. II. Fig. 2. Les pieds, ou pattes, tant de devant que de derrière, n'avoient let. 6.6. pas une grande longueur; ceux de devant étoient plus étroits & plus foibles; ceux de derrière plus forts & plus larges. En bas & fous les plantes on n'appercevoit aucuns poils; mais ils étoient garnis depuis les ongles jusqu'au talon d'une peau épaisse d'un brun rougeâtre. Cepte peau avoit plusieurs lignes, ou traits pareils à ceux de la paume

des mains dans les hommes. Cette peau s'élevoit plus haut vers les pieds postérieurs, parce que l'animal étoit destiné à marcher aussi sur les talons.

Chaque pied se terminoit en cinq doits séparés, qui par dessous pl. 11. Fig. 3. étoient épais, charnus, oblongs, pas bien ronds, comme les Ours let. b. c. ont coutume de les avoir. Les doits des pieds de derrière étoient plus longs & plus forts que ceux des pieds de devant. Le premier étoit tout à fait court; le second plus long; le troisième & le quatrième égaux entr'eux, mais plus longs que le second; le cinquième plus court que le quatrième, mais plus long que le premier. Chacun de ces doits sinissoit par un ongle noir & recourbé, qui proportionnellement aux doits a plus ou moins de longueur; ceux des pieds de derrière sont néanmoins les plus forts & les plus aigus.

Cet animal qui étoit fort gras, pesoit seize livres & demie. C'etoit une semelle, & l'uterus s'ouvroit au bas de l'abdomen par un grand orifice externe.

Les muscles de l'abdomen étoient fort minces. Le grand omentum, ou le gastro-colicum, étoit non seulement cohérent avec la grande courbure du ventricule, mais encore avec le commencement du duodenum, avec le gros intestin, & avec la ratte. Cet omentum extraordinairement gras, étoit construit d'une saçon singuliere. Car, depuis la grande courbure du ventricule, il y avoit des rayes grasses, épaisses, & arrondies, toutes paralleles entr'elles, qui descendoient dans la cavité de l'abdomen vers le bassin: & l'on trouvoit entr'elles une membrane celluleuse de la derniere subtiliré, semblable à une toile d'araignée. Ce grand omentum, composé de deux lames, de rayes sabtiles, & de petits quarrés de graisse, descendoit jusques dans le bassin, & couvroit tout à fait, non seulement les intestins, mais encore le sac du ventricule.

Le petit omentum, ou le gastro-hepaticum, étoit de même fort gras, & tenoit non seulement à la petite courbure du ventricule, mais aussi

aussi au petit lobe postérieur du soye, qui représentoit le sobe de Spigelius.

Pl.III. Fig. 1. Le foye, dont la couleur étoit mêlée de brun & de rouge, avoit une structure tout à fait singuliere. Outre qu'il étoit adhérent à la voûte du diaphragme par un mince ligament qui le tenoit suspendu, & par les ligamens ordinaires à droite & à gauche, il étoit encore pourvû d'un autre ligament au dessus du rein droit. Il consistoit en six lobes, qui étoient tout à fait séparés les uns des autres par de professen demi lune, & avoit en arrière un bord aigu, où l'on vovoit

let. b. &i. deux petites entaillures. L'autre lobe étoit oblong, n'ayant pas autant de longueur ni d'épaisseur que le premier; & entre celui-ci & le

let. c. suivant il y avoit le ligament suspensoire. Le troisième lobe étoit le plus grand de tous, épais en haut vers le diaphragme, plus mince en let. d. bas, & pourvu d'un bord aigu. Presque au milieu, mais plus vers

- le bas, il y avoit dans ce lobe un trou quarré, qui y étoit comme taillé, & d'où sortoit le fonds de la vesicule du fiel, mais de façon que ce fonds ne s'élevoit point au dessus de la surface du foye. Au dessus du fonds de la vesicule, le lobe dont nous parlons, avoit deux petites échancrures perpendiculaires, qui ne pénétroient pas aussi profondément la substance du foye qu'une autre découpure, placée sous le fonds de la vesicule, qui s'étendant du bord postérieur à l'intérieur.
- let. c. partageoit en quelque sorte ce troissème lobe en deux autres. Le quatrième lobe étoit épais, en forme de cœur; large par en-haut, plus
- pointu vers les bas. Le cinquième lobe, droit, n'étoit pas aussi long que le premier; il avoit une figure irréguliere, qui approchoit cependant de la triangulaire; au dessus & par derrière il étoit pourvu d'un
- let. g. appendice épais & rond, qui représentoit un sixième lobe, ou plutôt le lobule de Spigelius; & cela d'autant plus, que le petit omentum y étoit lié. La veine cave pénétroit entre le troisième & quatrième lobe dans la substance du foye, de façon cependant qu'un rameau de

let, b. cette veine perçoit aussi le cinquième lobe. La surface autérieure

du foye étoit convexe, la postérieure concave; & dans cette surface postérieure du troisième lobe, on voyoit une fosse pour la vesicule du fiel, & surtout pour son col.

La ratte avec le pancréas avoient une figure oblongue, & l'on n'y trouvoit rien de remarquable. Le ventricule étoit semblable au ventricule humain.

Les reins n'étoient pas assez grands en comparaison du reste du corps, & chacun d'eux avoit sa capsule rénale. Leur substance étoit compacte, & l'on n'y remarquoit rien qui tint de la structure lobuleuse qu'on rencontre dans les Ours.

Tout le conduit intestinal, depuis le pylore jusqu'à l'orifice de l'anus, étoit de sept aunes. La longueur des intestins grêles alloit au delà de six aunes; & le conduit des gros intestins n'avoit qu'une demiaune. Ce qu'il y avoit de plus remarquable dans ces boyaux, c'est PLIII. Fig. 2. que vers la fin du boyau grêle, & au commencement du gros, il n'y avoit ni valvule, ni rien qui ressemblat au processus vermisormis, & à l'intestin cæcum. Cependant tous les boyaux n'étoient pas d'une égale let. a.b. c. épaisseur, comme le prétend Mr. Linnæus, mais à la fin de l'intestin grêle, le gros boyau se gonsloit d'abord; seulement il formoit avec le grêle un canal continu, & sans aucune interruption.

On n'observoit aucune différence, tant entre le commencement & la fin de l'intestin grêle, qu'entre le commencement & la fin du gros intestin. La fin du grêle avoit la même capacité que le commencement; & il en étoit ainsi du gros.

La surface intérieure du conduit intestinal grêle, à l'exception du duodenum, étoit remplie de douze amas de glandules, ou follicules. Elles étoient d'une couleur cendrée; adhérentes par longs amas à la tunique villeuse, & assez ressemblantes à quelque tissu réticulaire. Chaque amas étoit distant d'un autre de quelques pouces, sans qu'on Min, de l'Acad. Tom, XII.

trouvât dans ces espaces intermédiaires, ni dans tout le duodenum, aucun vestige de semblables follicules. A' la fin du duodenum se présentoit un de ces amas, qui étoit fort court. Mais plus ils descendoient vers le gros boyau, plus ils avoient de longueur & d'épaisseur; en sorte que le dernier amas, placé à la fin du boyau grêle, étoit le plus long & Pl. III. Fig. 2. le plus remarquable de tous. Cet amas atteignoit bien jusqu'à la fin let. d. d. du boyau grêle, mais il n'entroit pas le moins du monde dans le commencement du gros.

La furface interne de celui-ci étoit non seulement tout à fait destituée des amas de glandules qu'on vient de décrire, & de valvules, ou de rides valvuleus; mais à leur place elle étoit remplie de plusieurs pores excrétoires, semblables à des points noirs & livides, qui dispersés çà & là, se rencontroient dans le plus grand nombre vers l'orifice de l'anus.

La vessie de l'urine étoit d'une figure ovale, avec un col de trois pouces de long, qui descendoit en courbure. Ce col, cohérent au vagin & au col de l'uterus par une forte celluleuse, s'ouvroit en un angle aigu au milieu du vagin. Le vagin même avoit plus de largeur au milieu, & devenoit plus étroit vers le haut & le bas, étant formé d'un canal membraneux de cinq pouces de longueur. Il se continuoit en un uterus mince & presque cylindrique, pourvû de deux cornes, tellement étroites & presque destituées de toute cavité, qu'on ne pouvoit y introduire le moindre air, ni la pointe la plus fine d'un Instrument. L'orisice du vagin étoit assez grand par rapport à l'uterus; & il y avoit au dessus un clitoris fort & osseux, que couvroit un prépuce d'une grandeur considérable.

Les viscères du thorax n'offroient presque rien de remarquable. Le poumon droit étoit formé de quatre lobes; le gauche de deux seulement, séparés l'un de l'autre par de prosondes incisures. Il ne montoit de l'arc de l'aorte que deux troncs, dont le droit se partageoit en deux autres, après avoir parcouru un court espace, comme simple & unique.

On ne sauroit rien dire de certain, au sujet des mammelles, parce que l'abondance de la graisse les avoit tout à fait effacées.

Quant aux os de cet animal, les deux mâchoires avoient chacune vint dents, sçavoir douze dents molaires, six incisives, & deux canines. Les dents incisives de la mâchoire supérieure étoient plus fortes que celles d'embas; en sorte cependant, que celles du milieu étoient plus foibles, au lieu que celles qui approchoient des dents canines avoient plus de force. Les dents canines de la mâchoire supérieure étoient plus droites; mais en bas elles étoient recourbées en crochet, & fort aiguës. Les dents molaires d'embas surpassoient en force celles d'enhaut. On en trouvoit six dans chaque côté de la mâchoire, dont les trois antérieures étoient plus foibles, & avoient une pointe triangulaire, tandis que les trois postérieures au contraire avoient plus de largeur & de force.

Toute la colomne de l'épine étoit composée de quarante cinq os, sçavoir des six vertébres du cou, de quatorze vertébres du dos, de six vertébres des lombes, & de dix-sept petits os du coccyx. Les vrayes vertébres, surtout les dernieres du dos & des lombes, étoient sormées par neuf apophyses, dont il y en avoit une de l'épine, deux transverses, quatre obliques, & les deux dernieres étoient des processus, ou avances, placées sous un angle tout à fait aigu à côté du corps de la vertébre, & qui embrassent en quelque sorte les apophyses obliques supérieures de la vertébre suivante.

Chaque côté du thorax avoit quatorze côtes; & elles étoient par conséquent en tout au nombre de vint huit. Les dix supérieures de chaque côté étoient de vrayes côtes, & les quatre inférieures fausses, parce que les cartilages de ces dernieres n'atteignoient pas au sternum. La structure de celui-ci consistoit en huit petits os cylindriques, séparés les uns des autres par le moyen d'un cartilage, & par embas il

étoit garni d'un petit cartilage xiphoïde; de façon que les côtes s'articuloient avec les fymphyses cartilagineuses du sternum. A' l'egard des os des pieds, chaque pied étoit composé des cinq os du metatarse, & chaque doit de trois osselets séparés; à l'exception néanmoins du pouce, qui tant dans les pieds de devant que dans ceux de derrière n'a que deux osselets. Les autres os n'ont rien qui mérite qu'on s'y arrête.

L'animal que nous décrivons, se tenoit comme les singes sur les pieds de derrière, & se se servoit de ceux de devant pour prendre sa nourriture, en guise de mains. Si on lui donnoit un morceau de pain, ou quelque autre chose, qu'on eut jetté auparavant dans l'eau asin qu'il s'y amollit, il l'en tiroit avec les pieds de devant, & le dévoroit. Il se nourrissoit d'amandes, de raisins secs, de biscuit, de poisson cru, & de chair; mais il aimoit surtout beaucoup le poisson frit.

La patrie de cet animal est l'Amérique, tant méridionale que septentrionale; car, suivant Marggraf, on le trouve dans le Bresil, & Ray témoigne qu'il existe dans la Virginie.

Les Auteurs sont fort peu d'accord, tant sur sa dénomination que sur sa description; nous nous bornerons à examiner les principales opinions, pour tacher d'abord d'en démêler le sens, & ensuite d'en concilier les contrariétés.

Les Bresiliens appellent ce quadrupede dans leur langue Conti; & c'est le nom que Marggraf a conservé dans son Histoire du Bresil, où p. 228. il décrit notre animal en ces termes. "Le Conti des Bre"siliens, dit il, est un Renard de la grandeur d'un Chat, avec de
"courtes jambes, & les mains d'un Singe. Ils grimpent aussi com"me les singes avec vitesse sur les arbres, & courent jusqu'aux extré"mités des branches; ils vivent de fruits, mais très volontiers d'œuss
" & de poules; les pieds de derrière sont plus grands que ceux de
"devant; & à chaque pied ils ont cinq doits avec des ongles aigus.
"Leur

" Leur tête est pointue comme celle du Renard, avec des oreilles " courtes & arrondies comme celles du Chat : ils ont la partie insériment de la bouche plus courte que la supérieure, qui s'avance en une longue trompe pointue, avec d'amples narines, comme des " fentes. Les yeux sont noirs. Les poils de tout le corps, longs, " ont une couleur d'ocre soncé. La queüe est plus longue que tout " le corps ; l'animal l'a porte relevée & recourbée en haut ; les poils " de cette queüe sont variés en sorme d'anneaux, mêlés d'ombre & d'ocre. Quand il mange, il tient la nourriture comme les chiens avec les pieds de devant. "

Cette description même de Marggraf a été insérée par Jonston, presque sans rien changer aux termes, dans son Histoire Naturelle, p. 95. Elle s'accorde avec la nôtre dans toutes les parties, à l'exception de la quette, qui est non seulement plus courte que le reste du corps, mais que l'animal ne porte pas recourbée & dressée vers le haut.

Wormius, à qui on avoit envoyé le Conti d'Amsterdam sous le nom de Chat d'Amérique, en sait dans son Museum p. 319. une courte description, dans laquelle il consirme expressement que la queüe de cet animal est épaisse & large vers les sesses, mais qu'elle n'est pas aussi longue que le corps même. Il dissère d'ailleurs de nous en ce qu'il attribuë aux poils une couleur plutôt cendrée, que jaunâtre & brune. Mais une aussi lègere dissèrence de couleur peut venir de l'âge, ou de quelques autres causes peu importantes, & n'apporte aucun changement au sonds même des choses. Car nous observons tous les jours dans les animaux de nos contrées, que plusieurs individus du même genre & de la même espece, dissèrent les uns des autres, non seulement en couleur, mais encore en quelques autres circonstances qui ne sont pas plus considérables.

Ray, dans sa description des quadrupedes, p. 179. appelle le nôtre un animal d'Amérique semblable au Renard; & Mr. Linnaeus, V 2 dans

dans son Système de la Nature, le met dans la classe des Ours, l'appellant un Ours à longue queue. Dans le Tom. IX. des Mémoires de l'Académie de Suede, il en fait une courte description, à laquelle il a joint une figure, mais qui n'est pas tout à fait exacte. le ne vois pas assurément de quel droit Mr. Linneus compte ce quadrupede parmi les Ours. Je sais à la vérité que ce Savant met entre les marques caractéristiques de l'Ours, d'avoir cinq doits aux pieds, & le pouce placé en dehors. Je ne nie pas non plus, que le doit extérieur de notre Coati ne paro isse au premier coup d'œil un peu plus court que les autres; mais cela n'a lieu que dans l'animal vivant, & lorsque les pieds font couverts de leur peau. Car, si nous considérons attentivement les os. il paroit alors de la maniere la plus manifeste, que le doit extérieur est plus long que l'intérieur, l'extérieur étant composé de trois osselets, au lieu que l'intérieur n'en a que deux; ce qui est encore plus manifeste dans les pieds de derrière. De plus, toute l'apparence extérieure non seulement, mais encore la structure internè, dissérent totalement de l'Ours, & n'ont rien de commun avec lui, que la faculté de se tenir sur les pieds de derrière, & de marcher sur les talons; ce que nous ne laissons pas d'observer aussi en plusieurs autres animaux.

La figure extérieure de notre quadrupede avec la diverse couleur de ses poils, dissére beaucoup de l'Ours, comme cela paroitra d'abord à tous ceux qui les considéreront. La tête de l'Ours n'est pas aussi pointue par devant, mais elle est beaucoup plus ronde; ses oreilles sont plus longues, ses dents diverses, il n'a aucun vestige de barbe, ni de trompe, sa lèvre d'enhaut étant de la même longueur que celle d'embas. Les pieds de l'Ours sont bien composés pareillement de cinq doits, mais ils se terminent par embas en une tuberosité épaisse, ronde, & garnie partout de poils; au lieu que dans notre animal les doits ne sont pas ronds & tuberculeux, & qu'ils ont la surface entierement rase, sans aucun poil. D'ailleurs le dos des Ours est beaucoup plus élevé, & plus arrondi vers le derrière; & la queuë est tout à fait différente. Cette diversité ne regarde pas seulement la figure extérieure;

térieure; elle s'étend aussi à la structure interne des visceres, qui n'a aucun rapport avec celle de l'Ours.

Les reins de l'Ours ont non seulement quelque chose de tout particulier, sçavoir d'être composés de plusieurs lobules; mais leur ventricule resseré au milieu s'élargit vers la sin; ce qui lui donne l'air d'un double ventricule. Or rien de tout cela ne se trouve dans le Coati; ce qui a engagé Marggraff & Ray à le mettre avec beaucoup plus de raison dans la classe des Renards, avec qui il a un très grand rapport, tandis qu'il n'en a point du tout avec les Ours.

La courte description anatomique que Mr. Linnœus en a donné s'écarte en plusieurs endroits de la nôtre. Il a entierement nié l'existence de la membrane clignottante, quoiqu'elle soit cependant très manifeste; & il affirme que tous les intestins ont une épaisseur égale, & néanmoins elle diffère beaucoup. Je passe sous silence quelques observations qui répugnent encore aux nôtres.

Major, dans son Anatomia miscellanea, sait aussi mention de ce quadrupède d'Amérique, & le rapporte à l'espece des bléreaux; dont il différe à plusieurs égards. Le même Auteur prétend aussi, que cet animal a un trou sous le ventricule, par lequel il suce un suc glutineux; mais il n'y a pas le moindre vestige d'un semblable trou.

On nous apporte en abondance d'Amérique des peaux de ces Animaux; & les Pelletiers, qui s'en fervent pour garnir divers habillemens, leur donnent en Allemand le nom de Schuppen-Felle.

La structure des intestins étant ce qu'il y a de plus digne d'attention dans cet animal, nous allons examiner succintement cette structure singuliere.

On sçait par l'Anatomie comparée, que tous les animaux rapaces & carnaciers n'ont que des intestins courts, au lieu que les animaux que se nourrissent d'herbes ont le conduit intestinal beaucoup plus long. La fabrique du ventricule & des intestins dans le Coati, témoignent assez que la Nature l'a destiné à vivre de l'une & de l'autre manie-

maniere; car il se nourrissoit de viande, mais en petite quantité, au lieu qu'il mangeoit beaucoup de végétaux. C'est à cause de cela qu'il faloit qu'il eut le conduit des intestins grêles, long, afin de pouvoir d'autant mieux digérer des alimens de toute espece, & en tirer le chyle nécessaire; au lieu qu'une pareille longueur auroit été superfluë, s'il n'avoit vêcu que de viande.

Le gros boyau, par rapport au canal intestinal entier, étoit fort court, pour faciliter la sortie d'autant plus promte des excrémens; & c'est pour cela aussi qu'il n'avoit aucunes courbures, descendant tout droit dans le bassin. En effet un plus long séjour des excrémens, en procurant la résorption des parties alcalines, auroit causé la pourriture & la destruction des fluides. Le désaut de rides valvuleuses dans la tunique intérieure du gros boyau, aidoit aussi beaucoup la descente des matieres fecales; & cela fournit en même tems la raison, pourquoi ce que cet animal rend par l'anus, n'étoit pas figuré & dur, mais fort liquide. Car étant certainement persuadé, comme je le suis, que les gros boyaux n'ont point été faits pour l'extraction du chyle, puisqu'on n'y remarque, pas même dans l'homme, la moindre trace des villosités intestinales qui seroient nécessaires pour cet effet, mais qu'au contraire leur admirable structure est tout à fait différente; on peut en conclure que la longueur des gros boyaux auroit été une chose tout à fait superfluë, & inutile dans le Coati.

Nous voyons encore clairement par la situation des intestins de cet animal, pourquoi la Nature n'a pourvû la fin du boyau grêle & le commencement du gros, d'aucune valvule du colon. C'est qu'il n'y avoit rien du tout à craindre pour le retour des excrémens du gros boyau dans le grêle; car le gros boyau n'étoit pas seulement sort court, mais il descendoit aussi tout à fait perpendiculairement, de sorte que le propre poids des excrèmens les forçoit toujours à descendre, sans pouvoir jamais remonter; ainsi il n'étoit pas nécessaire de sermer l'accès vers le haut par une valvule dans ce cas, où les matieres étoient dans l'impossibilité de régorger jamais par cette voye.

Cette

Cette même structure des intestins nous enseigne pourquoi le processus vermiculaire manque tout à fait ici. C'est que ce processus, qui est rempli partout de glandules muqueuses, est uniquement destiné à verser dans le cœcum la mucosité, dont les excrémens durs doivent être enduits. Or le gros boyau, dans notre quadrupède d'Amérique, ayant été non seulement tout à fait destitué du cœcum, mais tout le conduit intestinal mince ayant été garni en plusieurs endroirs, & surtout vers la fin, de plusieurs follicules muqueux, rangés d'une saçon particuliere, & dont nous avons donné ci-dessus la dessertiption; il en résulte qu'un semblable processus vermiculaire n'étoit pas d'une absolue nécessité, parce que les glandules susdites le remplaçoient suffisamment.

En effet, quoique ce qu'on a coûtume de décrire dans les intestins grêles de l'homme sous le nom de glandules agminées, ne soit autre chose que les poils des intestins accumulés en grands monceaux, & qui dissérent beaucoup des vrayes glandules intestinales nubeculeuses, comme je m'en suis amplement convaincu en examinant ces préparations anatomiques du célébre Lieberkühn, qui surpassent tout art humain; il demeure cependant sort vraisemblable, que l'homme auroit pû se passer également du processus vermiculaire, s'il avoit été pourvû de glandules intestinales dont la disposition & la structure eussent été les mêmes que dans l'animal dont nous venons de donner la description. Ce n'est pas à dire pourtant, & nous n'avons garde de l'avancer, que le processus vermiculaire soit une chose superstue. & inutile dans l'homme.



EXPLICATION DES FIGURES.

PLANCHE I.

On y voit les parties extérieures de l'animal, dessinées d'après nature, avec la membrane clignottante fort manifeste. Let. a. a.

PLANCHE II.

Fig. I. La partie inférieure de la tête & de la bouche.

a. La lèvre supérieure avec la trompe qui s'avance beaucoup.

6. La lèvre inférieure.

Fig. IL. a. Un des pieds de devant.

b. La surface inférieure du pied, tout à fait dégarnie de poils, & où l'on voit plusieurs fentes, ou traits, comme dans la paume de la main humaine.

c. La surface inférieure des doits de devant.

Fig. III. a. Un des pieds de derrière.

b. La surface insérieure, dégarnie de poils, & montant jusqu'au talon,

c. La surface inférieure des doits de derrière.

PLANCHE III.

Fig. I La surface convexe du foye.

s. Le premier lobe, en forme d'arc, placé à gauche.

b. Le second lobe.

. Le troisième lobe & le plus grand.

d. Le fonds de la vesicule du fiel, sortant d'un tron quarre de ce lobe.

e. Le quatrième lobe, en forme de cœur, placé à droite.

f. Le cinquième lobe.

g. Le sixième lobule, postérieur, ou de Spigelius.

b. La veine cave.

i. Une partie du ligament suspensoire.

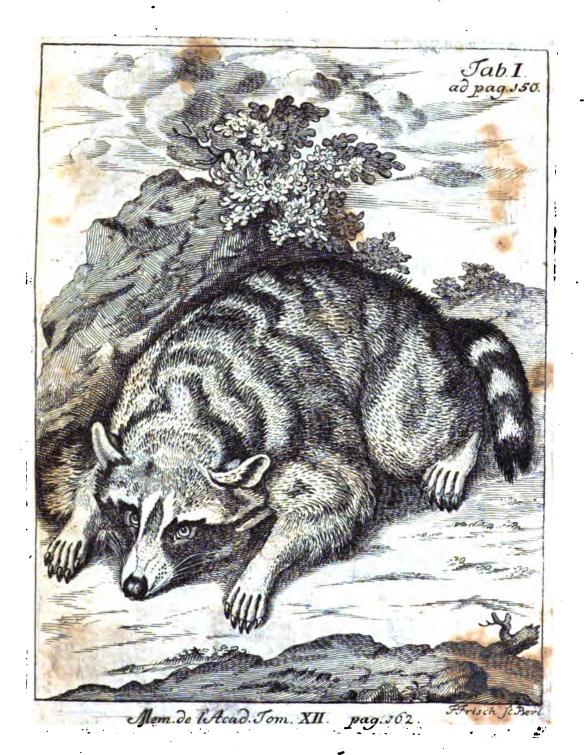
Fig. II, a. L'intestin grele.

b. Le gros intestin.

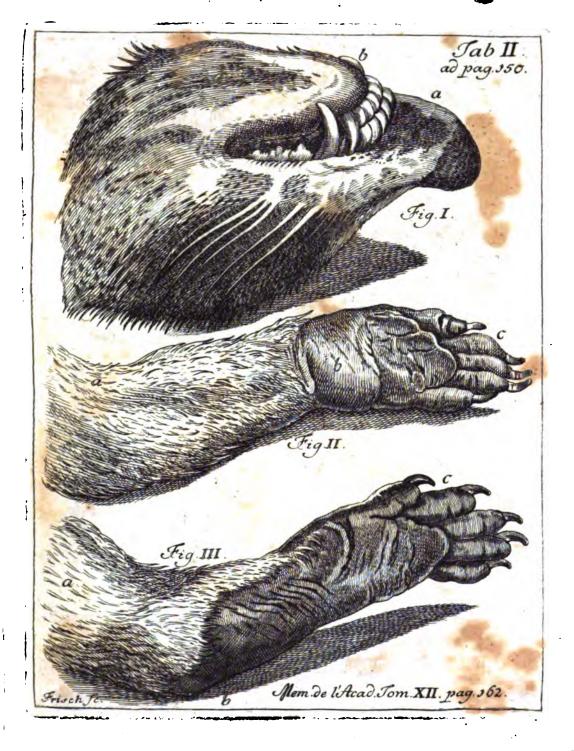
c. La fin du grêle, & le commencement du gros intestin.

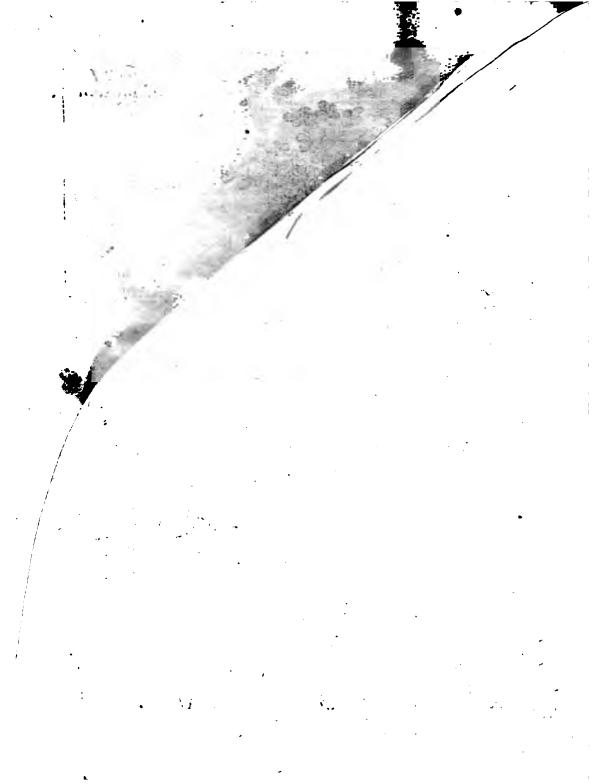
d.d. La partie d'un lieu glanduleux de l'intestin grêle, qui paroit au travers des tuniques, & qui tient la place du processes vermiculaire.

ME'MOI-



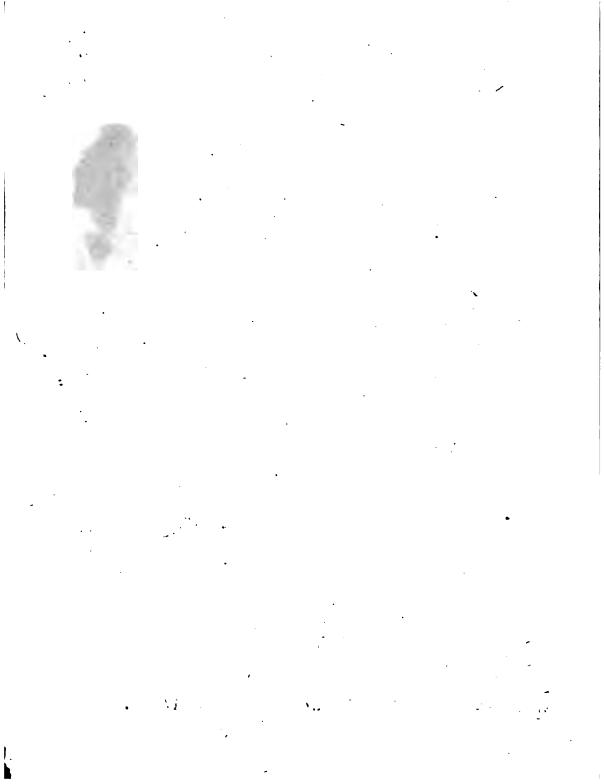


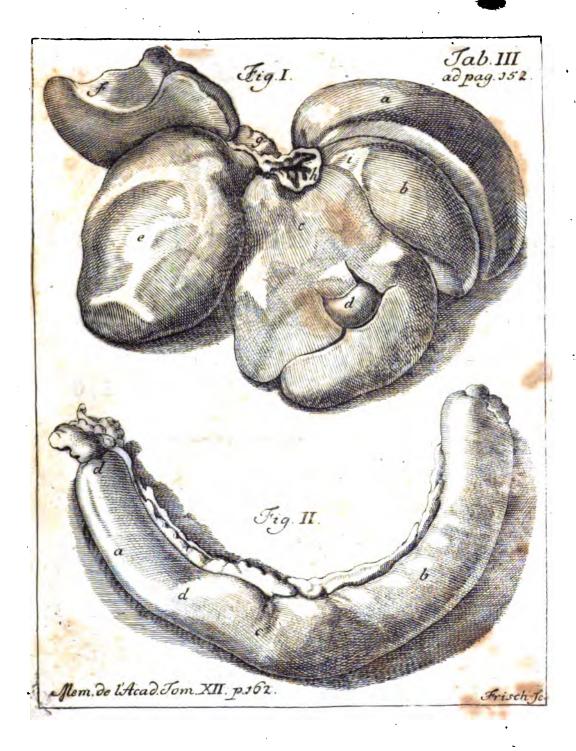


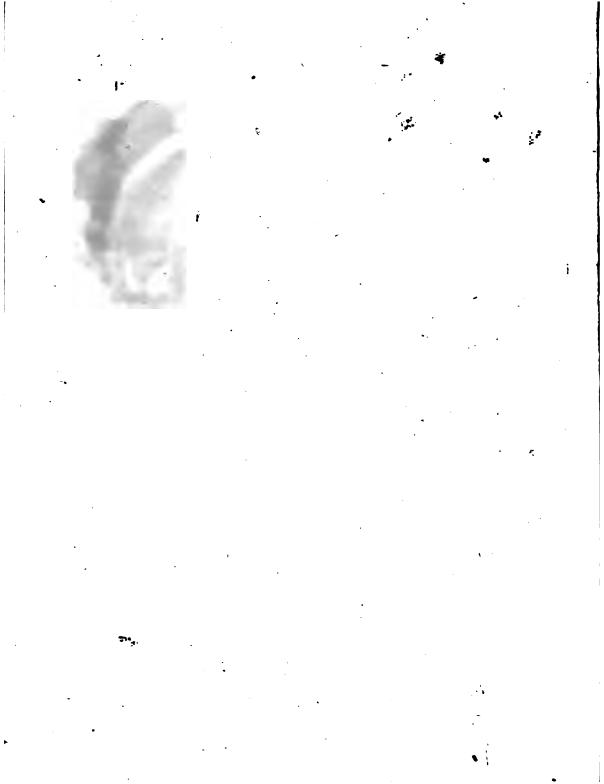












MEMOIRES

D B

L'ACADÉMIE ROYALE

DES

SCIENCES

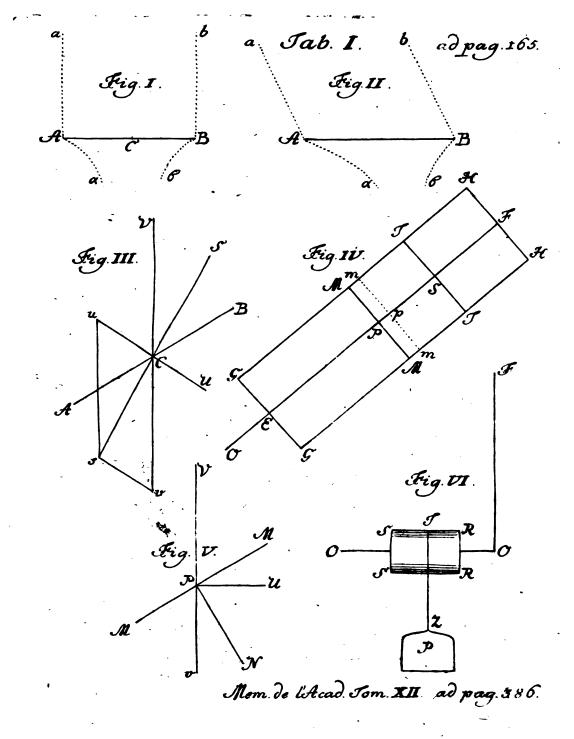
E T

BELLES-LETTRES.

CLASSE DE MATHÉMA TIQUE.

* *

.. 8 1 1 1 1 1 ... • ٠, , $Y = \{ x \in \mathcal{X} \mid x \in \mathcal{Y} \mid x \in \mathcal{Y} \mid x \in \mathcal{Y} \mid x \in \mathcal{Y} \}$



in a tree of an income Contract of the second of the **→** j.



RECHERCHES

PLUS EXACTES SUR L'EFFET DES MOULINS

A VENT.

PAR M. EULER.

Ì.

jorsque je traitai cette matiere, il y a quelques années, j'ai fondé mes calculs fur l'hypothese commune, que l'esset d'un sluide, qui heurte contre une surface, est en raile son composée du quarré de la vitesse, & du quarré du

finus de l'angle d'incidence: non que je croyois, que cette hypothèle étoit entierement conforme à la vérité, mais plutôt; puisque la veritable loi de ces forces est encore inconnue. Je conviens même que, dans la détermination de la force du vent, cette hypothèle peut s'ecarter très considérablement de la verité, à cause de la grande force de la pression de l'atmosphère, qui peut être fort dérangée par l'impulsion du vent, tandis que la même hypothèse; lorsqu'il s'agit de déterminer l'impulsion de l'eau, se trouve plus d'accord avec les expériences; quoique les aberrations y deviennent aussi souvent asses remarquables. Donc, si j'ai employé cette hypothèse desectueuse dans mes recherches sur l'esset des moulins à vent, c'est uniquement à elle qu'il faudra attribuer les erreurs, que la comparaison du calcul avec les expériences nous donnera à connoître.

Хз

II. Or il est certain, qu'un corps en repos, qui reçoit l'impul-Lon d'un fluide, en est également frappé, que si ce même corps se mouvoit dans le fluide avec la même vitesse: & partant ce qu'on nomme impulsion dans le premier cas, ne differe point de ce qu'on nomme résistance dans l'aurre. C'est donc une complette connoissance de la résistance, qui nous manque encore dans ces sortes de recherches; & avant qu'on pervienne à cette connoillance, on ne lauroit espérer, que la phéorie sur les effers des machines, qui sont agrifées par l'impulsion de quelque fluide, soit parfaitement d'accord avec l'expérience. longtems qu'on a remarqué, que l'hypothese commune de la résistance satisfait fort peu à quantité d'expériences, qu'on a faites sur la résistance des fluides: cependant on n'en a pu decouvrir jusqu'ici la veritable théorie, qui semble même demander des recherches trop profondes, pour que nous puissions espérer d'y arriver si tôt. doit donc pas être furpris, si dans le calcul on s'arrête encore à cetre hypothele, qu'on n'ignore pas être insuffisante.

Pour pen qu'on examine sussi les fondemens, sur lesquels -cette hypothele est établie, on les trouve d'abord très foibles & entierement chimériques. On s'est représenté la résistance comme l'esset d'un choc, qu'un corps éprouve à chaque instant, en traversant un fluide : se afin que chaque partie du fluide, qui a déjà effuyé le choc. me trouble pas le fuivant, on s'imagine, comme si elle étoit subitement anéantie, & que le corps rencontre à chaque instant une nouvelle couche du fluide en repos, contre lequelle il choque evec sa viresse centiere. Or on voit d'abord que toute cette seprésentation est chirafrique, & que lorsqu'un corps le ment dans un fluide, celui-ci en est d'abord mis dans un certain mouvement, par lequel le corps pouffe le fluide devant lui, qui découle ensuise autour du corps pour remplir l'espace, qu'il laisse vuide derriere lai. Dans cet état le stuide exerce - nout autour du corps une certaine pression sur lui, & la résistance rich eure chofe, que l'exote de la preffion du fluide fur la partie anterieure, sur celle que la postérieure soutient ; d'où il est exident apeda religrésissance est fort mai représentée par une continuelle répétition d'unchoc, que le corps exerce sur les parties du fluide.

- IV. Cependant il faut convenir que, quelque contraires que soient ces fondemens de l'hypothese commune à la vériré, il y a pourtant des cas, où elle ne s'écarte pas beaucoup de la vérité. & où l'ons'en peut servir sans tomber dans des erreurs trop énormes. Cela arrive à peu près, lorsque la pression naturelle du fluide sur le corps est fort petite, comme si la question roule sur la résistance qu'un corps, qui nage sur l'eau, ou qui n'y est pas profondement submergé, éprouve. Mais, quand un corps est jetté dans l'air, la diverse pression de l'atmosphere peut causer de si grands desordres, que la réfistance devienne très différente de celle que l'hypothese commune indique. On n'a qu'à concevoir le cas, où le corps se meut plus vite, que l'air ne sauroit occuper subitement les lieux, que le corps vient de quitter, de forte qu'il se trouve toujours derrière le corps un espace vuide d'air, & on verra qu'outre la résistance ordinaire il s'oppose au mouvement du corps toute la pression de l'atmosphere; qui agissant sur la partie antérieure du corps, & n'étant pas contrebalancée par une semblable pression sur la partie postérieure, doit très considérablement augmenter la résistance.
- V. Aussi voir-on par les Expériences que Mr. Robins a faites sur le mouvement des boulets à canon, que la résistance est de beaucoup plus grande, qu'elle devroit être selon l'hypothese commune. Car, quand même leur vitesse n'est pas si grande, qu'ils laissent après eux un espace vuide, l'air y doit toujours être moins dense que devant le corps; & alors, pour avoir la résistance entiere, il y saut encore ajouter l'excès de la pression d'avant sur celle de derrière. Il est aussi clair que, plus le mouvement du corps est lent, plus petit sussi doit être cet excés: & il y a apparence que cet excés croit dans une raison moindre que celle des quarrés de la vitesse, puisqu'il devient ensim constant. D'où il s'ensuit que la résistance totale est composée de deux parties, dont l'une est proportionelle au quarré de la vitesse,

mais l'autre à une fonction des vitesses, qui croit moins que leur quarré. Par conséquent la véritable résistance des corps mûs dans l'air, sera non seulement plus grande que l'hypothese commune l'indique, mais encore, en augmentant la vitesse, elle croitra suivant une raison moindre que celle des quarrés de la vitesse.

- VI. Or, si la résistance qu'un corps jetté dans l'air éprouve. est plus grande que selon l'hypothese commune, il s'ensuit nécessairement, qu'un corps exposé à l'impulsion du vent, en est pousse par une plus grande force que si on l'estimoit conformément à la même hypothese. Ou bien il souffrira, outre la force qu'on attribue communément au choc, encore l'excés de la pression de l'atmosphere que le partie exposée au vent soutient sur celle de derrière. Car si un corps. comme une voile, est opposé à la force du vent, on conçoit aisément. que derriere ce corps la densité, & pareant aussi la pression de l'air. ne sauroit être si grande, que si l'air étoit en repos; & cela par la même raison, qu'un corps lancé dans l'air avec une fort grande vitesse laisse après lui un espace vuide. On pourroit s'assurer de cet effer en plaçant derriere la voile pendant un grand vent un barometre. qui montreroit infailliblement une moindre hauteur, que s'il étoit affés Plusieurs expériences de cette espece sourniront eloigné de la voile. aussi le plus sur moyen de nous donner à connoitre cet effet : puisque la théorie est encore trop peu developée pour nous conduire à cette connoissance.
- VII. Lorsque je déterminai dans le VIII. Volume de ces Mémoires la quantité d'eau, qu'un moulin à vent est capable d'elever à une hauteur donnée, je n'ai eu égard qu'à la partie de la force, qu'on attribue à l'impulsion, ayant fondé mes calculs uniquement sur l'hypothese ordinaire. Mais, dans un Mémoire inséré au IX. Volume sur le mouvement des bombes, j'ai observé que la résistance actuelle est environ trois sois plus grande, que si on la déterminoit par l'hypothese commune. Donc, puisqu'il est à présumer, que la force actuelle du vent reçoit une pareille augmentation à peu près, il n'y a aucun doute que

que l'effet des moulins à vent ne surpasse très considérablement celui que je leur avois assigné, & qu'il ne puisse devenir jusqu'à trois sois plus grand: lorsqu'on observe tous les avantages, dont ces machines sont susceptibles. Cependant, puisque la théorie nous manque, je n'oserois prononcer rien de précis là dessus: & il n'y a d'autres moyens pour nous éclaireir sur cet article que les expériences, lesquelles étant saites avec toutes les précautions possibles, & sous des circonstances assez différentes, pourroient bien suppléer au desaut de la théorie.

VIII. Mr. Lulofs, très célébre Professeur de l'Université de Levde, & Membre de notre Académie, vient de me communiquer des expériences faites sur des moulins à vent, dont on se sert en Hollande pour mettre à fec les lieux marécageux. Il me marque qu'un tel moulin, lorsque le vent parcourt environ 30 pieds par seconde, est capable d'élever 1500 pieds cubiques d'eau par minute à la hauteur de 4 pieds, la rouë étant garnie de 4 ailes, dont chacune avoit 42 pieds de longueur sur 5½ de largeur. Ces ailes n'étoient pas partout également inclinées à la direction du vent, qui donnoit presque perpendiculairement fur les extrémités. Or prenant un milieu, il estime l'angle d'incidence moyen du vent sur les ailes de 73°. Il ne me marque pas le tems d'une révolution de la roue; mais, si ce tems avoir été de 32 secondes, qui produiroit selon ma théorie le plus grand effet. cette machine n'auroit dû élever que 757 pieds cubiques d'eau dans une minute. Donc, puisqu'elle a actuellement élevé 1500 pieds cubiques, ce qui est presque le double, il s'ensuit que l'impulsion du vent est plus que deux fois plus grande, que je ne l'avois estimée par l'hypothese commune; vû que je n'ai pas tenu compte du frottement. & que la vitesse de la roue n'etoit peut être pas telle, que le plus grand avantage exigeoit.

IX. Mr. Lulofs remarque outre cela, que l'effet de ces moulins à vent ne suit pas la raison des cubes de la vitesse absolue du vent, comme la théorie sondée sur l'hypothese commune montre; mais que la raison de l'effer, ou de la quantité d'eau élevée dans un tems donné, 'Mim, de l'Acad. Tom. XII.

Y ne furpasse guéres celle des quarrés de la vitesse du vent. De là on pourroit conclure, ce qui étoit déjà très probable, que la force de l'impulsion du vent croit suivant une moindre raison que celle des quarrés de la vitesse. Cependant, pour mieux juger de la raison, que l'esset de ces machines tient à la vitesse du vent, il saut principalement avoir égard au frottement de ces machines: article que j'ai négligé dans mes recherches sur cette matiere, & qui augmente encore davantage la force de l'impulsion du vent, sur celle qui convient à l'hypothese commune. Car, si une telle machine, nonobstant le frottement, produit un esset deux sois plus grand, que la théorie indique: il saut bien que l'impulsion soit encore plus que deux sois plus grande, que celle de la théorie, où le frottement est négligé.

X. Après ces observations, je me propose de traiter de nouveau cette matiere fur l'effet des moulins à vent, en ayant égard à cette augmentation de la force du vent, que l'expérience nous fait remarquer. Car, quoique la loy de cette augmentation soit inconnue, je l'introduirai en sorte dans le calcul, qu'elle demeure indéterminée, afin qu'en comparant ensuite le calcul avec plusieurs expériences, on en puisse trouver la quantité; ce qui semble le plus sûr moyen pour parvenir à une théorie de ces fortes de machines, tandis que les veritables loix de l'impulsion du vent nous sont cachées. Ensuite j'aurai aussi égard au frottement, qui constitue dans ces machines un article très essentiel, puisqu'il entre dans l'arrangement le plus avantageux, auquel répond le plus grand effet. Car j'ai fait voir, que sans considérer le frottement, l'effet des moulins à vent n'auroit point de bornes, & qu'il seroit toujours susceptible de nouvelles augmentations en approchant davantage d'un angle droit l'angle d'incidence du vent sur les ailes, pourvu qu'on augment at conformément au calcul la vitesse des ailes. Mais, puisqu'alors le moment du frottement devient plus grand, on conçoit aisément, que c'est le frottement qui doit mettre des bornes au plus grand effet possible.

Je-commencerai donc par établir une formule convenable pour exprimer la force de l'impulsion, que le vent exerce sur une sursace plane; puisque celle des ailes est telle, ou peut être considérée comme telle. Soit donc une surface plane AB = aa, en repos, qui Fig. 1. reçoive perpendiculairement felon les directions aA, bB l'impression du vent, dont la vitesse soit due à la hauteur $\equiv c$; & puisqu'on peut considérer la force, dont le vent agit sur le plan, comme composée de deux parties, dont la premiere est celle qu'on attribue communément au choc, & l'autre qui résulte de la raréfaction de l'air derriere le plan: la premiere sera la même qu'on trouve par l'hypothese commune. Elle sera donc égale au poids d'une masse d'air, dont le volume est = a a c: ou bien, si nous voulons exprimer les forces par des volumes d'eau dont les poids leur sont égaux, en posant la gravité specifique de l'air m fois plus petite que celle de l'eau, cette force fera $= \frac{1}{m} aac$, dont la direction est perpendiculaire au plan; ce qui est une régle générale pour toutes les pressions.

XII. L'autre partie de l'impulsion du vent résulte de ce que la pression de l'atmosphère est diminuée derriere le plan. Pour mieux comprendre cette diminution, nous n'avons qu'à concevoir, que l'air étant en repos, le plan AB s'y meuve avec une pareille vitesse, selon les directions Aa & Bb: & alors il est clair, que l'air ne sauroit parfaitement remplir les espaces derriere le plan : le mouvement de l'air chassé par avant, seroit bien détourné derriere le plan à peu près selon les directions A a & B 6, d'où il se répandroit à cause de son ressort par l'espace A a B &; mais il est évident que sa densité y sera moindre, & cela d'autant plus, plus le mouvement est rapide. On conviendra aussi, que cette raréfaction ne sauroit être la même partout derriere le plan; elle fera fans doute plus grande vers le milieu C que vers les bords A & B, autour desquels l'air se répand plus promtement. Mais si derriere le plan AB par toute l'étendue l'air est en repos, il se remet-

tra d'abord au même degré de densité & d'elasticité; qui ser par conséquent moindre qu'avant le plan, ou à des distances, qui en sont assez éloignées.

Supposons donc que la pression naturelle de l'atmosphère foit égale au poids d'une colonne d'eau, dont la hauteur = k; mais que derriere le plan AB, la pression de l'air soit équivalente à celle d'une colonne d'eau, dont la hauteur soit = q, & il est certain qu'il y aura q < k. Or pour déterminer au juste valeur de q, c'est en quoi la théorie nous abandonne, de forte que nous sommes obligés de nous en tenir à quelques estimations, dans lesquelles il conviendra d'introduire quelque quantité indéterminée, par la détermination de Jaquelle on puisse ensuite mettre d'accord le calcul avec les expériences. Pour cet effet je remarque, que cette hauteur q doit être d'autant plus petite, plus la vitesse du vent, ou la hauteur c qui lui est due, sera grande; d'où je conclus que q est exprimée par une certaine fonction de c, dont nous connoissons ces deux qualités : 1° qu'au cas de c = 0, où le vent cesse entierement, il soit $q = k : \& 2^{\circ}$, qu'au cas de $c = \infty$, la hauteur q soit réduite à zero, puisqu'il se trouvera alors un vuide parfait derriere le plan.

XIV. Ayant donc ces deux conditions à remplir, que

- I. pofant c = 0 il foit q = k
- II. posant $c = \infty$ il soit q = 0

il sera aisé d'imaginer une infinité de formules qui satisfassent. Les plus simples seront :

$$q = \frac{a k}{a + k}$$
, $q = \frac{k}{1 + ac + 6cc}$; $q = ke^{-cb}$

dont la premiere ne renferme qu'une indéterminée a, la seconde deux a & 6, de même que la troisième, où e pourroit marquer un nombre quelconque, positif & plus grand que l'unité pendant que b marqueroit une ligne quelconque positive. Or de laquelle de ces formules, qu'on

qu'on veuille faire ulage, on peut se promettre un assez bon succès, pourvu qu'on fixe la valeur des indéterminées par des expériences bien constatées.

XV. Or, quelque valeur qu'on choisisse pour la hauteur q, la pression de l'atmosphère sur la face postérieure du plan AB étant = aaq, pendant que la pression sur la face antérieure est = aak, la seconde partie de l'impulsion du vent sera = aa(k-q): d'où s'on tire la force entiere de l'impulsion $= \frac{1}{m} a a c + a a (k-q)$ $= aa(\frac{c}{m} + k - q).$ On pourroit ici objecter, que la pression de l'atmosphère sur la face antérieure devroit être augmentée par la même raison, que celle de la face postérieure a été diminuée; je conviens aisément de cette augmentation, mais je dis qu'elle est déjà précisément comprise dans le terme $\frac{c}{m}$. Car, puisqu'il ne se fait point de choc proprement ainsi dir, tout l'effet du vent consiste uniquement dans la différence des pressions sur les deux saces du plan: & partant $k + \frac{c}{m}$ répond à la pression entiere du vent sur la face antérieure.

XVI. Paisque la colonne d'eau, qui mesure la pression de l'atmosphère sur la face antérieure, est $= k \left(1 + \frac{c}{m k} \right)$; au lieu de

cette formule on pourroit bien se servir de celle-ci $ke^{\frac{c}{mk}}$ en prenant pour e le nombre, dont le logarithme hyperbolique est = 1. Car

tant que c est beaucoup plus petit que mk, la valeur de $e^{\frac{c}{mk}}$ ne différence Y 3

re pas fensiblement de $1 + \frac{c}{m k}$: car, comme k = 32 pieds à peu près, & m = 700, la hauteur m k devient = 22400 pieds, à la quelle répond une vitesse, qui feroit i 182 pieds par seconde: d'où il n'y a aucum doute que la vitesse du vent ne se trouve toujours fort au des-

sous de ce nombre. Maintenant, si $k \in \mathbb{R}^m k$ exprime la pression en avant, la ressemblance nous fait conjecturer, que celle de derrière

pourroit bien être exprimée par cette formule $k e^{mR}$, qui satisfait aussi aux deux propriétés réquises. De là nous aurions pour toute la for-

ce de l'impulsion du vent aak $\left(\begin{array}{c} \frac{c}{mk} & \frac{-c}{mk} \\ e \end{array}\right)$ qui ne s'écartera peut-être pas sensiblement de la vérité. Cependant je ne veux rien décider là dessus, puisque les vrais principes, d'où il faudrost puiser ces éclaircissemens, nous sont encore trop inconnus.

XVII. Cette augmentation de la force du vent est donc uniquement causée par la moindre pression de l'atmosphère derrière le plan. Or on voit que ce n'est qu' immédiatement prés du plan, que la pression est si petite: à quelque distance de là, comme en a, & la pression ne différera plus de la naturelle. Donc, si l'on attachoit au plan AB un corps Aa &B, convergent en arrière, à peu près comme la pouppe d'un vaisseau, il y éprouveroit partout l'entiere pression de l'atmosphère; & partant la force du vent sur la face antérieure AB en seroit considérablement diminuée, & à peu près conforme à l'hypothèse commune. De là nous pouvons tirer une remarque sort importante touchant la figure de la pouppe d'un vaisseau, pour diminuer la résistance. Car il est clair; que si la prouë étoit terminée en arrière par un plan, la sorte de l'eau sur la face d'avant, ou la résistance, seroit par reille-

reillement augmentée par la diminution de la pression de l'eauen arriere. D'où l'on voit, qu'une pouppe bien allongée & façonnée est fort propre à diminuer la rélistance d'un vaisseau; de sorte qu'elle ne dépend point uniquement de la figure de la prouë, comme on s'imagine ordinairement. De plus, puisque la hauteur k entre dans cette détermination, il s'ensuit, que plus un vaisseau a de profondeur, & plus la figure de la pouppe peut concourir à la diminution de la résistance.

Ayant établi des formules propres à marquer la force du vent, lorsqu'un plan en est frappé perpendiculairement, il reste a voir, combien cette force fera diminuée, quand le vent vient frepper obliquement le même plan. Soit comme auparavant la furface du Fig. 2. plan AB = aa, & c la hauteur duë à la vitesse du vent, le plan étant supposé en repos; or que o soit l'angle, que sait la direction du vent avec la surface. Cela posé, on soutient que la premiere partie de l'impulsion est diminuée en raison du quarré du sinus de l'angle o : donc

cette force sera $=\frac{1}{m} a a c \sin \phi^2$; prenant l'unité pour marquer le

sinus total. Pour la diminution de la pression en arriere, on voit aussi qu'elle sera diminuée par l'obliquité: car, si l'angle @ évanouissoit entierement, la densité de l'air ne souffriroit aucune diminution derrière le plan, & partant la seconde partie de la force d'impulsion deviendra aussi d'autant plus petite, plus l'angle o sera petit. Cependant il est incertain, si cette diminution suit la raison du quarré du sinus de l'angle O, ou quelqu'autre fonction.

XVIIII. Donc l'autre partie de l'impulsion du vent, qui étoit pour l'impulsion perpendiculaire $\equiv a a(k-q)$, deviendra aussi d'autant plus petite, plus l'angle d'incidence O s'écarte d'un droit, & puisqu'il faut multiplier la premiere partie par sin @ 2, il semble fort probable que l'autre parrie doit être diminuée selon la même raison. là nous aurons pour la force du vent, qui frappe obliquement, cette

formule $a \ a \ (\frac{c}{m} + k - q)$ iin ϕ^2 , où il faut donner à q une valeur

convenable décrite cy-dessus. Donc, si nous prenons selon la premiere formule $q = \frac{b}{b+c}$, la force du vent sera $= a \, a \, \left(\frac{c}{m} + \frac{c}{b+c}\right) \sin \phi^2$, or posant selon la troisième formule $q = \frac{c}{k \, e}$, nous aurons pour la force du vent $a \, a \, \left(\frac{c}{m} + k - k \, e^{-k}\right)$: laquelle ne différe pas sen-

fiblement de la premiere, lorsque c est beaucoup plus petite que b. Or b est ici une quantité indéterminée, qu'il conviendra laisser telle, pour pouvoir accorder la théorie avec quelques expériences: dans cette vuë j'em-

ployerai la formule a a $\left(\frac{c}{m} + \frac{c}{b+c}\right)$ $\sin \varphi^2$, ou a a c $\left(\frac{1}{m} + \frac{k}{b+c}\right)$ $\sin \varphi^2$, comme la plus simple.

XX. Mais, puisque le vent ne rencontre pas les ailes du moulin en repos, il faut voir, combien le mouvement des ailes change la force du vent, ce qui se pourra faire sans le secours de la théorie, qui étoit insuffisante pour les recherches précédentes. Soit donc VC la direction du vent, qui représente en même tems sa vitesse V_c ; & que le plan V_c ; a se que le plan V_c ; V_c ; V_c qui en représente aussi la vitesse V_c ; V_c ; or je supose que le plan V_c ; V_c

XXI. Qu'on prenne CS = Cs dans la même direction, & la droite SC donners la direction & la vitesse du vent, qui produiroit fur le plan AB en repos le même effet, que le vent proposé produit sur le plan AB mû, comme je viens de le supposer. Pour trouver cette force, posons l'angle VCU = vCu que fait la direction du vent VC avec celle du plan CU = a, & l'angle Cvs étant = 180 - a, & les côtés Cv = Vc & vs = Cu = Vu, nous aurons la diagonale

 $Cs = V (c + u + 2 \cos \alpha \cdot V \cdot c u)$ qui exprime la vitesse du vent SC, & sa direction, dont il faut concevoir, qu'il frappe le plan AB en repos. L'angle d'incidence sera donc = BCS, & pour trouver son sinus, soit l'angle $BCV = \omega$, pour avoir $BCS = \omega - VCS$, &

fin BCS = $\sin \omega \cot VCS - \cot \omega \sin VCS$.

Mais $\cot VCS = \cot v Cs = \frac{2c + 2\cot u \cdot Vcu}{2Vc(c + u + 2\cot u \cdot Vcu)}$ fin VCS = $\sin v Cs = \frac{\sin u \cdot Vu}{V(c + u + 2\cot u \cdot Vcu)}$ d'où il s'enfuit:

fin BCS = $\frac{\sin \omega (Vc + \cot u \cdot Vu) - \cot \omega \sin \alpha \cdot Vu}{V(c + u + 2\cot \alpha \cdot Vcu)}$

$$\frac{\operatorname{fin} \omega (V c + \operatorname{cof} \alpha. V u) - \operatorname{cof} \omega \operatorname{fin} \alpha. V u}{V (c + u + 2 \operatorname{cof} \alpha. V c u)}$$

d'où l'on pourra estimer la force par la régle donnée ey dessus 'Ayant ainsi réduit le cas à celui, où le plan seroit en repos, il est évident que la résistance, que le plan rencontre de l'autre côté, y est déjà comprise, & qu'il seroit hors de saison, d'en vouloir encore tenir compte dans le calcul. Mais il saut bien remarquer, que le plan AB est supposé ici perpendiculaire au plan detérminé par les deux directions V G & C U: & si le plan AB y étoit incliné, il en saudroit tenir compte, ce qui rendroit la derniere formule plus compliquée; mais nous n'avons point besoin de ce cas dans nos recherches sur les moulins à vent.

XXIII. Après avoir établi ces principes, considérons l'aile d'un moulin'à vent OGGHH, étendue autour du rayon OEF, que nous supposons perpendiculaire à l'axe du moulin, autour duquel cette aile tourne. Qu'on conçoive cette aile partagée en des parallelogrammes infiniment petits M m m M par des droites MM, mm perpendiculaires au rayon OF; & posant la distance OP = x, soit la largeur de l'aile MM $\equiv y$, & partant l'aire M mm M $\equiv y dx$. Comme l'aile tourne autour de l'axe O, soit à l'extrémité F la vitesse = Vv, on bien v la hauteur duë à cette vitesse; & la distance OF = f. De là nous aurons la vitesse dont le point P tourne autour de l'axe O, Puisque l'axe du moulin doit toujours être tourné vers le vent, la direction du vent sera partout parallele à cet axe : posons donc que la direction du vent fasse avec le plan du parallelogramme M mm M un angle = w, que je regarderai comme variable par raport à la distance OP = x, de même que la largeur de l'aile MM = y. Cependant cette variabilité de l'angle & n'empêchera pas, qu'on ne puisse regarder la furface entiere de l'aile comme l'intégrale fydx.

XXIV. Qu'on conçoive un plan parallele à l'axe du moulin, • Fig. 5. qui passe par la section MM, & que la planche (fig. 5) représente ce plan, sur lequel la droite VP marque la direction du vent, dont la vitesse \(\sum \mathcal{V} c\), qui fasse avec MM l'angle VPM \(\sum ω\). Or le plan

plan M M aura un mouvement selon la direction P U perpendiculaire λ V P, avec la vitesse $\frac{x \vee v}{f}$; de forte que ce qui a été nommé ci dessu λu , est maintenant $\frac{x \vee v}{f}$, & l'angle a sera ici droit, ensin pour aa il saudra mettre ici y dx. Donc le vent produira sur cet élément de l'aile MM $\equiv y dx$ le même effet, que si cet élément étoit en repos, & que la vitesse du vent sût $\frac{v}{f}$ $\frac{v}{f}$ à cause de $\frac{v}{f}$ $\frac{v}{f}$, & qu'il y tombât sous un angle, dont le sinus seroit

$$\frac{\text{fin }\omega.\ V\ c - \frac{x\,V\,v}{f}\ \text{cof }\omega}{V\left(c + \frac{x\,x\,v}{f\,f}\right)}$$

On doir donc mettre cette derniere valeur à la place de sin ϕ , & l'autre à la place de V c.

XXV. Or nous avons trouvé ci-dessus (19) cette formule pour exprimer la force du vent, $aac\left(\frac{1}{m} + \frac{k}{b+c}\right)$ sin ϕ^2 ; où nous devons mêttre les valeurs suivantes

$$\begin{array}{cccc}
y d x & \text{au lieu de} & a a \\
c & & ff & \text{au lieu de} & c
\end{array}$$

$$\left(\operatorname{fin} \omega. \, \mathcal{V} \, c - \operatorname{cof} \omega. \, \frac{x \, \mathcal{V} \, v}{f}\right)^2 \text{ au lieu de } c \, \operatorname{fin} \, \phi^2$$

& partant la force du vent sur l'elément MmmM de l'aile sera égale au poids d'une masse d'eau, dont le volume est

ydx

$$y dx \left(\sin \omega \cdot V c - \cos \omega \cdot \frac{x V v}{f} \right)^{2} \left(\frac{1}{m} + \frac{f k}{(b+c) f + x x v} \right)$$

Mais la direction de cette force étant perpendiculaire au plan felon PN. il la faut décomposer selon la direction P v parallele là l'axe, & la direc-'tion du mouvement PU: or l'angle NPU étant égal à l'angle MPV = w, la force qui agit selon la direction du mouvement PU sera

$$y dx \operatorname{col}\omega \left(\operatorname{fin}\omega \cdot V c - \operatorname{col}\omega \cdot \frac{x V v}{f} \right)^{2} \left(\frac{1}{m} + \frac{f f k}{(b+c) f + x x v} \right)$$

XXVI. Si nous multiplions cette force par la vitesse de l'élément MmmM, qui est $=\frac{xVv}{c}$, nous aurons l'élément du moment d'impulsion qui repond à l'élément de l'aile MmmM, & parrant le moment d'impulsion sur l'aile entiere fera

$$\int \frac{xydx \, v}{f} \operatorname{cof} \, \omega \left(\operatorname{fin} \omega \cdot v - \operatorname{cof} \omega \cdot \frac{x \, v}{f} \right)^2 \left(\frac{1}{m} + \frac{f f \, k}{(b+c)f + xxv} \right).$$

Dans cette intégration la quantité y & l'angle \omega doivent être regardés comme des fonctions de x, pendant que les autres quantités f, v, k, k, c, & m sont constantes; & après avoir trouvé l'intégrale, il faut l'etendre par toute la surface de l'aile. Ensuite il faut la multiplier par 4, puisque les moulins sont ordinairement garnis de quatre siles, & alors on obtiendra l'entier moment d'impulsion, que le vent exerce sur les ailes, & auquel le moment d'effet, que la machine est capable de produire, sera égal. Or, pour faciliter cette intégration, on pourra re-

garder le terme $\frac{ff \ k}{(b+c)ff+xxv}$ comme constant, attendu que dans le dénominateur la partie xxv est extrémement petite par rapport à la partie (b+c) ff: car l'indéterminée b est apparemment fort grande.

Posons donc le dernier facteur de notre formule, puisque nous le pouvons regarder comme constant.

$$= \frac{1}{m} + \frac{f k}{(b+c) f + x x v} = \frac{n}{m}$$

de forte qu'au lieu de l'indéterminée è nous ayons à déterminer le nombre z, d'où ensuite il fera aisé de connoitre la constante b, ayant à peu

près $\frac{b+c}{k} = \frac{m}{n-1}$ ou $b = \frac{mk}{n-1} - c$. Cela posé, si le moulin est garni de 4 ailes semblables, le moment entier d'impulsion du vent sera

$$\frac{4nVv}{mf} \int xy dx \operatorname{col}\omega \left(\operatorname{fin}\omega \cdot Vc - \operatorname{col}\omega \cdot \frac{xVv}{f} \right)^{2}$$
ou bien

$$\frac{4\pi c V v}{m \int} \int xy \, dx \cos \omega \, \left(\sin \omega - \frac{x V v}{\int V c} \, \cos \omega \right)^2$$

auquel le moment d'effet de la machine est égal, pourvu qu'on y tienne compte du frottement. Considérons d'abord la figure des ailes comme connue, de même que son inclinaison à la direction du vent, & voyons quel effet la machine sera capable de produire; ensuite nous chercherons les arrangemens les plus avantageux pour obtenir le plus grand effet, ce qui sera le sujet des problèmes suivans.

PROBLEME I.

XXVIII. Les diles étant partout de la même largeur & également inclinées à la direction du vent; si l'on connoit tant la vitesse du vent, que celle dont les ailes tournent, trouver le moment d'impulsion.

SOLUTION.

Soit la largeur constante de chaque aile GG=MM=HH=h, Fig. 4. de forte que y=h; & la longueur OF=f; que v marque la hauteur duë à la vitesse, dont l'extrémité F tourne autour de l'axe O, & c celle qui est duë à la vitesse du vent, dont la direction fasse un angle Z 2 constant

constant $\equiv \omega$ avec les faces des ailes. Donc, puisque l'angle ω est constant, notre expression pour le moment d'impulsion

$$\frac{4\pi c h \cos(\omega V v)}{m f} \int x dx \left(\sin \omega - \frac{x V v}{f V c} \cot \omega \right)^{2}$$

s'intégrera aisément : car l'intégrale étant

 $\mathcal{F} = \mathbb{F}$

$$\frac{4\pi c h \operatorname{col}\omega V v}{mf} \left(\frac{1}{2} x x \operatorname{lin}\omega^2 - \frac{2 x^3 V v}{3 f V c} \operatorname{lin}\omega \operatorname{col}\omega + \frac{x^4 v}{4 f f c} \operatorname{col}\omega^2 \right)$$

. >

Si nous posons x = f, le moment d'impulsion sur toutes les quatre elles sera exprimé en sorte:

$$\frac{4ncfh \cos(\omega) v}{m} \left(\frac{1}{2} \sin \omega^2 - \frac{2v}{3vc} \sin \omega \cos(\omega + \frac{v}{4c} \cos(\omega^2) \right).$$

COROLL 1.

XXIX. C'est donc à cette quantité que sera égal le moment d'esset de la machine, ou bien le produit de la résistance par la vitesse dont elle sera vaincue, pourvû qu'on y comprenne aussi le frottement. Car c'est une regle générale pour toutes les machines que le moment d'impulsion est égal au moment d'esset.

COROLL. 2.

XXX. Cette égalité étant fondée sur l'état d'équilibre suppose l'unisormité dans l'action de la machine. Or au premier instant, où la machine est encore en repos, il saut bien que l'impulsion soit plus forte que la résistance, pour mettre la machine en mouvement, mais ensuite le mouvement devient de plus en plus unisorme, & ce n'est qu'alors, que les deux momens mentionnés deviennent égaux.

COROLL. 2.

XXXI. La formule que je viens de trouver pour le moment d'impulsion dépend principalement de la vitesse des ailes Vv, & elle deviendroit même infinie, fi l'on augmentoit cette vitesse à l'infini; puisque

que le dernier facteur $\frac{1}{2} \sin \omega^2 - \frac{2 V v}{3 V c} \sin \omega \cos \omega + \frac{v}{4 c} \cos \omega^2$ ne fouroit jemais évanouir, ou devenir négatif.

S C H O L I E.

XXXII. Cependant il est très certain que le moment d'impulsion ne sauroit jamais surpasser de certaines limites, de sorte que l'augmentation de la vitesse V v est nécessairement restrainte à quelque détermination. Il est donc bien important d'examiner cette détermination, que la considération de notre analyse nous découvrira d'abord. Car 'puisque le vent, qui frappe sur les ailes mises en mouvement, y exerce la même sorce, que si les ailes étoient en repos, & que le vent y frappat avec une vitesse V $\left(c + \frac{x \times v}{f}\right)$ sous un angle dont le sinus seroit

$$= \frac{\sin \omega - \frac{x v}{f} \cdot \cos \omega}{v \left(c + \frac{x x v}{f f}\right)}, \text{ il est clair que, si ce sinus deve-}$$

noit négatif, la force du vent repousseroit les ailes en arrière. Or, puisque le quarré de ce sinus entre dans notre formule, il semble que l'effet devoit être le même, soit que ce sinus soit négatif ou positif; con se tromperoit énormement si l'on vouloit appliquer notre formule à des cas, où le sinus d'incidence deviendroit négatif: car alors il saudroit absolument regarder l'impulsion comme négative. Donc, pour que notre formule soit conforme à la verité, il faut que l'expression sin ω . $Vc - \frac{x \vee v}{f}$ cos ω , ne devienne nulle part négative; donc notre théorie suppose absolument, que pour tous les élémens des ailas cette condition air lieu, qu'il soit tang $\omega > \frac{x \vee v}{f \vee c}$; d'où l'on voit que

la vitesse V v ne sauroit être augmentée à volonté. Donc, notre formule trouvée pour le moment d'impulsion ne sauroit subsister, à moins qu'il ne fût pour tous les élèmens des ailes tang $\omega > \frac{x V v}{f V c}$: & s'il arrivoit que pour quelque partie des ailes la quantité $\frac{x V v}{f V c}$ devint plus grande que tang. 6, il en résulteroit une force contraire au mouvement des ailes, quoique le calcul ne le montrât point. Voilà donc une condition très essentielle, & sans laquelle le moment d'impulsion trouvé ne seroit jamais juste, qui exige que la quantité $\frac{x V v}{f V c}$ ne surpasse nulle part tang w. Et partant dans le cas de notre probleme. où l'angle ω est constant, la valeur de $\frac{x V v}{f V c}$ sera toujours moindre que tangw, pourvû que $\frac{Vv}{Vc}$ ne surpasse point tang w, d'où il est évident que dans le cas présent la formule donnée pour le moment d'impulsion exige nécessairement qu'il soit $Vv < tang \omega$. Vc & que sans cettecondition elle seroit infailliblement fausse. La vitesse des ailes V v obtient par là un terme qu'elle ne doit jamais passer, & le dernier degré étant Vv ≡ tang ω. Vc donne le moment d'impulsion ≡ $\frac{n c f h \bar{V} c}{2 m}$ fin ω³, qui est encore juste. Mais, si l'on augmentoit la vitesse Vau delà, l'impulsion diminueroit certainement, quoique le calcul la montrât plus grande.

PROBLEME IL

XXXIII. Les ailes étant partout de la même largeur & également inclinées à la direction du vent, si l'on connoit la structure de la machine, & la résistance qui doit être vaincue, détarminer l'action de la machine, qui sera produite par un vent donné.

BOLUTION.

Soit comme auparavant la largeur des siles MM = h, leur longueur OF f, & l'inclination de leurs faces à la direction du vent f, dont la vitesse soit due à la hauteur = c. Maintenant, de quelque maniere que la machine soit construite, on la peut toujours réduire à l'action d'un tambour RSRS, fixé sur l'axe des ailes OO, autour duquel passe une corde TZ, qui élève un poids P, pendant que les ailes tournent. Soit donc le rayon de ce tambour : * r, & le poids P égal à celui d'une masse d'eau, dont le volume $= p^3$; de sorte que la lettre r rénferme la construction de la machine, & p3 la résistance qu'il faut sur montere: Supposons que la machine soit déjà parvenue à l'uniformité de mouvement, & que les extrémités des ailes F tournent avec la vitesse = V v, & la vitesse, dont le poids P monte.

fera $=\frac{rVv}{f}$: donc le moment d'effet de la machine doit être estimé $=\frac{r^2rVv}{f}$: lequel étant égal au moment d'impulsion crouvée

ci - dessus donnera l'équation suivante, après avoir divisé par Vv:

$$\frac{4\pi c f h \cos \omega}{m} \left(\frac{1}{2} \sin \omega^2 \pm \frac{2V \theta}{3V c} \sin \omega \cos \omega \right) = \frac{p^2 \tau}{f}.$$

Mais, avant que la machine puisse parvenir à l'étar d'uniformité, il faut que d'abord, lorsque la machine est encore en repos, l'impulsion soit plus forte que la résistance: il faut donc qu'il soit

$$\frac{2 n c f h}{m} \sin \omega^2 \cos \omega > \frac{p^3 r}{f}, \text{ ou } c > \frac{m p^3 r}{2 n f f h} \sin \omega^2 \cos \omega, \text{ & tant que}$$

la vitesse du vent seroit moindre, la machine demoureroit en repos-Or, par les raisons alleguées dans le §. préc : il faut aussi qu'il soit $Vv < ang \omega$. Vc, puisqu'ailleurs le calcul feroit contraire à la vérité. Ayant donc bien remarqué ces deux circonstances, nous pourrons trouver la vitesse des ailes Vv, qui conviendra au mouvement unifor-Min. de l'Acad. Tom. XII.

Fig. 6.

me:

me: pour rendre cette recherche plus aise, posons $\frac{v_v}{v_c} = s$ tang es, & notre équation prendra cette forme:

$$\frac{4ncfh \, \sin \omega^{2} \cdot \cos (\omega)}{m} \, \left(\frac{1}{2} - \frac{2}{3} \, z + \frac{1}{4} \, z \, z \right) = \frac{p^{3} \, r}{f}.$$

d'où nous tirons

$$z = \frac{m p^3 r}{n \, eff \, h \, \text{fin } \omega^2 \, \text{cof} \omega}$$

&
$$z = \frac{4}{3} + V \left(\frac{m p^3 r}{n c f f h \sin \omega^2 \cos \omega} - \frac{3}{2} \right)$$

par conféquent

$$\frac{Vv}{Vc} = \frac{4}{3} \tan \omega \pm V \left(\frac{m p^3 r}{n c f f h \cos \omega^3} - \frac{2}{9} \tan \omega^2 \right).$$

Mais il faut qu'il foit $\frac{\sqrt{v}}{\sqrt{c}} < \tan \omega$, d'où il est évident que le figne — devant le radical ne sauroit avoir lieu, & le signe — ne sauroit sublister, à moins qu'il ne sût

$$\frac{v_v}{v_c} = \frac{4}{3} \tan \omega - v \left(\frac{mp^3 r}{mr^3 h \cos \omega^3} - \frac{2}{9} \tan \omega^2 \right) < \tan \omega$$
ou
$$\frac{2}{3} \tan \omega < v \left(\frac{mp^3 r}{nc ff h \cos \omega^3} - \frac{2}{9} \tan \omega^2 \right)$$

& partant prenant les quarrés

$$\frac{1}{3}$$
 tang $\omega^2 < \frac{m p^3 r}{n c f f h \cos \omega^3}$ on bien
$$e < \frac{3 m p^3 r}{n f h \sin \omega^2 \cos \omega}$$

Or la premiere condition exige, qu'il soit

$$\Rightarrow \frac{m p^3 r}{2 n f f h \sin \omega^2 \cot \omega}.$$

Donc, à moins que la vitesse du vent ne soit entre ces deux limites, le mouvement unisorme ne sauroit avoir lieu; car, si elle étoit au dessous de la moindre limite, la machine ne produiroit aucune action, & si elle étoit au dessus de la plus grande, le mouvement de la machine seroit continuellement accéléré, sans qu'il parvint jamais à l'état d'unisormité. Or, tant que la vitesse du vent subsiste entre ces deux limites, la formule irrationelle trouvée sera toujours réelle, & on pourra assigner la vitesse, dont les ailes tourneront dans l'état d'unisormité: d'où l'on connoitra aussi la vitesse du fardeau, & partant le moment d'esset de la machine.

COROLL 'I.

XXXIV. Il est d'abord clair que le vent doit avoir quelque force, avant qu'il soit en état de mettre la machine en mouvement. Si nous posons pour abréger $\frac{p^3}{ff h \sin \omega^2 \cot \omega} = u$, la hauteur düe à la vitesse du vent c doit être plus grande que $\frac{mu}{2\pi}$, & tant que le vent est plus foible, la machine demeure sans action.

COROLL 2.

XXXV. Cette quantité u dépend donc 1° . de la longueur f de la largeur h, & de l'inclinaison des ailes, ou de l'angle ω , supposé que tant la largeur que l'inclinaison soit par tout la même : 2° . de la structure de la machine, qui est rensermée dans la quantité r: & 3° . de la grandeur du sardeau, qu'il saut élever p^3 , on en général de la résistance qu'il saut vaincre.

COROLL 3.

XXXVI. Donc, pour que le vent soit capable de mettre la machine en action, il saut qu'il soit $c > \frac{m u}{2 n}$: & alors ayant $s = A a \cdot 2$

 $\frac{4}{3} - V\left(\frac{m u}{n c} - \frac{2}{3}\right)$, la vitesse des ailes à leur extrémité sera Vv = s rang $\omega \cdot Vc$; ou bien

$$Vv = \tan \omega \left(\frac{4}{3} - V \left(\frac{mu}{\pi c} - \frac{2}{5}\right)\right) Vc$$

De là on connoitra la vitesse $\frac{rVv}{f}$, dont le fardeau sera élevé.

COROLL 4.

XXXVII. Il est aussi évident, que plus la vitesse du vent augmente, plus aussi la quantité z, & partant à plus forte raison la vitesse des ailes V v, deviendra grande. Cependant notre formule n'a lieu, que tandis que la hauteur duë à la vitesse du vent c est moindre que $\frac{3mu}{n}$; lorsqu'elle devient plus grande, la valeur de V v ne sera plus conforme à notre formule.

COROLL 5.

XXXVIII. Or, fi $c = \frac{3mu}{n}$, qui contient la plus grande force du vent, à laquelle notre formule puisse être appliquée, nous aurons $s = \frac{4}{3} - V(\frac{1}{3} - \frac{2}{3}) = 1$. & partant on aura pour la visesse des ailes $Vv = \tan g \omega$. $Vc = \tan g \omega$. $Vc = \frac{3mu}{n}$: & pour la vitesse du fardeau $\frac{rVv}{f} = \frac{r\tan g \omega}{f}$ $Vc = \frac{3mu}{n}$.

SCHOLIE.

XXXIX. Quand le vent augmente au delà de ce degré, notre formule ne fauroit plus avoir lieu; car, puisque alors le mouvement des ailes devient plus rapide, ou $\frac{v}{vc} > \tan \omega$, l'effet du vent sur

les extrémités des ailes sera négatif, ou les ailes y seront frappées du côté opposé, ce qui diminuera la force d'impulsion, au lieu que notre calcul change cette diminution en augmentation. La force de l'impulsion étant donc dans ces cas plus petite, que notre calcul l'indique, l'effer de la machine en sera aussi diminué. Et partant un vent plus fort, en faisant tourner plus vite les ailes, produira bien'un plus grand effer, mais cet effet sera de beaucoup moindre, que selon le calcul; ce qui est sans doute le cas que Mr. Lulofs a en vuë, quand il dit avoir observé que les effets des vent plus rapides ne croissent pas dans la raison du cube de leur vitesses, & pas même dans celle de leurs quarrés. Cela n'est donc pas contraire à ce que j'avois avancé, que l'effer du vent croissoit dans la raison du cube de sa vitesse; car je parlois alors des plus grands effets, que chaque vent est capable de produire; or cet avantage exige pour chaque vitesse du vent un arrangement particulier dans la disposition de la machine. Mais, lorsque l'arrangement demeure le même, il est également vray, que l'effet des vents les plus forts suive une raison beaucoup plus petite que celle des cubes de leur visesse, quoiqu'il sût possible en changeant la disposition de la machine, ou la quantité r, d'en tirer un effet, qui seroit à peu près proportionnel au cube de la vitesse. Dans le problème présent j'ai supposé l'arrangement de la machine, ou la quantité r, la même pour tous les degrés du vent ; & il est clair que cet arrangement ne sauroit être le plus avantageux que pour un seul degré de vitesse; & par la rai-

fon alléguée il est clair, que lorsque $c > \frac{3mu}{n}$, on perd principalement beaucoup sur l'effet que la machine seroit capable de produire, si l'on y changeoit convenablement la quantité r, d'où depend celle de u.

PROBLEME III.

XL. Si dans le cas du problème précédent la vitesse du vent est se grande, que notre calcul n'y sauroit plus être appliqué, déterminer l'action de la machine, qu'un tel vent sera capable de produire.

solu-

SOLUTION.

Dans ce cas toute la difficulté revient à ce que les ailes tournent fi vire, qu'une partie vers leurs extremités est frappée en derriere par le vent, dont l'effet par conséquent est contraire au mouvement de la machine. Soit donc la vitesse des ailes à leur extrémité F = Vv, & que la partie TTHH reçoive le choc du vent par la face de derriere, randis que la partie GGTT le reçoit par avant : posons la distance

Fig. 4.

OS = s, & le momènt d'impulsion pour la partie GG TT sera
$$\frac{4\pi chs s \cot \omega}{m f} \frac{\sqrt{\nu}}{\left(\frac{1}{2} \sin \omega^2 - \frac{2s \sqrt{\nu}}{3f \sqrt{c}} \sin \omega \cdot \cot \omega + \frac{ss v}{4ffc} \cot \omega^2\right)}.$$

Or la partie TT HH fournira, pour ainsi dire, un moment de répulsion, qui sera

$$+ \frac{4ncfh \cos(\omega) v}{m} \left(\frac{1}{2} \sin \omega^2 - \frac{2 v}{3 v} \sin \omega \cdot \cos(\omega + \frac{v}{4c} \cos(\omega^2) \right)$$

$$\frac{4nchss\cos(\omega) \sqrt{v}}{mf} \left(\frac{1}{2} \sin \omega^2 - \frac{2s\sqrt{v}}{3f\sqrt{c}} \sin \omega \cdot \cos(\omega + \frac{ssv}{4ffc} \cos \omega^2 \right).$$

Retranchant celui- ci de celui- là, il restera le moment de l'impulsion actuelle, qui sera:

$$+\frac{8\pi c h s s \cos(\omega \cdot V v)}{m f} \left(\frac{1}{2} \sin \omega^2 - \frac{2s V v}{3f V c} \sin \omega \cos(\omega + \frac{s s v}{4f f c} \cos(\omega^2)\right)$$

$$\frac{4 \operatorname{ncfh} \operatorname{col} \omega \cdot \operatorname{V} v}{m} \left(\frac{1}{2} \operatorname{fin} \omega^2 - \frac{2 \operatorname{V} v}{3 \operatorname{V} c} \operatorname{fin} \omega \operatorname{col} \omega + \frac{v}{4 c} \operatorname{col} \omega^2 \right)$$

Or, puisque en TT est la séparation des impulsions positives & négatives, il y aura sin $\omega \ Vc - \frac{s Vv}{f} \cos \omega = 0$, ou $s = f \tan \omega \ V \frac{c}{v}$,

& cette valeur étant substituée à la place de s, on aura le vray moment d'impulsion des cas en question

$$\frac{n c f h \sin \omega^{2} \cot \omega \cdot V v}{m} \left(\frac{2 c \sin \omega^{2}}{3 v \cot \omega^{2}} - 2 + \frac{8 V v}{3 V c} \cdot \frac{\cot \omega}{\sin \omega} - \frac{v \cot \omega^{2}}{c \sin \omega^{2}} \right)$$

& cette formule aura lieu toutes les fois que $\frac{v_v}{v_c}$ > tang ω . C'est donc à cette formule qu'il faut égaler le moment d'esset $\frac{p^3 r v_v}{f}$, lorsqu'il y aura $c > \frac{3mp^3 r}{nffh \sin \omega^2 \cos(\omega^2)}$. Posons comme auparavant pour abréger $\frac{p^3 r}{ffh \sin \omega^2 \cos(\omega)} = u$, de sorte que nous ayons à considérer les cas où $c > \frac{3mu}{n}$ & l'équation d'où il faut tirer la vitesse des ailes v_v sera

 $\frac{mu}{nc} = \frac{2c \ln \omega^2}{3v \operatorname{col} \omega^2} - 2 + \frac{8Vv}{3Vc} \cdot \frac{\operatorname{col} \omega}{\sin \omega} - \frac{v \operatorname{col} \omega^2}{c \ln \omega^2}$ Soir encore $\frac{Vv}{Vc} \cdot \frac{\operatorname{col} \omega}{\sin \omega} = z \quad \text{ou} \quad \frac{Vv}{Vc} = s \operatorname{tang} \omega, \text{ pour avoir}$ $\frac{mu}{nc} = \frac{2}{3zz} - 2 + \frac{8}{3}z - zz$ d'où l'on voit qu'au cas $c = \frac{3mu}{nc}$ ou $\frac{mu}{zc} = \frac{7}{3}$, il y aura z = 1.

Soit donc $c > \frac{3mu}{n}$, & partant $\frac{mu}{nc} < \frac{1}{3}$; & voyon quelle fera ha valeur de z. Posons pour cet effet $\frac{mu}{nc} = \frac{1}{3} - v$, & $z = 1 + \xi$, en regardant v & ξ comme des fractions fort petites, de sorte que $\frac{1}{2\pi} = 1 - 2 \xi$ & $z = 1 + 2 \xi$, & nous aurons: $\frac{1}{3} - v = \frac{1}{3} - \frac{1}{3} \xi - 2 + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \xi - 1 - \xi = \frac{1}{3} - \frac{1}{3} \xi$

donc $\xi = \frac{3}{2}v$ ou $z = \frac{3}{2} - \frac{3mu}{2nc}$ Par consequent, lorsque la vitesse du vent surpasse tant soit peu la limite marquée, ou qu'il y

$$c = \frac{3 \, m \, u}{(1-3 \, v) \, n}$$
, marquant par v une fraction extremement petite, nous aurons $\frac{Vv}{Vc} \cdot \frac{\cos \omega}{\sin \omega} = z + \frac{2}{2} v = \frac{3}{2} - \frac{3 \, m \, u}{2 \, n \, c}$, dence $Vv = \frac{3}{4} \tan \omega \left(Vc - \frac{m \, u}{n \, Vc} \right)$ à peu près.

Ou bien si $c = \frac{3 \, m \, u}{(1-3 \, v) \, n} = \frac{3 \, m \, u}{n} \, (1+3 \, v)$, nous aurons $Vv = \tan \omega \, (1+3 \, v) \, V \, \frac{3 \, m \, u}{n}$.

CORDLL. I

XLI. Donc, si la vitesse du vem surpasse infiniment peu la limite trouvée $c = \frac{3mu}{n}$, de forte que $c = \frac{3mu}{n}$ (1 + 3 v), la vitesse des ailes à leur extrémité sera

$$V v = \frac{c \tan \omega}{\sqrt{\frac{3 m u}{n}}}$$

COROLL 2.

XLII. Or on trouve le même rapport, si la vitesse du vent est tant soit peu plus petite que ladite limite, de sorte que près de cette limite la vitesse des ailes, & partant aussi celle du fardeau, ou l'effet de la machine, est proportionelle au quarré de la vitesse du vent.

COROLL 2.

XLIII. Mais, si la viresse du vent surpasse considérablement cette limite, l'effet ne croitra plus dans la même raison. Posons $c = \frac{6mu}{n}$, on que la vitesse du vent soit à celle de la limite comme $V = \frac{1}{n}$, ou le

le quarré deux fois plus grand, & on aura à réfoudre l'équation, $\frac{1}{3}$ = $\frac{2}{3zz}$ — 2 — $\frac{2}{3}z$ — zz ou celle cy z^4 — $\frac{2}{3}z^3$ — $\frac{1}{3}z^3$ — $\frac{1}$

COROLL 4.

XLIV. Or dans le cas $c = \frac{3mu}{n}$, on a $Vv = \text{tang } \omega$. $V = \frac{3mv}{n}$: donc, lorsque le quarré de la vitesse du vent devient deux fois plus grand, la vitesse des ailes, ou l'effet, sera augmenté dans le rapport de 1 à $\frac{4}{3}$ V 2 ou de 1 à V $\frac{3}{9}$; & cette augmentation est moindre que si elle suivoit la raison du quarré des vitesses du vent.

COROLL 5.

XLV: Posons la vitesse du vent deux sois plus grande que dans la limite, ou soit $c = \frac{1 \cdot 2 \, m \, u}{n}$, & l'équation à résoudre sera

 $\frac{1}{12} = \frac{2}{3xx} - 2 + \frac{8}{3}x - 2x, \text{ ou } x^4 - \frac{8}{3}x^3 + \frac{2}{12}xx - \frac{2}{3} = 0,$ d'où l'on trouve à peu près $x = \frac{1}{12}$, & partant $v = \frac{1}{12}$ tang ω $v = \frac{1}{12} \frac{mu}{n}$ Donc l'effet fera $\frac{3}{12}$ ou 3 fois plus grand, qu'au cas $c = \frac{3mu}{n}$ quoique le quarré de la vitesse soit 4 fois plus grand.

COROLL 6.

XLVI. De la même maniere on trouvera; que quand même la vitesse du vent deviendroit 100 fois plus grande qu'au cas c = $\frac{3mu}{n}$, l'effet ne seroit que $\frac{1}{7}$. 100 ou 157 fois plus grand; de sorte qu'ensin les effets ne suivront que la raison simple de la vitesse du vent.

Mém, de l'Acad. Tom, XII. Bb scho-

SCHOLION.

XLVII. Si l'on donne l'exclusion à ces cas où $c > \frac{3mu}{n}$, la machine décrite ne peut servir que lorsque la vitesse du vent est rensermée entre ces deux limites, $c = \frac{mu}{2n} & c = \frac{3mu}{n}$, de sorte que la vitesse du plus fort ne surpasse celle du plus foible que dans la raison de $V \in a$ 1. Or, quand le vent se trouve entre ces deux limites, il est aisé de déterminer la vitesse des ailes Vv, & partant aussi celle que le vent imprimera à la machine. Il sera donc bon de calculer les cas principaux, afin qu'on les puisse mieux comparer avec ceux que je viens de déveloperici, quand $c > \frac{3mu}{n}$.

$$c = \frac{mu}{2n}$$

$$c = \frac{mu}{n}$$

$$c = \frac{mu}{n}$$

$$c = \frac{3mu}{2n}$$

$$c = \frac{3mu}{2n}$$

$$c = \frac{2mu}{n}$$

$$c = \frac{5mu}{2n}$$

$$c = \frac{3mu}{2n}$$

$$c = \frac{3mu}{2n}$$

$$c = \frac{3mu}{2n}$$

$$c = \frac{3mu}{n}$$

$$c = \frac{3mu}{n}$$

$$c = \frac{6mu}{n}$$

$$c = \frac{12mu}{n}$$

$$c = \frac{12mu}{n}$$

$$c = \frac{30000mu}{n}$$

Comparons ensemble les cas $c = \frac{3m\pi}{2n} & c = \frac{3m\pi}{n}$, où la raison

des quarrés des vitesses du vent est 1: 2, & celle des essets \(\frac{2}{3} : \frac{1}{2} \), qui est un peu plus grande que celle-là; & nous verrons, que l'observation de Mr. Lulos est assez bien d'accord avec ce calcul: par lequel nous voyons aussi, que la disposition de la Machine demeurant la même, les essets sont à peu près dans la raison du quarré de la vitesse du vent, pourvu qu'on on excepte les cas, où le vent est, ou très soible, ou extrémement fort. Or, ce nonobstant, je soutiens qu'il est possible d'augmenter l'esset en raison du cube de la vitesse du vent: mais alors il faut changer la disposition de la machine, représentée par la quantité r, & pour chaque vitesse du vent on pourra déterminer une valeur de r, qui produise le plus grand esset: quoique je suppose, que les ailes demeurent les mêmes, & qu'on ait le même fardeau p³ à élever, ou en général la même résistance à vaincre. Ce sera le sujet du problême suivant.

PROBLEME IV.

XLVIII. La largeur des ailes, & leur inclinaison à la direction du vent étant par tout les mêmes & données, de même que la résistance, qui doit être vaincuë, trouver la disposition de la machine, pour que le plus grand effet soit produit, pour chaque vitesse du vent, en faisant abstraction du frottement.

SOLUTION.

Les choses données sont donc la longueur de chaque aile OF = f, la largeur HH = h, l'inclinaison à la direction du vent $= \omega$: ensuite la résistance à vaincre, représentée par le poids d'un volume d'eau $= p^3$, & ensin la vitesse du vent, qui soit duë à la hauteur = c. Or nous cherchons la disposition de la machine, qui, quelque composée qu'elle soit, se réduit au rapport entre les vitesses du sardeau & de la force, qui étant supposé comme r à f, tout revient à la détermination Bb 2

Fig. 4.

de la quantité r, que nous avons représentée par le rayon du tambour RRSS (fig. 5) Or cette quantité r dépend de la vitesse Vv, dont les ailes tournent à leurs extrémités; & puisque le moment d'effet est égal au moment d'impulsion, nous n'avons qu'à chercher la vitesse Vv, pour que le moment d'impulsion devienne le plus grand. Or le moment d'impulsion étant trouvé

$$\frac{4\pi cfh \, \cos(\omega. \, Vv)}{m} \, \left(\frac{1}{2} \, \sin\omega^2 - \frac{2\,Vv}{3\,Vc} \, \sin\omega \cos(\omega + \frac{v}{4\,c} \cos\omega^2) \right)$$

posons pour abréger $\frac{v_v}{v_c} = z$ tang ω , & l'expression suivante

$$\frac{4ncfhz \sin \omega^3 \cdot Vc}{m} = \left(\frac{1}{2} - \frac{3}{3}z + \frac{1}{4}zz\right)$$

doit être reduite à un maximum, par la détermination de la variable s. Nous aurons donc à égaler à un Maximum cette formule $2 z - \frac{2}{3} z z$ — z^3 . d'où nous tirons

$$z = \frac{v}{\sqrt{v}} = 0 & partant$$

$$z = \frac{v}{\sqrt{v}} = cotang \omega = \frac{s \pm v}{9} = 0$$

Mais, pour que notre expression du moment d'impulsion ait lieu, il faut que $Vv < tang \omega$. Vc ou z < 1, d'où l'on voit que l'ambiguité des signes se réduit au signe —, de sorte que nous ayons

$$Vv = \frac{8 - V + o}{9} \tan \omega$$
. Vc

Et substituant cette valeur, le moment d'impulsion sera

ou
$$\frac{ncfh \text{ fin } \omega^{3} \text{ V c}}{m} \cdot \frac{8 - \text{V 10}}{9} \cdot \frac{44 + 8\text{V 10}}{81}$$

$$\frac{ncfh \text{ fin } \omega^{3} \cdot \text{V c}}{m} \cdot \frac{272 + 20\text{V 10}}{729}$$

Pofons

Posons pour abréger ces facteurs irrationnels

$$\frac{8 - V_{10}}{9} = \lambda = 0,537514$$

$$\frac{44 + 8 V_{10}}{81} = \mu = 0,855544$$

$$\frac{272 + 20 V_{10}}{729} = \nu = 0,459873$$

de forte que $\nu = \lambda \mu$, & la vitesse des ailes sera $\nu = \lambda \tan \omega$. νc

& le moment d'impulsion, qui est le plus grand

$$\frac{\mathbf{v}ncfh \text{ fin } \omega^3 \ \mathbf{V}c}{m}$$

suquel doit être égal le moment d'effet $\frac{p^3 r \sqrt{v}}{f}$, d'où nous tirons

$$\frac{\lambda p^3 r \tan \omega \cdot Vc}{f} = \frac{vncfh \sin \omega^3 \cdot Vc}{m}$$

ou
$$p^3 r = \frac{\mu n c f f h \text{ fin } \omega^2 \cdot \text{col } \omega}{m}$$

donc
$$r = \frac{\mu n c f f h \text{ fin } \omega^2 \cdot \text{col } \omega}{m p^3}$$

d'où l'on connoit la disposition de toute la machine.

COROLL T.

XLIX. Donc, pour qu'une telle machine produise le plus grand effet, il faut que pour chaque vitesse du vent on donne à la quantité r une valeur particuliere : laquelle est proportionnelle au quarré de la vitesse du vent.

COROLL 2.

L. La disposition de la machine doit donc être telle, que le rapport entre les vitesses du fardeau & de la rouë principale, ou le rapport entre f & r, puisse être changé : ou bien que le rayon du tambour r puisse être augmenté & diminué dans la raison doublée de la vitesse du vent.

COROLL 3.

LI. Donc, si le tambour a une grandeur fixe, comme nous l'avons supposé dans les propositions précédentes, il n'y a qu'un seul degré du vent, où la machine produise le plus grand esset, ce qui arrive lorsque $c = \frac{mp^3 r}{\mu nffh \sin \omega^2 \cot \omega}$. Tous les autres vents produiront un moindre esset, qu'ils ne seroient capables de produire, l'on pouvoir changer la disposition de la machine, ou la quantité r.

COROLL 4.

LII. Or, so l'on donne à r pour chaque vent sa valeur convenable $r = \frac{\mu n c f f h \sin \omega^2 \cot \omega}{m p^3}$, la machine produira le plus grand effet, dont le moment sera $= \frac{\nu n c f h \sin \omega^3 V c}{m}$. Cet effet

est donc proportionnel au cube de la vitesse du vent; pendant qu'il en suit à peine la raison du quarré, si la valeur de r demeure fixe.

COROLL 5.

LIII. On voit aussi que ce plus grand effet est proportionnel à la surface des ailes, ou à fh, & outre cela aussi au cube du sinus de l'angle d'incidence du vent ω . D'où il est evident, qu'il est fort avantageux, d'approcher ce angle ω autant d'un droit, qu'il est possible.

SCHOLION. L.

LIV. Vc entre dans nos formules, entant qu'il exprime la vitesse du vent, & il sera assé d'introduire à sa place l'espace que le vent parcourt dans une seconde. Que g marque la hauteur, par laquelle un corps tombe dans une seconde, & 2 Vgc sera l'espace, que le vent parcourt dans une seconde: posant maintenant 2 Vgc à la place de Vc, l'expression $\frac{2 vncfh \text{ sin } \omega^3 \cdot Vgc}{\sigma^2}$ donnera l'esset de la machine

produit dans une seconde, ou bien la résistance multipliée par l'espace, par lequel elle avance dans une seconde. Et si la machine est employée à élever de l'eau, cette même expression désinit la quantité d'eau élevée par seconde, multipliée par la hauteur, à laquelle l'eau est élevée. Soit donc a la hauteur à laquelle l'eau doit être élevée, & M sa masse d'eau élevée dans une seconde, qu'il saut exprimer en pieds cubiques, si les quantités c, f, h, & g, sont données en pieds, & on

aura $M = \frac{2 \operatorname{vnc} f h \ln \omega^3 \operatorname{Vgc}}{m}$, d'où l'on aura la quantité d'eau M_p qui fera élevée par seconde à la hauteur donnée a_p

$$M = \frac{2\nu n c f h \text{ fin } \omega^3. V c}{m a}$$

Pour en donner un exemple, supposons selon le cas proposé par Mr. Luloss

f = 43 pieds, $k = 5\frac{1}{2}$ pieds, a = 4 pieds, & l'angle $\omega = 73^{\circ}$ ensuite 2 V g e = 30 pieds: donc à cause de $g = 15\frac{1}{2}$ pieds, il y aura $e = \frac{7}{2}$ pieds, d'où nous obtiendrons,

fin $\omega^3 = \frac{7}{8} & M = \frac{30.72.43.11.7}{4.5.2.8} \frac{97}{2.8}$ pieds cubiques,

on $M = \frac{89497}{4}$. $\frac{9\pi}{m} = 10289$. $\frac{\pi}{m}$ pieds cubiques.

Prenons m = 700, & nous aurons $M = 14 \frac{7}{5} n$. Donc dans une minute cette machine élevera 8 8 2 n pieds cubiques d'eau à la hauteur de 4 pieds. Donc, fi cette machine élevoit 1500 pieds cubiques,

il faudroit mettre $n = \frac{1500}{882}$: d'où il est evident que la valeur de n

est encore plus grande, puisque d'un côté j'ai négligé ici le frottement, & d'un autre côté il n'est pas probable, que la disposition de la machine chine air été conforme au plus grand avantage. J'ai supposé ici la gravité specifique de l'air 700 sois plus petite que celle de l'eau, au lieu que dans mes premiers calculs je l'avois prise 850 sois moindre, & c'est la raison que j'ai trouvé ici le nombre 882 au lieu de 757, que j'ai rapporté cy dessus (§. 8). Cependant je ne voudrois encore rien décider sur la véritable valeur de la lettre n, puisque le cas de l'expérience n'est pas assez d'accord avec celui, auquel j'ai appliqué ici le calcul. Car Mr. Luloss a marqué exprès, que l'inclinaison des ailes au vent n'étoit pas par toute leur longueur la même; mais que l'angle ω étoit moindre près de l'axe, & plus grand vers les extrémités, que 73°, & qu'il avoit pris un milieu. Or il est encore fort douteux, si un tel milieu est équivalent; je différerai donc la décision, jusqu'à ce que j'aurai examiné le cas, où l'angle ω est variable par la longueur des ailes.

LV. Il est ici fort remarquable que l'effet de ces machines est proportionnel au cube du sinus de l'angle d'inclinaison ω, d'où il s'ensuit que, pour produire le plus grand effet, il faudroit rendre cet angle droit. Cependant il est très certain qu'alors le vent n'exerceroit plus aucune force sur les ailes; & qu'il ne seroit pas capable de vaincre la moindre réfissance: aussi trouvons nous pour ce cas r = 0 à cause de cos $\omega = 0$, de sorte que le moment de la résistance évanouiroit tout à fait, & la vitesse des ailes V v deviendroit infinie. raison on voit bien que ce cas est impossible, puisque les ailes rencontrent toujours par leur tranchant une résistance de la part de l'air. laquelle croissant dans la raison des quarrés de la vitesse arrêteroit bientôt l'accélération ulterieure des ailes, quand même la résistance de la machine évanouroit. Mais, quoiqu'il fut r = 0, où la force de la réfistance seroit réduite à rien, le moindre frottement de la machine rendroit ce cas inutile, & l'arrêteroit en repos. De là il est évident qu'on ne sauroit négliger, ni le frottement, ni la résistance de l'air, que les ailes fouffrent par leur tranchant, dès que l'angle \omega approche fort d'un droit, & que la vitesse des ailes devient fort rapide: puisqu'alors ce deux

deux circonstances sournissent les principales déterminations de la machine & de son mouvement. Il est donc de la derniere importance, qu'en traitant ce problème on ait égard tant au frottement qu'à la résistance de l'air, & ce sera de là qu'on pourra déterminer, jusqu'à ques point on puisse augmenter l'angle ω , asin que le véritable esset devienne le plus grand. Or le seul frottement mettra déjà de telles bornes à la vitesse des ailes, qu'on pourra se dispenser d'avoir égard à la résistance de l'air, tant puisqu'elle n'est pas sort cousidérable, quand le mouvement des ailes n'est pas extrémement rapide, que puisque son esset peut être réuni à peu près avec celui du frottement. Car, quoique celui - cy suive la raison simple de la vitesse, & celui - là la doublée, on pourra bien se passer de la petite dissérence qui en résulteroit.

PROBLEME V.

LVI. Les mêmes choses étant données que dans le problème précécedent, trouver la disposition de la machine, asin qu'elle produise le plus grand effet, en ayant égard au frottement, auquel la machine est assujettie.

SOLUTION.

Pour vaincre le frottement soit requise la force F, qui étant appliquée à l'extrémité d'une aile, contrebalance précisément le frottement. Cette force étant contraire à la force d'impulsion, son moment, qui est FVv, doit être retranché du moment d'impulsion, de sorte que, pour mettre la machine en action, on aura ce moment d'impulsion

$$\frac{4\pi c f h \cos(\omega \cdot V v)}{m} \left(\frac{1}{2} \sin \omega^2 - \frac{2Vv}{3Vc} \sin \omega \cos(\omega + \frac{v}{4c} \cos(\omega^2)) - FVv \right)$$
qu'il faut rendre un maximum. Posons comme auparavant pour abréger $\frac{Vv}{Vc} = z$ tang ω , & nous aurons:

$$\frac{ncfhz \sin \omega^3 Vc}{m} (2 - \frac{8}{3}z + zz) - Fz \text{ tang } \omega. Vc$$

Min. del Acad, Tom. XII.

C

Soit

Soit de plus $\frac{m \text{ F tang } \omega}{m \, c \, f h \, \text{fin} \, \omega^3} = \phi$, & il faudra rendre un maximum

2 2 —
$$\frac{8}{3}$$
 22 + 2³ — ϕ 2, d'où nous tirons
3 22 — $\frac{1}{3}$ 2 + 2 — ϕ = 0 & partant:
2 = $\frac{8 - V(10 + 27 \phi)}{9}$

C'est donc le nombre ϕ , qui renserme l'esset du frottement, ayant supposé $\phi = \frac{m F}{n c f h \sin \omega^2 \cos \omega}$, & de là nous aurons pour la vitesse des ailes:

$$Vv = \frac{8 - V(10 + 27 \Phi)}{9} tang \omega$$
. Vc

Ensuite, puisque $F = \frac{n \, cf h \, \sin \omega^2 \, \cos \omega}{m} \phi$, le plus grand moment d'impulsion sera :

$$\frac{8-V(10+27\Phi)}{9} \cdot \frac{44-54\Phi+8V(10+27\Phi)}{81} \cdot \frac{ncfh \sin \omega^3 \cdot Vc}{m}$$
ou
$$\frac{272-648\Phi+(20+54\Phi)V(10+27\Phi)}{729} \cdot \frac{ncfh \sin \omega^3 \cdot Vc}{m}$$

auquel doit être égal le moment de l'effet $\frac{p^3 r V v}{f}$, d'où l'on tire

$$\frac{p^3 r}{f} = \frac{44 - 54 \phi + 8 \frac{V(10 + 27 \phi)}{8!} \cdot \frac{ncfh \sin \omega^2 \operatorname{cof} \omega}{m}, & \text{partant}$$

$$r = \frac{44 - 54 + 8 V(10 + 27 + 0)}{81} \frac{ncffh \sin \omega^2 \cos \omega}{m p^3}$$

COROLL . I.

LVII. Donc, après avoir posé $\varphi = \frac{m F}{ncfh \text{ fin } \omega^2 \text{ cos}}$, nous venons de trouver $z = \frac{8 - V(ro + 27 \varphi)}{9}$, & de là nous avons la viresse des alles à leurs extrémités Vv = z rang $\omega . Vc$, & le moment d'impulsion, ou plûtot celui de l'effet, $= \frac{ncfhz \text{ fin } \omega^3 . Vc}{m} (2 - \frac{s}{3}z + zz - \varphi), \text{ puisque nous avons déjà retranché le frottement de l'impulsion actuelle. Enfin, pour la disposition la plus avantageuse, nous aurons <math display="block"> r = \frac{ncffh \text{ fin } \omega^2 \text{ cos}}{m p^3} (2 - \frac{s}{3}z + zz - \varphi), \text{ fi l'on donne à z la valeur trouvée.}$

COROLL 2.

LVIII. Sans avoir égard à la disposition la plus avantageuse, il faut, que la machine étant encore en repos, ou z = 0, la force du vent soit au moins capable de vaincre le frottement; d'où il faut qu'il soit $\phi < 2i$. Ensuite, pour qu'elle puisse aussi vaincre la résistance, il faut qu'il soit $\frac{ncffh \sin \omega^2 \cot \omega}{m}$ $(2 - \phi) < p^3 r$. Enfin, par la raison alléguée cy dessus, z doit être moindre que l'unité, ou z < 1.

CORDLL. 3.

LIX. Donc, puisque $\phi = \frac{m F}{n c f h \sin \omega^2 \cot \omega}$, il est absolument nécessaire qu'il soit $\frac{m F}{n c f h \sin \omega^2 \cot \omega} < 2$, & partant $c > \frac{m F}{2 n f h \sin \omega^2 \cot \omega}$ d'où l'on connoît quelle force doit avoir le vent, avant qu'il soit capable de vaincre le frottement. Or, pour empêcher que la valeur Cc 2 de

de one devienne trop grande, il est évident, que l'angle so ne sauroit être ni trop petit, ni trop approchant d'un droit.

COROLL. 4.

LX. Or, si $\phi < 2$; on trouve toujours pour z une valeur positive moindre que l'unité, par laquelle on déterminera la plus avantageuse disposition de la Machine, ou la quantité r. Où l'on peut remarquer que la formule trouvée se change aisément dans cette forme.

$$r = \frac{\left[8-V(10+27\phi)\right]\left[8+2V(10+27\phi)\right]}{81} \cdot \frac{ncffh \operatorname{fin}\omega^2 \operatorname{col}\omega}{mp^3}.$$

Et le moment de l'effet sera alors

$$\frac{[8-V(10+27\phi)]^{2}[8+2V(10+27\phi)]}{729} \cdot \frac{ncfh \sin \omega^{3} Vc}{m}.$$

COROLL. 5.

LXI. Ce plus grand moment, dès qu'il commence à devenir réel, ou que $\emptyset < 2$, augmente avec la vitesse du vent; & lorsque le vent devenoit infiniment rapide, ce moment, ou l'effet de la machine, suivroit encore la raison du cube de la vitesse du vent. Or, si la vitesse du vent diminue, la valeur de \emptyset augmente, & rend le coëfficient irrationel plus petit, d'où l'esset décroitra dans une raison plus grande que celle des cubes de la vitesse.

COROLL 6.

LXII. Or ce coëfficient irrationel $[8-V(10+27\ \phi)]^2$ $[8+2V(10+27\ \phi)]$ évanouit lorsque $\phi=2$, & pendant que la valeur de ϕ décroit, ou que la vitesse du vent augmente, il deviendra de plus en plus grand, & approchera de $(8-V10)^2$ (8+2V10), qui est sa valeur pour le cas $\phi=0$; ou la vitesse du vent infinie. Donc, puisque ce coëfficient croit avec la vitesse du

du vent, il est clair que le plus grand effet de la machine croit dans une plus grande raison, que celle des cubes de la vitesse du vent.

SCHOLION.

Nous avons confidéré ici l'inclinaison des ailes à la direction du vent, ou l'angle ω comme donné; or on voit que le plus grand effet qu'on obtient, si l'on donne à la machine la disposition prescrite, dépend beaucoup de cet angle ω. Car, si l'on faisoit l'angle ω à peu près de 90°, ce qui seroit le cas le plus avantageux s'il n'y avoit point de frottement, le facteur $\frac{ncfh \text{ fin } \omega^3 \text{ } Vc}{m}$ deviendroit bien le plus grand, mais le facteur irrationel diminueroit l'effet, à cause de la valeur de Ø, qui est réciproquement proportionelle à sin ω^ε cof ω: & nous avons vû, que si 0 = 2 ou même plus grand que 2, la machine ne fauroit plus être mile en mouvement. Il faut donc prendre l'angle ω en sorte qu'il en résulte une valeur pour \mathcal{O} , qui soit moindre que 2, & pour cet effet il faut exclure, tant les cas Pangle ω est trop petit, que ceux où il aproche trop d'un angle droit, puisque l'un & l'autre cas augmente la valeur de O. En ne regardant que l'angle \omega comme variable, la valeur de \omega devient la plus petite so I've prend fin $\omega = \sqrt{3}$ & cos $\omega = \sqrt{3}$, ou bien l'angle $\omega = 54^{\circ}$, 44², auquel cas on aura $\phi = \frac{3 \text{ mF V } 3}{2 \text{ ncfh}^2}$, qui est sa plus petite valeur. Mais, foit qu'on prenne l'angle w plus grand ou plus petit que 54°, 44°, la valeur de Ø deviendra plus grande, de sorte qu'il y a toujours deux angles pour ω, qui donnent la même valeur pour Φ , dont l'un est plus grand que 54°, 44', & l'autre plus petit. Or il est évident que de ces deux valeurs il est toujours bon de choisir Le plus grande, puisque alors fin ω^3 , ou le dernier facteur devient plus grand, le premier irrationel demeurant le même : ainsi ces deux angles $\omega = 45^{\circ}$, & $\omega = 64^{\circ}$, 5', 11" donnent la même valeur fin ω^2 cof $\omega = \frac{1}{2V_2}$, & partant aussi la même pour ϕ . Cepen-

dant

dant, en prenant $\omega = 64^{\circ}$, 5° , $11^{\prime\prime}$ au lieu de $\omega = 45^{\circ}$, l'effet de la machine sera $2\frac{1}{17}$ fois plus grand. On comprend aussi qu'il est plus avantageux de prendre l'angle ω plus grand que 54° , 44^{\prime} ; car, quoique la valeur de ϕ devienne plus grande, & partant le facteur irrationel $\frac{\left[8 - V\left(10 + 27\phi\right)\right]^{2} \left[8 + 2V\left(10 + 27\phi\right)\right]}{729}$

plus petit, l'autre facteur $\frac{ncfh \text{ fin } \omega^3 \text{ Vc}}{m}$, prend en échange une plus grande valeur, de forte que le produit de ces deux formules devient plus grand: car, si l'on augmente tant soit peu l'angle ω au delà de 54°, 44′, le nombre ω , & partant aussi le facteur irrationel, n'en change point, tandis que l'autre facteur en reçoit une augmentation sensible. Il est donc important de déterminer l'angle ω , fous lequel il faut incliner les ailes à la direction du vent, afin que la machine produise le plus grand effet; ce que nous ferons dans le problème qui suit.

PROBLEME VI.

LXIV. Quand les ailes sont partout également larges, & également inclinées à la direction du vent, trouver quelle inclinaison il leur faut donner, afin que la machine produise le plus grand effet, en tenant compte du frottement.

SOLUTION.

Après avoir posé comme ci-dessus $\frac{v_v}{v_c} = s$ rang so, le moment d'impulsion diminué de celui du frottement est

$$\frac{ncfhz \sin \omega^3. Vc}{m} (2 - \frac{8}{3}z + zz) - Fz \tan \omega Vc$$

qu'il s'agit de rendre un maximum. Or, puisqu'on demande l'angle le plus convenable ω , en supposant qu'on ait déjà donné à z la valeur, que la plus avantageuse disposition de la machine exige, savoir

$$s = \frac{8 - V (10 + 27 \phi)}{9}$$
, ayant posé $\phi = \frac{m F}{n c f h \sin \omega^2 \cot \omega}$

il faut différentier l'expression du moment en supposant tant z que l'angle ω variable. Or le différentiel qui résulte de la variabilité de z évanouir déjà, si l'on donne à z la valeur trouvée; il ne reste donc qu'à considérer l'angle ω seul comme variable, & posant le différentiel — o nous aurons cette équation.

$$\frac{3 \operatorname{ncfhz} \operatorname{fin} \omega^2 \operatorname{cof} \omega \operatorname{V} c}{m} (2 - \frac{3}{3}z + 2z) - \frac{\operatorname{Fz} \operatorname{V} c}{\operatorname{cof} \omega^2} = 0 \text{ ou}$$

$$\frac{3 \operatorname{nc} f h \operatorname{fin} \omega^{2} \operatorname{col} \omega}{m} \left(2 - \frac{8}{3} z + z z\right) - \frac{F}{\operatorname{col} \omega^{2}} = 0$$

Posons pour F sa valeur $\frac{\pi c f h \sin \omega^2 \cos \omega}{m} \phi$ pour avoir

$$3(2-\frac{8}{3}z+zz)-\frac{\phi}{\cos^2}=0$$

OU

$$\Phi = 3c \int_{0}^{2} (2 - \frac{3}{3}z + 2z) = \frac{c \int_{0}^{2} \left[8 - V(10 + 27\phi) \right] \left[8 + 2V(10 + 27\phi) \right]}{27}$$

Donc nous aurons

$$\frac{27 \, \Phi}{\cos(\omega^2)} = 44 - 54 \, \Phi + 8 \, V(10 + 27 \, \Phi)$$

Mais, puisque $\phi = \frac{mF}{n c f h \sin \omega^2 \cot \omega}$, posons pour abréger

$$\frac{m F}{n c f h} = \frac{4 \alpha}{27}$$
, de forte que $27 \phi = \frac{4 \alpha}{\sin \omega^2 \cos \omega}$, & nous aurons

$$\frac{\alpha}{\sin \omega^2 \cot \omega^3} = 11 - \frac{2\alpha}{\sin \omega^2 \cot \omega} + 2V \left(10 + \frac{4\alpha}{\sin \omega^2 \cot \omega}\right)$$

 $\alpha + 2\alpha \operatorname{col}\omega^2 - 11 \operatorname{fin}\omega^2 \operatorname{cl}\omega^3 = 2\operatorname{fin}\omega \operatorname{cl}\omega^2 V(10 \operatorname{fin}\omega^2 \operatorname{cl}\omega^2 + 4 \operatorname{acl}\omega)$

qui

qui étant délivrée des irrationels prendra cette forme $\alpha \alpha (1+2\cos(\omega^2)^2-2\alpha\sin\omega^2\cos(\omega^3)(1+3\cos(\omega^2)+81\sin\omega^4\cos(\omega^4))$ où il faut se souvenir que $\frac{4\alpha}{\sin\omega^2\cos(\omega)}$ doit être moindre que 54, &

partant $\sin \omega^2 \cot \omega > \frac{4\alpha}{54}$, ou $\sin \omega^2 \cot \omega > \frac{2\alpha}{27}$. Tout revient donc à résoudre cette équation, & à en déterminer l'angle ω . Comme elle peut avoir plusieurs racines, il est bon de remarquer, que l'angle satisfaisant est toujours plus grand que 54° , 44', comme j'ai fait voir ci dessus.

COROLL. I.

LXV. La constante $\alpha = \frac{27 \text{ m F}}{4 \text{ ncfh}}$ renserme le frottement F, auquel elle est proportionelle. Et au cas que le frottement évanouit, notre équation nous découvre $\cos \omega = 0$, ou l'angle ω droit, tout comme nous l'avons déjà remarqué.

COROLL. 2.

LXVI. Donc, si le frottement est extrémement petit, nous voyons que l'angle ω doit approcher fort d'un angle droit, de sorte que cos ω sera une fraction très petite. Nous pourrons donc supposer $1 + 2 \cos(\omega^2 \equiv 1)$ & $11 + 30 \cos(\omega^2 \equiv 1)$, & notre équation à résoudre sera

 $\alpha \alpha = 22 \alpha \sin \omega^2 \cos^3 - 81 \sin \omega^4 \cos^4 \omega^6$ d'où nous tirons :

$$a = (11 + V_{40}) \sin \omega^2 \cos \omega^3$$
 ou $\sin \omega^2 \cos \omega^3 = \frac{\alpha}{11 + V_{40}}$.

Et, puisque sin ω est à peu près $\equiv 1$, on aura $\cos \omega = \sqrt[3]{\frac{\alpha}{11 \pm \sqrt{40}}}$

où il faudra prendre le figne +, afin que l'angle ω approche plus d'un droit.

COROLL. 2.

LXVII. On pourra aussi déterminer les cas, où un angle donné ω est le plus propre pour procurer le plus grand effet de la machine. Car, prenant pour ω un angle quelconque plus grand que 54%, on trouve

$$\alpha = \frac{11 + 30 \cos(\omega^2 + V[(7 + 24 \cos(\omega^2)^2 - 9])}{(1 + 2 \cos(\omega^2)^2}. \sin(\omega^2 \cos(\omega^2))$$

& cet angle produira le plus grand effet, lorsque le frottement est

$$F = \frac{4ncfh\alpha}{27 m}. \text{ Alors ayant} - s = \frac{2}{5} - V \left(\frac{10}{52} + \frac{4 \alpha}{81 \text{ fin} \omega^2 \text{ cof} \omega} \right).$$

le plus grand moment d'effet sera,

$$\frac{ncfhz \sin \omega^3 \cdot Vc}{m} (2 - \frac{9}{3}z + zz) - Fz \tan \omega Vc.$$

EXEMPLE.

LXVIII. Qu'on cherche les cas, où l'inclinaison des ailes à la direction du vent de 70°, 31', est la plus avantageuse : ou lorsqu'on met $\cos \omega = \frac{1}{3}$ & $\sin \omega = \frac{2\sqrt{2}}{2}$.

Posant donc $\cos \omega = \frac{\pi}{3}$ & $\sin \omega^2 = \frac{\pi}{3}$, on trouvers

$$\alpha = \frac{43 \pm \sqrt{760}}{121}$$
. d'où l'on tire deux valeurs, qui font

$$\alpha = 0,5184$$
 & $\alpha = 0,1134$, auxquelles répond le frottement $F = 0,0768$. $\frac{m}{n} cfh$ & $F = 0,0168$. $\frac{m}{n} cfh$.

SCHOLIE.

LXIX. Or, puisque l'inclinaison des ailes, comme je viens de la déterminer, dépend de la force du vent, & qu'il la faudroit changer toutes les fois que le vent change, la pratique ne fauroit tirer aucun avantage de cette détermination, qui demanderoit d'ailleurs un dévelopement plus soigneux, auquel il seroit superflu de s'arrêter plus longrems. Ce qui nous a jetté dans cet embarras, c'est que nous avons donné aux ailes par toute leur étendue la même inclinaison à la direction du vent : or il n'y a non seulement rien qui nous oblige à cette égalité, mais il est même beaucoup plus avantageux de donner aux ailes une inclination variable, en forte que l'angle ω en s'éloignant de l'axe approche de plus en plus de 90°. Aussi voyons-nous qu'on observe actuellement cette maxime dans la pratique; & quand Mr. Lalofs marque, que l'angle & étoit de 73°, il avertit expressement, que le vent tomboit plus obliquement sur les ailes près de l'axe, & qu'il les frappoit presque perpendiculairement vers les extrémités. ramener ce cas à celui que j'avois traité, y ayant supposé l'inclinaison uniforme, il avoit pris un milieu entre la plus grande & la plus petite inclinaison. Donc, puisqu'il a trouvé ce milieu de 73°, si la plus grande a été de 90°, la plus petite seroit de 56°. J'examinerai donc combien cette variabilité est conforme à la théorie, & combien il y a à gagner de ce côté pour augmenter l'effet de ces fortes de machines.

PROBLEME VII.

LXX. Trouver la plus avantageuse inclinaison, qu'il faut donner eux ailes d'un moulin à vent, asinqu'on en puisse tirer le plus grand effet.

SOLUTION

Pour résoudre ce problème il faut remonter à la premiere formule intégrale, qui exprime le moment d'impulsion. Or, si nous posons la longueur entiere des ailes OF = f, leur largeur MM = y, qui convient à la distance de l'axe OP = x, & l'angle sous lequel l'élément ment de l'aile MMmm y est incliné à la direction du vent $\equiv \omega$, il faut considérer cet angle comme variable, & déterminer pour chaque distance de l'axe $OP \equiv x$ sa valeur, afin que le moment d'impulsion devienne le plus grand. Mais nous avons trouvé (27) ce moment exprimé en sorte:

$$\frac{4 \, nc \, Vv}{mf} \, fx \, y \, dx \, \text{cof} \, \omega \left(\text{fin} \, \omega - \frac{x \, Vv}{f \, Vc} \, \text{cof} \, \omega \right)^2$$

où c marque la hauteur düe à la vitesse du vent, & v celle qui est düe à la vitesse des ailes à leur extrémité F. De quelque maniere que la largeur des ailes varie, on peut regarder y comme une fonction donnée de x; & notre formule intégrale ne renfermera que deux variables x & ω , entre lesquelles il faut déterminer le rapport, qui rendra un maximum la valeur de notre intégrale. Or on sait que, si Z est une fonction quelconque de deux variables x & ω , en sorte que d Z \longrightarrow Mdx \longrightarrow $Nd\omega$, la formule intégrale $\int Z dx$ obtiendra la plus grande valeur quand on pose N \Longrightarrow o; donc, puisque dans notre cas on a

$$Z = xy \cos \omega \ (\sin \omega - \frac{x v}{f v} \cos \omega)^2$$

il s'ensuit par la différentiation

$$N = -xy \ln \omega \left(\ln \omega - \frac{x \sqrt{v}}{f \sqrt{c}} \operatorname{cl} \omega \right)^2 + 2xy \operatorname{cl} \omega \left(\ln \omega - \frac{x \sqrt{v}}{f \sqrt{c}} \operatorname{cl} \omega \right) \left(\operatorname{cl} \omega + \frac{x \sqrt{v}}{f \sqrt{c}} \operatorname{lin} \omega \right)$$

d'où, en divisant par xy (fin $\omega - \frac{xVv}{fVc}$ cof ω), nous tirons cette équation:

Dd 2

$$\sin \omega^2 - \frac{x v}{f v} \sin \omega \cos \omega = 2 \cos \omega^2 + \frac{2 x v}{f v} \sin \omega \cos \omega$$

ou fin
$$\omega^2$$
 — $2 \cos \omega^2 = \frac{3 x v}{f v}$ fin $\omega \cos \omega$.

Polons

Posons pour abréger $\frac{3xVv}{fVc} = 2 \varrho$ pour avoir

 $\sin \omega^2 - 2 \cos \omega^2 = 2 \varrho \sin \omega \cos \omega$, où divisant par $\cos \omega^2$

tang $\omega^2 \equiv 2 \varrho \tan \varphi \omega + 2$ donc

tang $\omega = \varrho + V(\varrho \varrho + 2)$ ou bien

tang
$$\omega = \frac{3x}{2f} \frac{Vv}{Vc} + V \left(\frac{9xxv}{4ffo} + 2 \right)$$

D'où l'on connoit pour chaque distance x de l'axe l'inclinaison qu'il faut donner aux ailes, asin que le moment d'impulsion devienne le plus grand qu'il est possible.

COROLL. I.

LXXI. De cette formule il est évident que, plus le point P des ailes est éloigné de l'axe O, & plus l'angle ω y devient grand, ou plus l'inclination des ailes à la direction du vent y approche d'un angle droit. Or tout près de l'axe O, ou x = 0, on a tang $\omega = 1/2$, ou bien l'angle $\omega = 54^{\circ}$, 44'; & partant plus loin de l'axe O l'angle ω doit être plus grand.

COROLL 2.

LXXII. A l'extrémité des ailes en F, où x = f, l'angle wsers le plus grand, & on aura tang $\omega = \frac{3 Vv}{2 Vc} + V(\frac{9 v}{4 c} + 2)$.

Cet angle dépend donc du rapport des vitesses \sqrt{v} & \sqrt{c} ; & plus la vitesse des ailes est grande par rapport à la vitesse du vent, plus aussi approchera l'angle ω d'un droit. S'il y avoit $\sqrt{v} = \sqrt{c}$, on auroit tang $\omega = \frac{3}{2} + \sqrt{\frac{1}{4}}$, ou bien l'angle $\omega = 74^{\circ}$, 194. Or, si l'on met $\sqrt{v} = 2\sqrt{c}$, on aura tang $\omega = 3 + \sqrt{11}$ ou $\omega = 81^{\circ}$, 14;

Vv = 3Vc, on sura rang $\omega = \frac{9 + V89}{2}$ ou $\omega = 83^{\circ}$, 49'.

COROLL 3.

LXXIII. Posons ce raport $\frac{Vv}{Vc} = v$, & il faut qu'il demeure toujours le même, quelque changement qu'il arrive au vent, afin que les alles puissent fervir pour tous les degrés du vent: alors on aura

$$\tan \omega = \frac{3 vx}{2f} + V \left(\frac{9 vvxx}{4ff} + 2 \right)$$

& à l'extrémité des ailes en F, tang $\omega = \frac{3}{2} \nu + \nu (\frac{9}{4} \nu \nu + 2)$.

COROLL 4.

LXXIV. Dans cette disposition des ailes il n'est pas à craindre, que le calcul devienne jamais contraire à la vérité. Car, quelque grande que soit la vitesse du vent, il y a toujours sin $\omega > \frac{x \vee v}{f \vee c}$ cos ω , & il n'arrive jamais, comme dans les cas précédens, qu'une partie des ailes éprouve le choc du vent par derrière.

COROLL. 5.

LXXV. Posant Vv = vVc, le moment d'impulsion sera $\frac{4vncVc}{mf} \int xydx \operatorname{cof} \omega^3 \left(\operatorname{rang} \omega - \frac{vx}{f}\right)^2$

& puisque la formule intégrale ne renferme plus la vitesse du vent, le moment d'impulsion sera proportionnel au cube de la vitesse du vent.

PROBLEME VIII.

LXXVI. Si les ailes sont partout de la même largeur, & qu'on dispose leur inclinaison à la direction du vent, comme il a été enseigné dans le problème précédent, déterminer le moment d'impulsion dont les ailes seront frappées par chaque vent.

SOLUTION.

Ayant établi un certain rapport entre la vitesse du vent Vc & la vitesse des ailes à leur extrémité Vv, en sorte que Vv = vVc, soit la largeur constante des ailes HH = h, & paisque y = h, il s'agit de trouver l'intégrale de cette expression.

$$\frac{4vnhcVc}{mf} fxdx \text{ col } \omega^3 \left(\tan \omega - \frac{vx}{f}\right)^2$$

en polant tang
$$\omega = \frac{3^{n}x}{2f} + V\left(\frac{9^{n}xx}{4ff} + 2\right)$$
. Or, fi l'on

mettoit cette valeur à la place de tang ω , le cos ω seroit exprimé par une formule si embastrassée, qu'on auroit bien de la peine à en chercher l'intégrale. Il est donc à propos de garder dans le calcul la variable ω , & de déterminer l'autre x par celle-ci : doù l'on aura

tang
$$\omega^2 - \frac{3vx}{f}$$
 tang $\omega = 2$, & $\frac{vx}{f} = \frac{\tan \omega^2 - 2}{3 \tan \omega}$

De là nous obtiendrons:

tang
$$\omega = \frac{yx}{f} = \frac{2 \tan g \, \omega^2 + 2}{3 \tan g \, \omega} = \frac{2}{3 \sin \omega \, \cot \omega}$$

&
$$\left(\tan \omega - \frac{vx}{f}\right)^2 = \frac{4}{9 \sin \omega^2 \cot \omega^2}$$

Ensuite ayant

$$x = \frac{f}{3^{\nu}} (\operatorname{tang} \omega - 2 \operatorname{cof} \omega) = \frac{f(\operatorname{lin} \omega^2 - 2 \operatorname{cof} \omega^2)}{3^{\nu} \operatorname{lin} \omega \operatorname{cof} \omega}$$

a différentiation donne

$$dx = \frac{f d\omega}{3\nu} \left(\frac{1}{\cos^2 + \frac{2}{\sin \omega^2}} \right) = \frac{f d\omega (\sin \omega^2 + 2 \cos \omega^2)}{3\nu \sin \omega^2 \cos \omega^2}$$

D'où l'on tirera

$$x dx \cot \omega^3 = \frac{ff d\omega (\text{fin } \omega^4 - 4 \cot \omega^4)}{9 vv \text{ fin } \omega^3}$$

& partant le moment d'impulsion fers : ::

$$\frac{16\pi fhcVc}{81 \text{ ym}} \int \frac{d\omega \text{ (fin } \omega^4 - 4 \text{ col } \omega^4)}{\text{fin } \omega^5 \text{ col } \omega^5}$$

Posons $\int \frac{d\omega \ (\sin \omega^4 - 4 \cos \omega^4)}{\sin \omega^5 \cos \omega^2} = \Omega$, & nous aurons.

$$d \Omega = \frac{d\omega}{\sin \omega \cot \omega^2} - \frac{4 \cot \omega^2}{\sin \omega^5} d\omega, \text{ ou bien}$$

$$d \Omega = d \omega \left(\frac{\sin \omega}{\cot \omega^2} + \frac{1}{\sin \omega} + \frac{4}{\sin \omega^3} - \frac{4}{\sin \omega^5} \right)$$

où l'on remarque d'abord que $\int \frac{d\omega \sin \omega}{\cos \omega^2} = \frac{1}{\cos \omega}$, & $\int \frac{d\omega}{\sin \omega} = 1$

tang ½ ω en prenant les logarithmes hyperboliques. Ensuite, ayant en

général
$$\int \frac{d\omega}{\sin \omega^{\mu}} = \frac{\mu-2}{\mu-1} \int \frac{d\omega}{\sin \omega^{\mu-2}} = \frac{\cot \omega}{(\mu-1) \sin \omega^{\mu-1}}$$
.

nous aurons:

$$\int \frac{d\omega}{\sin \omega^3} = \frac{1}{2} \int \frac{d\omega}{\sin \omega} - \frac{\cos \omega}{2 \sin \omega^2} = \frac{1}{2} I \tan \frac{1}{2} \alpha - \frac{\cos \alpha}{2 \sin \omega^2}$$

$$\int \frac{d\omega}{\sin \omega^5} = \frac{3}{4} \int \frac{d\omega}{\sin \omega^3} - \frac{\cos \omega}{4 \sin \omega^4} = \frac{3}{8} / \operatorname{rang} \frac{2}{2} \omega - \frac{3 \cos \omega}{8 \sin \omega^2} - \frac{\cos \omega}{4 \sin \omega^4}$$

Rassemblons toutes ces parties ensemble, & nous trouverons,

$$\Omega = \frac{1}{\cos \omega} + \frac{3}{2} l \tan \frac{1}{2} \omega - \frac{\cos \omega}{2 \sin \omega^2} + \frac{\cos \omega}{\sin \omega^4}$$

ou
$$\Omega = \frac{2 \ln \omega^4 + \ln \omega^2 \cot \omega^2 + 2 \cot \omega^4}{2 \ln \omega^4 \cot \omega} + \frac{3}{2} \tan \frac{1}{2} \omega$$

d'où nous tirons le moment d'impulsion:

$$\frac{16nfheVc}{81vm} \left(\frac{2\sin\omega^4 + \sin\omega^2 \cos(\omega^2 + 2\cos(\omega^4))}{2\sin\omega^4 \cos(\omega)} + \frac{3}{2}/\tan \frac{7}{2}\omega - Conft. \right)$$

is un cere of the second solution of the sec Ayant établi un cervitesse des ailes à 1la largeur conf

de trouver "

en 🥍

rang
$$\frac{3}{4}v + V(\frac{9}{4}vv + 2)$$

or, synat ces valeurs, le moment d'impulsion sera

Or, synat ces valeurs, le moment d'impulsion sera

 $\frac{Or}{f \omega f k c} \frac{Vc}{C} \left((1 + \frac{1}{2} \cot \omega^2 + \cot \omega^4) \sec \omega + \frac{3}{2} / \tan g \frac{1}{2} \omega - \frac{3}{2} V - \frac{3}{2} / \frac{V3 - 1}{V2} \right)$

où il faut remarquer que cot $\omega = \frac{1}{2} V(\frac{9}{4}v / v + 2) - \frac{3}{4}v$.

COROLL

LXXVII. Au lieu de la constante v il sera plus commode d'introduire dans le calcul, l'angle même dont les ailes sont inclinées au vent, a leur extrémité. Soit cet angle $= \theta$, & puisque tang $\theta = \frac{2}{3}$ y $+ \nu$ ($\frac{2}{7}$ ν ν + 2) on aura tang θ^2 - 3 ν tang θ = 2, donc $y = \frac{\tan \theta^2 - 2}{3 \tan \theta} = \frac{1}{3} \tan \theta - \frac{3}{3} \cot \theta$; & de là on connoitra la vitesse des ailes à leur extrémité Vv = v Vc.

COROLL 2.

Introduisant cet angle θ dans le calcul, le moment LXXVIII. d'impulsion sera,

$$\frac{16 \, n f h \, c \, V \, c}{27 m \left(\tan \theta - 2 \cot \theta \right)} \left(\left(1 + \frac{1}{4} \cot \theta + \cot \theta^{4} \right) \left(\sec \theta + \frac{3}{2} / \tan \theta \right) \frac{3 \sqrt{3}}{2} \cdot \frac{3}{2} l \frac{\sqrt{3} \cdot 1}{\sqrt{2}} \right)$$

Où θ étant l'inclinaison extrême, qui répond à la distance x = f, on suppose que pour une distance quelconque x l'inclinaison est $= \omega$, en sorte qu'il soit

$$x = \frac{f(\tan \theta - 2 \cot \theta)}{\tan \theta - 2 \cot \theta} \quad \text{ou}$$

$$\tan \theta = \frac{x(\tan \theta - 2 \cot \theta)}{f} + V(\frac{xx(\tan \theta - 2 \cot \theta)^2}{ff} + 2)$$

COROLL. 3.

LXXIX. Puisque l'angle θ est toujours plus grand que 54°, 44', il sera bon de casculer pour les principaux angles, qui peuvent être pris pour θ , les valeurs suivantes en nombres.

ð	$tang \theta - 2 \cot \theta$	$(2+\cot\theta^2+2\cot\theta^4)$ fec. θ	/ tang I f
54°,44′	0,000000	5, 196152	-0,658479
60	0,577350	5, 111111	
65	1,211892	5, 470671	0,54930 6
70	2,019537	6, 337560	0,450875
75	3, 196152	8, 044641	0,35637 8 0,264842
80	5,318628	11, 707722	
81	5,996983	12, 953311	0,175426
82	6,834288	14, 518121	—0,157730 —0,140000
83	7,898777	16, 538455	-0,140082
84	9,304156	19, 241562	-0,12247 8
85	11,255075	23, 036594	0,104912 0,087377

COROLL 4.

LXXX. Posons $(1 + \frac{1}{2}\cot\theta^2 + \cot\theta^4)$ sec. $\theta + \frac{3}{2}l\tan\theta = \Theta$ & foir $\Delta = \frac{3}{2}l\sqrt{3} = \frac{3}{2}l\frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{2}}$, qui est la valeur de Θ , lorsqu'on Min, de l'Acad. Tom, XII.

met

Il faut que cette intégrale évanouisse au cas x = 0, ou rang $\omega = V z$, ce qui donne sin $\omega = V \frac{2}{3}$, cos $\omega = V \frac{1}{3}$ & rang $\frac{1}{4} \omega = \frac{V_3 - 1}{V_2}$

d'où l'on tire cette constante $= \frac{3}{2} V_3 + \frac{1}{4} l \frac{V_3 - 1}{V_2}$. Ensuite, pour l'étendre par toute la longueur des ailes, il faut mettre tang $\omega = \frac{3}{2} v + V(\frac{2}{4} v v + 2)$, d'où l'on aura

fec.
$$\omega = V[3 + \frac{2}{3}vv + 3vV(\frac{2}{4}vv + 2)] = \frac{1}{\text{cofe}}$$

tang $\frac{1}{4}\omega = \frac{V[3 + \frac{2}{4}vv + 3vV(\frac{2}{4}vv + 2)] - 1}{\frac{3}{4}v + V(\frac{2}{4}vv + 2)}$

Or, ayant ces valeurs, le moment d'impulsion sera

$$\frac{16nfhcVc}{81 \text{ y m}} \left((1 + \frac{1}{2}\cot\omega^2 + \cot\omega^4) \text{ fec.} \omega + \frac{3}{2} l \tan \frac{1}{2}\omega - \frac{3}{2}l \sqrt{3 - \frac{3}{2}} l \frac{\sqrt{3 - 1}}{\sqrt{2}} \right)$$

. où il faut remarquer que cot $\omega = \frac{1}{2} \mathcal{V}(\frac{2}{4}\nu + 2) - \frac{3}{4}\nu$.

COROLL I.

LXXVII. Au lieu de la constante ν il sera plus commode d'introduire dans le calcul, l'angle même dont les ailes sont inclinées au vent, à leur extrémité. Soit cet angle $\equiv \theta$, & puisque tang $\theta \equiv \frac{2}{3} \nu$ $+ \nu (\frac{2}{7} \nu \nu + 2)$ on aura tang $\theta^2 = 3 \nu$ tang $\theta = 2$, donc $\nu = \frac{\tan \theta}{3} \frac{\theta^2 - 2}{3 \tan \theta} = \frac{1}{3} \tan \theta = \frac{2}{3} \cot \theta$; & de là on connoitra la vitesse des ailes à leur extrémité $\nu = \nu \nu c$.

COROLL 2.

LXXVIII. Introduisant cet angle θ dans le calcul, le moment d'impulsion sera,

$$\frac{16nfhcVc}{27m(\tan\theta-2\cos\theta)}\left((1+\frac{1}{8}\cot\theta+\cot\theta^4)\int_{0}^{1}\left(1+\frac{3}{4}\tan\theta\frac{1}{2}\theta-\frac{3\sqrt{3}}{2}\cdot\frac{3}{4}l\frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{2}}\right)\right)$$

Où θ étant l'inclinaison extrème, qui répond à la distance x = f, on suppose que pour une distance quelconque x l'inclinaison est $= \omega$, en sorte qu'il soit

$$x = \frac{f(\tan \theta - 2 \cot \theta)}{\tan \theta - 2 \cot \theta} \quad \text{ou}$$

$$\tan \theta = \frac{x(\tan \theta - 2 \cot \theta)}{f} + V\left(\frac{xx(\tan \theta - 2 \cot \theta)^2}{ff} + 2\right)$$

COROLL. 3.

LXXIX. Puisque l'angle θ est toujours plus grand que 54°, 44', il sera bon de casculer pour les principaux angles, qui peuvent être pris pour θ , les valeurs suivantes en nombres.

ð	$tang \theta - 2 \cot \theta$	(2+cot 8*+2cot	θ ⁴) fec. θ	/ tang I f
54°,44′	0,000000	5, 196152	• •	0,658479
60	0,577350	5, IIIIII		0,549306
65	1,211892	5, 470671		0,45087 5
70	2,019537	6, 337560		0,35637 8
75	3,196152	8, 044641		0,264842
80	5,318628	11, 707722		0,175426
81	5,996983	12, 953311	• •	-0,157730
82	6,834288	14, 518121		
83	7,898777	16, 538455		-0,140082
84	9,304156	19, 241562		-0,12247 8
85	11,255075	23, 036594	• •	0,104914 ⁻ 0,087377

COROLL 4.

LXXX. Polons $(1 + \frac{1}{2} \cot \theta^2 + \cot \theta^4)$ fec. $\theta + \frac{3}{2} l \tan \theta = \Theta$ & foit $\Delta = \frac{3}{2} l \sqrt{3} - \frac{3}{2} l \frac{l \sqrt{3} - 1}{l \sqrt{2}}$, qui est la valeur de Θ , lorsqu'on Mim. de l'Acad. Tom. XII.

met $\theta = 54^{\circ}$, 44'; & confervant $\frac{\tan \theta - 2 \cot \theta}{3} = v$, le moment d'impulsion étant $= \frac{16 n f h c V c}{81 m} \cdot \frac{\Theta - \Delta}{v}$, nous aurons pour les mêmes angles :

	Θ	Θ-Δ	•	$\frac{\Theta-\Delta}{r}$
54°,44′	1,610357	0,000000	0,00000ó	0,00000
. 60°	1,731597	0,121240	0, 192450	0,62998
65°	2,059024	0,448667	0,403964	1,11065
700	2,634213	1,023856	0,673179	1,52090
750	3,625058	2,014701	1,065384	1,89105
, 800	5,590722	3,980365	1,772876	2,24510
810	6,240060	4,629703	1,998994	2,31600
820	7,048938	5,438581	2,278096	2,38735
830	8,085511	6,475154	2,632926	2,45935
840	9,463413	7,853056	3, 101385	2,53212
850	11,387231	9,776874	3,751692	2,60595

COROLL 5.

LXXXI. Puisque le moment d'impulsion est proportionnel à la quantité $\frac{\Theta - \Delta}{y}$, on voit que ce moment croît en augmentant l'angle θ , & s'il étoit possible de l'augmenter jusqu'à 90°, la valeur de $\frac{\Theta - \Delta}{y}$ deviendroit $\frac{\Theta}{y}$ deviendroit $\frac{\Theta}{y}$. Or alors le nombre y étant infini, la vitesse des ailes deviendroit infinie, ce qui rend ce cas impossible.

COROLL.

COROLL 6.

LXXXII. Il est donc avantageux de prendre l'angle 8 aussi grand qu'il est possible; or c'est le frottement qui y met des bornes, puisqu'il augmente aussi en prenant l'angle 8 plus grand, & qu'il deviendroit même infini, si l'on faisoit cet angle droit. Si l'on veut que la vitesse des ailes à leurs extrémités soit le double de la vitesse du vent, il saut mettre l'angle 8 = 81°, & alors l'esset sera déjà assez considérable étant au plus grand possible comme 2,60595 à 3 ou comme 7 à 8.

SCHOLION. I.

LXXXIII. Or, ayant choisi pour l'angle θ une valeur quelconque, il faut donner aux ailes la figure prescrite, en sorte qu'à chaque distance de l'axe l'inclinaison de l'élément de l'aile MM mm à la direction du vent, soit précisément celle que le calcul ordonne. Mais alors ces ailes duëment construites ne produisent le plus grand moment d'impulsion, qu'entant que leur mouvement est conforme à l'angle θ , ou que la vitesse de leurs extrémités est à celle du vent, comme le nombre ν , qui répond à l'angle choisi θ , à l'unité. Si ces ailes tournoient ou plus vite ou plus lentement, le moment d'impulsion seroit toujours moindre: & c'est de là qu'on déterminera la disposition de la machine, ou la quantité r, asin que les ailes puissent tourner avec cette vitesse prescrite.

SCHOLION. 2.

LXXXIV. Comparons cet effet, que ces ailes, dont l'inclinaifon variable est la plus avantageuse, produisent, avec celui que les mêmes ailes produiroient, si leur inclinaison à la direction du vent étoit
partout la même = w. Or nous avons trouvé ci dessus, que le
plus grand moment d'impulsion de ces ailes est

$$\frac{0, 459873 \, nfhcVc}{m} \, \text{fin } \omega^3$$

& que pour cet effet il faut qu'il soit v = 0, 537514 tang ω . v = 0. Ayant donc déterminé ci-dessus pour ces ailes l'effet au cas de $\omega = 73^{\circ}$. E.e. 2

il faloit qu'il fut $Vv \equiv 1$, 758 Vc. Il convient donc de comparer ce cas avec celui des ailes parfaites, qui demandent un mouvement également rapide: & partant nous aurons à peu près $\theta \equiv 80^{\circ}$. Or alors le moment d'impulsion produit par ces ailes parfaites est

2, 24510
$$\frac{16nfhcVc}{81m} = \frac{0, 44344nfhcVc}{m}$$

& en posant $\omega = 73^{\circ}$, le moment d'impulsion produit par des ailes semblables, mais par tout également inclinées, n'est que

d'où l'on voit que donnant aux ailes leur juste figure pour la même rapidité du mouvement, on en obtient un moment d'impulsion plus grand. Donc, puisque dans l'expérience que Mr. Lulofs rapporte, les ailes avoient à peu près la figure parfaite, & partant cette machine auroit dû élever dans une minute, non 882 n, comme j'ai trouvé cidessus (54), mais 970 n pieds cubiques d'eau, tandis qu'elle a élevé actuellement 1500: d'où il semble qu'on n'auroit pas besoin de donner à n une valeur double de l'unité. Cependant, si nous considérons 1 0 que cette machine n'étoit pas dans la derniere perfection: 20, que son mouvement n'avoit peut-être pas le juste rapport à celui du vent : 20. que Mr. Lulofs a supposé la vitesse du vent trop grande & l'air trop dense, pour approcher le premier calcul de la vérité: 4°, qu'il dit expressement que ces machines élévent bien une égale quantité d'eau à la hauteur de 41 pieds: & 5°, qu'enfin je n'ai pas tenu compte du frottement: après ces considérations, dis-je, il n'y a point de doute, que posant n = 1, la quantité d'eau élevée par minute auroit dû être bien au dessous de 970 pieds cubiques, & partant que la valeur de z doit être supposée considérablement plus grande que l'unité, ou que la force du vent est plus grande que selon l'hypothese commune. est donc evident, qu'il ne sera pas trop de poser n = 2; mais ce sera aussi assez. Car, quoique les expériences prouvent, que les boulets de canon éprouvent une résistance trois fois plus grande que selon l'hypol'hypothese commune, il saut remarquer que la résistance d'un globe n'est que la moitié de celle du grand cercle; & que la résistance d'une surface plane n'en seroit que doublée. D'où l'on peut conclure qu'on satisfera assez exactement aux expériences, si l'on suppose n = 2, & qu'on laisse m = 800. Remarquons ensuite que, posant, $\theta = 90^{\circ}$, & $\omega = 90^{\circ}$, le moment d'impulsion des ailes également inclinées est o, $45987 \frac{nfhcVc}{m}$ qui pour les ailes parsaites est $\frac{15}{27}$. $\frac{nfhcVc}{m}$ qui est à celui là comme $9 \ a$ 7.

PROBLEME IX.

LXXXV. Connoissant le frottement de la Machine, choifir entre les figures des ailes trouvées celle qui produise le plus grand effet pour une force donnée du vent.

SOLUTION.

Que F marque la force, qu'il faut appliquer à l'extrémité d'une aile pour vaincre le frottement : & puisque la vitesse à cet endroit est = vv = v vc, où c est la hauteur duë à la vitesse du vent qu'on suppose donnée, le moment de l'effet du frottement est Fvvc. Retranchons ce moment de celui d'impulsion trouvé ci dessus, & nous aurons pour l'impulsion actuelle ce moment

$$\frac{16nfhcVc}{81m} \cdot \frac{\Theta - \Delta}{v} - FvVc$$

Il s'agit donc de trouver y afin que cette formule

$$\frac{\Theta - \Delta}{y} - \frac{81 \, mF}{16 \, nfhc} \, y$$

devienne la plus grande: pour cet effet il faut qu'il soit

$$d. \frac{\Theta - \Delta'}{v} = \frac{81 \, mF}{16 \, n \, fhc} \, dv$$

Or je ne m'arrêterai pas à déveloper cette équation différentielle, car E e 3 après après avoir donné les valeurs de $\frac{\Theta - \Delta}{\nu}$ pour les principaux angles θ , on en peut trouver pour chaque angle θ , le frottement F, auquel cet angle convient le mieux. Alors $d = \frac{\Theta - \Delta}{\nu}$ & $d\nu$ marqueront les accroissemens, que ces quantités prennent, en augmentant d'un degré l'angle θ . Ainsi l'angle $\theta = 80^\circ$ sera le plus propre dans les cas où

o, 07090 =
$$\frac{81 \, mF}{16 \, nfhc}$$
 o, 22611
Cest à dire lorsque

$$\frac{81mF}{16nfhc} = \frac{3}{15} \text{ ou } F = \frac{3}{15} \frac{nfhc}{m}$$

le

Dela même maniere plus convenable angle 9	on trouvers lorsque le frottement est		
0 = 8°°	$F = 0,0617. \frac{nfhc}{m}$		
0 = 81	$F = 0, 0505. \frac{nfhc}{m}$		
0 = 82	$F = 0, 0400. \frac{nfhc}{m}$		
83	$F = 0, 0307. \frac{nfhc}{m}$		
0 == 84·	$F = 0, 0224. \frac{nfhc}{m}$		

COROLL. I.

LXXXVI. De cette folution il est clair, que plus le frottement de la machine est petit, & plus sera grand l'angle θ , qu'on pourre employer. Ainsi, si le frottement étoit F = 0,0617 $\frac{hfhc}{m}$, on pour-

roit

roit employer l'angle $\theta = 80^{\circ}$, & le moment d'impulsion actuel feroit = 0, $3342\frac{nfhcVc}{m}$. Mais, si le frottement étoit environ deux fois plus petit, ou F = 0, $0307\frac{nfhc}{m}$, on pourroit faire usage de l'angle $\theta = 83^{\circ}$, & le moment d'impulsion actuel feroit 0, $4050\frac{nfhcVc}{m}$

COROLL 2.

LXXXVII. De là on voit, combien il y a à gagner en diminuant le frottement de la machine, puisque le moment d'impulsion en devient augmenté assez considérablement. Dans le cas précédent, si l'on pouvoit réduire le frottement à la moitié, on obtiendroit un esser presque d'un tiers plus grand.

COROLL. 3.

LXXXVIII. Je suppose ici que dans la disposition de la machine on ait en vuë un certain dégré du vent, & il est evident que le frottement demeurant le même, plus le vent qu'on a en vuë sera grand, & plus devient grand l'angle θ , mais la machine une sois construite perdra ses avantages pour tous les autres vents, tant plus sorts que plus soibles.

SCHOLIE. I.

LXXXIX. Appliquons cette détermination au cas que Mr. Labofs a rapporté, & supposons que la machine dont il parle, ait été rangée sur l'angle $\theta \equiv 80^{\circ}$, & qu'elle ait procuré les plus grands avantages, lorsque le vent achevoit 30 pieds par seconde. Posant donc $m \equiv 800 \ m \equiv 2$, $fh \equiv 200$ pieds quarrés, & $c \equiv 15$ pieds, le frottement y auroit été $F \equiv 0$, 4628 pieds cubiques d'eau, ou il auroit salu employer un poids de 30 $m \approx 1$ extrémité d'une

d'une aile pour vaincre le seul frottement. D'où le moment d'impulfion diminué du frottement n'auroit été que 0, 3342 $\frac{nfhcVc}{m}$ lequel,

s'il n'y avoit point eu de frottement, auroit été 0, $4435 \frac{nfh c V}{m}$ & partant d'un tiers plus grand. Or, si le frottement a été moindre, il faut que la machine ait été ajustée pour un vent plus soible : & si nous supposons qu'on eut en vuë un vent deux sois plus soible ou $c = \frac{1}{2}$ pieds, le frottement n'auroit été que le quart du précédent, ou de $7\frac{1}{2}$ ts, qui sembleroit mieux d'accord avec l'expérience. De là je conclus que la machine n'a été rien moins que parsaite, du moins pour le cas c = 15 pieds, & que si elle étoit parsaite, elle pourroit élever encore plus que 1500 pieds cubiques d'eau par minute : or alors, pour rendre le calcul d'accord avec l'expérience, il faudroit bien mettre n = 2, ce qui me consirme dans mon sentiment rapporté ci-dessus, qu'on ne sauroit donner à n une valeur moindre que deux.

SCHOLIE. 2,

XC. Posons le cas qu'on veuille construire un moulin à vent, dont la longueur de chaque aile soit de 40 pieds sur 5 pieds de largeur, afin qu'elle produise le plus grand effet, lorsque la vitesse du vent est de 15 pieds par seconde, ou $c = \frac{1}{4}$ 5 pieds, le frottement étant tant, que pour le vaincre, il faille appliquer au bout d'une des ailes une sorce de 5 th, ou qu'il soit $F = \frac{1}{12}$ pied cubique. Ayant donc $fh = 200 & \frac{n}{m} = \frac{1}{400}$, on aura $\frac{nfhc}{m} = \frac{1}{4}$ 5, & partant $F = \frac{1}{12}$ 5 de 82° à peu près, & construire les ailes conséquemment; de sorte que leur inclinaison à la direction du vent sut de 54°, 44' près l'axe & de 82° aux extrémités. Ensuite, lorsque le vent est de la force que je viens de supposer, la vitesse des ailes doit être telle, que leurs extrémités

mirés fallent 2 1. 15 pieds = 34 pieds par seconde, ou qu'elles schevent leurs révolutions en 7 secondes; si le vent étoit ou plus fortou plus foible, le mouvement des ailes devroit être augmenté ou diminué dans la même raison, de sorte que la vitesse des ailes à leur extrémité fût à celle du vent comme 2 1 à 1, afin que le moment d'impul-Con devint le plus grand, & tel qu'il a été déterminé au 6. 80. alors, en retranchant le frottement, on n'auroit plus l'avantage du plus grand: & si le mouvement des ailes ne suivoit plus le rapport marqué. le moment d'impulsion ne seroit plus le plus grand, mais se trouveroit au dessous de la valeur indiquée au §. 80, ces valeurs n'étant justes que lorsque la lettre v obtient la valeur correspondante. Mais il arrive ordinairemenn dans ces machines, qui sont destinées à élever un certain fardeau, ou à vaincre une certaine résistance, qu'on n'esta pas le maitre de la vitesse des ailes, vû qu'elle dépend de la disposition de la machine : & on doit se contenter, que pour un certain vent, la viresse des ailes soit conforme à la régle. Pour tous les autres cas, la détermination du moment, d'impulsion demande un calcul particulier, que je vais expliquer dans le problème qui suit.

PROBLEME X.

XCI. Les ailes étant construites en sorte, que larsque leur vitesse a le rapport prescrit à celle du vent, elles produisent le plus grand moment d'impulsion; trouver le moment d'impulsion, lorsque le mouvement des ailes est plus ou moins rapide à l'egard du vent,

SOLUTION.

Soit d'angle fous lequel l'extrémité des ailes est inclinée à la direction du vent, & les ailes étant construires felon la regle prescrite ci-dessus, seront propres à procurer le plus grand moment d'impulsion, lorsqu'elles tournent avec une vitesse, qui soit à celle du vent comme » à 1 ou qu'il soit » v v. Or nous avons vû que le rapport de ce nombre » à l'angle d'est exprimé en sorte, » = 3 Mim. de l'Acad. Tom. XII.

tang $\theta = \frac{2}{3} \cot \theta$. Ensuite, pour les endroits plus proches de l'axe, l'inclinaison est plus grande, en sorte que posant pour la distance OP = x l'inclinaison w il soit $w = \frac{f(\tan w - x \cot w)}{2x}$,

d'où l'on doit tirer la construction des ailes; & ces ailes produiroient le moment qui a été affigné ci-dessus, s'il étoit $Vv \equiv vVc$. Mais supposons à présent qu'il soit $Vv \equiv \mu Vc$, & pour chercher le moment d'impulsion qui en résulte, il saut recourir à la formule intégrale, laquelle sera:

$$\frac{4 \mu nhc Vc}{mf} \int x dx \, \cos \, \omega^3 \, \left(\tan \, \omega \, - \, \frac{\mu x}{f} \right)^3$$

Or, puisque $x = \frac{f(\tan \omega - 2 \cot \omega)}{3 v} = \frac{f(\sin \omega^2 - 2 \cot \omega^2)}{3 v \sin \omega \cot \omega}$

nous aurons

$$x d x \operatorname{cof} \omega^{3} = \frac{f f d \omega \left(\operatorname{fin} \omega^{4} - 4 \operatorname{cof} \omega^{4} \right)}{9 v v \operatorname{fin} \omega^{3}} & (3v - \mu) \operatorname{tag} \omega + 2\mu$$

on tag
$$\omega - \frac{\mu x}{f} = \frac{(3\nu - \mu) \sin \omega^2 + 2\mu \cos(\omega^2)}{3\nu \sin \omega \cos(\omega)} = \frac{2\mu - 3(\nu - \mu) \sin \omega^2}{3\nu \sin \omega \cos(\omega)} = \frac{2\mu - 3(\nu - \mu) \sin \omega^2}{3\nu \sin \omega \cos(\omega)}$$

$$\frac{2}{3 \operatorname{fin} \omega \operatorname{cof} \omega} + \frac{(\nu - \mu) \left(\operatorname{fin} \omega^2 - 2 \operatorname{cof} \omega^2 \right)}{3 \nu \operatorname{fin} \omega \operatorname{cof} \omega}$$

delà on aura

$$\left(\operatorname{rag}\omega - \frac{\mu r}{f}\right)^{2} = \frac{4}{9^{\int_{\mathbb{R}}\omega^{2} \operatorname{cl}\omega^{2}}} + \frac{4(\nu - \mu)(\operatorname{ln}\omega^{2} - 2\operatorname{cl}\omega^{2})}{9 \nu \operatorname{ln}\omega^{2} \operatorname{col}\omega^{2}} + \frac{(\nu - \mu)^{2}(\operatorname{ln}\omega^{2} - 2\operatorname{cl}\omega^{2})^{2}}{9 \nu \nu \operatorname{ln}\omega^{2} \operatorname{col}\omega^{2}}$$

& partant le moment cherché fera

$$\frac{16\mu nfhcVc}{81 vvm} \int \frac{d\omega (\text{fn}\omega^4 - \text{cl}\omega^4)}{\text{fin}\omega^5 \text{cof}\omega^2} \left(1 + \frac{(v-\mu)(\text{fn}\omega^2 - 2\text{cl}\omega^2)}{v} + \frac{(v-\mu)^2}{4 vv}(\text{fn}\omega^2 - 2\text{cl}\omega^2)^2\right)$$

qui

qui se réduit a

$$\frac{16\mu \, \text{T} \, \text{fic} \, \text{Ve}}{81 \, \text{V}^4 \, m} \int d\omega \left\{ \frac{(3\text{V} - \mu)^2 \, \text{fn} \omega}{\text{cof} \, \omega^2} + 27(\text{V} - \mu)^2 \, \text{fn} \omega - \frac{4(9\text{VV} - 30\mu\text{V} + 20\mu\mu)}{\text{fin} \, \omega} + \frac{16\mu(4\mu - 3\text{V})}{\text{fin} \, \omega^3} \frac{16\mu\mu}{\text{fn} \, \omega^3} \right\}$$

Or, ayant trouvé l'intégrale de chaque partie ci-dessus, si nous posons après l'intégration $\omega = \theta$, & que nous y ajoutions une telle constante, que l'intégrale évanouisse en posant sin $\omega = \frac{1}{3}$ & cos $\omega = \frac{1}{4}$ he moment d'impulsion résulters:

$$\frac{4\mu n f h c V c}{8 \text{ i } v^4 \text{ m}} \begin{cases} \frac{(3v \cdot \mu)^2}{\cosh \theta} + \frac{2\mu(12v - 13\mu)}{\sin \theta^2} \text{cf}\theta + \frac{4\mu\mu}{\sin \theta^4} \text{cf}\theta - 27(v \cdot \mu)^2 \text{cf}\theta - 6(6vv - 16\mu v + 9\mu\mu) hag \frac{1}{2}\theta \\ - 6\mu(4v - 3\mu)V_3 + \frac{16(6vv - 16\mu v + 9\mu\mu)}{V_2} \frac{V_{3-1}}{V_2} \end{cases}$$

d'où, en polant $\mu = \nu$, l'on obtient le moment d'impulsion trouvé cit Mais, pour que certe formule soit d'accord avec la vérité, il

faut qu'il foit tang $\omega > \frac{\mu x}{f}$ ou tang $\omega > \frac{\mu (\tan g \omega - 2 \cot \omega)}{3^{\nu}}$ donc $\mu < \frac{3^{\nu} \tan g \omega}{\tan g \omega - 2 \cot \omega}$ par conséquent $\mu < \frac{3^{\nu} \tan g \theta}{\tan g \theta - 2 \cot \theta}$

Or $\nu = \frac{\tan \theta - 2 \cot \theta}{3}$, done $\mu < \tan \theta$.

Si l'angle 8 approche fort d'un droit, à cause de la petitesse de l'angle 0, le moment d'impulsion sera fort à peu près.

$$\frac{4\mu(3\nu-\mu)^2}{81\nu^4 \operatorname{col}\theta} \cdot \frac{nfhcVc}{m} = \frac{16\nu^3 - 4\lambda\lambda(3\nu-\lambda)}{81\nu^3 \operatorname{col}\theta} \cdot \frac{nfhcVc}{m}$$

en posant $\mu = \nu + \lambda$; d'où l'on voit que, soit qu'on prenne pour A un nombre possif ou négatif, le moment d'impulsion est toujours moindre, que s'il étoit $\lambda = 0$ ou $\mu = \kappa$

CORQLL

Si les ailes tournent deux fois plus vite par rapport au vent, qu'elles devroient tourner pour produire la plus forte impulsion, Ff 2 on on aura $\mu \equiv 2$ v, & le moment d'impulsion sera $= \frac{8 \, nfhc \, Vc}{81 \, vm \, col \theta}$; qui seroit deux sois plus grand, si les ailes avoient leur juste vitesse.

COROLL 2.

XCIII. Supposons que la viresse des ailes ne soit que la moitié de la plus avantageuse, ou que $\mu = \frac{1}{2}\nu$; & alors le moment d'impulsion sera au plus grand comme 25 ad 32: on perdra donc à peu près le quart sur l'effet.

COROLL 3.

XCIV. Mais il faut bien remarquer que cette formule simple n'a lieu, que lorsque l'angle θ approche fort d'un droit & que le nombre ν surpasse le binaire. Alors il y aura à peu près tang $\theta = 3 \nu$ $\Rightarrow \frac{1}{\cot \theta}$: d'où notre formule pour le moment d'impulsion fera $\frac{4\mu(3\nu-\mu)^2}{27\nu^3} \cdot \frac{nfhcVc}{m}$.

COROLL 4,

XCV. Soin the poids a flever = P, & fa vitesse a celle de l'extrémité des ailes comme v à f, de sorte que le moment de l'effet soit = P. $\frac{\mu r V v}{f}$. Négligeant donc le frottement, on aura $P_r = \frac{4(3v - \mu)^2}{27v^3} \cdot \frac{vfhc}{m}$, & partant $(3v - \mu)^2 = \frac{27v^3 mPr}{4^nffhc}$. Donc $3v - \mu = \frac{3vV_3vmPr}{2fVnhc}$ & $\mu = 3v\left(1 - \frac{V_3vmPr}{2fVnhc}\right)$, d'où l'on connoitra la vitesse des ailes pour chaque vitesse du vent V_c :

$$Vv = 3 v \left(Vc - \frac{V_3 v m P r}{2fVnh}\right).$$

COROLL.

COROLL 5.

XCVI. Donc, pour que le vent soit assez sort pour mettre la machine en mouvement, il saut que sa viresse Vc soit plus grande que Vc su m P r Et alors le moment d'impulsion seta:

$$\frac{3 \sqrt{Pr Vc}}{f} \left(1 - \frac{V_3 \sqrt{m Pr}}{2 f \sqrt{n h c}} \right) = \frac{3 \sqrt{Pr}}{f} \left(\sqrt{c} - \frac{V_3 \sqrt{m Pr}}{2 f \sqrt{n h}} \right).$$

Donc, si la vitesse du vent devient double, l'esset sera plus que deux sois plus grand.

SCHOLIB.

Après ces recherches on ne trouvers plus de doutes dans la comparaison de la théorie avec les expériences, que Mr. Lalofs a faites sur l'effet des moulins à vent en Hollande. Car d'abord. en mettant v = 2, l'effet que la théorie montre surpassera assez celui qu'on observe, pour avoir dequoi tenir compte, tant du frottement, que de l'imperfection de la Machine. Ensuite, pour ce que Mr. Lulofs rapporte, que l'effet n'étoit pas proportionnel au cube de la vitesse du vent, & qu'il suivoit même quelquesois une raison inférieure à celle du quarré, tant s'en faur, que cela soit contraire à la théorie, qu'il est plutôt admirablement d'accord. Car ce ne sont que les plus grands effets, qui sont proportionnels aux cubes de la vitesse du vent; & pour produire ces plus grands effets, il faut dons ner aux machines pour chaque vitesse du vent une disposition particuliere, en sorte que la vitesse du sardeau tienne toujours un certain rapport à celle du vent. Mais, puisqu' ordinairement on ne change rien dans la disposition de la machine, quoique le vent varie, nous venons de voir que dans ce cas la raison des cubes n'a point lieu. & que l'effet de la machine ne croît que dans une raison plus grande que celle des vitesses du vent, la raison véritable étant comme la vitesse même diminuée d'une quantité constante, qui dépend de la disposition de la machine. Donc, puisque la théorie, sur le pied, que je viens Ff 3 de

de l'établir satisfait à ces deux principaux phénomenes observés par Mr. Lulofs, il n'y a aucun doute, qu'elle ne soit parfairement d'accord avec toutes les expériences possibles, & que, fondé sur cette théorie, on ne puisse porter la pratique à un plus haut degré de perfection. Pour cet effet j'ai déjà déterminé la figure la plus avantageuse, qu'il faut donner aux ailes, & la disposition de la machine la plus conve-Mais il semble qu'on y puisse apporter encore de plus grandes perfections en augmentant la surface des ailes; on leur donne communément la même largeur par toute la longueur, & quand on ne les fait pas plus larges vers les extrémités, la raison en paroit être qu'on doit craindre, que la force du vent n'en rompe leur liaison avec l'axe. Mais, pour prévenir cet accident, ne pourroit on pas diminuer la lonqueur pour gagner d'autant plus sur la largeur? Ou au lieu de quatre ne pourroit on pas y mettre 6 ou 8? Il n'y a aucun doute, qu'on n'air fait déjà des essais là dessus, & il est difficile de deviner les difficultés, qu'on y a rencontrées. Quoiqu'il en foit, une figure divergente semble être très propre pour les ailes d'un moulin à vent : & quand on auroit peur, qu'une trop grande largeur vers les extrémités nuisit à la fermeté, on pourroit multiplier le nombre des ailes en sorte, qu'elles occupassent presque un espace circulaire, dont leur longueur seroit le rayon. Au moins il vaudra la peine d'examiner les avantages, que la théorie promet d'une telle construction des ailes, sans se mettre en peine sur les difficultés, que la pratique pourroit opposer à leur exécution.

PROBLEME XI.

XCVIII. Les ailes étant divergentes depuis l'axe vers l'extrémité selon des lignes droites, & ayant à chaque distance de l'axe l'inclinaison à la direction du vent, qui a été déterminée ci-dessus, trouver le moment d'impulsion que ces ailes fourniront, la disposition de la machine étant la plus ayantageuse.

SOLUTION.

Soit la largeur de chaque aile à l'extrémité HH = h, qui convient à la distance de l'axe OF = f: & à une distance quelconque OP = x, la largeur sera $MM = y = \frac{hx}{f}$. Soit Vv la vitesse des ailes à leur extrémité, & Vc celle du vent; & que l'elément MM soit incliné à la direction du vent sous l'angle $= \omega$. Cela posé, nous avons vû, que pour rendre la force du vent la plus grande, il faut en posant $\frac{Vv}{Vc} = v$, qu'il soit tang $\omega = \frac{3vx}{2f} + V(\frac{9vvxx}{4ff} + 2)$. Ensuite, lorsque le moulin est garni de 4 telles ailes, à cause de

 $y = \frac{hx}{f}$, le moment d'impulsion fera:

$$\frac{4vnhcVc}{mff} \quad fxxdx \text{ col } \omega^3 \left(\tan \omega - \frac{vx}{f}\right)^2$$

Or, puisque tang $\omega = \frac{3 vx}{2f} + V(\frac{9 v v x}{4ff} + 2)$ nous aurons

$$x = \frac{f}{3^{\frac{1}{2}}}(\tan \omega - 2\cot \omega) = \frac{f(\sin \omega^2 - 2\cot \omega^2)}{3^{\frac{1}{2}}\sin \omega \cot \omega}$$

$$dx = \frac{f d\omega \left(\sin \omega^2 + 2 \cos(\omega^2) \right)}{3 \nu \sin \omega^2 \cos(\omega^2)};$$

D'où nous tirons:

$$\operatorname{tang}\,\omega - \frac{rx}{f} = \frac{2}{3\operatorname{fin}\omega\operatorname{cof}\omega} \ \&$$

$$x d x \operatorname{cof} \omega^3 = \frac{f f d \omega \left(\operatorname{fin} \omega^4 - 4 \operatorname{cof} \omega^4 \right)}{9 \nu \nu \operatorname{fin} \omega^3} \operatorname{done}$$

$$xxdx \cos \omega^3 = \frac{f^3d\omega (\ln \omega^6 - 2 \ln \omega^4 \cos^2 \omega^2 - 4 \ln \omega^2 \cos^4 + 8 \cos^6)}{27 \pi^3 \sin \omega^4 \cos^6 \omega}$$

& partant le moment d'impulsion cherché sera:

$$\frac{4vnhcVc}{mff} \cdot \frac{4f^3}{243 v^3} \int \frac{d\omega (\ln \omega^a - 2\ln \omega^a \cos^2 - 4\ln \omega^a \cos^4 + \cos^6)}{\sin \omega^a \cos \omega^3}$$

ou

$$\frac{16 \, nfhc Vc}{243 \, vv \, m} \int d\omega \left(\frac{1}{\cos \omega^3} - \frac{2}{\sin \omega^2 \, \cos \omega} - \frac{4 \cos \omega}{\sin \omega^4} + \frac{8 \cos \omega^3}{\sin \omega^6} \right).$$

Pour intégrer cette formule, il faut remarquer les réductions suivantes,

$$\int \frac{d\omega}{\cot \omega} = I \operatorname{tang} (45^{\circ} + \frac{1}{2} \omega)$$

$$\int \frac{d\omega}{\cot \omega^{3}} = \frac{\sin \omega}{2 \cot \omega^{2}} + \frac{1}{2} I \operatorname{tang} (45^{\circ} + \frac{1}{2} \omega)$$

$$\int \frac{d\omega}{\sin \omega^{2} \cot \omega} = I \operatorname{tang} (45^{\circ} + \frac{1}{2} \omega) - \frac{1}{\sin \omega}$$

$$\int \frac{d\omega \cot \omega}{\sin \omega^{4}} = -\frac{1}{3 \sin \omega^{3}}$$

$$\int \frac{d\omega \cot \omega^{3}}{\sin \omega^{6}} = -\frac{1}{5 \sin \omega^{5}} + \frac{1}{3 \sin \omega^{3}}$$

& alors l'intégrale fe trouvera

$$\frac{16nfheVe}{243 \text{ yy m}} \begin{cases} \frac{\sin \omega}{2 \cos \omega^2} + \frac{2}{\sin \omega} + \frac{4}{\sin \omega^3} - \frac{8}{5 \sin \omega^5} - \frac{3}{2}/\tan (45^{\circ} + \frac{1}{2}\omega) \\ - \frac{27V_3}{5V_2} + \frac{3}{2}/\frac{V_2 + V_3 - 1}{V_2 - V_3 + 1} \end{cases}$$

après y avoir ajouté la juste constante, pour que l'intégrale évanouzilé, quand x = 0, ou tang $w = \sqrt{2}$. Maintenant il ne reste qu'à poser x = f ou tang $w = \sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2}$ pour avoir l'entier moment d'impulsion. Donc, si marque l'angle, que fait la direction

tion du vent avec l'extrémité des ailes, de forte que $y = \frac{\tan \theta + 2 \cot \theta}{3}$, le moment d'impulsion sera :

$$\frac{16nfhcVc}{243vum} \left(\frac{\tan \theta^2}{2 \sin \theta} + \frac{2}{\sin \theta} + \frac{4}{\sin \theta^3} - \frac{8}{5 \sin \theta^3} - \frac{27V3}{5 \sqrt[3]{2}} - \frac{3}{2} / \tan \theta (45^\circ + \frac{1}{2}\theta) + \frac{3}{2} / \frac{V2 + V3 \cdot I}{V2 - V3 + I} \right)$$

COROLL I.

XCIX. Si l'angle θ , fous lequel l'extrémité des ailes est inclinée à la direction du vent, est fort proche de 90°, de sorte que rang θ est un nombre fort grand, par rapport auquel on puisse négliger les autres termes, on aura à peu près $v = \frac{1}{27} \tan \theta$, & sin $\theta = 1$; d'où le mot ment d'impulsion sera $\frac{8 \ nfhc \ Vc}{27 \ m}$.

COROLL. 2.

C. Si les ailes avoient par toute leur longueur la même largeur h, de forte que leur furface seroit deux fois plus grande, nous avons vû ci-dessus, que le moment d'impulsion seroit $\frac{16\pi fhcVc}{27m}$, & par conséquent deux fois plus grand que dans le cas présent.

COROLL. 3

CI. De là on comprend, que le moment d'impulsion dépend de la surface des ailes, & que leur figure n'y change pas confidérablement l'effet. Car nous venons de voir que, soit qu'on donne aux ailes une figure rectangulaire ou triangulaire, pourvu que leur surface soit la même, le moment d'impulsion ne varie point.

COROLL 4

CII. On ne fauroit donc produire un plus grand moment d'impulsion, qu'en étendant les ailes jusqu'à remplir l'espace circulaire Min. de l'Acad. Tom. XII.

dont le rayon est = f, ce qui arrivera, lorsqu'on prend 4h = 6f on $h = \frac{3}{4}f$ à peu près. Alors le moment d'impulsion sera $= \frac{4nffcVc}{9m}$.

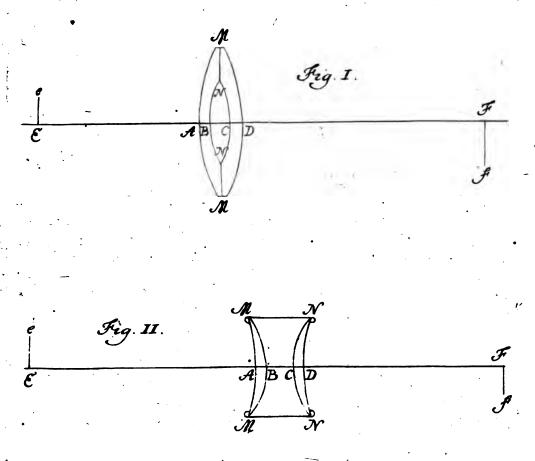
SCHOLIE

Par là on comprend la raison de la pratique ordinaire; où

l'on donne aux ailes la même largeur par toute leur longueur : puisqu'on y perdroit, si l'on diminuoit la largeur vers l'axe. qu'on donne aux ailes à leur extrémité la plus grande largeur que les circonstances permettent, il vaut toujours mieux de conserver la même largeur vers l'axe, que de la diminuer, & cela aussi bien qu'il est posfible. Cependant, si l'on pouvoit multiplier les ailes, en forte que leurs extrémités s'atteignissent à peu près, ce seroit sans doute la construction la plus avantageuse, puisqu'on obtiendroit par ce moyen la plus grande furface possible pour la même longueur des ailes. puisque le moment d'impulsion est proportionnel à la surface des ailes, le plus fûr moyen de l'augmenter est de rendre cette surface aussi grande qu'il est possible; mais il est bien à remarquer, que je suppose ici l'angle 8 fort proche d'un droit; & parce qu'on a alors $v = \frac{v}{Ve} = \frac{1}{3} \tan \theta$, la vitesse des ailes à leur extrémité doit surpasser celle du vent. Or, ayant fixé une certaine surface, qu'on veut donner aux ailes, il importe pen pour le moment d'impulsion, qu'elle figure on voudra choisir: mais pour la fermeté de la machine il n'en est pas de même, & moins on s'écarte de l'axe, moins elle souffrira: d'où la disposition des ailes seroit la plus avantageuse, si l'on remplissoit de la surface donnée un espace circulaire autour de l'axe. Mais il faut aussi remarquer qu'alors le mouvement de rotation des ailes, & partant aussi de l'axe, deviendroit plus rapide. On fera donc bien de ioindre toutes ces considérations ensemble, & alors il ne sera plus difficile de porter le construction des moulins à vent au plus haut degré de perfection, dont ils sont susceptibles.

EXPE'-

Jab. II. ad pag. 235.



Mem de l'Acad Tom XII åd pag 386.

. : 1

EXPÉRIENCES

POUR DETERMINER LA REFRACTION DETOU-TES SORTES DE LIQUEURS TRANSPARENTES.

PAR M. EULER.

T.

e que j'ai eu l'honneur de proposer sur la loi de réfraction à l'egard de la diverse réfrangibilité des rayons, montre suffisamment. combien peu la maniere ordinaire de faire ces expériences est propre pour nous éclaireir sur la veritable quantité de réfraction, que les rayons de diverses couleurs souffrent en passant d'un milieu transparent dans un autre. Car, ayant détruit une proportion, sur laquelle le grand Newton doit avoir fondé la loi de réfraction des rayons de diverses couleurs, en faisant voir qu'elle implique une contradiction ouverte, quoiqu'elle parut d'accord avec les expériences, il faut bien que ces expériences ne soient pas suffisantes pour nous découvrit exactement la veritable quantité de réfraction. J'ai aussi remarqué que la véritable proportion, que j'ai établie à la place de celle-là, en differe si peu, que les expériences ordinaires ne sont pas capables de nous montrer la différence; car il ne s'agit ici qu'environ d'une millième partie dans la raison du sinus d'incidence à celui de réfraction, dont la véritable proportion différe de l'autre, que j'ai démontrée contradictoire.

II. Cependant, quelque petite que paroisse cette dissérence, elle a néanmoins une instuence trop essentielle, tant dans la théorie de la résraction, que dans la pratique qui en découle, pour qu'on la puisse négliger. Car, si la proportion Newtonnienne que Mr. Dollond m'avoit opposée, étoit la véritable, toute la théorie, sur laquelle j'ai fondé la per-Gg 2 fection fection des verres objectifs, seroit fausse; de il ne seroit pas absolument possible, de quelque maniere qu'on combinat plusieurs matieres transparentes, de diminuer l'effet de la diverse réfrangibilité des rayons: & l'intervalle entre l'image rouge & violette tiendroit perpétuellement le même rapport à la distance de soyer. Mais, suivant la proportion véritable, il est possible de construire de tels verres objectifs, en employant deux ou plusieurs matieres transparentes, qui réunissent parsaitement les images formées par les rayons de toutes les couleurs différentes.

- III. Pour rendre cela plus fensible, qu'on envisage un verre objectif ordinaire, dont la distance de foyer soit environ 28 pieds, & on fait par l'expérience, que l'image formée par les rayons rouges en est d'un pied plus éloignée, que celle qui est formée par les rayons violets. Qu'on considére à présent un objectif composé de verre & d'eau, qui ait la même distance de foyer: & si la proportion Newtonnienne étoit conforme à la vérité, on auroit toujours le même intervalle d'un pied entre l'image rouge & la violette : or, selon la proportion, que j'ai démontrée la véritable, il est possible d'arranger l'eau avec le verre en forte, que l'intervalle entre les images rouge & violette évanouisse tout à fait : & même si l'on vouloit, que l'image rouge tombat d'un pied, ou d'autant qu'on voudroit, plus proche de l'objectif, que l'image violette. D'où l'on voit, que la différence entre les deux proportions, quelque petite qu'elle soit en elle-même, est de la derniere importance dans la théorie de la réfraction, & dans la construction des verres dioptriques, qui y est fondée.
- IV. Un tel verre composé donc, qui étoit le sojet de mon Mémoire sur la persection des objectifs, doit décider très sensiblement sur cette petite dissérence, qui se trouve entre les deux proportions rapportées, & que les expériences ordinaires, par lesquelles on est accoutumé d'examiner les dissérentes résractions, ne sauroient jamais découvrir. Car, qu'on prenne un tel objectif, dont j'ai enseigné la construction, qui ait environ 28 pieds de soyer; & suivant la pro-

portion Newtonienne, le foyer des rayons rouges devroit être éloigné d'un pied de celui des rayons violets, pendant que, suivant ma proportion, ces deux foyers se doivent réunir. Donc, quoique la dissérence entre ces deux proportions se réduise seulement à moins d'une millieme partie dans la raison de réstraction, l'esser de cette petite dissérence, qui doit échaper à toutes les expériences ordinaires, devient par le moyen d'un tel objectif si sensible, qu'il monte à un intervalle d'un pied: & il sera aisé de construire d'autres verres composés de telle sorte, que l'esser devienne encore plus considérable.

- Quand je sis travailler quelques ménisques, selon les mefures que j'avois trouvées par la théorie pour, en remplissant d'eau la cavité entr'eux, obtenir la perfection que j'avois en vuë: il fut aisé d'appercevoir, que la confusion causée ordinairement par la diverse réfrangibilité des rayons, étoit bien diminuée, quoique l'ouvrier n'air pas trop bien exécuté les mesures prescrites, & que de l'autre côté la confusion causée par la trop grande ouverture du verre fût très considérable. Mais une autre circonstance me frappa : qui me fournit les premieres idées du sujet, que je traite présentement. rempli d'eau deux de ces ménisques, la distance de foyer étoit environ de 8 pieds: ensuite, ayant rempli ces mêmes ménisques d'esprit de vin, la distance de foyer se réduisoit subitement à 5 pieds. Je sus bien surpris d'une si grande différence, pendant que la réfraction de l'esprit de vin différe si peu de celle de l'eau; car les Auteurs marquent la raison du sinus d'incidence à celui de réfraction de l'air dans l'esprit de vin comme 100 à 73, tandis que de l'air dans l'eau cette même raison est cemme 4 à 3, ou comme 100 à 75.
- VI. Ce seul exemple suffir pour nous convaincre, que deux ménisques peuvent sournir le plus propre instrument, pour découvrir la quantité de réfraction de toutes sortes de liqueurs transparentes, puisque la plus petite différence, qui se puisse trouver dans leur qualité réfractive, se maniseste par une si grande différence dans la distance du soyer. Pour cet effet on n'a pas besoin d'employer précisément

Gg 3

les ménisques, que j'avois recommendés pour perfectionner les verres objectifs, puisque le dessein est ici tout à fait dissérent, & on déterminera aisément tels autres ménisques, qui étant remplis de diverses liqueurs produisent des dissérences encore plus grandes dans la distance du soyer. Tels instrumens seront aussi fort propres à nous découvrir beaucoup plus exactement la diverse réfrangibilité des rayons à l'égard de toutes les liqueurs transparentes; cependant on pourra bien se passer de cette recherche, vû qu'ayant déjà connu la réfraction d'une espece des rayons, on en peut aisément conclure celle des autres especes à l'aide de la proportion, que j'ai demontrée être nécessairement vraye.

VII. Cela non-obstant, je ne voudrois pas abandonner entierement cette derniere recherche, & je crois plûtot, que la théorie en pourroit tirer de grands secours. Car ce que nous savons de la diverse réfrangibilité des rayons, ne regarde proprement que les rayons du Soleil: ceux-cy renfermant toutes les especes des couleurs, on a conchi par les expériences du prisme, que dans le passage de l'air dans le verre le sinus d'incidence est à celui de réfraction pour les rayons rouges comme 77 à 50, & pour les violets comme 78 à 50. Mais cette différence entre les rayons solaires ne constitue pour ainsi dire que l'intervalle d'une octave, de sorte que les rayons les moins réfrangibles du Soleil soient à comparer au plus haut son d'une octave, pendant que les plus réfrangibles répondent au plus bas de la même octave; & peut-être même que les divers rayons solaires ne remplissent pas à cet égard une octave entiere, puisque les rayons extrémes ne représentent pas la même couleur, comme les sons, qui différent entr'eux d'une ou quelques octaves, peuvent être regardés à peu prés comme le même fon:

VIII. Il est très probable, & je crois l'avoir suffisamment prouvé ailleurs, que les diverses couleurs ne différent entr'elles que par rapport au nombre de vibrations, dont l'ether est agité de chacune en même tems, & que si r marque le nombre des vibrations que les rayons rouges du Soleil rendent dans une seconde, & v le nombre des vibrations rendues en même tems par les rayons violets du Soleil, la différence des nombres r & v est la cause de la diverse réfrangibilité de ces rayons. Or les différens ordres des couleurs, que nous appercevons dans les bulles de savon, & dans les lames minces transparentes, sur lesquelles j'eus l'honneur l'année passée de lire un Mémoire, qu'on a daigné d'inserer dans le huitieme volume de l'Academie; ces différens ordres me font conclure, que non seulement les rayons contenus dans les nombres r ou v sont rouges ou violets, mais aussi ceux, dont le nombre de vibrations rendües dans une seconde, est 2r, 4r, 2r &c. ou 2v, 4v, 2r &c. & encore $\frac{1}{2}r$, $\frac{1}{4}r$, $\frac{1}{4}r$ &c. ou $\frac{1}{2}v$, $\frac{1}{4}v$, &c. tout comme dans les sons.

IX. Donc, si les rayons solaires, qui répondent au nombre v souffrent une plus grande réfraction que ceux, auxquels convient le nombre r, puisque le nombre r est dissèrent du nombre r; par la même raison les rayons des autres corps, auxquels répondent des nombres ou 2r, 4r, 8r &c. & 2v, 4v, 8v &c. on bien 1r, 1r, 1 &c. & 1v, 1v, 4v &c. devroient soussirir différentes réfractions. Par conséquent différentes couleurs rouges, entant qu'elles font semblables à des sons, qui différent entr'eux d'une ou de quelques oftaves, devroient produire dans leur réfraction une différence plus grande, que celle qu'on découvre entre les rayons rouges & violets du foleil. Le défaut de telles observations est sans doute un grand argument contre cette conjecture; mais peut être ne s'est-on pas donné assez de peine pour examiner cette diversité, s'il y en a une: ou peut-être la différence a-t-elle été trop petite, pour être découverte par les expériences, qu'on aura faires dans cette viie. Cependant cet article me paroit asses important, pour qu'on se donne toutes les peines possibles pour s'éclaireir là dessus: car, soit que ma conjectute soit fondée ou non, la théoriene manquera pas d'en retirer des éclaircissement très considérables.

X. Je me propose donc de décrire deux sortes d'expériences dont les unes peuvent servir à examiner très exactement la sorce réfrac-

fractive de toutes les diverses liqueurs transparentes, où il faut bien remarquer, que les conclusions, qu'on tirera des expériences, ne se rapportent qu'à une seule couleur, savoir celle dont l'objet, d'où l'on reçoit les rayons, est teint; car il est clair de soi même, que diverses couleurs meneroient à des conclusions différentes. Pour cet estet je proposerai tels ménisques, qui rendent les plus petites différences très sensibles. L'autre sorte est destinée pour la recherche de la réfraction de toutes les couleurs simples, qui se puissent trouver dans les corps: & dans cette vüe je chercherai tels ménisques, qui étant remplis d'une certaine liqueur découvrent d'une maniere très sensible les dissérences dans la réfraction, qui peuvent provenir de la diverse couleur de l'objet; & c'est de là que ma conjecture mentionnée sera aisément, ou consirmée, ou détruite.

XI. Je considére donc en général un verre objectif composé de deux ménisques, entre lesquels la cavité soit remplie d'une liqueur quelconque transparente: & j'ai déjà remarqué qu'ayant deux tels ménisques, dont les bords s'unissent parfaitement ensemble, il est aisé d'y ensermer toutes les liqueurs sans le secours d'aucun autre instrument: car, après avoir rempli la cavité, on n'a qu'à presser bien les ménisques l'un contre l'autre, & ils demeureront assez sensemble, pour qu'on n'ait point à craindre, que la liqueur s'en écoule. De cette manière on peut aisément changer de liqueurs à volonté, & saire des expériences avec les mêmes ménisques sur toutes sortes de liqueurs. Soient donc les rayons de courbure des quatre saces de ces deux ménisques

le rayon de la face MAM = f
le rayon de la face NBN = g
le rayon de la face NCN = h
le rayon de la face MDM = k

Or je suppose ces faces sphériques, puisqu'une très petite ouverture peut suffire pour saire les expériences dont il s'agit.

XII. Soit de plus la raison du sinus d'incidence au sinus de réfraction pour le passage des rayons

de l'air dans le verre comme m à z de l'air dans la liqueur comme n à z

Or je parle ici des rayons d'une certaine espece, sur lesquels on sait les expériences, de sorte que, si les rayons sont rouges, les nombres m & mapprochent un peu plus de l'unité, que s'ils étoient violets. Ensuite je regarde d'abord l'épaisseur de ce verre objectif A D comme evanouïs-sante par rapport aux rayons de courbure, & à la distance tant de l'objet que de l'image du verre, pour avoir des formules plus simples. Cependant j'enseignerai après, quelles corrections doivent être employées à l'egard de l'epaisseur du verre dans les conclusions, qu'on auratirées des expériences: & on verra que ces corrections sont pour la plûpart si petites, qu'on les peut bien négliger, attendu que les erreurs qu'on ne sauroir éviter en saisant des expériences, sont ordinairement beaucoup plus grandes.

XIII. Soit donc la droite EF l'axe de cet objectif, sur laquelle sont situés les centres des quatre faces: & qu'un objet E ϵ soit placé sur cet axe à la distance EA $\equiv a$ du verre. Cela posé, les rayons transmis par le verre formeront l'image après le verre en Ff dans une situation renversée, & j'ai sait voir que la distance DF après le verre sera déterminée par cette équation:

$$\frac{1}{DF} = (m-1)\left(\frac{1}{f} + \frac{1}{k}\right) - (m-n)\left(\frac{1}{g} + \frac{1}{h}\right) - \frac{1}{a}$$

Pour la grandeur de l'image Ff par rapport à l'objet Ee, on fait qu'elle est déterminée par la droite ef, tirée depuis le bour de l'objet e par le milieu du verre, puisque nous regardons l'epaisseur du verre AD comme infiniment petite. On auroit donc Ee: Ff = AE: DF,

ou bien $Ff = \frac{DF}{AE}$. Ee, mais dans les Expériences que je vai dé-

crire, la grandeur de l'image n'entrera pas en confidération. On voit Min. de l'Acad. Tom. XII. Hh donc

donc par la formule donnée, comment la distance DF est déterminée par les deux nombres m, n, & par les quatre rayons f, g, h, k, avec la distance a.

XIV. Mais, fi l'on veut tenir compte de l'epaisseur du verre, laquelle a trois parties AB, BC & CD, & qu'on pose

$$AB = r$$
, $BC = s & CD = t$

l'équation qui détermine la distance DF sera plus compliquée, & s'exprimera le plus commodément par la fraction continuée suivante :

primera le plus commodément par la fraction continuée suivante :

$$\frac{1}{DF} = \frac{m-1}{k} + \frac{F}{-\frac{t}{m} + \frac{1}{-\frac{(m-n)}{h} + \frac{1}{-\frac{r}{m} + \frac{1}{m-1} - \frac{1}{h}}}$$

D'où, par le calcul des fractions continuées, on tirers en chaque cas aisément la valeur de la distance cherchée DF, & il feroit fort superstu de developer cette formule, qui deviendroit extrémement embarrassée

XV. Cependant, si nous nommons la distance DF = c, & que nous posions pour abréger

$$P = \frac{\frac{m-1}{f} - \frac{1}{a}}{1 - \frac{r}{m} \left(\frac{m-1}{f} - \frac{1}{a}\right)} & Q = \frac{\frac{m-1}{k} - \frac{1}{c}}{1 - \frac{t}{m} \left(\frac{m-1}{k} - \frac{1}{c}\right)}$$

on parviendra à cette équation

$$P + Q = (m-n)\left(\frac{1}{g} + \frac{1}{h}\right) + \frac{5}{n}\left(\frac{m-n}{g} - P\right)\left(\frac{m-n}{h} - Q\right)$$
Main-

Maintenant, si les épaisseurs x, s, t sont extrémement petites, puisqu'on aura alors assés exactement

$$P = \frac{m-1}{f} - \frac{1}{a} + \frac{r}{m} \left(\frac{m-1}{f} - \frac{1}{a} \right)^{2} & Q = \frac{m-1}{k} - \frac{1}{c} + \frac{t}{m} \left(\frac{m-1}{k} - \frac{1}{c} \right)^{2}$$

l'équation trouvée se changera en cette forme:

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{c} = (m-1)\left(\frac{1}{f} + \frac{1}{k}\right) - (m-1)\left(\frac{1}{g} + \frac{1}{h}\right) + \frac{r}{m}\left(\frac{m-1}{f} - \frac{1}{a}\right)^{2} + \frac{r}{m}\left(\frac{m-1}{k} - \frac{1}{c}\right)^{2} - \frac{s}{n}\left(\frac{m-n}{g} - \frac{(m-1)}{f} + \frac{1}{a}\right)\left(\frac{m-n}{h} - \frac{(m-1)}{k} + \frac{1}{c}\right)$$

d'où notre premiere équation se déduit, si l'on fait évanouir les épaisseurs r, s & t.

XVI. Donc, puisque au cas que r = s = t = 0, on a

$$\frac{1}{c} = (m-1)\left(\frac{1}{f} + \frac{1}{k}\right) - (m-n)\left(\frac{1}{g} + \frac{1}{h}\right) - \frac{1}{4}$$

a nous confidérons les épaisseurs r, x & z comme extrémement petites, nous aurons plus exactement

$$\frac{1}{c} = (m-1)\left(\frac{1}{f} + \frac{1}{k}\right) - (m-n)\left(\frac{1}{g} + \frac{1}{h}\right) - \frac{1}{a}$$

$$+ \frac{r}{m}\left(\frac{m-1}{f} - \frac{1}{a}\right)^{2}$$

$$+ \frac{s}{m}\left(\frac{m-n}{g} - \frac{(m-1)}{f} + \frac{1}{a}\right)^{2}$$

$$+ \frac{t}{m}\left((m-n)\left(\frac{1}{g} + \frac{1}{h}\right) - \frac{(m-1)}{f} + \frac{1}{a}\right)^{2}$$

$$+ \frac{t}{m}\left(m-n\right)\left(\frac{1}{g} + \frac{1}{h}\right) - \frac{(m-1)}{f} + \frac{1}{a}$$

$$+ \frac{1}{a}$$

$$+ \frac{t}{m}\left(m-n\right)\left(\frac{1}{g} + \frac{1}{h}\right) - \frac{(m-1)}{f} + \frac{1}{a}$$

$$+ \frac{1}{a}\left(m-n\right)\left(\frac{1}{g} + \frac{1}{h}\right) - \frac{1}{a}$$

Toù l'on voit combien chacune des épaisseurs r, s & t, contribue à changer la valeur de la distance $DF \equiv c$. On voit évidement que la valeur de $\frac{1}{c}$ en est augmentée, & partant celle de la distance même $DF \equiv c$ diminuée.

XVII. Ayant donc déterminé par la théorie à quelle distance DF $\equiv c$ derriere le verre l'image doit paroitre; si l'on consulte l'expérience, & qu'on observe cette même distance DF, il saut qu'elle se trouve d'accord avec la théorie. Connoissant donc cette distance DF $\equiv c$ par l'expérience, on aura une équation, d'où l'on pourra tirer la valeur du nombre n, ou bien le rapport n: n, qui exprime la raison de réstaction pour la liqueur, dont la cavité entre les ménisques est remplie. Pour cet estet il saut qu'on sache les rayons des quatre courbures f, g, h, & k, lesquels peuvent bien être supposés connus par les bassins, où les deux ménisques auront été travaillés; cependant on en pourra aussi découvrir les valeurs par quelques expéniences, qu'on sera avec des liqueurs dont la réstaction est déjà contine. Or oûtre ceta il saut qu'on sache exactement le nombre m, qui contient la réstaction du verre.

XVIII. Or, pour observer la distance DF = c, à laquelle l'in mage de l'objet se presente derriere le verre, on peut se servir d'une chambre obscure, en sixant le verre dans le trou par lequel les rayons y entrent: car alors recevant l'image sur une surface blanche, en l'approchant ou éloignant du verre, jusqu'à ce que la représentation paroisse la plus distincte, on n'aura qu'à mesurer sa distance depuis le verre pour avoir la distance cherchée DF = c. Or au désaut d'une chambre obscure on pourra aussi se servir du tuyau d'une lunette ordinaire, en y sixant le verre composé au lieu de l'objectif, & prenant un oculaire, qu'on jugera le plus convenable; on n'aura qu'à diriger la lunette vers l'objet proposé, & chercher quelle longueur il saut donner à la lunette, pour qu'on voye l'objet le plus distinctement.

Alors

Alors, connoillant l'oculaire & la constitution de l'ocil, on en conclure aissement la distance DF.

Méthode d'observer la réfraction de toutes sortes de liqueurs transparentes.

XIX. Je supposerai d'abord qu'on sache exactement les rayons des quatre saces des ménisques, f, g, h, k, de même que la réfraction du verre, ou la raison m: 1; & l'objet se trouvant dans l'axe du verre composé à la distance $A \to a$, qu'on observe, à quelle distance derrière le verre l'image sera présentée, laquelle soit posée $D \to c$, de sorte que les valeurs des settres m, a, c, f, g, h, k, soient connues. De là, en négligeant les épaisseurs r, s, t, on sur a d'abord

$$(m-n)\left(\frac{1}{g}+\frac{1}{h}\right) = (m-1)\left(\frac{1}{f}+\frac{1}{k}\right) - \frac{1}{a} - \frac{1}{c}$$

d'où l'on tibe

$$u = m - \frac{gh}{g+h} \left((m-1) \left(\frac{1}{f} + \frac{1}{k} \right) - \frac{1}{a} - \frac{1}{c} \right)$$

Mais, si l'on veut tenir compte des épaisseurs, en les regardant comme très petites on aura:

$$n = m - \frac{gh}{g+h} \left((m-1) \left(\frac{1}{f} + \frac{1}{k} \right) - \frac{1}{a} - \frac{1}{c} \right)$$

$$- \frac{ghr}{m(g+h)} \left(\frac{m-1}{f} - \frac{1}{a} \right)^2 - \frac{ght}{m(g+h)} \left(\frac{m-1}{k} - \frac{1}{c} \right)^2$$

$$- \frac{ghs}{n(g+h)^3} \left((m-1) \left(\frac{h}{k} - \frac{g}{f} \right) + \frac{g}{a} - \frac{h}{c} \right)^2$$

XX. Mais l'avantange de cette méthode sur les ordinaires consiste en ce qu'on peut employer un sel verre composé, qu'il en résulte H 3 une une très grande différence dans la distance, tandis que la nature de la liqueur, ou le nombre n, change très peu. Pour chercher tels verres avantageux, supposons que le nombre n croisse de son différentiel dn, pendant que la distance c change en $c \rightarrow dc$, & la différentiation nous fournira entre ces différentiels dn & dc le rapport suivant

$$-dn\left(\frac{1}{g}+\frac{1}{h}\right)=\frac{-dn\left(g+h\right)}{gh}=\frac{dc}{cc}$$

d'où nous tirons $dc = \frac{-ccdn}{gh} \frac{(g+h)}{h}$

Il faut donc que le coëfficient de dn ou $\frac{cc(g+h)}{gh}$ devienne très grand, ou son réciproque $\frac{gh}{cc(g+h)}$ très petit: & partant en substituant pour c ou $\frac{1}{c}$ sa valeur, cette quantité

$$\frac{gh}{g+h}\left((m-1)\left(\frac{1}{f}+\frac{1}{h}\right)-(m-n)\left(\frac{1}{g}+\frac{1}{h}\right)-\frac{1}{a}\right)^{a}$$
doit devenir très petite.

XXI. Afin que la quantité $\frac{cc(g+h)}{gh}$ devienne fort grande, on rendra d'un coté la fraction $\frac{g+h}{gh}$, & de l'autre la distance c, suffi grande que les circonstances le permettent. Or il est évident que plus on fait petits les deux rayons g & h des faces concaves, & plus la fraction $\frac{g+h}{gh}$ deviendra grande; mais il faut bien prendre garde de ne pas les rendre trop petits: puisqu'on seroit obligé de donner au verre une trop petite ouverture. C'est pourquoi il sera toujours bon de faire les deux rayons g & h égaux entr'eux, & de leur donner une

une telle grandeur, qui ne soit jamais trop petite par rapport à sa distance de l'image DF $\equiv c$: car, plus cette distance devient grande, δt plus le verre doit admettre d'ouverture. Le cas le plus commode sera donc de rendre les deux ménisques égaux δt semblables entr'eux, δt partant si nous faisons $k \equiv f \delta t$ $k \equiv g$, notre équation pour la distance DF $\equiv c$ se réduit à cette forme

$$\frac{1}{x} = \frac{2(m-1)}{f} - \frac{2(m-n)}{g} - \frac{1}{a}$$

d'où nous aurons:

$$x = m - \frac{1}{2} g \left(\frac{2(m-1)}{f} - \frac{1}{a} - \frac{1}{c} \right)$$

XXII. Puisque $\frac{x}{c}$ est plus grand que $\frac{x(m-1)}{c}$, pourvû que n < m, ce qui arrive toujours, vû qu'on ne connoit point de liqueur, dont la réfraction soit plus grande que celle du verre, le distance c est toujours plus grande que $\frac{f}{2(m-1)}$, ou que f à peu près, à cause Il faut donc prendre le rayon des deux conde m = 4 environ. vexités f = k, ni trop grand, ni trop petit : car si on les prenoit trop perits, le différence entre les distances c qui répondent à diverses liqueurs, pourroit devenir trop petite, pour qu'on en pût conclure avec asses de précision la différence de leur réfraction. le ne voudrois donc pas prendre ces deux rayons f & k au dessous d'un pied. Mais une beaucoup plus grande valeur feroit également nuisible, puisqu'en remplissant le verre d'une telle liqueur pour laquelle m-n auroit une valeur considérable, la distance c pourroit devenir si grande, que la chambre obscure ne seroit pas assez spaciense pour la recevoir, ou qu'il y faudroir employer une trop longue lunette. Car, plus la différence m-n fera grande, & plus la diffance DF = c excedera he quantité $\frac{2(m-1)}{f}$.

XXIII. Ayant déjà remarqué qu'il n'y a point de liqueurs, qui souffrent une plus grande réfraction, que le verre, je crois pouvoir ajouter qu'il n'y en a point, où la valeur de n soit plus petite que $1\frac{\pi}{4}$. Toutes les liqueurs donc, qu'on pourra examiner, seront par rapport à leur réfraction comprises entre les deux limites suivantes du nombre n,

$$n = 1,54$$
 & $n = 1,25$

Or, si la liqueur, dont on remplie le verre étoit telle, que la raison du sinus d'incidence au sinus de réfraction des rayons qui y entrent de l'air sut

$$n: I = m: I = I$$
, 54: I ou $m-n = 0$

la distance DF $\equiv c$ deviendroit la plus courte; que je voudrois donc mettre \equiv 1 pied. Mais, si la liqueur étoit si rare, que pour l'entrée des rayons de l'air, il y eut $n \equiv 1, 25$, la distance DF $\equiv c$ deviendroit la plus grande, que je voudrois poser infinie, au cas que la distance de l'objet AE $\equiv a$ est extrémement grande, ou quasi infinie.

XXIV. Ces deux conditions nous fourniront les justes valeurs, qu'il faudra donner, tant au rayon de convexité f, qu'à celui de concavité g de chaque ménisque. Car pour les rayons moyens il y a $m \equiv 1$, 54 fi la nature de la liqueur donne $n \equiv m$, ou $n \equiv 1$, 54, & que nous regardions la distance de l'objet $A Z \equiv n$ comme infinie, il faut que la distance de l'image $D F \equiv c$ provienne d'un pied, d'où nous tirons

$$1 = \frac{f}{2.0, 54} = \frac{100f}{108}$$
, ou $f = \frac{27}{25}$ pieds,

donc les deux faces convexes doivent avoir pour leurs rayons de courbure

 $f = k = \frac{27}{4}$ pieds, ou f = k = 1 pied & 1 pouce à peu près.

Or, si la liqueur donnois n = 1,25, & qu'on regardat la distance c = 0, à cause de c = 0 on auroit,

$$\frac{2.0,54}{f} - \frac{2.0,29}{g} = 0$$

& partant $g = \frac{2}{3} \frac{2}{4} f = \frac{2}{3} \frac{2}{5}$ pieds = 7 pouces.

De sorte que pour chacun de nos ménisques nous ayons:

le rayon de convexité f = k = 1, 08 pieds = 12, 96 pouces le rayon de concavité g = h = 0, 58 pieds = 6, 96 pouces

XXV. Cependant une trop grande précision seroit ici fort mal placée, & on pourra retirer à peu près les mêmes avantages d'une infinisé de verres composés, pourvû que les ménisques ne disférent pas trop de ceux que je viens d'indiquer. Pour cette raison on pourra employer deux ménisques égaux & semblables, dont

le rayon des faces convexes foit f = k = 12 pouces

& le rayon des faces conçaves g = h = 7 pouces.

Alors, remplissant la cavité entre ces deux ménisques d'une liqueur quelconque, dont la raison de réfraction soit m:n:1 pour les rayons qui y entrent de l'air, qu'on mesure la distance de l'image après le verre DF m:n:1 de même que celle de l'objet avant n:n:1 chacune exprimée en pouces, & on aura

$$n = m - \frac{7}{12} (m-1) + \frac{7}{4} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c} \right)$$

on
$$n = \frac{1}{12}m + \frac{7}{12} + \frac{7}{12}\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c}\right)$$

Et si les rayons sont d'une nature moyenne, qu'il soit m = 1, 54, on aura en négligeant l'epaisseur :

$$n=1, 225+\frac{7}{4}\left(\frac{1}{a}+\frac{1}{c}\right)$$

XXVI. Voyons à quel point de précision ce verre composé sera capable de nous indiquer la réfraction d'une liqueur proposée Que Min. de l'Acad. Tom. XII.

l'objet se trouve à une distance de 100 pieds, ou de 1200 pouces, puisqu'il faut se servir de cette mesure, de sorte que a = 1200, & que l'expérience nous donne la distance de l'image c = 80 pouces, de là nous conclurons donc :

$$n = 1,225 + \frac{1}{4} \left(\frac{1}{1200} + \frac{1}{80} \right) = 1,27166$$

Mais, si au lieu de c = 80 pouces on s'etoit trompé de 6 pouces \mathcal{L} qu'il y eut c = 74 pouces, on auroit

 $n = 1,225 + \frac{7}{2} \left(\frac{1}{1200} + \frac{7}{74} \right) = 1,27520$ Wou l'on voit qu'une différence de 6 pouces dans le lieu de l'image, in en produit dans la valeur du nombre n qu'une différence de 0,00354, ou l'erreur qui a influé fur le nombre n feroit environ $3\frac{1}{200}$.

• Si la liqueur étoit encore plus rare, & que la distance de l'image fût plus grande, savoir c = 120 pouces, la distance de l'objet étant a = 1200 pouces, on en conclurroit sa réfraction

 $n \equiv 1,225 + \frac{7}{4} \left(\frac{1}{1200} + \frac{1}{120}\right) \equiv 1,25708$ & une erreur de 6 pouces dans la distance c n'en produiroit une que de $\frac{7}{640}$ dans la valeur du nombre n.

XXVII. Ce verre composé dont je viens de donner la description, seroit donc très propre à déterminer la réstaction des liqueurs, dont le nombre n se trouveroit au dessous de 1, 30, ou qui causeroient une moindre réstaction que l'eau. Mais, si l'on vouloit per ce même verre examiner la réstaction des liqueurs approchantes de la nature de l'eau, la distance c deviendroit trop courre, pour en pouvoir conclure la réstaction avec autant de sureté. Car, pour que la valeur de n provienne de 1, 33, la distance de l'image c tomberoit au dessous de 3 pieds, & une erreur commise dans cette distance influeroit plus considérablement sur la quantité de réstaction. Pour l'examen de telles liqueurs il conviendroit donc d'employer d'autres ménisques, tels, que si la réstaction de la liqueur étoit environ n = 1, 28, ou même n = 1, 30 la distance c deviendroit infinie en supposant n = 0; pour cet effet il faudroit qu'il sut

on pourroit donc prendre f = 13 pouces, & g = 6 pouces.

XXVIII. Cependant on pourra bien se servir avec le même succès des ménisques précédens f = k = 12 pouces & g = h = 7 pouces en approchant davantage l'objet du verre; car alors la distance de l'image deviendra plus grande, d'où la détermination du nombre s'acquerra une plus grande précision. Pour chaque liqueux dont on sura rempli le verre, on approchers de plus en plus l'objet, jusqu'à ce que la distance de l'image davanne si grande qu'on jugana la plus convenable. Ainsi, supposant qu'ayant placé l'objet à la distance de 40 pouces, on ait observé la distance de l'image c = 120 pouces, la réfraction de la liqueur sera exprimée par cette valeur du nombre s

n'en produit qu'une de $\frac{1}{6}$ dans la valeur du nombre ». Et ce degré de précision sera toujours le même tant qu'on fera en sorte, que la distance de l'image tombe à la distance de 120 pouces derriere le verre. A' une telle moindre distance de l'objet on le pourra plus commodément éclairer autant qu'il faut pour rendre asses claire l'image.

XIX. Mais, puisque j'ai négligé jusqu'ici l'épaisseur du verre, voyons à combien la correction qui en résulte, pourra monter. Comme les deux ménisques sont supposés égaux & semblables, on aura non seulement f = k & g = h, mais aussi t = r, d'où nous aurons pour la juste valeur de n

n =
$$m - \frac{1}{2}g\left(\frac{2(m-1)}{f} - \frac{1}{ai} - \frac{1}{c}\right) - \frac{gs}{gs}\left(\frac{1}{a} - \frac{1}{c}\right)^2$$

$$- \frac{gr}{2m}\left(\frac{m-1}{f} - \frac{1}{a}\right)^{\frac{1}{2m}-1} \frac{gr}{2m}\left(\frac{m-1}{f} - \frac{1}{c}\right)^{\frac{3}{2m}+1}$$

& partant pour les cas of = 12 pouces, & g = 7 pouces, la véritable valeur de n lera

$$n = 1,225 + \frac{7}{2} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c} \right) - \frac{7r}{2m} \left(\frac{m-1}{12} - \frac{1}{a} \right)^{2} - \frac{7r}{2m} \left(\frac{m-1}{12} - \frac{1}{rc} \right)^{2}$$

Faisons-en l'application au dernier exemple a = 40, & c = 120 & puisque la valeur trouvée auparavant n = 1,3416 est affés approchante, les corrèctions feront à cause de m = 1,54

Donc, quoiqu'on pose $r = \frac{1}{10}$ pouce & $s = \frac{1}{2}$ pouce, cette correction ne vaudra que 0, 0004 + 0, 000036 - 0, 000436 à soutraire, & on aura n = 1, 3412, d'où l'on voir qu'on peut bien négliger cette correction, pourvû que le verre ne soit pas très épais.

XXX. Cependant il sera bon d'avoir quelques paires de tels ménisques, travaillés sur différentes proportions entre f & g, asin qu'on puisse employer pour chaque liqueur proposée tels qu'on jugera les plus convenables. Supposons qu'on ait trois paires de tels ménisques, que j'indiquerai par les lettres A, B, C, & qu'il soit:

& que les bords de tous s'accordent ensemble, en sorte qu'on puisse aussi combiner deux de différentes paires. On en pourra donc faire 6 combinaisons, & chacune fournira les déterminations suivantes du nombre n, en supposant m = 1,54

A & A . . .
$$n = 1,225 + \frac{2}{s} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c}\right)$$

B & B . . . $n = 1,270 + 3 \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c}\right)$

C & C . . . $n = 1,315 + \frac{1}{2} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c}\right)$

A & B . . . $n = 1,2492 + \frac{42}{3} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c}\right)$

A & C . . . $n = 1,2775 + \frac{45}{2} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c}\right)$

B & C . . . $n = 1,2945 + \frac{20}{3} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c}\right)$

XXXI. Mais, si l'on veut examiner la réfraction des milieux extrèmement rares, comme de l'air, ou comprimé, ou raresié, ou même d'un vuide parsait, ensermé entre les deux ménisques, de sorte qu'il saudroit déterminer la réfraction des rayons, qui passent de l'air ordinaire dans un air, ou comprimé, ou raresié, ou dans le vuide, alors les ménisques exposés ne seront plus propres. Alors il saudra employer de tels ménisques, dont le rayon de convexité est un peu plus petit, que le rayon de la concavité: les deux ménisques suivans, égaux & semblables entr'eux, paroissent asses propres pour ce dessein:

Rayon de convexité f = k = 12 pouces

Rayon de convexité g = h = 13 pouces.

Ces ménisques renfermant le milieu proposé, fi d'un objet éloigné à la distance AE = a, on observe la distance de l'image DF = c, la valeur suivante du nombre n donnera la réfraction cherchée

$$u = m - \frac{1}{2} \frac{3}{2} (m - 1) + \frac{1}{2} \frac{3}{2} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c} \right) = 0,955 + \frac{1}{3} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c} \right)$$

& fi l'on ne veut pas négliger les épaisseurs AB = CD = r & BC = s $s = 0,955 + \frac{1}{4} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{c}\right) - 4,22r \left(0,045 - \frac{1}{a}\right)^2 - 4,22r \left(0,22r - \frac{1}{c}\right)^2$ $- 1,62s \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{c}\right)^2$

XXXII. Supposons que ce verre composé, & rempli d'un certain air, ait donné la distance c = 120 pouces, l'objet étant éloigné à l'infini, & on conclura pour la réfraction de ce milieu

 $m = 0,955 + \frac{13}{110} = 1,009166$ de forte que ce milieu soit un air un peu comprimé. Or, si l'on trouvoit la distance c deux fois plus grande, ou c = 240 pouce, il en résulteroit

 $n = 0.955 + \frac{1}{480} = 0.982083$

ce qui marqueroit un air extrémement raréfié: ou bien ce cas ne sera pas même possible, puisqu'on sait que pour le passage de l'air dans se vuide même la valeur de n est plus grande que $1 - \frac{1}{3\sqrt{5}}$, ou que 0, 999666. Or on trouveroit $n = 1 - \frac{1}{3\sqrt{5}}$, si la distance de l'image c étoit = 146 pouces; mais si le verre contenoit de l'air naturel, on trouveroit $c = 144\frac{1}{2}$ pouces, & partant la disserce dans la distance c ne monteroit pas à deux pouces. Mais on peut aisement augmenter cette dissérence en approchant davantage le rayon f du rayon g.

Méthode d'observer la réfraction des rayons de différentes couleurs.

XXXIII. Si l'on met devant le verre objectif à la même distance AE

a successivement des corps teints de diverses couleurs, leurs images seront représentées derriere le verre à diverses distances, selon la diverse réfrangibilité des rayons, à moins que le verre objectif ne soit parsair, ou tel qu'il rassemble tous les rayons également. Ces ob-

jectifs donc, dont s'ai autresois enseigné la construction, sont les moins propres à ce présent dessein, parce que, de quelque couleur que l'objet soir teint, ils représentent l'image toujours à la même distance : il faut plutôt employer des objectifs d'une nature diamètralement opposée, qui produisent une grande dissérence dans le lieu des images, quoique la dissérence dans la réfraction ne soit que très petite. Les objectifs ordinaires représentent bien les images des objets de diverses couleurs à des listances inégales, & c'est en quoi consiste leur principal désaut: mais, à moins que leur distance de soyer ne soit excessive, la dissérence n'est pas assés seassement la dissérence qui se trouve dans la réfraction.

XXXIV. Il s'agit donc de trouver tels objectifs, qui par rapport à la diffusion, qui vient de la diverse réfrangibilité des rayons soient encore plus désectueux, que les verres simples & ordinaires. Pour cet effet considérons comme ci-dessus en général un verre composé de deux ménisques, dont la cavité soit remplie d'une liqueur transparentes, & que les rayons des deux faces convexes soient f & k, & des deux faces concaves g & h. Soit de plus pour une certaine espece de rayons, la raison de réfraction dans le passage de l'air dans le verre comme m à 1, & de l'air dans la liqueur comme n à 1. Cela posé, si l'objet se trouve devant le verre à la distance $A \to a$, l'image sera représentée derriere le verre à la distance $A \to a$, en sorte qu'il soit:

$$\frac{1}{c} = (m-1)\left(\frac{1}{f} + \frac{1}{k}\right) - (m-n)\left(\frac{1}{g} + \frac{1}{h}\right) - \frac{1}{a}$$

en négligeant l'epaisseur du verre.

XXXV. Qu'on mette à présent à la place de l'objet un corps teint d'une autre couleur, dont les rayons souffrent une réfraction différente de celle que je viens de supposer, en passant de l'air tant dans le verre que dans la liqueur. Et j'ai démontré que ces nouvellees raisons

fons de réfraction, au lieu de m: 1 & n: 1 se peuvent toujours exprimer en sorte

m' + a: 1, & 1 + a: 1, ou m + amlm: 1, & n + anln: 1

puisque a est toujours une fraction très petite. Or cette fraction
a nous fera connoitre la différence entre la réfraction de ces derniers
rayons & les précédens. Soit c' la distance à laquelle on appercevra
à présent l'image derriere l'objectif, & nous aurons l'équation suivante:

$$\frac{1}{c'} - \frac{1}{c} = \alpha m \ln \left(\frac{1}{f} + \frac{1}{k} - \frac{1}{g} - \frac{1}{h} \right) + \alpha n \ln \left(\frac{1}{g} + \frac{1}{h} \right) = \frac{c - c'}{c c'}$$

Donc, pour que la moindre différence dans la réfraction devienne fort sensible dans la distance de l'image, il faut que cette guantité

$$mlm\left(\frac{1}{f}+\frac{1}{k}\right)-(mlm-nln)\left(\frac{1}{g}+\frac{1}{h}\right)$$

obtienne une valeur asses considérable, & que la distance c elle-même provienne aussi fort grande.

XXXVI. Posons les deux ménisques égaux & semblables entr'eux, de sorte que $k \equiv f \& h \equiv g$, & que la distance de l'objet soit quasi infinie; dans ce cas on aura ces deux équations:

$$\frac{1}{c} = \frac{2(m-1)}{f} - \frac{2(m-n)}{g} & \frac{c-c'}{cc'} = \frac{2\alpha m \ln m}{f} - \frac{2\alpha (m \ln m - n \ln m)}{g}$$

dont la premiere donne

$$\frac{2}{f} = \frac{g + 2(m-n)c}{(m-1)cg} \text{ ou } f = \frac{2(m-1)cg}{g+2(m-n)c}$$

& substituant cette valeur dans l'autre équation, on en tirera

$$c' = \frac{(m-1)cg}{(m-1)g + a mg l m - 2 a c [m(n-1)lm - n(m-1)ln]}$$
Or

Orp puisqu'on peut regarder la fraction a comme très petite, il y aura fort à peu près:

$$c' = c - \frac{\alpha m l m}{m-1} c + \frac{2 \alpha c c}{g} \left(\frac{m (n-1) l m}{m-1} - n l n \right)$$

D'où l'on connoit la différence entre les distances c, c', qui répond à la différence des réfractions renfermée dans la fraction a.

XXXVII. Je remarque ici d'abord deux cas principaux, l'un où $m \equiv m$, & l'autre où $n \equiv 1$. Dans celui-là, ayant la liqueur également réfractive que le verre, notre objectif revient à un ordinaire, dont les deux faces font convexes, le rayon de l'une & de l'autre étant $f \equiv k \equiv 2 (m-1)c$. Dans l'autre cas où $n \equiv 1$, l'espace entre les deux verres ne contient que de l'air, & nous aurons deux verres simples joints immédiatement ensemble, de sorte que $f \equiv \frac{2(m-1)cg}{g+2(m-1)c}$. Or pour l'un & l'autre cas l'expression $\frac{m(n-1)/m}{m-1} - n \ln evanouit$, & partant, lorsque les rayons de l'objet changent de nature, de sorte que les raisons de réfraction m:1 & n:1 deviennent m:1 \(\text{ } \text{ } \) = 1 \(\text{ } \text{ } \text{ } \) = 1 \(\text{ } \t

$$c' = c - \frac{\alpha m l m}{m - 1} c$$

Par conséquent la différence $\frac{a m l m}{m - 1} c$ dépend uniquement de la distance c, & ne sauroit être, ni augmentée, ni diminuée, tant que la distance c demeure la même.

XXXVIII. Dans tous les autres cas de la liqueur renfermée entre les deux verres, la quantité $\frac{m(n-1)lm}{m-1}$ — nln n'évanouït Min, de l'Acad. Tom, XII. Kk point

point, & alors on pourra prendre le rayon des concavités g tel, que la différence entre les distances c & c' devienne beaucoup plus grande. Cependant il faut que la valeur de n n'approche point trop, ni de l'unité, ni de m, dont la valeur peut être prise = 1,54, pour ne pas tonnber dans l'inconvenient des deux cas marqués: or il est clair, qu'il doit y avoir une valeur de n entre les deux limites 1 & m, qui rendra ladite quantité la plus grande, qu'il soit possible: & une telle liqueur, si l'on en pouvoit trouver une, seroit la plus convenable pour cette espece d'expériences. Pour trouver ce maximum, disserentions ladite quantité en posant n variable, & en égalant le dissérentiel égal à zero, nous obtiendrons

$$\frac{m l m}{m-1} = l n + 1 \quad & \text{partant } l n = \frac{m l m}{m-1} - 1$$

d'où l'on tirera aisément la valeur de n.

XXXIX. Or il faut bien remarquer que les logarithmes, que ces formules renferment, sont des logarithmes hyperboliques, qu'on trouve des logarithmes tabulaires en multipliant ceux-ci par 2,302585093, ou en les divisant par 0,4342944819. Donc, si nous voulons prendre pour l m & ln leurs logarithmes tabulaires, nous les devons multiplier par 2,302585, ou diviser par 0,43429448, & de là nous aurons:

$$ln = \frac{m lm}{m-1}$$
 — 0, 43429448.

Posons donc $m \equiv 1,54$, qui est la valeur moyenne qui convient à la réfraction du verre, & de là on tirera

$$\frac{m/m}{m-1} = 0,5347833 & ln = 0,1004888$$

par conséquent le nombre n = 1, 260343.

Donc, si l'on pouvoit trouver une telle liqueur transparente, dans laquelle les rayons moyens, qui y entrent de l'air, se rompissent en sorte, que le sinus d'incidence seroit au sinus de résraction comme 1, 26 à 1, cette liqueur féroit sans contredit la plus propre pour cette espece d'expériences.

XL. Mais nous ne connoissons point de liqueur, qui ait une moindre réfraction que l'eau pure, pour laquelle on peut supposer $m \equiv 1\frac{1}{2}$; & partant nous ne saurions mieux arriver à notre but qu'en remplissant la cavité entre nos deux verres d'eau pure. Posons donc $m \equiv 1,54$ & $n \equiv 1\frac{1}{2}$: & prenant les logarithmes hyperboliques nous aurons:

$$m l m = 0,664945$$
 $n l n = 0,383576$
& partant $\frac{m(n-1)lm}{m-1} - n l n = 0,925884$ & $\frac{m l m}{m-1} = 1,231379$

Donc la distance de l'image c', qui répond à la réfraction changée, se trouvers

$$c' = c - 1,231379. \alpha c + 0,053768 \frac{\alpha cc}{R}$$

d'où l'on voit que par un tel verre composé on peut rendre la dissérence entre les distances c & c' beaucoup plus grande que si l'on se servoit de verres simples ordinaires. Le plus sûr moyen sera de prendre le rayon g fort petit par rapport à la distance c, & même négatif: mais, ayant donné à g une certaine valeur, celle de f sera

$$f = \frac{3, 24cg}{3g+1, 24c} = \frac{324cg}{300g+124c}$$

XLI. Jusqu'ici j'ai supposé la distance de l'objet a infinie, mais si elle est finie, & la même pour les objets de différentes couleurs, nos formules se changeront dans les suivantes

& si nous posons pour le verre m = r, 54, & pour la liqueur $n = \frac{4}{3}$, nous aurons:

$$f = \frac{324 a c g}{300 (a+c)g+124 a c} &$$

$$c' = c - 1,231379 a c \left(1 + \frac{c}{a}\right) + 0,053768. \frac{a c c}{g}.$$

d'où l'on voit qu'en approchant l'objet du verre, la différence entre les images deviendra encore plus fensible, supposé qu'on donne aux rayons g = h des valeurs négatives.

XLII. Si l'on se servoit de verres simples, la différence entre les distances c & c' seroit = 1,231379 & $c \left(1 + \frac{c}{a}\right)$, mais, par le moyen des verres composés, on peut saire que cette différence devienne autant de sois plus grande, qu'on voudra. Supposons qu'elle doive devenir λ sois plus grande, de sorte qu'il y eut

$$c' = c - 1,231379 \lambda a c \left(1 + \frac{c}{a} \right)$$

& nous aurons:

$$-1,231379 (\lambda-1) \left(1+\frac{c}{a}\right) = 0,053768. \frac{c}{g}$$

$$donc \quad g = -\frac{0.053768 \ ac}{1,231379 (\lambda-1) (a+c)} = -\frac{ac}{23(\lambda-1)(a+c)}$$

& substituant cette valeur dans celle de f,

$$f = \frac{324 \, ac}{-300(a+c)+2852(\lambda-1)(a+c)} = -\frac{ac}{a+c} \cdot \frac{324}{2852(\lambda-1)-300}$$

Ces valeurs se réduisent donc aux formules suivantes:

$$f = -\frac{81}{713(\lambda - 1) - 75} \cdot \frac{ac}{a + c}$$

$$g = \frac{1}{23 (\lambda - 1)} \cdot \frac{ac}{a + c}$$

& partant tous les deux rayons f & g deviennent négatifs, ayant entr'eux ce rapport

$$f: g = 1863 (\lambda - 1): 713(\lambda - 1) - 75 = 81: 31 - \frac{75}{23(\lambda - 1)}$$

XLIII. Les deux verres simples seront donc aussi des ménisques, mais qu'il faut joindre en sorte, que leurs concavités soient tournées en dehors, & les convexités en dedans. Le verre composé est réprésenté dans la 2 figure, où MAMBM & NDNCN sont les deux ménisques lunisormes, égaux & semblables entr'eux, entre les quels l'espace MBMNCN doit être rempli d'eau: & puisque ces deux ménisques ne peuvent être joints par leurs bords, leur jonction se doit faire par le moyen d'une boite, ou d'un bout de tuyau MNMN, auquel on puisse tellement ensermer les deux ménisques, que l'eau entr'eux ne sauroit écouler. Les rayons des saces concaves sont ici plus grands que ceux des saces convexes, & posant la distance de l'objet AE = n, si l'on veut que l'image formée par les rayons moyens tombe à la distance C0 devienne C1 fois plus grand, que si l'on se servoit de verres ordinaires, il saut travailler les saces en sorte:

le rayon des faces concaves MAM, NDN = $\frac{81}{7^{13}(\lambda-1)-75} \cdot \frac{ac}{a+c}$ le rayon des faces convexes MBM, NCN = $\frac{1}{23(\lambda-1)} \cdot \frac{ac}{a+c}$ D'où l'on voit que, plus ce changement doit être grand, & plus les rayons des faces deviendront petits.

XLIV. Puisqu'on doit pouvoir changer l'objet à volonté, on ne fauroit supposer sa distance a infinie; posons la donc de 100 pieds, ou de 1200 pouces, & qu'on veuille que l'image formée des rayons so-K k 3 laires moyens tombe à la distance de 100 pouces, pour avoir $\frac{ac}{a+c}$ = $\frac{1200}{13}$ = $92\frac{7}{3}$ pouces. Si l'on pose $a=\frac{7}{67}$, laquelle valeur répond à peu près aux rayons solaires extrêmes, le changement qui en résulte dans la distance de l'image, ou la dissérence e-c montera à

1, 231379. $\frac{1}{67} \cdot \frac{1}{12} \cdot \lambda c = 2 \lambda$ pouces; à cause de c = 100.

Donc, si l'on se servoit de verres ordinaires, où $\lambda = 1$, ce changement dans la distance ne seroit que de 2 pouces. Voyons donc quels doivent être les rayons de nos ménisques, pour que ce changement devienne 2, 3, 4, 5, & 6 fois, & même 12 fois plus grand

Rayon des faces concaves convexes	fin	fin	fin	fin	fin	fin
des faces	λ=2	λ=3	λ=4	λ=5	λ=6	λ=12
CONCRVES	11, 72	5, 53	3, 62	2, 69	2, 14	0, 96
convexes	4, 01	2, 00	I, 34	1,00	0, 80	0, 361

XLV. On voit de là qu'on ne sauroit augmenter trop ce changement, puisque les saces deviendroient trop courbes, & ne permettroient plus une ouverture suffisante. Il semble qu'il ne seroit pas à propos de donner à \(\) une plus grande valeur que 3; & on pourra se contenter d'une différence trois sois plus grande, que donnent les verres ordinaires; laquelle sera asses sensible pour nous découvrir la différence dans la réfraction des rayons de diverses couleurs. Ayant donc construit un tel verre, composé de deux ménisques égaux, dont les rayons soient

des faces concaves — $f = 5\frac{53}{100}$ pouces des faces convexes — g = 2 pouces,

qu'on expose successivement à une distance donnée $\equiv a$ des objets teints de diverses couleurs unies, & qu'on observe exactement les distances après les verres, où les images se représentent le plus distinc-

tement. Alors on s'appercevra d'une différence asses sensible dans le lieu des images, selon les diverses couleurs de l'objet. Car, plus les rayons d'un objet seront résrangibles, & plus l'image sera approchée du verre.

XLVI. On pourra aussi déterminer la différence, qui se trouve parmi la réfraction des rayons de différentes couleurs, par le moyen de l'équation

$$\frac{c-c'}{c\,c'} = \frac{2\,\alpha\,ml\,m}{f} - \frac{2\,\alpha\,(ml\,m-nl\,n)}{g}$$
Car, si pour une certaine couleur, dont la réfraction dans le verre soit

Car, si pour une certaine couleur, dont la réfraction dans le verre soit posée comme m: r, on observe la distance de l'image m: c pouces, & pour une autre couleur la distance de l'image m: c pouces, on en trouvera

$$a = \frac{c - c'}{0,0409 cc'} = 24\frac{1}{2} \frac{c - c'}{cc}$$

& la réfraction de ces rayons en entrant dans le verre suivra ce rapport $m = 1 + \alpha$: 1 entre le sinus d'incidence & celui de réfraction. Suppofons qu'on ait trouvé la distance c = 100 pouces, & l'autre c' = 95 pouces, & on en conclusa $\alpha = 24\frac{1}{2}$. $\frac{5}{9500} = \frac{1}{77\frac{1}{2}}$, de sorte que la raison de réfraction de ces derniers rayons sera comme $m = 1 + \frac{1}{1253}$ à 1, celle des premiers étant comme m = 1.

XLVII. Puisqu'il est difficile d'exécuter ces ménisques si exactement selon les proportions prescrites, & que peut être ces proportions mêmes ne sont pas exactes au dernier point, il pourroit bien arriver que le multiplicateur 24 ½ differât considérablement de la vérité. Or, pour remèdier à ce désaut, on n'aura qu'à regarder ce multiplicateur comme indéterminé, en posant:

$$\alpha = \mu \cdot \frac{c-ct}{cct}$$

& là le déterminer par les observations de deux couleurs, dont la différence de réfraction est déjà connue. Pour cet effet on pourroit choisir les deux couleurs extrémes de l'arc en ciel, ou du spectre representé par un prisme sur une surface blanchie. Que c soit la distance de l'image rouge, & c' celle de l'image violette, qui sera plus petite;

& on fait que la valeur de α est $=\frac{1}{33\frac{1}{4}}=\frac{4}{133}$. De là on trou-

vera donc per l'expérience la juste valeur du multiplicateur μ , qui fera $\mu = \frac{4}{133}$. $\frac{cc}{c-c}$.

XLVIII. Or, ayant une fois déterminé cette juste valeur de μ , on pourra employer le même verre composé pour examiner la réfraction de toutes les couleurs simples, tant des rayons solaires, que des corps opaques. On commencera par une couleur dont la réfraction dans le verre est connue, qui soit comme $m \ge 1$, & on marquera la distance de l'image après le verre qui soit $m \ge c$; ensuite on placera la même distance devant le verre un objet teint d'une autre couleur quelconque, & ayant aussi marqué la distance de l'image, qui soit $m \ge c'$, qu'on cherche la valeur du nombre a par la formule

$$\alpha = \mu. \frac{c-c^d}{cc^d}$$

mettant pour μ la valeur trouvée par les premieres expériences, & on connoitra la réfraction de ces derniers rayons en entrant dans le verre, qui fera comme m à 1. Dans ces observations on n'a pas besoin de mesurer la distance de l'objet m a, pourvû qu'elle soit conservée la même dans les expériences qu'on veut comparer ensemble.

XLIX. Ces objectifs présentent donc, comme les ordinaires, les images formées par des rayons plus réfrangibles à des moindres distan-

ces du verre, mais avec cet avantage, que la différence dans le lieu des images devient beaucoup plus sensible. Cependant on pourroit sussi former de tels objectifs, qui réprésentassent dans un ordre renversé les images des rayons plus réfrangibles à une plus grande distance. Car on n'a qu'à poser le nombre à négatif, & si l'on veut que le changement dans le lieu des images foit à fois plus grand, qu'en se servant des verres ordinaires, il faut donner aux rayons f & g des faces des ménisques les valeurs fuivantes:

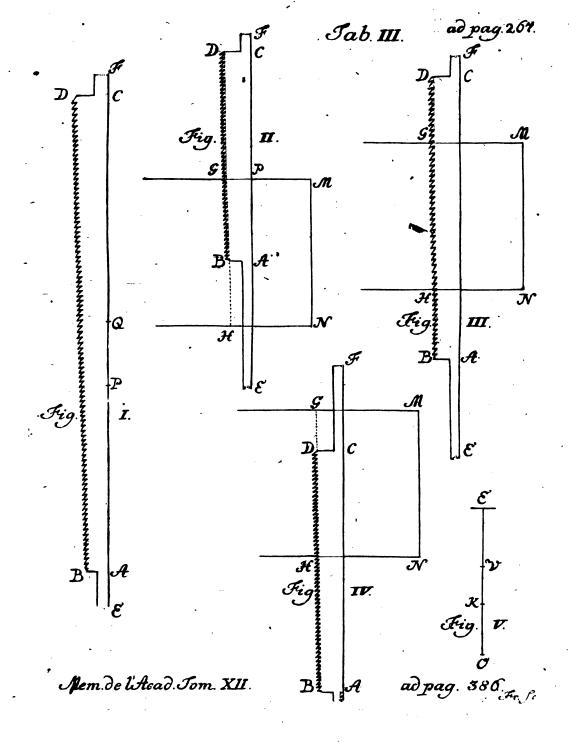
$$f = \frac{81}{713(\lambda+1)+75} \cdot \frac{ac}{a+c} & g = \frac{1}{23(\lambda+1)} \cdot \frac{ac}{a+c}$$

& ces deux ménisques doivent être joints en forte, que leurs faces convexes soient tournées en dehors; mais, pour obtenir un effet aussi sensible qu'avec les précédens, ces rayons deviennent plus peries, & partant leur ouverture trop petite en empêcheroit l'usage.

Dans le dessein donc, que je me suis proposé ici, les objectifs composés de deux ménisques renversés méritent la préférence. & il semble que leur usage se pourra bien exécuter dans une chambre obscure: où une petite ouverture du verre peut être suffisante pour représenter les objets exposés assez clairement, surtout lorsqu'ils sont éclairés par le Soleil. Quand la chambre obscure est assez spacieuse. qu'on y puisse recevoir les images à une plus grande distance qu'à 100 pouces, on pourra donner aux rayons & g des ménisques de plus grandes valeurs, pourvu qu'on observe bien la juste proportion entr'eux, de sorte qu'il soit f: g = 553 à 200. Or, pour que la différence dans le lieu des images devienne plus que deux fois plus fensible, qu'en se servant des verres ordinaires, il faut que $\frac{f}{f}$ soit plus petit que 2, 92, mais pourtant plus grand que 2, 61. Mais, plus la valeur de $\frac{f}{g}$ approche de la derniere limite 2, 61, plus les rayons f & gdoivent être pris petits, afinque les images ne tombent pas trop loin.

LI. Avant bien réussi dans la construction d'un tel verre composé, & préparé une chambre obscure assez prosonde pour contenir les images, cet instrument sera fort propre à décider cette importante question; si les rayons des corps opaques colorés souffrent la même réfraction que les rayons du Soleil de même couleur? ou s'il se trouve parmi les couleurs une telle ressemblance, comme dans les sons : de sorte qu'il y en ait, par exemple, plusieurs rouges, qui différent entr'elles par octaves? car alors ces différentes couleurs rouges devroient souffrir de différentes réfractions. On pourroit pour cet effet faire teindre de toutes fortes de couleurs des feuilles de papier, & mettre fur chacune quelque écriture noire, pour être en état de reconnoitre dans la chambre obscure le vray lieu des images, qui sera là, où ces écritures se présentent le plus distinctement. Il faudroit donc successivement exposer toutes ces feuilles colorées devant la chambre obscure, & à une distance fixée, sur l'axe du verre; & il sera aisé d'observer pour chacune exactement le lieu de l'image, où elle paroitra le plus distinctement présentée sur une surface blanche. La différence qu'on remarquera entre les distances des images du verre, nous découvrira d'abord la différence qui se ttouve dans la réfraction de toutes les couleurs différentes, en suivant la régle que j'ai exposée cy-dessus.







SUR L'ACTION DES SCIES,

PAR M. EULER.

I.

e ne m'arrêterai pas ici aux fcies, qui sont manoeuvrées par des hommes, lesquels en les appliquant plus ou moins fortement au bois, en peuvent modérer l'effet à leur volonté: cette action étant presqu'entierement arbitraire, n'est gueres susceptible d'une détermination geométrique. Ce seront donc les scies mises en mouvement par quelque machine, qui fourniront le sujet de mes recherches, dans ce Mémoire: & partant je suppose d'abord que la scie ABCD Fig. L se meut constamment sur la même ligne verticale EF, en montant & descendant alternativement, par le moyen d'un chassis, auquel elle est attachée: l'arbre, qui doit être scié, tiendra donc une situation horizontale. & sera rapproché à chaque coup de la scie, à mesure qu'elle y pénétre, comme cela se pratique ordinairement. Le mouvement de la scie sera donc alternatif, & chaque coup sera composé d'une descente & d'une montée: or ce n'est que dans la descente que la scie agit sur le bois en y pénétrant avec ses dents, de sorte qu'elle monte toujours librement, sans saire des efforts sur le bois; & pendant ce tems l'arbre se rapproche de nouveau de la scie, pour en recevoir de nouvelles impressions dans le coup suivant. Il en est de même lorsque plusieurs scies agissent à la fois sur l'arbre, & il suffira de ramener l'action d'une seule au calcul mécanique.

Pour connoitre la maniere d'agir d'une scie, commencons par la considération d'une seule dent, dont l'action consiste en traçant fur le bois une rénure jusqu'à une certaine profondeur, & en y ar-Ll 2 rachant

rachant les fibres du bois. La résistance que cette action d'une dens rencontre, dépend donc 1°. de la dureté du bois, 2°. de la largeur de la dent, & 3°. de la profondeur à laquelle elle pénétre dans le bois. Pour ce troisième article on voit que la profondeur ne sauroit être, ni trop grande, ni trop petite; car, si elle étoit trop petite, la dent ne couperoit rien du bois, & si elle étoit trop grande, la dent romproit plutôt que de passer par le bois : & partant cette profondeur doit être réglée tant sur la dureté du bois, que sur la force des dents. Cependant, lorsque la dent est capable d'agir sur le bois, la résistance croît évidemment dans une proportion plus grande que celle de la profondeur, à laquelle la dent pénétre dans le bois, & la résistance fera plus que double, lorsque la dent sera enfoncée à une profondeur double: ainsi posant la profondeur, à laquelle la dent pénétre dans le bois, = a, & la résistance qu'elle rencontre = e, la force e croîtra dans une plus grande raison que a, & sera peur être proportionnelle au quarré de a.

III. Afin que toutes les dents de la scie agissent également sur le bois, il faut que chacune pénétre à la même profondeur : d'où l'on voit que les dents ne fauroient être disposées sur une ligne droite parallele à AC: puisqu'alors ce ne seroit que la premiere dent B, qui agiroit sur le bois, & toutes les suivantes ne seroient que passer librement par la trace de la premiere. Il faut donc que les dents foient disposées sur une ligne BD inclinée à AC, en sorte que la distance d'enhaut CD foit plus grande que celle d'enbas AB, puisque alors chaque dent avancera plus dans le bois, pendant que la scie descend. Donc, pour que toutes les dents travaillent également sur le bois, ou que chacune y pénétre à la même profondeur = a, si la distance AB de la premiere dent B à la droite verticale AC, est posée = k, la distance de la seconde doit être = k + a, celle de la troissème $= k + 2\alpha$, de la quatrième $= k + 3\alpha$, & ainsi de suite. Ainsi, si le nombre de toutes les dents sur la scie BD est = n, la distance de la plus haute D, ou derriere CD, doit être k + (n-1)IV.

Pofant done la longueur de la scie $AC \equiv f$, le nombre des dents = n, & la profondeur a laquelle pénétre chacune = a, la largeur de la scie en bas étant AB = k, la largeur d'enhaut sera $CD = k + (n-1)\alpha$. Donc la ligne BD fera convergente avec la verticale AC, & étant prolongée en bas, jusqu'à la concurrence, y feroit un angle dont la tangente feroit $=\frac{(n-1)\alpha}{f}$. Cet angle qui marque l'obliquité de la scie, étant de la derniere importance dans l'action de la scie, je le nommerai $\equiv \zeta$, de sorte que nous ayons tang $\zeta = \frac{(n-1)\alpha}{f}$. Donc, fachant la longueur de la scie A C = f, & le nombre des dents s = n, la profondeur à laquelle pénétre chaque dent dans le bois sera $\alpha = \frac{f \operatorname{tang} \zeta}{2}$, & à chaque coup de scie, supposé que toutes les dents passent par le bois, il en sera scié à la profondeur $n = \frac{n f \tan \zeta}{n}$: & puisque le nombre des dents est ordinairement assez grand pour qu'on puisse mettre l'unité pour la fraction , cette profondeur fera assez = f rang &; laquelle fera donc l'effet de chaque coup de la scie.

V. Puisque chaque dent, en agissant sur le bois, y rencontre une résistance $= \varrho$, si le nombre des dents qui travaillent à la sois sur le bois est = v, la résistance sera $= v\varrho$. Or, supposant que la partie de la scie PQ = z agisse sur le bois, puisque la longueur entiere f contient n dents, la partie z en contiendra $\frac{nz}{f}$, & partant la résistance fera $= \frac{nz}{f}$: avec laquelle la scie pénétrera dans le bois à la prosondeur $v = \frac{nz}{f} = z$ tang ζ , à cause de n = f tang ζ . Donc,

fi nous posons la résistance de la scie entiere = R, qu'elle éprouveroit, si toutes les dents étoient à la sois en action. S'il n'y en a qu'une partie PQ= α , qui est en action, la résistance sera = $\frac{\alpha}{f}$ R. Or, puisque R= α 0 = $\frac{f \varrho \tan g \zeta}{\alpha}$, cette résistance sera = $\frac{\alpha \varrho \tan g \zeta}{\alpha}$. Je poserai de plus la prosondent $f \tan g \zeta$, à laquelle la scie pénétre à chaque coup = c, pour abréger le calcul, de sorte que $f \tan g \zeta = c$, ou tang $\zeta = \frac{c}{f}$. Donc, lorsque une partie de la scie PQ= α 2 est appliquée au bois, la pénétration aura la prosondeur = α 5, & la résistance = α 6, α 7, ou α 8 marque une force, qui dépend de la constitution de la scie, & peut être regardée comme connue.

Après ces réflexions générales sur l'action d'une scie, je m'en vai considérer la manœuvre suivante. La scie étant chargée d'un poids suffisant, descend par sa pesanteur naturelle, sans qu'aucune autre force la pousse en bas; c'est donc tant par l'impulsion que par la gravité, qu'elle agit sur le bois, & pour que la premiere action commence d'abord avec un certain degré de vitesse, on fait en sorte, que la scie tombe au commencement librement par une certaine hauteur, avant que ses dents atteignent le bois: ce n'est donc qu'après cette premiere chûte que l'action de la scie sur le bois commence. Or alors il faut distinguer trois tems; le premier depuis l'entrée de la dent B dans le bois jusqu'à sa sortie, supposé que la longueur de la scie surpasse l'épaisseur de l'arbre. Le second tems dure depuis la sortie de la dent B, jusqu'à ce que la derniere dent D entre dans le bois : & pendant ce tems l'arbre est scié par toute son épaisseur. Le troissème tems enfin commence lorsque la derniere dent D entre dans le bois, & finit lorslorsqu'elle en fort. Dans ces trois tems donc, toute la fcie passe par l'arbre, δc y fait une incision à la prosondeur $c = f \operatorname{tang} \zeta$.

VII. Connoissant maintenant l'effet d'une descente entiere de la scie sur le bois, voyons combien de tems la scie mettra à achever une telle descente. Pour cet effet on n'aura qu'à calculer la durée de chacun des trois tems marqués. Or, comme ces trois tems sont précédés de la chûte libre de la scie, qui se fait, comme nous supposons, avant qu'elle attaque le bois, soit a la hauteur de cette chûte, & on sait que le tems de cette chûte sera exprimé par 2Va. Ou bien, presant g pour la hauteur, par laquelle un corps pesant tombe dans une seconde, cette chûte durera $V = \frac{a}{g}$ secondes, & après cette chûte la scie frappera le bois avec une vitesse due à la hauteur a: on bien la première dent B agira avec cette vitesse sur la hauteur a: on bien la première du tems de la descente, qui est celle de la chûte libre, & qui dure $V = \frac{a}{g}$ secondes.

VIII. Pour trouver maintenant la durée du premier tems de Fig. 2. l'action de la fcie; foit l'épaisseur de l'arbre MN = GH = b: & qu'après un tems t la premiere dent B se soit enfoncée depuis G jusqu'à B par l'espace GB = z: & soit la vitesse de la scie en cet instant due à la hauteur = v. Soit de plus le poids entier de la scie = P, qui marque en même tems son inertie: & la résistance que la scie rencontre dans cet état, sera $= \frac{z \varrho \tan \zeta}{a} = \frac{c \varrho}{a}$. Posons le coef-

ficient constant $\frac{e}{a}$ tang $\zeta = N$, pour avoir la résistance = Nz; & les principes de Mécanique nous fourniront l'équation suivante :

$$P dv = (P - Nz) dz$$
 ou $dv = dz \left(1 - \frac{Nz}{P} \right)$

dont

dent l'intégrale, à cause de $v \equiv a$, lorsque $s \equiv 0$, sera

$$\dot{v} = a + z - \frac{Nzz}{2P}.$$

Donc, au bout du premier tems, lorsque la dent B sera parvenue jusqu'à H où z = b, la vitesse de la scie sera due à la hauteur $a + b = \frac{Nbb}{aB}$.

IX. Soit encore pour abréger
$$\frac{P}{N} = e$$
, ou bien $e = \frac{\alpha P}{e \operatorname{tang} \zeta}$:

& nous aurons
$$v = a + z - \frac{zz}{2e} = \frac{2ae + 2ez - zz}{2e}$$
:

de là nous trouverons l'élément du tems
$$dt = \frac{dz \ V_{2e}}{V(2ae + 2ez - 2z)}$$

dont l'intégration dépend du cercle. Or, puisque t = 0, lorsque z = 0, on trouvers

$$t = V_{2e} \left(A \text{ fin. } \frac{z - e}{V(2ae + ee)} + A \text{ fin } \frac{e}{V(2ae + ee)} \right)$$

ou bier

$$t = \frac{e}{\sqrt{(2ae + ee)}} - A \text{ fin. } \frac{e - z}{\sqrt{(2ae + ee)}}$$
 $\sqrt{2} e$

Donc la durée de ce premier tems de l'action de la scie, posant z = b, sera

$$= \left(A \sin \frac{e}{V(2ae + ee)} - A \sin \frac{e - b}{V(2ae + ee)}\right) V \frac{e}{2g} \text{ fecondes.}$$

$$= \frac{Ve}{V^2g}. \text{ A fin } \frac{eV(2ae+2be-bb)-(e-b)V_2ae}{2ae+ee} \text{ fecondes.}$$

Au bout de ce premier tems, la premiere dent sera parvenue jusqu'en H avec une vitesse due à la hauteur foit donc descendue outre par l'espace HB = & dans le rems = e, & cine H vitesse de la scie soit dans cet instant due à la hauteur = v. Puisque coute l'épaissons de l'arbre est attaquée par la scie, la résistante sera _ Nb, & nons aurons cette équation:

$$dv = dz \left(1 - \frac{Nb}{P} \right) = dz \left(1 - \frac{b}{e} \right)$$
 à cause de $\frac{P}{N} = e$;

d'où nous tirons par l'intégration:

us tirons par l'intégration:

$$v = a + b - \frac{bb}{2e} + \left(1 - \frac{b}{e}\right) z$$
.

Or, à cause de la longueur de la scie BD = f, nous aurons DH = f - s. & DG = f - b - z, quantité, qui évanouit au bour du fecond tems la vitesse de la scie sera due à la hauteur

$$= a + \frac{bb}{2c} + f\left(1 - \frac{b}{c}\right).$$

XI. Pour la durée de ce second tems, nous n'avons qu'à intégrer certe formule:

$$dz = \frac{dz}{\sqrt{v}} = \frac{dz \, \sqrt{2} \, e}{\sqrt{(2 \, ee + 2 \, be - bb + 2 \, (e - b) \, z)}}$$

dont l'intégrale sera

$$t = \frac{V_{2e}}{e-b} \left(V(2\pi e - 2be - bb + 2(e-b)z) - V(2\pi e + 2be - bb) \right)$$

Posant donc z = f - b, la durée de ce. second tems sera :

$$\frac{\sqrt{2e}}{2(e-b)\sqrt{g}}\left(\sqrt{(2ae+bb+2(e-b)f)}-\sqrt{(2a2+2be-bb)}\right)$$
 ferondes.

Mm. de l'Acad. Tom, XII. Mm. S'il

S'il étoit e = b, on auroit $t = \frac{\sqrt{2}}{V(2a+b)}$, & la durée du fecond

tems ferois de $\frac{f-b}{V_{2g}(2a+b)}$ fecondes.

En a Milita Le moisième tems a donc commencé, forsque la derniere dent A entre dans le bois en G avec une vitesse due à la hauteur $a + \frac{bb}{\pi} + f\left(1 - \frac{b}{e}\right)$. Supposons que depuis ce moment la dent D soit descendue par l'espace GD = 2 pendant le tems t, & que sa vitesse soit alors due à la hauteur = v. Puisque la scie n'est alors appliquée qu'à, l'espace DH = b-z, la résistance fera $= N(b-z) = \frac{P(b-z)}{z}$ & partant nous aurons cette formule différentielle

$$dv = dz \left(1 - \frac{(b-z)}{\epsilon}\right) = \frac{dz \left(\epsilon - b + z\right)}{\epsilon}$$

dont l'intégrale sera:

$$v = a + \frac{bb}{2e} + f\left(1 - \frac{b}{e}\right) + \left(1 - \frac{b}{e}\right) z + \frac{zz}{2e}$$

Et comme le troissème tems finit lorsque z = b, la viresse de la scie au bout de ce tems sera due à la hauteur $= a + b + f(1 - \frac{b}{a})$.

XIII. Pour la durée on aura

$$dt = \frac{dz}{Vv} = \frac{dzV_{2e}}{V(2se+bb+2f(e-b)+2(e-b)z+sz)}$$

dont l'intégrale dépendant des logarithmes sera-

$$s = V_{2e}$$
. $I = \frac{z+e-b+V(2ae+bb+2f(e-b)+2(e-b)z+zz)}{e-b+V(2ae+bb+2f(e-b))}$

Et partant la durée du troissème & dernier temssera

de
$$\frac{Ve}{V2g}$$
 $l = \frac{e+V(2ae+2be+2f(e-b))}{e-b+V(2ae+bb+2f(e-b))}$ fecondes.

Voilà donc la durée de chacun de nos trois tems exprimée en secondes, d'où l'on tirera aisément le tems entier, que chaque descente de la scié dure : pendant lequel l'arbre est scié à la prosondeur c = f tang ζ .

XIV. La somme de tous ces tems, ou le tems d'une descente entière de la scie, sera donc exprimée en minutes secondes par la sormule suivante:

$$\frac{\sqrt{a}}{g} + \sqrt{\frac{e}{2g}} \cdot \left(A \sin \frac{e}{V(2ae+ee)} - A \sin \frac{e^{-b}}{V(2ae+ee)} \right)$$

$$+ \sqrt{\frac{e}{2g}} \cdot \frac{V(2ae+bb+2f(e-b)) - V(2ae+2be-bb)}{e^{-b}}$$

$$+ \sqrt{\frac{e}{2g}} \cdot l \frac{e+V(2ae+2be+2f(e-b))}{e-b+V(2ae+bb+2f(e-b))}$$

Or pour la quantité $e = \frac{\alpha P}{\varrho \tan g \zeta}$; à cause de tang $\zeta = \frac{c}{f}$, nous aurons $e = \frac{\alpha f P}{\varrho c}$; mais cette quantité se connoitra plus commodément par la résistance que la scie rencontre, étant engagée par touté sa longueur f dans le bois : supposons que cette résistance soit = R, & ayant $R = Nf = \frac{ef}{c}$, nous en tirerons $e = \frac{P}{R}f$: donc il y aura $R = \frac{c}{\alpha}\varrho$, où ϱ marque la résistance d'une dent qui a pénétré dans le bois à la prosondeur $= \alpha$.

M m 2

XV. Mais il se faux per oublier ici une circonstance bien essentielle, qui est que toutes ces formules ayent des valeurs réelles, ce qui ne manquera pas d'arriver, pourvu que la vitesse de la scie à chaque instant soit réelle, ou bien la hauteur due à la vitesse toujours positive.

D'abord dong il faut qu'il soit $a + b > \frac{bb}{2e}$, & en second lieu

$$a + \frac{bb}{2e} + f\left(1 - \frac{b}{e}\right) > 0$$
, & en troisième lieu $a + b + f\left(1 - \frac{b}{e}\right) > 0$:

pui il est clair, que toutes ces conditions ont lieu, lorsque b < e; mais, lorsque b > e, il ne suffit pas que ces trois égalités subsistent, il faut outre cela que la valeur générale de v pour le troisième tems

qui est $v = p_1 + \frac{bb--}{2e} f\left(\frac{b}{e} - 1\right) - s\left(\frac{b}{e} - 1\right) + \frac{8s}{2e}$

demeure pessive, i quesque valeur moyenne entre o est b qu'on donne à s, puisque des valeurs moyennes rendent v plus petit, que ou s = o ou s = b; or la plus petite valeur résulte en posant s = b - e, & alors il devient $v = a + b - \frac{1}{2}e - f(\frac{b}{a} - 1)$.

Il faut donc qu'il foit $a + b > \frac{1}{2}e + f(\frac{b}{e} - 1)$: & cette condition étant remplie, les deux dernieres le feront aussi.

XVI. On aura donc deux cas à confidérer, l'un ou b < c, & l'aurre on b > c; dans le premier cas la vitesse de la scie est toujours réelle, quand même la hauteur de la chûte libre évanouiroit. Or, pour que le second cas devienne possible, il faut que ces deux conditions ayent lieu.

I.
$$a + b > \frac{bb}{2e}$$
 & II. $a + b > \frac{1}{2}e + f(\frac{b}{e} - 1)$

La premiere condition a toujours lieu, pourvu que b ne soit pas plus grand que a, quelque petite que soit la hauteur a: mais lorsque

b > 2e, il faut qu'il foit $a > \frac{b(b-2e)}{2e}$. Pour l'autre condition, foit b = e + k, & on aura: $a + \frac{1}{2}e + k > \frac{fk}{e}$; or f étant par hypothese plus grand que b, si nous posons f = e + k + i, il faut qu'il soit $a + \frac{1}{2}e > \frac{k(k+i)}{e}$. A' moins que ces deux conditions n'ayent lieu, la scie ne passers entierement par le bois, mais sers arrêtée quelque part dans sa descente; ce qui peut arriver, ou lorsque l'arbre

XVII. Considérons le cas où b = e, qui aura lieu lorsque le poids de la scie P est rendu tel, que $P = \frac{b}{f}R$: & alors le tema de toute la descente de la scie sera exprimé en sorte en secondes:

est trop épais, ou lorsque la scie est trop longue.

$$V\frac{a}{g} + V\frac{b}{2g}$$
. A fin $V\frac{b}{2a+b} + \frac{f-b}{V2g(2a+b)} + V\frac{b}{2g}$. $I\frac{Vb+V(2a+2b)}{V(2a+b)}$ & cette expression fera toujours réelle, quelques valeurs que puissent avoir les quantités a , b , & f . Et si la hauteur de la premiere chûte a évanouissoit, le tems de la descente de la scie deviendroit

$$\frac{\pi}{2} \, \mathcal{V}_{2g}^{\underline{b}} + \frac{f - \underline{b}}{\mathcal{V}_{2g} \underline{b}} + \mathcal{V}_{2g}^{\underline{b}} \cdot l \, (1 + \mathcal{V}_{2}) \text{ fecondes.}$$

Puisque R marque la résistance que la scie rencontreroit, si elle étoit engagée par toute sa longueur, l'expression $\frac{b}{f}$ R marquera la résistance que la scie rencontre actuellement pendant le second tems, où elle travaille sur toute l'épaisseur du bois, qui est $\frac{b}{f}$ c'est donc la plus grande résistance que la scie rencontre en sciant l'arbre, & ce cas porte que le poids de la scie soit précisément égal à cette plus grande résistance.

Mm g

XVIII

XVIII. En général donc, puisque $P = \frac{e}{f}R$, le poids de la scie P est supposé égal à la résistance de la scie, si une partie de la longueur e étoit engagée dans le bois. Donc, si e est plus grand que b, le poids de la scie est plus grand, que la plus grande résistance de la scie, en sciant l'arbre de l'épaisseur e. Dans ce cas donc la scie est toujours capable de vaincre la résistance, & elle descendra même d'un mouvement accéléré, quand même la hauteur de la chute e évanousiroit. Mais, lorsque e est moindre que e, la résistance en sciant le bois surpassera le poids de la scie : & partant le mouvement sera retardé pendant le second tems, où l'arbre est scié par toute son épaisseur : & comme nous avons vu, ce cas ne sauroit rétisser, à moins que ces deux conditions n'ayent lieu :

$$a+b>\frac{bb}{2e} & a+b>\frac{1}{2}e+f\left(\frac{b}{e}-1\right) \text{ ou } f<\frac{e(a+b-\frac{1}{2}e)}{b-e}$$

XIX. Puisque dans ce cas e < b, à moins qu'il ne soit $e < \frac{1}{2}b$, on pourra se passer de la chûte initielle, ou poser la hauteur a = 0 pourvu que la scie ne soit pas trop longue; ou bien il faut que la songueur de la scie soit moindre que $\frac{b-\frac{1}{2}e}{b-e}e$. Donc, puisque $e > \frac{1}{2}b$, ou b < 2e, nous aurons pour les différentes valeurs de e les limites suivans de la longueur de la scie f,

 $e = \frac{1}{4}b$; $\frac{3}{3}b$; $\frac{3}{4}b$; $\frac{4}{5}b$; $\frac{5}{5}b$; $\frac{5}{5}b$; $\frac{3}{5}b$;

car si
$$e = \frac{b}{1 + V_{\frac{1}{2}}}$$
 on trouvers $f < b$: & si $e = b[n+1-V(nn+1)]$

on obtient $f < \pi b$. Done, f l'on veut qu'il fût $f = \pi b$, il faux qu'il foit $e > b \left(n + 1 - V(nn + 1)\right)$ & partant pour qu'il foit f = 2b, il doit être $e > (3 - V_5)b$ ou $e > \frac{1}{13}b$; & lorsque cette condition n'a pas lieu, il faut abfolument, que l'opération de la fcie commence par une chûte libre de la hauteur $a > \frac{1}{4}e + \frac{2bb}{e} - 3b$, posant f = 2b. Ainsi, s'il étoit $e = \frac{2}{3}b$, il devroit être $a > \frac{2}{3}b$.

XX. Après ces recherches sur l'action de la scie, & le tems qu'elle employe à achever une descente, considérons la hauteur entiere, par laquelle la scie est descendue, qui est = a + b + f: c'est donc sur cette hauteur, qu'il saut régler le chassis, dans lequel la scie est enchassée: & pendant cette déscente l'arbre est scié à la prosondeur = c = f rang ζ , de laquelle dépend la résistance $R = \frac{c}{a}$, où ρ marqué la résistance d'une seule dent de la scie, supposé qu'elle pénétre à la prosondeur = a. D'où l'on voit que, plus la quantité c sera grande, & plus aussi sera grande la résistance R; dont il saut savoir le rapport au poids de la scie P, selon les circonstances que je viens de remarquer. Or après cette descente il saut remonter la scie par la même hauteur a + b + f, à quoi il saut employer des forces étrangeres, où il saut avoir égard à la quantité de ces sorces, & au tems qu'elles y employent, qui étant ajouté à celui de la descente de la scie, doir être comparé avec l'esser que la scie produit sur le bois pendant sa descente.

XXI. Or, avant que de remonter la scie, il saut avoir égard à la vitesse, qu'elle aura acquise en sortant du bois, & nous avons vu que cette vixesse est dut à la hauteur $a + b + f \left(1 - \frac{b}{e}\right)$ ou $a + b - f \left(\frac{b}{e} - 1\right)$: car ce mouvement doit être amorti avant qu'on puisse remonter la scie. Pour cet esset la scie doit reneontrer en sortant du bois un obstacle mol & élastique, sur leques tom-

tombant elle perde son mouvement, & qu'elle en soit relevée à quel que hauteur pour faciliter ensuite l'opération, par laquelle elle dois être remontée à sa premiere hauteur. Or on voit que cette vitesse est toujours affez confidérable, lorsque b < c, puisqu'elle est alors plus grande que V(a+b); mais, lorsque b > e, à cause de $a + b > \frac{1}{2}e + f(\frac{b}{a} - 1)$, elle est plus grande que $V_{\frac{1}{2}}e$: de sorte que ce dernier cas aura l'avantage sur le premier, que le mouvement descendant de la scie sera plutôt anéanti.

XXII. Supposons donc que la scie ayant passé par le bois Fig. s. tombe d'abord en E sur un corps élastique ou sur un levier à ressort: au premier instant donc elle ne rencontrera aucune résistance, mais à mesure qu'elle déprime ce corps, la résistance croît en même raison. Que Q exprime la résistance, que la scie rencontreroit, si elle s'etoit enfoncée dans ce corps jusqu'à la profondeut EK = k, & à toute autre dépression EV $\equiv z$, la résistance fera $\equiv \frac{Q_3}{r}$.

donc v la hauteur due à la vitesse, que la scie aura en V, & puisau'elle tombe par son poids = P, on aura

$$dv = dz\left(1 - \frac{Qz}{Pk}\right)$$
, $donc v = a + b + f\left(1 - \frac{b}{e}\right) + z - \frac{Qzz}{2Pk}$:

de forte qu'elle perdra son mouvement s'étant ensoncée à la profondeur

$$EO = \frac{Pk}{Q} + V \left(\frac{PPkk}{QQ} + \frac{2Pk}{Q} \left(a + b + f(1 - \frac{b}{\epsilon}) \right) \right)$$

Or le tems de cet enfoncement sera

$$\frac{V_2 P_k}{VQ} \int \frac{dz}{V\left(\frac{2P_k}{Q}\left(a+b+f(1-\frac{b}{\ell})\right)+\frac{2P_k}{Q}z-zz\right)}$$

donc

done se tems entier en secondes se trouvers par l'intégration

$$\frac{VPk}{V2Qg} \left(\frac{\pi}{2} + A \sin V \overline{\left(1 + \frac{2Q}{Pk} \left(a + b + f \left(1 - \frac{b}{\epsilon} \right) \right) \right)} \right)$$

D'où l'on voit que ce tems fera d'autant plus long, plus la quantité Quou la force élastique du levier, sera petite. Il conviendra donc de donnes à ce levier un aussi grand ressort qu'il sera possible, de maniere pourtant que le choc n'en devienne pas trop rude: & il n'y aura point de danger de faire en sorte que $\frac{2Q}{k}\left(a+b+f(1-\frac{b}{e})\right)$ devienne incomparablement plus grand que P; & dans ce cas le tems trouvé sera de $\frac{\pi}{2}$ $\frac{Pk}{2Qg}$ secondes: & partant, puisque g est ordinairement plus grand que $a+b+f\left(1-\frac{b}{e}\right)$, ce tems pourra être fort au dessous d'une seconde; de sorte que nous le pourrons négliger entierement dans le calcul.

XXIV. Le mouvement de la scie sera donc tout à fait anéanti, lorsqu'elle sera descenduë outre l'espace a + b + f par l'espace EO, qui sera fort à peu près $= V \frac{2Pk}{Q} \left(a + b + f \left(1 - \frac{b}{c}\right)\right)$, si $\frac{2Q}{Pk} \left(a + b + f \left(1 - \frac{b}{c}\right)\right)$ est, comme nous supposons, un nombre très grand. Or alors cet espace EO sera si petit, que nous le peurrons négliger sans faute dans l'action destinée pour remonter la scie. Car, quoique la scie doive être remontée par la hauteur = a + b + f + EO, le même ressort-du levier aidera cette opération, de sorte que si nous regardons aux forces étrangeres, qui y sont nécessaires, ce sera à peu près la même chose, que si la scie ne devoit être élevée que par la hauteur = a + b + f.

Min. de l'Acad. Tom. XII.

XXV. Supposons donc qu'on veuille employer pour remonter la scie, la force de m hommes, dont chacun travaille avec une vitesse dont il parcoure un espace $\equiv s$ par seconde: & que la force de chacun vaille un poids $\equiv S$. Donc la force de tous les m hommes étant $\equiv m$ S, pour qu'elle soit en équilibre avec le poids de la scie P, la machine, à laquelle les hommes travaillent, doit être tellement appliquée à la scie, que la scie soit élevée à la hauteur $\equiv \frac{mSs}{P}$ par seconde. Par conséquent, pour lever la scie à la hauteur $\equiv a + b + s$.

priquée à la icie, que la icie soit elevée à la hauteur $\frac{1}{P}$ par les conde. Par conféquent, pour lever la scie à la hauteur $\frac{1}{P}$ at $\frac{1}{P}$ il faut que les m hommes travaillent pendant le tems de $\frac{P(a+b+f)}{m \, S \, s}$

fecondes. Or pendant ce tems il faut non feulement remonter la scie, mais il faut aussi vaincre le frottement, qui pourra se trouver dans le mouvement de la scie; & surtout il faut aussi avancer l'arbre horizontalement par l'espace $\equiv c$, afin que la scie y ait prise dans la descente suivante. Il faudroit donc que chaque homme apportât un peu plus de force, que nous n'avons supposé, pour produire ce plus grand effet.

XXVI. On voit bien qu'il feroit inutile, si nous voulions tenir compte plus exactement de la force, qui est requise pour avancer l'arbre, pendant chaque montée de la scie, puisque d'un côté cette sorce dépend du poids de l'arbre & de la manœuvre dont on se sert pour ce dessein: & d'un autre côté la sorce des hommes, qui doit produire cet esset, n'est pas tellement déterminée, qu'elle ne soussire une latitude assez considérable, tant par rapport à l'essort S même qu'à la vitesse dont ils agissent. A' cause de ce désaut de détermination le plus seur moyen sera donc de donner aux quantités S & s des valeurs un peu plus petites, que les hommes n'en exercent ordinairement; asin que la partie négligée soit suffisante, tant pour vaincre le frottement, que pour avancer l'arbre autant qu'il saut à chaque coup de la scie.

XXVII. Le tems de chaque coup de la scie sera donc composé du tems de la descente de la scie, & de celui de la montée; & partant

posant ce tems __ T secondes, nous aurons en combinant ce qui vient d'être trouvé:

$$T = V\frac{a}{g} + V\frac{e}{2g} \cdot \left(A \sin \frac{e}{V(2ae+ee)} - A \sin \frac{e-b}{V(2ae+ee)}\right)$$

$$+ V\frac{e}{2g} \cdot \frac{V[2ae+bb+2f(e-b)] - V(2ae+2be-bb)}{e-b}$$

$$+ V\frac{e}{2g} \cdot l\frac{e+V[2ae+2be+2f(e-b)]}{e-b+V[2ae+bb+2f(e-b)]}$$

$$+ \frac{P(a+b+f)}{mSS} \text{ fecondes.}$$

Donc, puisque dans chaque T l'arbre est scié à la prosondeur c = c c = f tang c : c pendant un tems donné c : c l'arbre sera scié à la prosondeur c : c c : c ce sera aussi l'effet de la force de c : c qu'ils sont capables de produire pendant le tems donné c : c.

XXVIII. De là on voit que cet effet peut être très différent selon les diverses déterminations des quantités a, e, f, & P, pendant que l'épaisseur de l'arbre b, l'obliquité de la scie ζ , & la force des hommes, demeurent les mêmes : de sorte qu'il sera possible de donner en chaque cas aux lettres a, e, f & P, de telles valeurs que l'esfet $\frac{\Theta}{T}$ f tang ζ produit dans un tems donné Θ soit le plus grand. Or il saut remarquer que les quantités e & P dépendent tellement l'une de l'autre, que le poids entier de la scie P est supposé égal à la résistance, que la scie éprouveroit, si une partie de la longueur eétoit engagée dans le bois : & ensuite la résistance dépend tant de la dureté du bois, que del'angle ζ , & il n'y a pas d'autre moyen que l'expérience, d'où l'on puisse déterminer cette quantité.

XXIX.

XXIX. On pourra d'abord demander quelle sers la chûte libre, ou la hauteur a la plus avantageuse, les autres quantités demeurant les mêmes, pour que l'effet de la scie $\frac{\Theta}{T}$ frang ζ devienne le plus grand: on n'aura pour cet effet, qu'à différentier la formule T, en ne suppofant que la quantité a variable, & poser le différentiel $\underline{\hspace{0.2cm}}$ o. Or cette opération donnera:

$$\frac{dT}{da}V^{\frac{2g}{e}} = \frac{V_{2ae}}{2ae+ee} - \frac{V_{(2ae+2be-bb)}}{(2a+e)(e-b)} + \frac{eV_{(2ae+bb+2f(e-b))}}{(e-b)[2ae+2be-ee+2f(e-b)]} - \frac{e}{[2ae+be-ee+2f(e-b)]}V_{(2ae+2be+2f(e-b))} + \frac{P}{mSs}V^{\frac{2g}{e}}.$$

Mais le cas où e = b, qui a quelque chose de singulier, donne:

$$\frac{dT}{da}V^{\frac{2g}{b}} = \frac{V^{2ab}}{2ab+bb} - \frac{b+f}{(2a+b)V(2ab+bb)} - \frac{b}{(2a+b)V(2ab+2bb)} + \frac{P}{mSs}V^{\frac{2g}{b}}.$$

Or on voit bien, que si l'on vouloit de là déterminer la quantité a, on seroix obligé de s'engager en des calculs extrèmement embrouillés.

XXX. Cependant il est évident, que ce différentiel évanouïroit, fi l'on mettoit la hauteur a infinie : mais dans ce cas, quoique le tems de la descente deviendroit infiniment petit, celui de la montée P(a+b+f) feroit sans doute infini; & partant ce cas donneroit

plutôt un maximum, qu'un minimum. D'où je conclus que, pour produire le plus grand effet, il faut rendre la hauteur a aussi petite qu'il est possible: car, puisque le tems de la montée surpasse ordinairement le tems de la descente, une plus grande hauteur a augmenteroit beaucoup plus le tems de la montée, qu'elle ne diminueroit celui de la descente. Or, supposant la hauteur a évanouïssante, ou extrêmement petite, le tems d'un coup de la scie sera:

$$T = \sqrt[4]{\frac{e}{2g}} \cdot \left(\frac{\pi}{2} - \Lambda \sin \frac{e-b}{e}\right) + \sqrt[4]{\frac{e}{2g}} \cdot \frac{\sqrt{[bb+2f(e-b)]} - \sqrt{(2be-bb)}}{e-b} + \sqrt[4]{\frac{e}{2g}} \cdot \sqrt[4]{\frac{e+\sqrt{[2be+2f(e-b)]}}{e-b+\sqrt{[bb+2f(e-b)]}}} + \frac{P(b+f)}{mSs}$$

Et si outre cela e = b, ce tems sera exprimé en sorte :

$$T = V \frac{b}{2g} \cdot \left(\frac{\pi}{2} + \frac{f - b}{b} + l(1 + V_2) \right) + \frac{P(b+f)}{mSs}$$
 fecondes.

XXXI. Pour mieux connoître la nature de cette formule, faifons en l'application à quelques cas. Soit donc

I. a = 0; b = 1; e = 1; f = 3 en pieds, en forte que g = 15,625 & nous aurons par la derniere formule le rems d'un coup de scie

$$T = \frac{\frac{1}{4}\pi + 2 + l(1 + Vc)}{V_{31,25}} + \frac{4P}{mSs} = 0,79643 + \frac{4P}{mSs}$$
 fecondes.

Où il faut remarquer, que $l(1+V_2)$ fignifie le logarithme hyperbolique de $1+V_2$, qui est = 0,881373. Ainsi dans ce cas le tems d'une descente de la scie sera environ de $\frac{4}{3}$ secondes. Et pertent $\frac{4}{3}$ secondes.

d'une montée de $\frac{4P}{mS_s}$ secondes. Et partant, si Θ marque le tems

d'une heure, ou de 3600 secondes, & que & soit l'obliquité de la scie, l'arbre sera scié pendant une heure à la prosondeur de

$$\frac{3600. \ 3 \ \text{tang } \zeta}{0,79643 + \frac{4P}{mSs}}$$
 pieds.

XXXII. Or, pour connoitre à peu près le poids P, ou la réfistance, que la scie rencontre étant engagée par la longueur d'un pied dans le bois, consultons une expérience, par laqu'elle on a trouvé que trois hommes sont capables de scier une piece de bois de chêne verd d'un pied d'epaisseur, sur la longueur de 10 pieds. De là posant m = 3, s = 2 pieds, & S = 30 fb, on aura $\frac{10800 \text{ tang } \zeta}{0,79643 + \frac{1}{45}P} = 10$, donc 1080 tang $\zeta = 0,79643 + \frac{1}{45}P$.

Or pour l'ordinaire une scie de la longueur de 3 pieds pénétre chaque coup dans le bois d' $\frac{1}{6}$ pouce, ou d' $\frac{1}{72}$ pieds, de sorte que tang $\zeta = \frac{1}{72 \cdot 3} = \frac{1}{216}$, & 1080 tang $\zeta = 5$; d'où nous tirons $\frac{1}{43}$ P = 4, 20357, & partant la résistance P = 189 fs. Or, puisque trois hommes en agissant de la maniere ordinaire sont capables de vaincre la résistance, il y a apparence, que le poids P ne sauroit surpasser 90 fs, & dans ce cas on trouvera l'obliquité de la scie tang $\zeta = \frac{1}{286}$.

XXXIII. Il semble donc que pour les scies à main on pourroit supposer l'obliquité tang $\zeta = \frac{1}{3 \cdot 6}$, ou bien tang $\zeta = \frac{1}{4 \cdot 6}$: or pour les scies manoeuvrées par une machine, on pourra bien mettre tang $\zeta = \frac{1}{2 \cdot 6}$, & dans ce cas pour une épaisseur d'un pied de bois de chêne verd la résistance P sera à peu près de 200 ts. Ainsi, si e = 1, on auroit P = 200 ts, & si e est plus grand ou plus petit, la résistance P suivra la même raison. Et partant posant constanment tang $\zeta = \frac{1}{2 \cdot 6} = \frac{1}{2}

XXXIV. Donc dans le cas de l'exemple précédent où $n \equiv 0$; $b \equiv e \equiv 1$, & $f \equiv 3$, le bois étant de chêne verd, le tems d'un coup de scie sera $\equiv 0$, 7964 $\frac{1}{3} + \frac{40}{3m}$: & ces m hommes scieront l'arbre pendant

dant une heure für la longueur
$$=$$
 $\frac{54}{0.79643 + \frac{40}{3}} = \frac{405 m}{100 + 6 m}$ pieds

Donc, dans le cas de cet Exemple, pendant une heure

- 1 hommes sciera sur la longueur = 3,82 pieds
- 2 hommes scieront sur la longueur = 7, 23 pieds
- 3 hommes scieront sur la longueur = 10, 30 pieds
- 4 hommes scieront sur la longueur = 13, 06 pieds
- 5 hommes scieront sur la longueur = 15, 57 pieds

d'où l'on voit qu'en multipliant le nombre des hommes, l'effet croit felon une proportion moindre; car, quand même on employeroit une infinité d'hommes, ils ne scieroient pendant i heure, que sur 67 \(\frac{1}{4} \) pieds.

XXXV. Retenons donc ces valeurs tang $\zeta = \frac{1}{200}$ & $\frac{P}{mSs} = \frac{10e}{3m}$, examinons aussi d'autres cas : foit donc :

I. a = 0; b = 1; e = 2 & f = 3.

on bien soit le poids de la scie deux sois plus grand qu'auparavant, le reste demeurant le même. Dans ce cas le tems de la descente de la scie deviendra plus petit qu'auparavant, mais le tems de la montée fera $= \frac{80}{3m}$ secondes. Cependant le tems de la descente ne pouvant pas devenir plus petit que $\sqrt{\frac{a+b+f}{g}}$ secondes, ce qui seroit le tems de la chûte libre, lorsque $e = \infty$; donc il est seur, que le tems de la descente sera plus grand que $\sqrt{\frac{4}{g}}$ ou $\frac{1}{2}$ seconde. Donc, si nous supposons ce tems = 0, 6 secondes, nous aurons

$$T = 0, 6 + \frac{80}{3m}$$
 & pendant une heure l'arbre sera scié sur la longueur $= \frac{54}{0, 6 + \frac{80}{3m}} = \frac{162m}{80 + 1, 8m}$.

XXXVI. Ainsi, sans nous donner la peine de calculer le véritable tems de la descente, qui ne sauroit différer considérablement du précedent, nous pourrons comparer l'effet de cet exemple avec celui du précédent, & nous verrons que pendant une heure

- 1. homme sciera sur la longueur __ 1, 98
- 2. hommes scieront sur la longueur = 3, 87
- 3. hommes scieront sur la longueur = 5, 69
- 4. hommes scieront sur la longueur 💳 7, 43
- 3. hommes scieront sur la longueur = 9, 10,

Or une infinité d'hommes scieront sur la longueur de 90 pieds.

Donc, pour un petit nombre d'hommes la premiere machine sera plus avantageuse que celle-cy. Si l'on vouloit employer 66 hommes, l'une & l'autre seroit également avantageuse, & celle-cy le seroit encore davantage, si l'on augmentoit le nombre d'hommes au delà de 66.

XXXVII. De là il est clair, que si l'on ne vouloit employer qu'un ou deux hommes pour monter la scie, l'arrangement du premier exemple seroit environ deux sois plus avantageux que celui du second. Donc, ayant posé dans le premier e = 1, & dans le second e = 2, on pourra conclure, que l'avantage sera encore plus grand, en donnant à e une valeur plus petite que 1. Or si la haureur a doit évanouir puisque $f > \frac{3}{4} \frac{1}{2} b$, il saut absolument qu'on prenne $e > \frac{1}{4} \frac{1}{2} b$, ou $e > \frac{1}{4} \frac$

Voyons donc s'il y sura à gagner quelque chose ca admettant quelque chûte libre par une hauteur = a, pour pouvoir donner à e une valeur plus petite. Soit donc

b = 1, f = 3, comme auparavant; or $e = \frac{\pi}{2}$; & il faut qu'il foit

tant a+1>1 que $a+4>\frac{1}{2}+6$ ou $a>2\frac{1}{2}$. Soit donc $a = 2\frac{1}{2} = \frac{2}{2}$ pieds t & nous aurons par la formule de 27.

$$T = V \frac{5}{2g} + \left(2A \sin \frac{t}{V_{11}} - V_2 + V_{10} + l \frac{1 + V_2}{-1 + V_2}\right) V \frac{1}{4g} + \frac{65}{6m} \text{ fec.}$$

or
$$l = \frac{1+\sqrt{2}}{-1+\sqrt{2}} = 2l(1+\sqrt{2}) = 1.762746$$
 & Afin $\frac{1}{\sqrt{11}} = 17^{\circ},32',54'' = 63174''$

ou en parties du rayon. A fin $\frac{1}{V_{11}} \stackrel{\leftarrow}{=} 0,306276$, donc

$$T = V \frac{5}{2g} + 4$$
, 123362 $V \frac{1}{4g} + \frac{65}{6m} = 0$, 92156 $+ \frac{65}{6m}$ fec.

Donc par cet arrangement m hommes scietont l'arbre pendant une heure sur la longueur = $\frac{324 m}{65 + 5.52936 m}$ pieds : ou en donnant quelque chose pour amortir le mouvement de la scie, sur la longueur de 324 m pieds. Et partant pendant une heure

- fciera fur la longueur ____ 4,56 pieds

- 2 hommes scieront sur la longueur = 8,41 pieds
 3 hommes scieront sur la longueur = 11,71 pieds
 4 hommes scieront sur la longueur = 14,56 pieds
 5 hommes scieront sur la longueur = 17,05 pieds.

Mim, de l'Acad. Tom, XII.

Qo in the former on the

Cet arrangement de la machine est donc plus avantageux que le premier, tandis que le nombre des hommes est médiocre, ou plus petit que 11. Car si le nombre des hommes surpassoir 12, le premier arrangement produiroit un plus grand esset.

XL. De là on voit aussi, qu'il est toujours plus avantageux d'employer un aussi petit nombre d'hommes qu'il est possible; car nous voyons par sous ces arrangemens, qu'en augmentant le nombre des hommes l'esset croit dans une moindre raison, & qu'un nombre double d'hommes ne produit pas un esset double. Donc, puisqu'il est à propos d'employer aussi peu d'hommes qu'il est possible, ce dernier arrangement l'emportera sans doute sur les deux précédens : or il ne paroit pas convenable de diminuer la valeur de e encore davantage, puisque d'un côté la chûte libre a deviendroit trop grande, ce qui embarrasseroit; & que d'un autre côté il seroit à craindre, que la scie pourroit être arrêtée en chemin.

XLI. Il sera cacore important d'examiner s'il ne seroit pas plus avantageux de se servir d'une scie plus courte. Posons donc

IV.
$$a = 0$$
; $b = 1$, $e = 1$ & $f = 2$ & a cause de $\frac{P}{mSs} = \frac{10e}{3m} = \frac{10}{3m}$ nous trouverons.

T = $\left(\frac{\pi}{2} + 1 + l(1 + V_2)\right)V\frac{1}{29} + \frac{10}{m}$ secondes = 0, 61754 + $\frac{10}{m}$

Donc pendant une heure m hommes scieront l'arbre sur la longueur de $\frac{54m}{15+m}$ pieds. Donc pendant une heure

- 1 homme sciera sur la longueur = 3, 37 pieds
- 2 hommes scieront sur la longueur = 6, 35 pieds
- 3 hommes scieront sur la longueur = 9,00 pieds
- 4 hommes scieront sur la longueur = 11, 37 pieds
- 5 hommes scieront sur la longueur = 13, 50 pieds.

XLII.

XLII. On voit donc que la scie de trois pieds a produit ma plus grand effet que celle de deux pieds; d'où l'on peut conclure, qu'il sera avantageux de saire la scie aussi longue que les circonstances le permettent. L'avantage en sera aussi d'autant plus considérable par cette raison, puisqu'à chaque coup il se sait nécessairement quelque petit repos, d'où l'ouvrage sera d'autant plus arrêté, plus on sera obligé de faire de coups. En effet on trouve qu'en posant f = 4 pieds, en laissant a = 0, b = 1, c = 1, un homme sera capable de scier l'arbre pendant une heure sur la longueur de 4 pieds; or une longueur plus grande de la scie ne produira point un effet beaucoup plus considérable. De là il semble que pour l'ordinaire le plus avantageux arrangement sera de poser toujours e = b, a = 0, de donner à la scie une grande longueur, & d'employer aussi peu d'hommes, qu'il sera possible.



DEMONSTRATION

DE LA RÉGLE DE DESCARTES, POUR CONNOL

PAR MR. DE SEGNER.

Traduit du Latin,

Livre de sa Géométrie, en ces termes: "Il peut y avoir autant de racines vrayes dans une équation, qu'il s'y trouve de variations des signes — & —; & autant de fausses, qu'on y trouve de fois les deux signés —, ou les deux signes —, qui se suite
Je ne ferai point l'histoire de cette Régle; & je n'entrerai pas dans la recherche des moyens, par lesquels les Analystes se sont efforcés de prouver sa vérité, ou l'ont effectivement prouvée. J'ai simplement dessein d'en donner la démonstration, à laquelle j'ai été conduit, il n'y a pas longtems, en méditant sur les Elémens de l'Algébre. Au reste il est connu, qu'on appelle racines vrayes celles que nous nommons affirmatives, & fausses celles que nous désignons d'une manière plus convenables par le nom de négatives. Mais venons au sair.

Si une équation bien ordonnée ne manque d'aucun terme, ou au eas qu'il en manque, si l'on conçoit écrit à sa place - o, il est manifeste de soi-même, qu'il y aura autant de racines dans l'équation, qu'on pourra y saire de combinaisons de signes, en composant chacun d'eux

d'eux avec celui qui le fuit immédiatement. Ainsi, dans l'équation $+x^5 + 3x^4 - 5x^3 - 4x^2 + 12x - 13 = 0$, il y a cinq racines, & ces successions d'autant de signes: $+ + \cdot$, $- \cdot$, $- \cdot$, $- \cdot$, $- \cdot$. Car cette équation a fix termes.

233

Mais, en quelque ordre que se mouvent les signes d'une équation, si on la multiplie par une simple, qui contient une racine négative, de cette maniere,

$$+x^5+3x^4-5x^3-4x^2+12x-13=0$$
 $+x^6+3x^5$
 $-5x^4-4x^3$
 $+12x^2$
 $-13x...A$
 $+2x^5$
 $+6x^4-10x^3$
 $-8x^2$
 $+24x-26..B$
 $+x^6+5x^5$
 $+x^4-14x^3$
 $+4x^2$
 $+11x-26=0$
il se produit en multiplicant deux series de signes, l'une en A, l'autre en B, tout à fait semblables, mais dont la seconde est plus avancée d'un lieu vers la droite; par où il arrive que chaque signe de la serie B est le même que celui de la serie A, qui le précéde d'un lieu.

Mais, si l'on multiplie une équation quelconque par une équation simple, qui contient une racine affirmative,

les signes de la seconde serie B, qui est produite par la multiplication, sont opposés aux signes de la premiere serie A, de seçon que, si l'on Oo 3 prend

prend un signe quelconque de la serie B, il se trouvera contraire au signe de la serie A, qui le précéde d'un lieu.

A' présent on tire les signes de l'équation produite des signes de ces séries, & des grandeurs des termes qui sont affectés par ces signes. Mais il paroit qu'en plaçant ces signes, il faut toujours commencer par le signe du premier terme de la serie A, & continuer à placer les fignes de cette ferie, jusqu'à qu'on y parvienne à un terme, su dessous duquel s'en trouve un, qui ayant le signe contraire soit plus grand dans la serie B: après quoi, abandonnant la serie A, on doit tirer ensuite les fignes de la serie B par ordre, jusqu'à ce qu'on revienne de nouveau à un terme, au dessus duquel s'en trouve un plus grand avec le figne contraire dans le serie A. Ensuite, en prenant le signe de ce terme supérieur au lieu de celui de l'inférieur, il faudra de nouveau tirer les signes suivans de la serie supérieure, jusqu'à ce qu'on soit encore obligé de passer à l'inférieure, & ainsi de suite alternativement, mais de maniere qu'on s'arrête finalement dans la serie B; dont le dernier terme n'en avant aucun au dessus de lui dans la serie A, son signe ne peut pas être changé dans le produit. D'où il s'ensuit qu'en plaçant les signes d'un semblable produit, on doit passer au moins une sois de A dans la serie B; & que, quel que soit le nombre de ces passages qu'exige l'équation à multiplier, les retours de B en A l'emportent toujours d'une unité sur les passages de A en B. Dans les équations rapportées cidessus, les lieux où ces passages doivent se faire, ont été marqués par de petites lignes transversales.

Au reste, comme le passage d'une serie à l'autre ne doit jamais se faire, à moins que les termes des series A & B, dont l'un est écrit sous l'autre, n'ayent des signes contraires, quand une équation est multipliée par une équation simple d'une racine négative, il y aura ces deux ordres de signes, dans lesquels seuls les passages doivent se faire:

On sappose qu'il s'agit de passer, ou du signe a au signe b, ou de $d \nmid c$. Le signe a sera donc le même avec le signe b, parce que les signes du multiplicateur sont supposés être + +; mais comme le signe c est contraire au signe b, il sera aussi contraire au signe a. Mais d peut, ou s'accorder avec le signe b, on lui être contraire. Si dans ces ordres pour chaque + on écrit -, & + pour chaque -, en changeant les signes, l'ordre ne sera pas pourtant changé.

ou bien des mêmes ordres des signes contraires, lesquels se sont de ceux-ci en écrivant — au lieu de —, ou — au lieu de —. Le signe b par la nature de multiplication étant contraire au signe a, & c étant aussi contraire au signe b, parce qu'on suppose qu'il faut faire un passage, c sera le même que le signe a. Mais d, ou sera la même que le signe b, ou lui sera contraire.

Rien n'est plus propre qu'un exemple pour mettre au fait de la maniere dont cela doit s'exécuter; mais il saut que cet exemple soit

$$\begin{array}{c} A \cdot \cdot \cdot + \stackrel{a}{+} \stackrel{b}{-} \stackrel{b}{-} \stackrel{c}{-} \stackrel{\beta}{+} + \stackrel{\gamma}{-} \stackrel{+}{+} \stackrel{+}{-} \stackrel{\delta}{-} \stackrel{d}{+} \stackrel{i}{+} + \\ B \cdot \cdot \cdot \cdot + \stackrel{a}{-} \stackrel{b}{-} \stackrel{c}{-} \stackrel{\beta}{-} \stackrel{+}{-} \stackrel{\gamma}{-} + \stackrel{\gamma}{-} \stackrel{+}{-} \stackrel{+}{-} \stackrel{\delta}{-} \stackrel{d}{-} \stackrel{i}{+} \stackrel{+}{-} \stackrel{i}{-} \stackrel{+}{-} \stackrel{+}{-} \stackrel{i}{-} \stackrel$$

Toutes les successions des signes semblables + + ou --érant donc marquées par les lettres a, b, c, d, les mêmes dans l'une & dans l'autre serie, il est clair qu'on obtient indifféremment leur nombre, en comptant ces lettres, soit qu'elles se rencontrent dans la ferie A, ou dans la ferie B, pourvu seulement qu'on n'en prenne aucune deux fois. A' present, si en posant les signes de l'équation produite, il faut passer en a de A en B, il faudra en g' retourner de B en A; puis de nouveau en y descendre de A en B, & ainsi de suite, en plaçant alternativement les signes des successions semblables dans l'équation produite, laquelle tire ses signes depuis le commence. ment jusqu'en a de la serie A, de a en β de la serie B, de β en γ , de nouveau de A, & toujours de même, tant qu'à la fin en e on les prenne de B. En les recueillant de cette maniere, la premiere succession est a; la seconde arrive nécessairement auprès de a en descendant de A en B; la troissème est b de la serie B; la quatrième seroit e de la même serie; mais celle-ci se détruit quelquesois en montant à la ferie A, d'où vient que jusqu'ici il n'y a que trois successions; mais la duatrième arrive auprès de y en descendant, la cinquième auprès de d en montant, la sixième est en d, & la septième a lieu auprès de e en descendant. Cet exemple fournit donc le nombre des successions semblables, augmenté de trois de ces successions.

En général il paroit qu'à chaque descente de A en B le nombre de ces successions augmente nécessairement d'une; & qu'à chaque montée

montée, ou bien qu'une telle succession est ajoutée aux autres, comme il arrive ici en δ , ou qu'il y en a une de soustraire, comme en β , où la succession c est détruite. D'où, comme les passages de A en B sont nécessairement supérieurs en nombre d'une unité, que les retours de B en A; il s'ensuit aussi en général, que toutes les sois qu'en posant les signes du produit il saut passer d'une serie à l'autre, le nombre des successions + + ou -, qui se rapportent à des successions semblables de l'équation multipliée, soit de la serie A ou de la serie B, ne sçauroit être moindre que d'une unité, ni plus grand que le nombre entier de tous les passages. C'est ainsi que dans notre exemple, les successions, telles que nous les posons ici, ont été augmentées au nombre de trois, lorsqu'il y a eu cinq passages.

En second lieu, qu'il s'agisse de multiplier une équation par une équation simple, dont les signes sont —, & que dans la multiplication les ordres des signes du produit, qui doivent être expliqués suivant ce que nous avons dit, soyent les suivans

S'il faut donc rassembler le nombre des successions des signes opposés, —, ou — —, qui se trouveront dans l'équation produire par la multiplication, que l'on suppose composée d'une partie de la serie A depuis le commencement jusqu'à a, d'une partie de la serie B depuis a jusqu'à \(\beta\), & ainsi de suite en alternant, cela se sera conformément à ce que nous avons dit de la maniere suivante. La premiere succession est a de la serie supérieure; l'autre arrive auprès de a en passant de A en B; la troissème est b; la quatrième seroit c de la serie B, mais elle est détruite par le passage de B en A, d'où s'ensuit que la quatrième qui a lieu auprès de \(\gamma\) en descendant, devient la cinquième en montant auprès de \(\delta\); la sixième est d de la ferie A, & la septième se sait en déscendant auprès de \(\beta\).

C'est pourquoi, si dans une équation tous les signes sont les mêmes, — ou —, aucune racine réelle de l'équation ne sera affirmative; s'il y en avoit seulement une seule, on y trouveroit pour le moins une succession de signes opposés. Si donc une semblable équation, outre les racines réelles négatives, contient d'autres racines, soir toutes, ou quelques unes, celles ci seront impossibles.

De même aussi, si dans une équation chaque signe est opposé à l'un & à l'autre des signes voisins, il n'y aura point dans cette équation de racine réelle négative. Car, s'il y en avoit seulement une, on y verroit au moins une succession de signes semblables. Par con-sécuent.

fiquent, si une sémblable équation, outre les racines réelles affirmatives, en a d'autres, soit toutes, ou quelques unes, celles-ci seront impossibles.

En général, dans toute équation, dont toutes les racines sont réelles, le nombre des successions des signes contraires — — ou — —, sera égal au nombre de ser racines affirmatives, & le nombre des successions des signes semblables — —, ou — —, sera pareillement égal au nombre des racines négatives de la même équation. Soit en effet n le nombre des racines négatives, & N le nombre des successions — —, ou — ——, de la même équation; que m soit le nombre de ser racines affirmatives, & M le nombre des successions — —, ou — ——; on aura n — m — N — M. Or N n'est pas moindre que n. Si donc on pose N > n, on aura au contraire M < m; ce qui ne peut pas davantage avoir lieu. Donc N — n, & M — m.

S'il est donc constant que le nombre des racines réelles négatives de l'équation n'est pas égal au nombre N, & que pareillement le nombre des racines réelles affirmatives de la même équation n'est pas égal au nombre M; il faudra aussi en conclurre, qu'elle contient des racines impossibles.

En réunissant tout ce qui vient d'être proposé, il en résulte que la Régle de Descartes, dans le sens où il l'a proposée, est parfaitement vraye. Car on peut avoir dans une équation autant de racines affirmatives, qu'on y trouve de variations des signes — & —; & autant de négatives, qu'on y rencontre de fois les deux signes —, ou les deux signes —, qui se suivent réciproquement. Mais, si le nombre des ces racines peut être tel, il ne s'ensuit pas qu'il le soit nécessairement; & on ne sçauroit, sans tomber dans une grande erreur, affirmer, que dans chaque équation il y a autant de racines véritables, qu'il y a de surant de susses, qu'il y a de surant de sausses, qu'il y a de surant de sausses.

43 **♦ 43**

ન્દ્ર કર્યું કર્યું કરે કરે કે માર્ચ મા

EXPOSITION DE QUELQUES PARADOXES DANS LE CALCUL INTÉGRAL

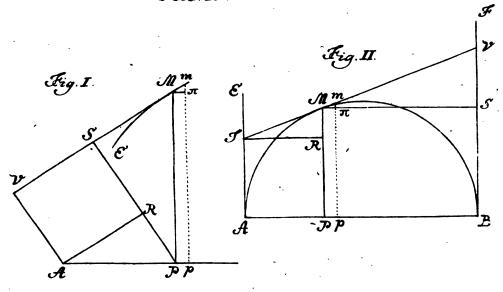
PAR M. EULER.

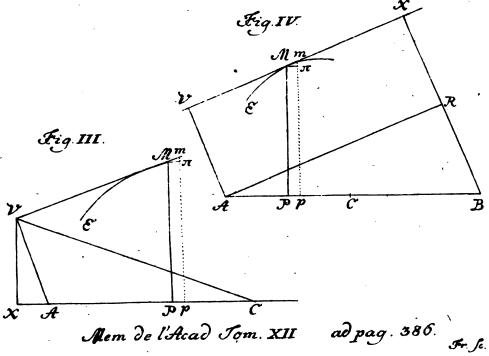
Premier Paradoxe.

I.

e me propose ici de déveloper un paradoxe dans le calcul intégral, qui paroitra bien étrange: c'est qu'on parvient quelquesois à des équations différentielles, dont il paroit fort difficile de trouver les intégrales par les régles du calcul intégral, & qu'il est pourtant aisé de trouver, non par le moyen de l'intégration, mais plutôt en différentiant encore l'équation proposée; de sorte qu'une différentiation réiterée nous conduise dans ces cas à l'intégrale cherchée. C'est sans doute un accident fort surprenant, que la différentiation nous puisse mener au même but, auquel on est accoutumé de parvenir par l'intégration qui est une opération entierement opposée.

II. Pour mieux faire sentir l'importance de ce paradoxe, on n'a qu'à se souvenir, que le calcul intégral renserme la méthode naturelle de trouver les intégrales des quantités dissérentielles quelconques: & de là il semble qu'une équation dissérentielle étant proposée, il n'y a d'autre moyen pour arriver à son intégrale, que d'en entreprendre l'intégration. Et si l'on vouloit, au lieu d'intégrer cette équation, la dissérentier encore une sois, on devroit croire qu'on s'éloigneroit encore davantage du but proposé; attendu qu'on auroit alors une équation dissérentielle du second degré, qu'il faudroit même deux sois intégrer, avant qu'on parvint aut but proposé.







III. Il doit donc être très surprenant, qu'une dissérentiation réiterée ne nous éloigne non seulement davantage de l'intégrale, que nous nous proposons de chercher, mais qu'elle nous puisse même fournir cette intégrale. Ce seroit sans doute un grand avantage, si cet accident étoit général, & qu'il eut lieu toujours, puisqu'alors la recherche des intégrales, qui est souvent même impossible, n'auroit plus la moindre difficulté: mais il ne se trouve qu'en quelques cas très particuliers dont je rapporterai quelques exemples: les autres cas demandent toujours la méthode ordinaire d'intégration. Voilà donc quelques problèmes qui serviront à éclaircir ce paradoxe.

PROBLEME I.

Le point A étant donné, trouver la courbe EM telle, que la perpendiculaire AV tirée du point A sur une tangente quelconque de la courbe MV, soit partout de la même grandeur.

IV. Prenant pour axe une droite quelconque AP, tirée du point donné A, qu'on y tire d'un point quelconque de la courbe cherchée M la perpendiculaire MP, & une autre infiniment proche mp: & qu'on nomme AP = x, PM = y, & la longueur donnée de la ligne AV = a. Soit de plus l'élément de la courbe Mm = ds, & ayant tiré M π parallele à l'axe AP, on aura Pp = M π = dx & πm = dy; donc ds = $V(dx^2 + dy^2)$. Qu'on baisse du point P aussi sur la tangente MV la perpendiculaire PS, & sur celle cy du point A la perpendiculaire AR, qui sera parallele à la tangente MV. M'aintenant, puisque les triangles PMS & APR sont semblables au triangle M $m\pi$, on en tirera: PS = $\frac{M\pi}{Mm}$ = $\frac{y dx}{ds}$ & PR = $\frac{m\pi \cdot AP}{Mm}$ = $\frac{x dy}{ds}$: d'où, à cause de AV = PS - PR, nous aurons cette équation, a = $\frac{y dx - x dy}{ds}$ ou y dx - x dy = a ds

 $= a V(dx^2 + dy^2)$, qui exprimera la nature de la courbe cherchée.

Voila donc uné équation différentielle pour la courbe que nous cherchons: & si nous la voulons traiter selon la méthode ordinaire, il faut d'abord débarrasser les dissernitels du signe radical: prenant donc les quarrés, nous aurons:

 $yydx^2 - 2xydxdy + xxdy^2 = aadx^2 + aady^2$ & partant:

$$dy^2 = -\frac{2xydxdy - aadx^2 + yydx^2}{aa - xx}$$

dont l'extraction de racine fournit

$$dy = -\frac{xydx + adx V(xx + yy - aa)}{aa - xx}$$

aady - xxdy + xydx = adx V(xx + yy - aa)dont il faut maintenant chercher l'intégrale pour connoitre la courbe en question.

Pour intégrer cette équation, posons y = u V(an - xx), pour avoir V(xx + yy - aa) = V(aa - xx)(uu - 1), & $dy = duV(aa - xx) - \frac{ux dx}{V(aa - xx)}$, donc $aady - xxdy = \frac{ux dx}{ux}$ $du(aa-xx)^{\frac{3}{2}}-uxdxV(aa-xx)$. Ces valeurs étant substituées donnent :

$$du (aa - xx)^{\frac{3}{2}} = adx V(aa - xx) (uu - 1)$$
ou bien
$$\frac{du}{V(uu - 1)} = \frac{adx}{aa - xx}$$
formation on les variables $x \approx u$ formation.

équation où les variables x & u se trouvent separées.

VII. Puisque cette équation est séparée, je remarque d'abord, que les conditions, qu'elle renferme, sont remplies, si l'on met $V(uu-1) \equiv 0$, ou $uu \equiv 1$; car dans ce cas tant le membre $adx \ V(aa - xx) \ (uu - 1)$ devient évanouïssant, que l'autre membre $du \ (aa - xx)^{\frac{1}{2}}$ à cause de $du \equiv 0$. Et partant nous avons déjà une valeur intégrale $uu \equiv 1$, ou $u \equiv \pm 1$, d'où nous tirons $y \equiv \pm V(aa - xx)$, ou $yy + xx \equiv aa$; ce qui est l'équation pour un cercle, décrit du centre A avec le rayon $\equiv a$. Or il est clair que ce cercle satisfait au problème, puisque la perpendiculaire A V devient égale au rayon du cercle, & tombe sur le point d'attouchement M; comme il est connu par les proprietés du cercle.

VIII. Mais ce cas n'épuise pas encore l'équation différentielle $\frac{du}{V(uu-1)} = \frac{a dx}{aa-xx}$; cherchons donc son intégrale qui sera par les logarithmes

$$l\left[x+V(xx-1)\right] = \frac{1}{4} l \frac{nn(x+x)}{x-x}$$

de forte que nous ayons:

$$u + V(u u - 1) = n V \frac{a + x}{a - x}.$$

De là nous trouverons,

$$-1 = nn. \frac{a+x}{a-x} - 2nu \sqrt{\frac{a+x}{a-x}}$$

& partant
$$u = \frac{n}{2} \sqrt{\frac{a+x}{a-x}} + \frac{1}{2n} \sqrt{\frac{a-x}{a+x}}$$
.

Par conféquent
$$y = uV(aa - xx) = \frac{x}{2}(a+x) + \frac{1}{2n}(a-x)$$
.

équation pour une ligne droite tirée en forte, que la perpendiculaire qu'on tire sur elle du point donné A soit = a.

XI. Voilà donc la folution du problème proposé, qu'on trouveroir par la methode ordinaire, où il saut premièrement séparer les variables, & ensuire intégrer l'équation différentielle séparée. Or il est clair, que cette opération est non seulement assez embarrassante, mais elle deviendroit même impossible, si au lieu de la formule irrationelle $V(dx^2 + dy^2)$, on en avoit une plus compliquée. Comme si l'on étoit parvenu à cette équation

$$y dx - x dy = a\sqrt[3]{(dx^3 + dy^3)}$$

en prenant des cubes, on auroit bien de la peine à extraire ensuite la racine pour trouver le rapport entre les différentiels dx & dy. Et si la racine, étoit plus haute, cette extraction deviendroit même impossible.

X. Or maintenant je dis, que cette même équation, qui reaferme la folution du problème

$$y dx - x dy = aV(dx^2 + dy^2)$$

se peut réduire à une équation finie, & même algébrique, entre x & y, sans y employer la voye ordinaire d'intégration: mais, en quoi consiste la force du paradoxe, par une différentiation ultérieure de cette équation. Ou ce sera cette même différentiation, qui nous conduira à l'équation intégrale, qui nous fera connoître la nature de la courbe cherchée. Ce que je viens d'avancer, mettra dans tout son jour la force du paradoxe, que je me suis proposé de démêter ici.

XI. Afin que les différentiels ne nous causent aucun embarras, en passant à une différentiation ultérieure, supposons dy = p dx, & nous aurons $V(dx^2 + dy^2) = dxV(x + pp)$. Par cette substitution notre équation, étant divisée par dx, prendra cette forme,

$$y - px \equiv aV(1 + pp)$$
 ou $y \equiv px + aV(1 + pp)$

où il faut bien remarquer, que quoiqu'on n'y apperçoive plus de différentiels, cette équation ne laisse pas d'être différentielle, à cause de la lettre p, dont la valeur est $\frac{dy}{dx}$; de sorte que, si l'on la remettoit, on reviendroit à la premiere équation différentielle.

XII. A présent, au lieu d'intégrer cette équation dissérentielle, je la dissérentie encore une sois pour avoir,

$$dy = p dx + x dp + \frac{ap dp}{V(i + pp)}.$$

Or, ayant supposé $dy \equiv p dx$, cette valeur mise à la place de dy nous donne d'abord :

$$\circ = x \, dp + \frac{ap \, dp}{V(1 + pp)},$$

d'où en divisant par dp nous tirons d'abord:

$$x = \frac{ap}{\sqrt{(1+pp)}}$$

& puisqu'il y a y = px + aV(1 + pp), en y substituant cette valeur de $x = -\frac{ap}{V(1 + pp)}$, nous aurons:

$$y = -\frac{app}{V(1+pp)} + aV(1+pp)$$
 ou $y = \frac{a}{V(1+pp)}$.

XIII. Voilà donc des valeurs, & mêmes algébriques, pour les deux coordonnées x & y, lesquelles ne renferment que la feule variable p: & comme à présent il n'est plus question de la valeur supposée de $p = \frac{dy}{dx}$, le problème est resolu par cette différentiation réitérée. Car on n'a qu'à éliminer la variable p, de ces deux équations

$$x = -\frac{ap}{V(1+pp)} & y = \frac{a}{V(1+pp)}$$
Min, de l'Acad, Tom. XII,
$$Qq$$

ce qui se fera aisément, en ajoutant ensemble les quarrés x x & yy, d'où l'on aura d'abord

$$xx + yy = \frac{aapp + aa}{1 + pp} = aa$$

qui est l'équation pour le cercle, qui satisfait au problème proposé.

XIV. Il est bien vray, qu'outre le cercle il y a encore une infinité de lignes droites, qui satisfont également à la question, & que cette méthode ne semble pas fournir. Mais elle les contient néanmoins, & encore plus visiblement, que l'autre méthode ordinaire.

On n'a qu'à regarder l'équation o $\equiv xdp + \frac{apdp}{V(1+pp)}$, à laquelle la différentiation nous a conduit, & qui, puisqu'elle est divisible par dp, renferme aussi la solution $dp \equiv 0$. Or de là nous tirens immédiatement $p \equiv \text{Const} \equiv n$, & partant $y \equiv nx + aV(1+nn)$; où toutes les lignes droites, qui remplissent les conditions du problème, sont comprises.

XV. Ayant déjà remarqué que cette équation : $ydx - xdy = a\sqrt[3]{(dx^3 + dy^3)}$

ne sauroit à peine être résolue par la méthode ordinaire, celle-ci nous fournira d'abord par la différentiation son intégrale. Car, posant dy = p dx, nous aurons $\sqrt[3]{(dx^3 + dy^2)} = dx\sqrt[3]{(1+p^3)}$, & partant

 $y - px = a\sqrt[3]{(1 + p^3)}$ ou $y = px + a\sqrt[3]{(1 + p^3)}$ qui étant différentiée donne

$$dy = pdx = pdx + xdp + \frac{appdp}{\sqrt[3]{(1+p^3)^2}}$$

d'où nous tirons o $= x dp + \frac{app dp}{\sqrt[3]{(1+p^3)^2}}$, ou

$$x = \frac{-app}{\sqrt[3]{(1+p^3)^2}} \quad & y = \frac{a}{\sqrt[3]{(1+p^3)^2}}$$

XVI.

XVI. Si l'on veut ici éliminer p, on n'a qu'à ajouter les cubes pour avoir $y^3 + x^3 = \frac{a^3(1-p^6)}{(1+p^3)^2} = \frac{a^3(1-p^3)}{1+p^3} = -a^3 + \frac{2a^3}{1+p^3}$ de forte que $\frac{1}{1+p^3} = \frac{a^3 + x^3 + y^3}{2a^3}$, & partant

$$y = \frac{a}{\sqrt[3]{(\tau + p^2)^2}} = (a^3 + x^3 + y^3)^{\frac{2}{3}} : a\sqrt[3]{4}$$
Donc
$$4a^3y^3 = (a^3 + x^2 + y^3)^{\frac{1}{2}}$$

ou $0 = a^6 + 2a^3x^3 - 2a^3y^3 + x^6 + 2x^3y^3 + y^6$ pour une ligne du fixième ordre. Mais outre celle-ci fatisfait encore dp = 0, ou p = n, à cause de la division faite par dp; & ce cas

donne une infinité de lignes droites contenues dans cette équation

$$y = nx + a\sqrt[3]{(1 + n^3)}$$

XVII. On voit que par la même méthode on résoudra aisément tous les problemes, qui conduiroient à de telles équations:

$$ydx - xdy = a \sqrt[n]{(adx^n + 6dx^{n-y}dy^y + \gamma dx^{n-\mu}dy^{\mu})}$$
 &c.)
Car, pofant $dy = pdx$, on auroit

$$y = px + aV(a + 6p' + \gamma p'' + &c.)$$

& différentiant & divisant par dp,

$$x = \frac{-\nu abp^{\nu-1} - \mu a\gamma p^{\mu-1} - \&c.}{n\nu(a + 6p^{\nu} + \gamma p^{\mu} + \&c.)^{n-1}}$$

&
$$y = \frac{na\alpha + (n-\nu)a6p^{\nu} + (n-\mu)a\gamma p^{\mu} + &c.}{nV(\alpha + 6p^{\nu} + \gamma p^{\mu} + &c.)^{n-1}}$$

D'où, en éliminant p, on tirers une équation algébrique entre r & y. Or, puisqu'il y a sussi dp = 0, & p = Const : = m, les lignes droites renfermées dans cette formule :

$$y = mx + a v(\alpha + 6m^{\nu} + \gamma m^{\mu} + \&c.)$$

satisferont également. Je passe donc à un autre problème.

PROBLEME II.

Sur l'axe AB trouver la courbe AMB telle, qu'ayant tiré de son point quelconque M la tangente TMV, elle coupe en sorte les deux droites AE & BF, tirées perpendiculairement sur l'axe AB, en deux points donnés A& B, que le rectangle sormé par les lignes AT & BV soit partout de la même grandeur.

XVIII. Soit l'intervalle donné AB = 2a, l'abscisse AB = x, l'appliquée PM = y, & ayant tiré l'infiniment proche pm, on aura $Pp = M\pi = dx$, & $\pi m = dy$. Qion tire les droites MR & MS paralleles à l'axe AB, & la ressemblance des triangles $M\pi m$, TRM & MSV, à cause de PB = MS = 2a - x, fournira:

$$PM = \frac{x dy}{dx}$$
 & $SV = \frac{(2a - x) dy}{dx}$

D'où nous aurons:

Fig. 2,

$$AT = y - \frac{x \, dy}{dx} & BV = y + \frac{(2 \, a - x) \, dy}{dx}$$

dont le produit devant être constant = cc fournira cette égalité:

$$\left(y - \frac{x\,dy}{dx}\right)\left(y - \frac{x\,dy}{dx} + \frac{2\,a\,dy}{dx}\right) = c\,c$$

XIX. Si l'on vouloit traiter cette équation par la méthode ordinaire, on rencontreroit bien des difficultés, & peut être n'arriveroiten qu'après bien des décours à l'équation intégrale. Mais, pour nous fervir de l'autre méthode, posques dy = p dx, pour avoir

ou bien:
$$yy + 2(a-x)py - 2appx + ppxx = cc$$

ou $yy + 2(a-x)py + (a-x)^2pp = cc + aapp$
d'où l'extraction de racine fournit:

$$y + (a - x)p = V(cc + aapp)$$
ou
$$y = -(a - x)p + V(cc + aapp)$$

XX. Différentions maintenant cette équation, au lieu d'en chercher l'intègrale, & nous obtiendrons:

$$dy = p dx = -(a - x) dp + p dx + \frac{aap dp}{V(cc + aapp)}$$
on les termes $n dx$ se détruisent ensemble. le division par dx données

où les termes p dx se détruisant ensemble, la division par dp donnera:

$$a - x = \frac{nap}{V(cc + aapp)}$$
 ou $x = a - \frac{aap}{V(cc + aapp)}$
& fubstituant cette valeur de $a - x$ dans celle de y , on aura

$$y = \frac{-aapp}{V(cc + aapp)} + V(cc + aapp) \text{ ou } y = \frac{cc}{V(cc + aapp)}$$

XXI. Ayant donc:

$$\frac{a-x}{a} = \frac{ap}{V(cc + aapp)} & \frac{y}{c} = \frac{c}{V(cc + aapp)}$$
Polympresion de la quantité n se fera en njourent les quarrés de ces de

l'elimination de la quantité p le fera en ajoutant les quarrés de cès deux formules, ce qui donnera:

$$\frac{(a-x)^2}{aa} + \frac{yy}{cc} = \frac{aapp + cc}{cc + aapp} = 1,$$

$$donc: \frac{yy}{cc} = \frac{2ax - xx}{aa} \quad \text{ou} \quad y = \frac{c}{a} V (2ax - xx)$$

$$Qq 3 \qquad \qquad D'où$$

D'où nous voyons que la courbe cherchée est une ellipse décrite sur l'axe AB, & dont le demi-axe conjugué est = c, de sorte que dans une telle ellipse le rectangle des tangentes AT & BV soit toujours égal au quarré du demi-axe conjugué.

XXII. Mais il est clair qu'outre cette ligne courhe il satisfait encore au probleme une infinité de lignes droites TV tellement tirées, que le rectangle AT. BV soit = cc. Ces lignes droites se trouveront par le diviseur dp, qui étant posé = c, donne p = Const: = n, D'où nous aurons: y = -n(a-x) + V(cc + nnaa). D'où, si x = c, nous tirons AT = -na + V(cc + nnaa), & si x = c, BV = na + V(cc + nnaa), de sorte qu'on ait toujours

AT. BV = cc

quelque valeur que puisse avoir le nombre n.

PROBLEME III.

Peux points étant donnés A & C, trouver la ligne courbe EM telle, que si l'on tire une tangente quelconque MV, qu'on y mene du premier point A la perpendiculaire A V, & qu'on joigne de l'autre point C à V la droite CV, cette droite CV soit partout de la même grandeur.

XXIII. Posons la distance donnée AC = b, & prenant cette ligne pour axe, qu'on y mene du point M l'appliquée MP, & son infiniment proche pm. Soit AP = x, & PM = y; & à cause de $Pp = M\pi = dx$, & $\pi m = dy$, soit $Mm = V(dx^2 + dy^2) = ds$. Cela posé, nous avons vû dans la solution du premier problème qu'on aura : $AV = \frac{ydx - xdy}{ds}$. Baissons aussi du point V sur l'axe a perpendiculaire VX, & à cause des triangles semblables $Mm\pi$ 1& VAX, nous aurons :

$$VX = \frac{dx(ydx - xdy)}{ds^2} & AX = \frac{dy(ydx - xdy)}{ds^2}$$
 & partant:
$$CX = b + \frac{dy(ydx - xdy)}{ds^2}$$
.

XXIV. Soit maintenant la longueur donnée CV = a, & à cause de $CV^2 = CX^2 - XV^2$ nous aurons:

$$aa = bb + \frac{2bdy(ydx - xdy)}{ds^2} + \frac{(ydx - xdy)^2}{ds^2}$$

à cause de $dx^2 + dy^2 = ds^2$: & de plus :

$$\frac{(y\,dx - x\,d\,y)^2}{ds^2} + \frac{2\,b\,dy\,(y\,dx - x\,dy)}{ds^2} + \frac{b\,b\,dy^2}{ds^2} = a\,a - b\,b + \frac{b\,b\,dy^2}{ds^2} = a\,a - \frac{b\,b\,dx^2}{ds^2}$$

dont la racine quarrée est

$$\frac{y\,dx-x\,dy}{ds}+\frac{b\,dy}{ds}=V(a\,a-\frac{b\,b\,dx^2}{ds^2})$$

ou bien en multiplient par ds

$$ydx - xdy + bdy = V(aads^2 - bbdx^2)$$

XXV. Ici il est aussi évident, qu'on se plongeroit dans un calcul fort ennuyant, si l'on vouloit entreprendre la résolution de cette équation par la méthode ordinaire. Je pose donc $dy \equiv p dx$, & à cause de $ds^2 \equiv dx^2$ (1 + pp) notre équation différentielle prendra cette forme

$$y - px + bp = V(aa(1 + pp) - bb)$$

que je différentie encore, & posant pdx pour dy , j'aurai:

$$pdx - pdx - xdp + bdp = \frac{aapdp}{V(aa(1+pp)-bb)}$$

qui étant divilée par dp donne;

$$b - x = \frac{aap}{V(aa(1+pp)-bb)} \text{ ou } x = b - \frac{aap}{V(aa(1+pp)-bb)}$$

&
$$y = -(b-x)p + V(aa(1+pp)-bb) = \frac{aa-bb}{V(aa(1+pp)-bb)}$$

XXVI. De là, pour éliminer p, je forme ces équations:

$$\frac{b-x}{a} = \frac{ap}{V(aa(1+pp)-bb)} & \frac{y}{V(aa-bb)} = \frac{V(aa-bb)}{V(aa(1+pp)-bb)}$$

& ajoutant les quarrés de ces formules, je trouve :

$$\frac{(b-x)^2}{aa} + \frac{yy}{aa-bb} = \frac{aa(1+pp)-bb}{aa(1+pp)-bb} = 1$$

qui est l'équation pour une ellipse, dont le centre est en D, un des foyers en A, & le demi grand axe \equiv CV. Mais outre cette ellipse le diviseur $dp \equiv 0$, donne encore une infinité de lignes droites, comprises dans cette équation

$$y = -n(b-x) + V(aa(1+nn)-bb)$$

PROBLEME IV.

Fig. 5.

Deux points étant A & B, trouver la courbe EM telle, qu'ayant tiré une tangente quelçonque VMX, si l'on y mene des points A & B les perpendiculaires AV & BX, le restangle de ces lignes AV. BX soit partout de la même grandeur.

XXVII. Soit la distance des points données AB = 2b, qu'on y tire la perpendiculaire MP, & l'infiniment proche mp: & qu'on nomme les coordonnées: AP = x, PM = y, pour avoir $Pp = M\pi = dx$, $\pi m = dy$ & $Mm = V(dx^2 + dy^2) = ds$. Cela posé, nous avons vu, qu'on aura $AV = \frac{ydx - xdy}{ds}$ Qu'on tire de plus AR, perpendiculaire sur BX, & la ressemblance des triangles $Mm\pi$ & ABR, fournira $BR = \frac{2bdy}{ds}$, & en y ejoutant

tant RX = AV = $\frac{y dx - x dy}{ds}$ nous aurons BX = $\frac{y dx + (2b - x) dy}{ds}$.

Soit donc cc le rectangle des lignes AV & BX, & on aura pour la courbe EM cette équation:

$$(ydx - xdy)(ydx - xdy + 2bdy) = ccds^2$$

XXVIII. Sans nous embarrasser de la méthode ordinaire, pofons $dy \equiv p dx$, de sorte que $ds^2 \equiv dx^2(1+pp)$, & nous aurons:

$$(y-px)(y-px+2bp)=cc(1+pp)$$

qui se réduit à:

yy + 2(b - x)py - 2bppx + ppxx = cc(i + pp)ou à $yy + 2(b - x)py + (b - x)^2pp = cc(i + pp) + bbpp$ dont la racine quarrée est;

$$y + (b - x)p = V(cc + (bb + cc)pp)$$
& partant $y = -(b - x)p + V(cc + (bb + cc)pp$

XXIX. Différentions encore cette équation différentielle, & a cause de dy = p dx nous aurons:

 $pdx = -(b-x)dp + pdx + \frac{(bb+cc)pdp}{V(cc+(bb+cc)pp)}$ qui étant divisée par dp donne d'abord:

$$b-x=\frac{(bb+cc)p}{V(cc+(bb+cc)pp)}$$

ou bien $b-x = \frac{aap}{V(cc + aapp)}$ posant pour abréger bb + cc = aa.

De là nous tirerons:

$$y = -(b - x)p + V(cc + aapp) = \frac{cc}{V(cc + aapp)}$$

Donc ayant:

$$\frac{b-x}{a} = \frac{ap}{V(cc + aapp)} & \frac{y}{c} = \frac{c}{V(cc + aapp)}$$
Mim. de l'Acad, Tom. XII.

R r

nous aurons en ajoutant les quarrés

$$\frac{(b-x)^2}{aa} + \frac{yy}{cc} = 1$$

XXX. Cette équation est, comme il est évident, pour une ellipse, dont les foyers sont dans les points A & B; & partant le centre au point du milieu C. Le demi petit axe sera donc = c; & c'est au quarré duquel, que sera partout égal le rectangle A V. B X: ce qui est aussi une propriété connue de l'ellipse. Or il y a sussi des lignes droites, qui satisfont au même probleme, que le diviseur dp = 0 nous fournira, car posant p = n, l'équation pour toutes ces lignes droites sera y = -n(b-x) + V(cc+nnaa) Je pourrois encore ajouter un grand nombre de problemes semblables, pour consirmer ce paradoxe, mais ces quatre seront entierement suffisans pour en prouver la vérité.

Second Paradoxe.

XXXI.

Le second paradoxe, que je m'en vai étaler, n'est pas moins surprenant, puisqu'il est aussi contraire aux idées communes du calcul intégral. On s'imagine ordinairement, qu'ayant une équation dissérentielle quelconque, on n'ait qu'à chercher son intégrale, & à lui rendre toute son étendue en y ajoutant une constante indéfinie, pour avoir tous les cas, qui sont compris dans l'équation dissérentielle. Ou bien, lorsque cette équation dissérentielle est le résultat d'une solution d'un problème, on ne doute pas que l'équation intégrale, qu'on en trouve par les régles ordinaires, ne renserme toutes les solutions possibles du problème: cela s'entend, lorsqu'on n'aura pas négligé l'addition de constante, que toute intégration exige.

XXXII. Cependant il y a des cas, où l'intégration ordinaire nous conduit à une équation finie, qui ne renferme pas tout ce qui étoit

étoit contenu dans l'équation différentielle proposée; quand même on ne néglige pas la constante mentionnée. Cela doit paroitre d'autant plus paradoxe, plus on est accoutumé d'être convaincu de la justesse de l'idée expliquée dans l'article précédent. Car si l'équation intégrale, qu'on aura trouvée après toutes les précautions prescrites, n'épuise pas l'étendue de l'équation différentielle; le problème admettra des solutions, que l'intégration ne sournira point, & partant on arrivera à une solution désectueuse, ce qui semble sans doute renverser les principes ordinaires du calcul intégral.

XXXIII. Or il est fort aisé de proposer une infinité d'équations différentielles, auxquelles répond un certain rapport entre les quantités variables, qu'il est impossible de trouver par la voye d'intégration ordinaire. Soit, par exemple, proposée cette équation différentielle:

$$x dx + y dy = dy V(x x + y y - a a)$$

& il est évident que l'équation finie x x + yy - aa = 0, lui satissait entierement. Car ayant de là x dx + y dy = 0, l'un & l'autre membre de l'équation différentielle évanouit de soi-même : ce qui est une marque indubitable, que cette équation finie xx + yy = aa est contenue dans l'équation différentielle proposée : ou que le cercle résout les problèmes, qui conduisent à cette équation différentielle.

XXXIV. Cependant, quand nous intégrons cette équation différentielle, nous ne trouverons nullement ce rapport xx + yy = aa: car, divifant notre équation par V(xx + yy - aa), que nous ayons:

$$\frac{x\,d\,x+y\,d\,y}{V(x\,x+yy-a\,a)}=d\,y$$

l'intégrale est evidente, & même dans toute son étendue

$$V(xx+yy-aa)=y+c$$

syant introduit la constante indéfinie c. Or il est clair que l'équation déjà trouvée yy + xx = aa n'est pas absolument renfermée R r 2 dans cette équation intégrale, quelque valeur qu'on donne à la conflante c.

XXXV. Prenant les quarrés de notre équation intégrale trouvée, en aura:

$$xx - aa = 2cy + cc & y = \frac{xx - aa - cc}{2c}$$

& partant on croiroit qu'au probleme proposé, qui aura conduit à cette équation, ne satisfissent qu'une infinité de paraboles, contenues dans l'équation $y = \frac{xx - aa - cc}{2c}$, selon les différentes valeurs de c. Et puisqu'on a trouvé une infinité de paraboles, on douters d'autant moins, qu'on ne soit arrivé à une solution complete. Cependant nous venons de voir qu'au même probleme satisfait aussi le cercle contenu dans l'équation xx + yy = aa.

XXXVI. J'ai rencontré quelques autres cas de cette espece dans mon Traité du mouvement, où j'ai déjà remarqué ce même paradoxe, qu'une équation dissérentielle renserme quelquesois des solutions, qui ne sont plus comprises dans l'équation intégrée : j'y ai aussi donné une régle sûre, par le moyen de laquelle on peut trouver ces solutions contenues dans les équations dissérentielles, qu'on ne sauroit plus tirer de l'équation intégrée. Cependant, comme je n'y ai pas fait sentir assés evidemment l'importance de ce paradoxe, on pourroit croire que c'est quelque bizarrerie dans des problemes mecaniques, qui n'auroit plus lieu dans les problemes de Geometrie; ou que ce ne seroit pas un reproche, qu'on pourroit faire directement à l'Analyse même.

XXXVII. Pour l'exemple que je viens d'alléguer ici, comme il est formé à fantaisie, on pourroit aussi douter, si ce cas se rencontre jamais dans la solution d'un probleme réel. Mais les mêmes exemples, que j'ai rapportés pour éclaircir le premier parodoxe, serviront aussi à échaircir celui-ci. Car le premier probleme demandant

une courbe telle, que si l'on mene d'un point donné sur toutes ses tangentes des lignes perpendiculaires, toutes ses perpendiculaires soient égales entr'elles; ce probleme, dis-je, étant proposé, on voit d'abord qu'un cercle décrit du point donné comme du centre avec un rayon égal à la droite, à laquelle toutes les perpendiculaires mentionnées doivent être égales, satisfera au probleme.

XXXVIII. Cependant, ayant été conduit à cette équation différentielle:

$$aady - xxdy + xydx = adx V(xx + yy - aa)$$

où les variables x & y font mêlées entr'elles, on a vû que par le moyen de cette substitution $y = u V(a \ a - x x)$ elle se change en cette séparée,

$$\frac{du}{V(uu-1)} = \frac{a dx}{aa-xx}$$

dont l'intégrale prise dans toute son étendue étoit

$$u + V(uu - 1) = nV \frac{a + x}{a - x}$$

d'où j'ai tiré cette équation :

$$y = \frac{n}{2}(a+x) + \frac{1}{2n}(a-x)$$

laquelle ne renferme que des lignes droites, de forte que le cercle femble à cette heure entierement exclus de la folution du problème proposé.

XXXIX. Il en est de même du problème second, qui est résolu $x = \frac{c}{a} \sqrt{(2ax - xx)}$; ce qui est aussi clair par les propriétés connues de l'ellipse. Or ayant trouvé cette équation différentielle :

$$\left(y - \frac{x\,dy}{dx}\right)\left(y - \frac{x\,dy}{dx} + \frac{2\,a\,dy}{dx}\right) = c\,c$$
Rr 3

nous en tirerons par l'extraction de racine:

$$\frac{dy}{dx} = \frac{(a-x)y + V(aayy - cc(2ax - xx))}{2ax - xx}$$

(2ax - xx)dy - (a-x)ydx = dxV(aayy - cc[2ax - xx)]Or il est évident que l'équation aayy - cc(2ax - xx) = 0 satisfait à cette formule, car on aura de là $y = \frac{c}{a}V(2ax - xx)$, & partant en différentiant leurs logarithmes:

$$\frac{dy}{y} = \frac{dx(a-x)}{2ax-xx}, \text{ ou } (2ax-xx)dy - (a-x)ydx = 0,$$
 de forte que dans ce cas l'un & l'autre membre de l'équation différentielle évanouit.

XL. Mais, si nous traitons cette équation différentielle selon la méthode ordinaire, & que nous posions y = uV(2ax - xx), pour avoir

$$V(aayy-cc[2ax-xx)] = V(2ax-xx)(aauu-cc)$$

&
$$dy \equiv du V(2ax - xx) + \frac{u(a-x) dx}{V(2ax - xx)}$$

ces valeurs substituées changeront notre équation en cette forme :

$$\frac{du(2ax-xx)^{\frac{3}{2}}+u(a-x)dxV(2ax-xx)-u(a-x)dxV(2ax-xx)}{dxV(2ax-xx)(aauu-cc)} =$$

qui se réduit maintenant à cette séparée,

$$\frac{du}{V(aauu-cc)} = \frac{dx}{2ax-xx} \quad \text{ou} \quad \frac{adu}{V(aauu-cc)} = \frac{adx}{2ax-xx}$$

donc l'intégrale prise généralement est

$$l\frac{au+V(aauu-cc)}{b}=\frac{1}{2}l\frac{x}{2a-x}$$

ou bien

$$au + V(aauu - cc) = bV \frac{x}{2a - x} = V \frac{bx}{(2ax - xx)}.$$

XLI. De là on trouvera aisément la valeur de u, qui sera:

$$u = \frac{cc V(2ax - xx)}{2bx} + \frac{bx}{2V(2ax - xx)}$$

& puisque $y \equiv uV(2ax - xx)$, on obtiendra:

$$y = \frac{cc(2ax-xx)}{2bx} + \frac{bx}{2} = \frac{acc}{b} + \frac{(bb-cc)x}{2b}.$$

& il est évident que cette équation intégrale, quelque générale qu'elle soit, à cause de la constante indéfinie b, ne renserme pas l'ellipse déjà trouvée. Ce même accident aura aussi lieu, dans les deux autres problèmes rapportés, lorsqu'on traitera les équations différentielles trouvées par la méthode ordinaire en cherchant son intégrale; où l'ellipse qui en sournit une belle solution, ne sera plus comprise.

XLII. Mais voici la régle générale, par laquelle on peut aisément trouver ces cas de l'intégrale d'une équation différentielle proposée, qui échapent à l'intégration ordinaire. Soit « une fonction quelconque des deux variables » & y, & Z une fonction quelconque de ». Soient de plus P, Q, V, aussi des fonctions quelconques des variables » & y, & supposons qu'on soit parvenu à cette équation différentielle

$$V dz = Z(P dx + Q dy)$$

& il est clair, que la valeur Z = 0 satisfair à cette équation: car de là on tirera z = Const. & partant dz = 0, de sorte que dans le cas Z = 0 les deux membres de l'équation proposée évanouïssent.

XLII. Par le moyen de cette régle on trouvers aisément l'ellipse, qui contient une solution du second problème; car étant parvenu à cette cette équation différentielle:

$$\frac{du}{V(aauu-cc)} = \frac{dx}{2ax-xx} \text{ ou } du(2ax-xx) = dxV(aauu-cc)$$
prenons u pour z , & fa fonction $V(aauu-cc)$ pour Z , & l'équation proposée sera remplie par l'égalité $Z = 0$, ou $aauu-cc = 0$ d'où l'on tire $u = \frac{c}{a}$ & partant $y = \frac{c}{a}$ $V(2ax-xx)$, qui est l'équation pour l'ellipse en question, qui se trouve exclue de l'équation intégrée.

- XLIV. Il est ici à remarquer, que ces mêmes cas inaccessibles à l'intégration ordinaire, sont précisément ceux, qu'une différentiation réiterée nous a fournis dans les éclaircissemens du premier paradoxe. Et pour peu qu'on y réstêchisse, on s'apercevra que cet accord n'arrive pas par quelque hazard, & on pourra prononcer en général, que toutes les sois qu'une équation dissérentielle, étant encore dissérentiée, conduit immédiatement à une équation finie, cette équation finie ne sauroit jamais être trouvée par la voye ordinaire de l'intégration; mais que, pour la trouver, il faut appliquer la régle que je viens d'exposer. De là on voit donc que les deux paradoxes expliqués sont tellement liés ensemble, que l'un renserme necéssairement l'autre.
- XLV. La régle donc, suivant laquellé on juge ordinairement, si une équation différentielle est intégrée dans toutes son étendue, ou non, n'est pas générale. On croit communément, que lorsqu'on a intégré en sorte une équation distérentielle, que l'équation intégrale contient une constante indéfinie, qui ne se trouve pas dans la distérentielle, alors l'équation intégrale soit complette, ou de la même étendue que la distérentielle. Mais nous voyons par les exemples rapportés que, quoique les équations trouvées par l'intégration contiennent une telle constante, qui semble les rendre générales, les équations dissérentielles renferment pourtant une solution, qui n'est pas comprise dans

dans l'intégrale. Cette circonstance sur le critere des équations integrales complettes nous pourroit sournir un troisième parodoxe, s'a n'étoit pas déjà si étroitement lié avec le précédent.

XLVI. Il peut donc souvent arriver, qu'il-est même absolument impossible d'intégrer, ou même de séparer une équation dissérentielle proposée, & dont on peut néanmoins par la régle donnée trouver une équation finie qui satisfait à la question. Ainsi, si l'on étoit parvenu dans la solution d'un probleme à une telle équation

$$aa(aa-xx)dy+aaxydx=(aa-xx)(ydx-xdy)V(yy+xx-ax)$$

dont on entreprendroit inutilement l'intégration, on seroit pourtant sûr que cette équation finie yy + xx = aay est comprise. Car, posant yy + xx - aa = a, tant l'un que l'autre membre de l'équation évanouit : ce qui devient plus clair sorsqu'on met y = xV(aa - xx), car alors l'équation prendra cette forme: aadz = (ydx - xdy)V(zz - 1). & posant Z = V(zz - 1) on aura par la régle donnée V(zz - 1) = a, our z = 1, & partant yy + xx = aa,





DES

CERFS - VOLANS,

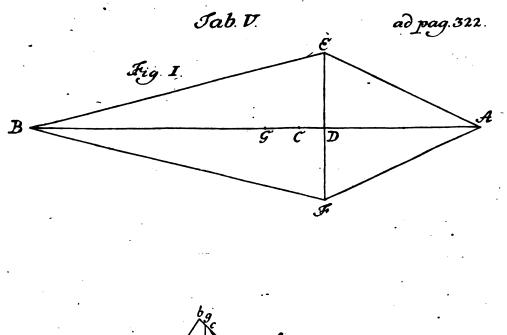
PAR MR. EULER LE FILS.

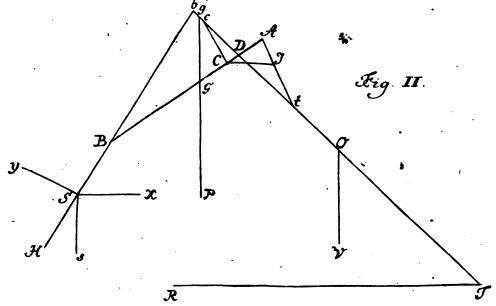
Traduit du Latin.

Comme les Cerss-volans n'ont servi jusqu'ici que de jouët aux enfans, les recherches que j'entreprens, paroîtront peu dignes de la Géomètrie; & à peine aussi y a-t-il aucun des Geomètres qui sit jugé cet amusement puérile digne de son attention. Il n'en est pas moins vrai que c'est un sujet qui demande les discussions les plus profondes; & cela pourroit saire naître le doute, si les difficultés qui se rencontrent dans la résolution de cette question, n'ont pas plus contribué à détourner les Geomètres de la traiter, que le mépris qu'ils ont eu pour la bassels apparente du sujet.

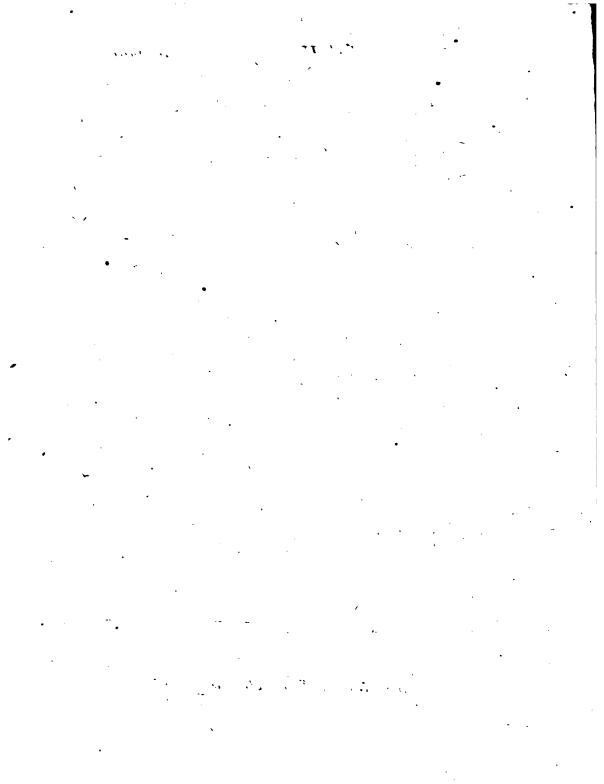
Mais, quand on accorderoit que des jeux d'enfant ne doivent pas arrêter les regards d'un Geomètre, personne cependant à ce que j'espère, ne me reprochera de m'être occupé de celui-ci, depuis que le célébre Mr. de Romas s'est servi avec tant de succès d'un semblable Cerf-volant dans ses Expériences électriques, & qu'annoblissant ainsi ce jouët il l'a introduit dans la Physique.

En effet, s'étant proposé d'examiner l'éléctricité dont les nuées orageuses sont remplies, plusieurs Expériences saites dans ce dessein, l'ont instruit qu'on ne pouvoit se promettre une réussite saissaisante, à moins que la barre de ser ne sut élévée à une hauteur beaucoup plus grande, que n'est celle qu'on peut lui donner par le moyen des Machines construites au dessus des plus hauts édifices. Il lui vint donc dans l'esprit d'employer à cet usage un Cers-volant, auquel il attacha





Stome de l'Acad Tom XII. ad pag. 386.



une barre legere de fer; & cela lui réussit si bien, qu'à l'aide d'un vent assez fort il pût tenir son Cerf-volant suspendu à la hauteur d'environ six cent pieds.

Description du Cerf-volant.

- r. J'entens ici par un Cerf-volant, un plan d'une figure quel. Fig. L. conque AEBF, composé de deux parties égales & semblables AEB, & AFB, de sorte que la droite ADB soit le diamètre de cette figure. Pour plus de distinction j'appellerai l'extrèmité A la tête, & l'autre B, la queüe du Cerf-volant.
- 2. Soit la surface de ce plan $\equiv a$ a, & son centre de gravité en C: en sorte que la sorce du vent, suivant quelque obliquité qu'elle vienne à rencontrer ce plan, puisse être toujours considérée comme concentrée dans ce point C, qu'il faut bien distinguer du centre de gravité de tout le corps.
- 3. Soit de plus G le centre de gravité de tout le corps, & son poids P; & le Cerf-volant pourra être conçu chassé toujours en bas à cause de sa pesanteur par une sorce P tendant verticalement, dont la direction soit censée passer par le point G.
- 4. Soit enfin D le point auquel la ficelle est attachée; mais, afin que cette ficelle tendué soit constamment située avec le diamètre AB dans un plan perpendiculaire au plan du Cerf-volant, qu'on lie aux points E & F des fils, qui seront ensuite réunis à la ficelle.
- 5. En attachant donc la ficelle de la maniere déjà indiquée, le Cerf-volant aura un mouvement gyratoire libre autour de l'axe EF: mais si, outre cela, on joint encore à la ficelle un troissème sil lié au point Q ou B, on peut saire en sorte que le Cerf-volant retienne constamment la même inclinaison donnée avec la ficelle.
- 6. Dans le premier cas l'inclinaison du plan AEBF à la direction de la ficelle pourra varier en une infinité de manieres, de façon Ss 2 cepen-

capendant que le plan formé par la direction de la ficelle avec le diamètre AB du Cerf-volant, demeure toujours perpendiculaire au plan du Cerf-volant: & cette inclinaison du plan du Cerf-volant à la direction de la ficelle sera toujours constante dans l'autre cas.

- 7. Comme ces deux cas différent essentiellement entr'eux, il conviendra de les traiter séparément. Je commencerai par le second, comme étant le plus simple; c'est celui dans lequel la ficelle fait avec le plan du Cers-volant un angle donné, de saçon qu'on peut considérer la Machine toute entiere, c'est à dire, le Cers-volant avec sa ficelle, comme un corps roide.
- 8. Mais la position des trois points D, C, & G, entrant surtout dans le calcul, nommez leurs distances du centre de grandeur du plan $CG \equiv b$ & $CD \equiv c$, ayant déjà appellé les autres quantités, auxquelles on doit aussi avoir égard, sçavoir la surface $AEBF \equiv aa$, & le poids du Cerf-volant $\equiv P$.

PREMIER CAS,

dans lequel l'inclinaison de la ficelle au plan du Cerf-volant est donnée.

PROBLEME L

. 9. Trouver les conditions réquises pour que le Cerf-volant, soilssité par un vent donné, demeure suspendu en l'air dans un état de repos.

SOLUTION.

meure suspendu en l'air par la force du vent, & la tension de la ficelle.

Puisque l'angle que la ficelle DT sait avec le plan du Cerf volant est donné, qu'il soit ADT = 0: ce plan ADT doit être perpendiculaire au plan du Cerf-volant, duquel plan le seul diamètre AB est représenté dans la figure.

- gle ACI $= \varphi$; la droite horizontale IC dénotant en même tems la direction du vent, & posant la vitesse du vent due à la hauteur v, on aura la force du vent sur le plan du Cerf-volant égale au poids du volume d'air $= aav \sin \varphi^2$.
- 12. Laquelle force donc, appliquée au Cerf-volant au point C, doit être conçue fuivant la direction C c perpendiculaire à A B. Mais il fera permis d'exprimer cette force par la formule $a\,a\,v$ fin ϕ^2 , pour-vû que les autres forces foyent aussi exprimées par de semblables volumes d'air, dont les poids soyent égaux à leurs poids.
- 13. Le Cerf-volant sera de plus sollicité à cause de sa pesanteur en bas par la sorce P. Qu'on mene donc par le point G la droite verticale GP, & elle représentera la direction de cette sorce de gravité; mais l'angle B G P sera le complément de l'angle A C I pour un angle droit : d'où l'on aura B G P 90° p.
- 14. Enfin, soit la force par laquelle la ficelle DT est tenduë, ou la tension de la ficelle $\equiv T$, qui est la même par laquelle la ficelle doit être retenuë en T. Si l'on mene à présent la droite horizontale TR, il est évident que l'angle DTR, duquel la ficelle est élevée à l'horizon, sera $\equiv \theta \Phi$.
 - 15. Toute la machine sera donc sollicitée par trois forces.
 - I. Par la force suivant $C_c = aav \sin \phi^2$
 - II. Par la force suivant GP = P, &
 - III. Par la force fuivant DT = T,
- en négligeant ici le poids & la courbure de la ficelle. Il reste donc à examiner les conditions requises, pour que ces trois forces se tiennent en équilibre.
- 16. Pour cette fin il est nécessaire que nous prenions des momens par rapport aux points, autour desquels la machine peut avoir un mouvement de gyration; lesquels momens, par là même qu'ils Ss 3 doivent

doivent se détruire, fourniront des équations, par lesquelles on pourra connoitre toute la position du Cerf-volant dans l'état d'équilibre.

- 17. Mais dans le cas présent, où nous considérons toute la machine comme un corps roide, il n'y a que le seul point T, autour duquel la machine peut tourner: ainsi cherchons les momens de ces trois sorces par rapport au dit point T.
- 18. Et pour procéder de la maniere la plus abrégée, que la direction de la ficelle DT soit prolongée indéfiniment au delà du point D, & que les directions des forces GP, & Cc, soyent aussi prolongées jusqu'à leur concours avec la droite DT; & que de ces directions celle qui est désignée par GP rencontre la droite DT prolongée en g, & l'autre Cc en c.
- 19. Alors le moment de la force Cc sera exprimé par le produit de la force Cc.Tc sin CcD, & le moment de la force GP par le produit de la force GP. Tg. sin GgD, lequel étant contraire à l'autre, ils doivent être censés égaux entr'eux dans l'état d'équilibre de la machine.
- 20. A' présent, pour déterminer les valeurs de ces momens, soit la longueur de la ficelle DT = f: & l'on aura Tc = f + cD, d'où, à cause de l'angle $CcD = 90 \theta$, nous aurons $Tc \cdot \text{sin } CcD = f \cot \theta + cD \cdot \text{sin } CcD$; mais, comme $cD \cdot \text{sin } CcD$ est $CcD = f \cot \theta + c$; & par là on trouve

le moment de la force $Cc = aav (f \cos \theta + c) \sin \varphi^2$.

21. D'une maniere semblable, comme Tg. sinGgD = TD. $sinGgD = \frac{1}{2}Dg$. sinGgD, à cause de $sinGgD = \frac{1}{2}sinGgD = \frac{1}{2}sinGgD = \frac{1}{2}sinGgD = \frac{1}{2}sinGgD = \frac{1}{2}sinGgD$: or sinGgD on aura $sinGgD = \frac{1}{2}sinGgD = \frac{1}{2}sinGgD$: or $sinGgD = \frac{1}{2}sinGgD = \frac{1}{$

- 22. Ces momens, puisqu'ils doivent être égaux, fourniront l'él quation suivante : $aav(fcol\theta+c)\sin\varphi^2 = P[fcol(\theta-\varphi)+(b+c)\cos\varphi]$ par laquelle l'angle φ peut être tronvé : & cette équation étant dévelopée se changera en une autre du quatrième ordre.
- 23. Mais, pour trouver la tension, qu'on résolve les forces Cc & GP en d'autres, suivant la direction de la ficelle DT, lesquelles affecteront seules la tension; mais la force Cc résolute donners la force DT = acv sin ϕ^2 sin θ , & de la force GP naîtra la force DT = +P sin $(\theta \phi)$; lesquelles étant réunies on trouvers la tension de la ficelle, que nous avons appellée

$$T = aav \sin \varphi^2 \sin \theta - P \sin (\theta - \varphi).$$

24. La premiere équation donc fournit

anv fin
$$\varphi^2 = \frac{P(f \cot(\theta - \varphi) + (b + c)\cot\varphi)}{f\cot\theta + c}$$
, laquelle va-

leur étant substituée dans l'expression trouvée pour la tension, on obtiendra, la réduction étant saite, la nouvelle valeur suivante pour la tension T

$$T = \frac{P(f \sin \phi + b \sin \theta \cdot \cos \phi + c \cos \theta \cdot \sin \phi)}{f \cos \theta + c}$$

COROLL I.

25 Si la vitesse du vent cessoit tout à fait, toute la machine tombéroit en bas en tournant autour du point T, de saçon que le centre de gravité G reposeroit verticalement sous le point T. Dans lequel cas à cause de cela on auroit : $f \cos(\theta - \phi) + (b + c) \cos(\phi - c)$.

COROLL. 2.

26. L'effet du vent que nous considérons ici, ne commencera à devenir sensible, que lorsque la ficelle D'T vient à s'élever au dessus de l'horizon; mais, pour que cette ficelle occupe la position horizon-

tale, ce qui arrive si $\phi = \theta$, la vitesse du vent doit être telle, que σ devienne $\frac{P(f + (b + c) \cos \theta)}{aa \sin \theta^2 (f \cos \theta + c)}$.

COROLL 2.

27. Toutes les fois donc que la vitesse du vent n'excède pas ce terme, tout autant de fois la ficelle ne s'élevera pas au dessus de l'horizon; mais réciproquement, plus la vitesse du vent surpassera ce terme, plus le Cerf-volant s'élevera au dessus de l'horizon; & si ensin la vitesse du vent devient infinie, on trouvera $\varphi = 0$, & le plan du Cerf-volant s'éleveroit en l'air, jusqu'à ce qu'il arreignit la situation horizontale.

COROLL 4.

28. Mais, afin que le Cerf-volant puisse s'élever avec la plus grande facilité dans l'air, l'angle θ devra être pris, de façon que la quantité trouvée pour v au θ . 26 devienne la plus petite. Mais, parce que la longueur de la ficelle est toujours prise si grande qu'à son égard les intervalles θ & θ peuvent être négligés, tout se réduira à ce que la quantité sin θ^2 . cos θ soit la plus grande.

COROLL 5.

29. Ayant donc fait l'expression sin θ^2 cos θ ou cos θ — cos θ^3 la plus grande, on trouvera cette condition I — $3 \cos \theta^2$ — o, d'où cos θ — $\frac{1}{2}$ & sin θ — $\frac{1}{2}$; de là l'angle même ADT sera — θ — 54°, 44′. C'est donc de cet angle que la ficelle doit être inclinée au plan du Cerf-volant, pour monter le plus haut.

COROLL. 6.

30. En négligeant donc les intervalles b & c à l'égard de la longueur de la ficelle DT = f, le Cerf-volant s'élevera au dessis de l'horizon, dès que v aura surpassé la quantité $\frac{3PV_3}{2ac}$.

ne obcentagostiges of

- 31. Soit donc $v > \frac{3PV_3}{2aa}$, & l'angle ϕ fera trouvé par l'équation suivante aav sin $\phi \operatorname{col}\theta = P \operatorname{col}\theta \operatorname{col}\phi + P \operatorname{sin}\theta$ sin ϕ , ou à cause de tang $\theta = V_2$, de celle-ci aav sin $\phi^* = P \operatorname{col}\phi + P \operatorname{sin}\phi V_2$.
- 32. Qu'on appelle pour abréger $\frac{P}{aav} = n$, de forte que nous ayons cette équation: fin $\Phi^2 = n \text{ fin } \Phi V = n \text{ col } \Phi_1$ qui en prenant les quarrés donners fin $\Phi^1 + 2n \text{ fin } \Phi^2 V = n \text{ an fin } \Phi = n \text{ fin } \Phi^2$: qu'on pose de plus sin $\Phi = n \text{ fin } \Phi^2$: qu'on pose de plus sin $\Phi = n \text{ fin } \Phi^2$: qu'on pose de plus sin $\Phi = n \text{ fin } \Phi^2$; qu'on pose de plus sin $\Phi = n \text{ fin } \Phi^2$; qu'on pose de plus sin $\Phi = n \text{ fin } \Phi^2$; qu'on pose de plus sin $\Phi = n \text{ fin } \Phi^2$; qu'on pose de plus sin $\Phi = n \text{ fin } \Phi^2$; qu'on pose de plus sin $\Phi = n \text{ fin } \Phi^2$; qu'on pose de plus sin $\Phi = n \text{ fin } \Phi^2$; de l'équation à résoudre se changera en celle-ci

COROLL 9.

33. Si $v = \frac{3PV_3}{2aa}$, n fera $= \frac{2}{3V_3}$: d'où, si $v > \frac{3PV_3}{2aa}$, la valeur de n deviendra moindre que $\frac{2}{3V_3}$, ou $\frac{8}{21}$. Considérons donc n comme un nombre fort petit; & nous aurons par les approximations $z = V 2n + n + \frac{nVn}{2V_2}$, & de là sin $\Phi = V x + \frac{n}{V_2} + \frac{nVn}{4}$

COROLL 10.

34. Parce qu'il a été permis de négliger les intervalles b & o, pourvû que la ficelle foit assez longue, ce sera la même chose dans quelque endroit qu'on l'attache, pourvû que son inclinaison au plan du Cerf-volant soit 54° 44'; mais, si l'angle s'approchoit davantage

de l'angle droit, il ne seroit plus permis de négliger l'intervalle c par rapport à f col θ .

Application à la Pratique.

- 35. Comme le poids du Cerf-volant est connu, ou pourra le supposer égal à un cylindre d'air qui a pour base la surface du Cerfvolant. Or on estime ± 80 d'une livre le poids d'un pied cubique d'air. Soit donc h la hauteur de ce cylindre; & dans toutes les formules il saudra substituer a a h pour P.
- 36. En poiant donc P = nnh, & en négligeun les distances les c, l'équation pour trouver l'angle p revêtire cette forme,

 $v ext{ fin } \phi^2 ext{ col } 0 ext{ col } 0 ext{ cof } \phi ext{ } + h ext{ fin } 0 ext{ fin } \phi$. &t fi outre cela, an lieu de θ on fubstitue la valeur trouvée 54° , 44° , ou que pour col θ on écrive $V_{\frac{3}{3}}$, & pour fin θ , $V_{\frac{3}{3}}$, cette équation se changera en celle ci, $v ext{ fin } \phi^2 ext{ } h ext{ col } \phi ext{ } + h ext{ fin } \phi \cdot V_2 : d'où,$ en posant $\frac{h}{a} ext{ } m$, on tirera par des approximations

$$\operatorname{fin} \phi = V = + \frac{n}{V^2} + \frac{nVn}{4}$$

37. Pour le tension de la ficelle nous aurons $T = \frac{P \sin \phi}{\cos \theta} = aab \sin \phi \vee 3, & \text{if } n \text{ est un fort petit nombre,}$ afin que l'approximation ait lieu, on aura

$$T = P\left(V\frac{3h}{v} + \frac{h}{v}V\frac{3}{2} + \frac{k}{4v}V\frac{3h}{v}\right)$$

D'où il paroit que la tension de la sicelle sera d'autant moindre, que la viresse du vent sera plus grande.

38. Nous avons supposé ici, suivant la régle commune, que la force du vent sur le Cers-volant est aev sin φ². Mais plusieurs Expé-

Expériences enseignent qu'on doit la statuër le double plus grande, sçavoir $= 2\pi av$ sin ϕ^2 , laquelle régle si nous voulons suivre, il n'y aura seulement qu'à écrire dans nos formules 2v au lieu de v; nous pourrons aussi prendre pour v la double hauteur due à la vitesse du vent. D'où, si le vent parcourt l'espace s pendant 1'', g dénotant la hauteur de laquelle un corps pésant tombe librement dans 1'', il conviendra de poser $v = \frac{ss}{2g}$; or g est à peu près un espace de s pieds.

EXEMPLE.

39. Qu'on fasse le poids du Cerf-volant égal au poids d'un cylindre d'air, dont la base $\equiv aa$, & la hauteur d'un pied, de sorte que h soir \equiv 1. En faisant donc $\theta \equiv 54^{\circ}$, 44', asin que le Cerf volant s'éleve au dessissée l'horizon, il est nécessaire que $v > \frac{3\sqrt{3}}{2}$ ou $v > \frac{21}{8}$ d'un pied. Or un tel vent, dont la hauteur dué à sa vitesse v soit $\frac{21}{8}$ d'un pied, parcourra dans I'' l'espace $2\sqrt{gv} = \sqrt{\frac{30.20}{8}}$ qui sera presque un espace de 9 pieds.

Premier Cas.

40. Soit premièrement s = 10, on aura $n = \frac{1}{16} = 0$, 3, & nn = 0, 09. D'où il faudra résoudre cette équation $x^4 - 1$, 2 $x^3 + 0$, 54 $x^2 - 0$, 36 = 0, de laquelle on tirera x = 1, 5, 6s de là $\phi = 45^\circ$, 46'; mais, parce que $\theta = 54^\circ$, 44', l'angle DTR que la ficelle fait avec l'horizon, fera = $\theta = 0$ = 8°, 58'. Enfuite, en posant le poids du Cerf-volant = P, la tension de la ficelle fera T = 1, 24 P = 1 \frac{1}{2} P\hat{a} très peu près.

Second

Second Cas.

41. Qu'on suppose à présent que le vent parcourt un espace de 15 pieds dans une seconde, & on aura $n = \frac{2}{15}$ & $nn = \frac{2}{15}$; d'où l'équation à résondre sera $x^4 - \frac{8}{15}$ $x^3 + \frac{2}{15}$ $x = \frac{1}{15}$ afin qu'on ait $y^4 - 8y^3 + 24yy - 3600 = 0$:

dont la racine à peu près est $y = 9 \frac{8}{15}$; d'où z sera $= \frac{2}{3}$. De là on tirera $\phi = 26^\circ$, 57', & le vent élevera le Cerf-volant à une si grande hauteur, que l'angle DTR sera $= 27^\circ$, 47'. Or la tension de la ficelle sera = 0, 755 P.

Trosième Cas.

42. A'présent qu'on fasses = 20 pieds, & à cause de $n = \frac{1}{40}$ & $m = \frac{1}{1000}$, l'équation à résoudre sera $2^4 - \frac{1}{100} 2^3 + \frac{5}{100} 2^3 - \frac{1}{100} 2^3 = 0$. Soit de nouvelan $z = \frac{y}{40}$, & l'équation se changera en celle-ci, $y^4 = 12y^3 + 54yy = 57600 = 0$, d'où l'on tirera $y = 18\frac{1}{3}$; & par conséquent $z = \frac{1}{2}\frac{1}{4}$; de là $\phi = 18^\circ$, 55%. L'angle DTR sera donc $= 35^\circ$, 49%, & la tension de la ficelle T = 0, 562 P.

Remarques.

- 43. Mais ce premier cas, que nous venons de considérer, n'aura lieu que quand la ficelle est attachée au Cerf-volant, de façon que toute la machine peut être considérée comme un seul corps roide. Car il est non seulement requis que l'angle ADT foir invariable, mais aussi que la ficelle demeure droite du point D au point T.
- 44. Si pour conserver l'angle A D T on applique le fil At, qui en le tendant rendroit l'angle A D T constamment égal à une quantité donnée, cels ne suffiroit pourtant pas encore pour retenir les points D, t, & T, dans la ligne droite; & le Cerf-volant avec ce triangle ADT pourroit tourner encore librement autour du point t.

Il seroit donc requis outre cela que la ficelle DT sut roide, de saçon qu'elle ne souffrit aucune instéxion; ce dont on pourroit encore venir à bout, si le point t étoit pris en T. Il sera donc nécessaire que deux sils soyent liés aux points D & A, qui pourront ensuite être attachés au point T; & de peur que l'angle ADT ne souffre quelque variation, à cause du relachement de l'un ou de l'autre de ces sils, il sera expédient d'y en joindre encore un troissème, qui étant lié au point B se réunisse avec les deux autres au point commun T.

- 45. Mais, de quelque maniere que nous fabriquions la machine, le poids de la ficelle, que nous avons négligé ici, influera pourtant beaucoup sur les effets, & les changera. Car posons que ce poids de la ficelle, ou de ces trois fils, soit Q, & il en naîtra premierement un moment pour tirer le Cerf-volant en bas $= 2Q f \cos(\theta \phi)$, & en second lieu la tension sera diminuée par la force $Q \sin(\theta \phi)$.
- 46. Nous aurions donc, si nous introduisions le poids des fils Q, l'équation suivante pour l'angle φ ; $aav \sin \varphi^2 \cot \theta = Pf \cot (\theta \varphi)$ $+ \frac{1}{2} Q f \cot (\theta \varphi)$, & pour la tension des fils $T = aav \sin \varphi$ $\sin \theta P \sin (\theta \varphi) Q \sin (\theta \varphi)$ ou $T = \frac{P \sin \varphi}{\cot \theta} \frac{1}{2} Q \sin \theta \cot \varphi$ $+ R \frac{(1 + \cot \theta) \sin \varphi}{a \cot \theta}$. D'où il sera très facile de corriger les déterminations précédentes.
- 47. Comme une semblable disposition rend la machine plus compliquée, que si l'on employoit une seule sicelle, qui par conséquent permettroit à l'angle ADT de souffrir des variations, je passe à l'examen de l'autre cas, dans lequel la ficelle attachée n'empêche pas que l'angle ADT ne varie, de saçon que le Cers-volant peut tourner librement autour de son axe EF (Fig. 1.)

SECOND CAS,

où l'on suppose l'inclinaison de la sicelle au plan du Cerfvolant variable.

PROBLEME IL

48. En attachant au Cerf-volant au point D la ficelle fixe en T, trouver les momens de la force du vent & du poids, tant du Cerf-volant que de la ficelle, pour changer l'état que le Cerf-volant est supposé avoir dans le tems présent.

SOLUTION.

- 49. Dans ce cas il y a déjà deux choses qui déterminent la position du Cerf-volant, sçavoir premièrement l'angle DTR, que sa sicelle fait avec l'horizon TR, & ensuite l'angle ADT, qui est l'inclinaison de la sicelle au Cerf-volant.
- 50. Soit à présent l'angle ADT $\equiv \emptyset$, & l'angle que le Cersvolant fait avec la direction du vent ACI $\equiv \emptyset$; d'où l'angle de l'inclinaison de la ficelle ad l'horison DTR sera $\equiv \theta \emptyset$, pourvû que l'on conçoive le vent comme soussant horizontalement. Ces deux angles θ & \emptyset détermineront donc abondamment la position du Gers-volant.
- 51. Ensuite, qu'on pose comme dans le cas précédent la surface du Cerf-volant $\equiv aa$, & son poids $\equiv P$, qui pourra aussi être exprimé par un volume d'air qui soir $\equiv aah$. Soit de plus C le centre de gravité de la surface du Cerf-volant, ou plutôt son centre de grandeur, & G le centre de gravité de tout le corps; & qu'on appelle les intervalles $CG \equiv b$ & $CD \equiv c$; la longitude de la sicelle $DT \equiv f$, son poids $\equiv Q$, & la tension $\equiv T$.
- 52. Que le vent parcoure en une seconde l'espace s, & soit g la hauteur par laquelle un corps pesant tombe librement en 1". Qu'on suppo-

suppose de plus $v = \frac{ss}{2g}$ (§. 38.) & la force du vent sur le plan du Cerf-volant suivant le direction Ce sera $= anv \sin \phi^2$; mais à cause de la pesanteur le Cerf-volant sera sollicité en bas suivant la direction verticale GP par une sorce = P.

- 53. La machine étant présentement capable d'un double mouvement-rotatoire, sçavoir l'un autour du point T, & l'autre autour du point D, il saut déterminer les momens de toutes les sorces sollicitantes à l'égard de ces deux points D & T, au lieu que dans le cas précédent il n'avoit été nécessaire de déterminer ces momens qu'à l'égard du seul point T.
- 194. Pour ce qui regarde le point T, il est déjà constant par le problème précédent, que le moment de la force Cc est $con (f cos (f + c) sin (f)^2$, & que le moment de la force de gravité CP = P(f cos (f f)) + (f + c) cos (f). A' quoi l'on doit encore joindre le moment de la force né du poids de la ficelle, squoir se moment de la force $CV = \frac{\pi}{2} Q f cos (f f)$, en négligeant sa courbure, & en supposant qu'elle est partout d'une même épaisseur, & saite d'une matiere homogene.
- 55. Ensuite, comme le Cerf-volant doit aussi tourner à part autour du point D, on trouvers facilement par rapport à ce point,

le moment de la force du vent $Cc = aacv \text{ fin } \varphi^2$: & le moment de la force de gravité $GP = (b+c)P \text{ cof } \varphi$;

d'où l'on recueille

le moment total qui tend à diminuer l'angle ADT ===

acc u sin ϕ^2 — $(b+c) P \cos \phi$, &

le moment total qui tend à augmenter l'angle DTR == $aav(fcol\theta + c) fin\Phi^2 - P(fcol(\theta - \Phi) + (b + c)col\Phi) - \frac{1}{2}Qfcol(\theta - \Phi)$.

56. Enfin la tension de la ficelle, ou la force par laquelle la ficelle doit être arrêtée en T sera, comme elle a déjà été trouvée § 46.

 $T = a a v \ln \phi^2 \ln \theta - P \ln (\theta - \phi) - Q \ln (\theta - \phi)$

Et ce sont la toutes les déterminations que demande la folution de ce problème.

PROBLEME III.

57. Toutes ces déterminations étant données, definir la position, suivant laquelle le Cerf-volant exposé à un vent donné se trouve en équilibre.

SOLUTION.

- 58. Qu'on retienne donc toutes les déterminations, telles qu'elles ont été dans le problème précédent, & tout se réduira à trouver pour la situation d'équilibre du Cerf-volant, tant à l'égard du point T que du point D, les angles ϕ & θ .
- 59. Or l'état d'équilibre à l'égard du point D donne cette équation, $aacv \text{ fin } \varphi^2 = (b + c) \text{ P cof } \varphi$.

Qu'on pose pour abréger $\frac{P(b+c)}{ancv} := \frac{h(b+c)}{cv} = 2n$: afin que sin ϕ^2 devienne $= 2n\cos\phi$, ou $i := \cos\phi^2 = 2n\cos\phi$; d'où l'on tire d'abord $\cos\phi = -n + V(nn+1)$, & de là sin $\phi = V[2nV(1+nn) - 2nn]$.

60. De plus, afin que la machine soit aussi soutenue en équililibre par rapport au point T, 'il est requis que soit

 $aav(fcol\theta+c) fin\phi^2 = P[fcol(\theta-\phi)+(b+c)col\phi] + \frac{1}{2}Qfcol(\theta-\phi)$ Mais cette équation, à cause de la précédente $P(b+c)cl\phi = aacv fin\phi^2$, revêtira la forme suivante plus simple.

$$a \ a \ v \ \text{fin} \ \varphi^2 \ \text{cof} \ \theta = (P + \frac{1}{2} \ Q) \ \text{cof} \ (\theta - \varphi).$$

61. L'angle φ , étant déjà trouvé, à cause de aau sin $\varphi^2 = \frac{b + c}{c} P \cos \varphi$, l'équation à résoudre sera

$$P(b+c) \operatorname{cof} \Phi \operatorname{cof} \theta = (P+\frac{1}{2}Q) c \operatorname{cof}(\theta - \Phi)$$
:

Soit pour abréger $\frac{P(b+c)}{(P+\frac{1}{2}Q)c} = m$, de forte que l'équation aix cette forme

m cof φ cofθ = cof θ cofφ + fin θ fin φ de laquelle on tire d'abord:

tang
$$\theta = \frac{(m-1) \cdot \cos(\phi)}{\sin \phi} = \frac{(Pb-\frac{1}{2}Qc) \cos(\phi)}{(P+\frac{1}{2}Q)c \sin \phi}$$
.

62. Les angles $\theta & \phi$ étant trouvés, leur différence $\theta - \phi$ nous indiquera l'inclination de la ficelle DT à l'horizon TR, ou l'angle DTR. Oa bien, à cause de tang $(\theta - \phi) = \frac{\tan \theta - \tan \phi}{1 + \tan \theta \cdot \tan \phi}$ on exprimera aussi séparément $\tan \theta = \frac{(m-1)\cot \phi - \tan \phi}{m} = \frac{(m-1)\cot \phi^2 - \sin \phi^2}{m\sin \phi \cdot \cot \phi}$ ou tang $(\theta - \phi) = \frac{\cot \phi}{\sin \phi} = \frac{(P + \frac{1}{2}Q)c}{P(b + c)\sin \phi \cdot \cot \phi}$

63. Quant à ce qui regarde la force, par laquelle la ficelle doit être retenue en T, on la réduit, à cause de $aav \sin \phi^2 = \frac{b+c}{c} P \cos \phi$, à cette forme

$$T = \frac{P(b+c) \cot \varphi \cdot \sin \theta}{c} - (P+Q) \sin (\theta-\varphi)$$
dont la valeur pourra par conséquent être aisément assignée, à cause des angles $\theta & \varphi$ connus.

Mim, de l'Acad, Tom, XIL

PROBLEME IV.

64. Déterminer la disposition du Cerf-volant, suivant laquelle il seroit élevé par la force d'un vent donné à la plus grande hauteur.

SOLUTION.

- valeurs qu'elles rendent l'angle $\theta \varphi$ le plus grand. Mais, comme $\frac{b+c}{c}$ est $\frac{aav \sin \varphi^2}{P \cos \varphi}$, tout revient à trouver l'angle φ , de façon que la valeur trouvée pour tang $(\theta \varphi)$, ou cette formule $\frac{\cos \varphi}{\sin \varphi} \frac{P + \frac{1}{2} Q}{aav \sin \varphi^3}$ devienne un maximum.
- 66. Or la différentiation de cette formule donnera l'équation $\frac{1}{\sin \varphi^2} + \frac{3(P + \frac{1}{2}Q) \cos \varphi}{a \, a \, v \, \sin \varphi^4} = 0; \quad \text{d'où l'on tire}$ $a \, v \, \sin \varphi^2 = 3(P + \frac{1}{2}Q) \, \cos \varphi. \quad \text{Mais, à cause de}$ $a \, v \, \sin \varphi^2 = \frac{b + c}{c} \, P \cos \varphi, \, \text{on obtient } \frac{b + c}{c} = \frac{3(P + \frac{1}{2}Q)}{P}.$ Il est donc nécessaire que $\frac{b + c}{c}$ soit $= 3 + \frac{3Q}{2P} = \frac{DG}{DC}$.
- 67. La fituation des points G & C étant donc donnée, on trouve le lieu du point D où la ficelle doit être attachée, & alors le Cerf-volant fera élevé à la plus grande hauteur. En effet il faut prendre $c = \frac{2 P b}{4P + 3Q}$, ou $CD = \frac{2 P}{4P + 3Q}CG$: Donc l'intervalle CD devra être encore moindre que la moitié de l'intervalle G C.

68. De plus te point D étant déterminé de maniere que $\frac{b+c}{c}$ devienne $= 3 + \frac{3Q}{2P}$, ou aura pour l'élévation du Cerfvolant au dessus de l'horizon tang $(\theta - \phi) = \frac{3 \cos(\phi - 1)}{3 \sin\phi \cos\phi}$. Pofant ensuite pour abréger $\frac{3(P + \frac{1}{2}Q)}{aav} = 2n$, l'angle ϕ fera déterminé par cette expression $\cos\phi = -n + V(nn + 1)$, ou $\sin\phi = V2n \{-n + V(nn + 1)\}$.

69. Ces valeurs étant substituées dans l'expression pour l'élevation trouvée du Cerf-volant,

on aura tang
$$(\theta - \phi) = \frac{6 n n + 2 - 6 n V(n n + 1)}{3 (-n + V(n n + 1)^{\frac{3}{2}} V_{2 n}}$$
 outang $(\theta - \phi) = \frac{2 [-2 n + V(1 + n n)] V[n + V(1 + n n)]}{3 V_{2 n}}$, outang $(\theta - \phi) = \frac{2}{3} V \frac{n^{3} - 3 n + (1 + n n) V(1 + n n)}{2 n} = \text{tang DTR}$

70. Enfin la tension de la ficelle T sera = $3(P + \frac{1}{2}Q)$ sin θ cos ϕ - (P + Q) sin $(\theta - \phi)$, laquelle revêt aussi cette forme:

 $T = (2P + \frac{1}{2}Q)$ fin θ cof ϕ + (P + Q) cof θ fin ϕ Et par ces déterminations on connoîtra toutes les choses qui font requifes, pour que le Cerf-volant puisse s'élever à la plus grande hauteur.

COROLL. I.

71. La plus grande hauteur donc, à laquelle le Cerf-volant puille être élevé, évanouira si 2n = V(1 + nn), c'est à dire dans le cas de $n = V_3$; ce qui arrive donc, si $v = \frac{3(P + \frac{1}{2}Q)V_3}{2aa}$.

Mais, si l'on pose l'espace que le vent parcourt en une seconde = s, nous aurons pour ce cas, où la plus grande hauteur du Cerf-volant évanouit, $s = V 2gv = V \frac{3g(P + \frac{1}{4}Q)}{aa}$.

COROLL 2.

72. A moins donc que v ne surpasse cette quantité 3 (Pt 1 Q) V 3,

ou que s ne soit $> \frac{V_{3g}(P + \frac{1}{2}Q)}{aa}$, il ne sçauroit arriver que le Cerf-volant soit élevé au dessus de l'horizon. D'où il paroit que, plus la ficelle est longue, & par conséqueut pesante, plus la force du vent doit être grande.

COROLL. 3.

73. Si la vitesse du vent étoit infinie, & par conséquent n = 0, il est évident que la ficelle seroit élevée à la situation verticale, & alors l'angle ϕ évanouïroit; mais l'angle θ sera droit, & la tension de la ficelle $T = 2P + \frac{1}{2}Q$.

Remarques.

74. Mais, quelle que soit cette sorce requise pour retenir la ficelle en T, sa tension en D sera plus grande parce qu'il y a ici de plus à soutenir le poids de toute la sicelle. C'est pourquoi la tension de la ficelle en D sera

$$\frac{P(b+c) \sin \theta \cdot \cos \phi}{c} - P \sin (\theta - \phi)$$

75. De là, si l'on fait $\frac{b+c}{c} = \frac{3(2P+Q)}{2P}$, la tension en D fera = $3(P+\frac{1}{2}Q)$ sin θ cos ϕ — P sin $(\theta - \phi)$ ou = $(2P+\frac{3}{2}Q)$ sin θ cos ϕ + P cos θ sin ϕ : D'où cette tension

tension de la ficult en D, dans le cus d'un vent infiniment sort, se roit = 2P + 2Q.

- 76. Comme pour élever le Cerf-volant à la plus grande hauteur, il est nécessaire de prendre l'espace $CD = \frac{2P}{4P+\frac{1}{3}Q}CG$; de forte qu'il soit $CD:CG=2P:4P+\frac{1}{3}Q$; sa la distance CG evanouïssoir, les trois points C,D,&G, se réuniroient en un. Alors donc, dans quelque situation que le Cerf-volant ait été, tous ses momens évanouïront à l'égard du point D.
- 77. Dans ce cas donc le Cerf-volant sera indifférent à toutes les inclinaisons par rapport à la ficelle DT, & la machine ne produira pas son effet desiré. Il paroit donc tout à fait nécessaire dans la construction du Cerf-volant de prendre garde en même tems à ce que, quand sa vraye position vient à être troublée par une cause quelconque, il se trouve des sorces qui le rétablissent aussi-tôt dans la situation d'équilibre.

PROBLEME V.

78. L'état d'équilibre du Cerf - volant étant troublé, trouver les forces qui servent à le rétablir dans cet état.

SOLUTION.

- 79. Comme il y a deux angles, sçavoir ACH $\longrightarrow \phi$ & ADT $\longrightarrow \emptyset$, qui déterminent l'état d'équilibre, cet équilibre pent être troublé d'une double maniere, quand l'un ou l'autre des angles s'ecarte de la vraye valeur qui répond à l'état d'équilibre de la machine.
- 80. Or premièrement l'état d'équilibre requiert un angle ACT, sel que aacv sin ϕ^2 soit $\equiv (b + c) \operatorname{Pcos} \phi$. Qu'on suppose donc l'angle ϕ croissant de la quantité infiniment petite $d\phi$, & la serce Cc V v 3

tendra à rétablir cet angle, tandis que l'autre GP produira un effet contraire.

§1. Le moment donc de ces deux forces pour rétablir l'équilibre sers aavc sin $(Q + d\varphi)^2 - P(b + c) \cos(\varphi + d\varphi)$, laquelle expression, à cause de aavc sin $\varphi^2 - P(b + c) \cos(\varphi - \varphi)$, est réduite à celle-ci $(2aacv \sin \varphi \cos \varphi + P(b + c) \sin \varphi) d\varphi$, ou à la suivante

$$P(b+c)\left(2\operatorname{cof}\Phi^2+\operatorname{fin}\Phi^2\right)\frac{d\Phi}{\operatorname{fin}\Phi}.$$

- 82. Il est maniseste de là que l'état d'équilibre est rétabli de nouveau, pourvû que la distance DG soit positive, & que la sorce de restitution lui soit proportionelle. Au contraire on voir que l'état d'équilibre troublé par une cause quelconque n'est pas aussi subitement rétabli, si cet intervalle DG est sort petit; & s'il devient négatif, il n'y a plus lieu à aucune restitution.
- 83. Qu'on établisse à présent que l'angle $ACH = \emptyset$ -retient sa juste valeur; or l'angle $DTR = \emptyset \emptyset$; de là aussi $ADT = \emptyset$ étant augmenté dans quelque cas d'une quantité infiniment petite $d\theta$, alors la force GP = P avec la pesanteur de la ficelle C cétablira l'équilibre; mais au contraire la force du vent CV tendra à produire l'effet opposé.
- 84. En posant donc pour θ , $\theta + d\theta$, le moment de la force, pour rétablir la machine dans son état précédent d'équilibre, sera $P(fcl(\theta-\Phi \dagger d\theta) \dagger (b\dagger c) cl(\Phi) \dagger \frac{1}{2} Q fcl(\theta-\Phi \dagger d\theta) aav(fcol(\theta \dagger d\theta) \dagger c) sn(\Phi^2)$ Mais l'état d'équilibre demandant cette équation, $P(fcl(\theta-\Phi) + (b+c)col(\Phi) + \frac{1}{2} Q fcol(\theta-\Phi) = aav(fcol(\theta+c) sin(\Phi^2) = 0$, le moment de la force restituante sera $d\theta$ [avusin Φ^2 fin θ Pf sin θ Pf sin

85. De là, per ce que aav sin $\Phi^2 = \frac{b+c}{c}$ P cos Φ , ce môment de restitution sera exprimé de la maniere suivante

$$fd\theta \left[\frac{b+c}{c}P\sin\theta\cos\phi-P\sin(\theta-\phi)-\frac{1}{2}Q\sin(\theta-\phi)\right]$$

Plus donc la quantité $\frac{b+c}{c}$ P fin θ cof ϕ – P fin $(\theta-\phi)-\frac{1}{2}$ Q fin $(\theta-\phi)$ fera grande, & plus la machine se remettra vîte dans sa premiere position d'équilibre.

86. La force pour retenir la ficelle tenduë en T, ayant été trouvée $T \stackrel{\leftarrow}{=} \frac{b + c}{-} P \operatorname{cof} \phi \operatorname{fin} \theta - (P + Q) \operatorname{fin} (\theta - \phi)$

le moment de la force qui tend à remettre la machine en équilibre, à l'égard du point T pourra être exprimé d'une maniere plus succinte ainfi, $\int d\theta \, (T + \frac{1}{2} \, Q \, \sin \, (\theta - \phi)$

COROLL. 1.

87. Afin donc que le Cerf-volant exposé au vent se conserve lui-même le plus qu'il est possible dans l'état d'équilibre, les deux expressions suivantes doivent être renduës aussi grandes que les circonstances le permettent

I.
$$\frac{\dot{P}(b+c) \left(2 \cos(\phi^2 + \sin\phi^2)\right)}{\sin\phi} &$$

II.
$$\frac{b+c}{c} \operatorname{P} f \operatorname{col} \varphi \operatorname{fin} \theta - (P + \frac{1}{2} Q) f \operatorname{fin} (\theta - \varphi)$$

COROLL. 2.

88. Mais, parce que nous avons trouvé ci-dessus (§. 61.) $(P + \frac{1}{2}Q) \cos(\theta - \phi) = \frac{b + c}{c} P \cos \phi \cot \theta$, la seconde expres-

pression revêtira aussi cette forme $(P + \frac{1}{4}Q) \frac{f \sin \phi}{\cot \theta}$, laquelle étant positive, ne répugne jamais à la restitution, pourvû que la sicelle soit prise assez longue.

Application à la Pratique.

- 89. On doit donc surtout prendre garde de donner au Cerfvolant une figure telle, que le centre de grandeur C soit à la plus
 grande distance du centre de gravité de la machine G; ce que l'on obtiendra aussi, si l'on attache quelque petit poids au Cerf-volant au
 point le plus bas. B, afin que ce poids conduise le centre de gravité
 de tout le corps plus près du point B, & l'éloigne du point C.
- 90. Alors le poids du Cerf-volant étant polé = P, & celui de la ficelle = Q, qu'on prenne entre le point C & la tête du Cerf-volant A le point D, de façon que la distance CD devienne $= \frac{2P}{4P+3Q}$. CG, auquel lieu D la ficelle D T soit alors attachée. On a aussi trouvé pour le point D cette équation $\frac{b+c}{c} = \frac{3(2P+Q)}{2P}$
- 91. Ensuite, en posant la surface du Cers-volant $\underline{\hspace{0.1cm}}$ aa, que le vent parcoure en une seconde l'espace s, & soit g la hauteur par laquelle un corps pesant tombe librement pendant ce même espace de tems, & que de plus on sasse $\frac{s \cdot s}{2g} = v$. Alors qu'on réduise les poids P & Q à des volumes d'air de la même pesanteur, suivant l'hypothese commune, qui évalue un pied cubique d'air à un $\frac{8}{100}$ de livre.

Enfin, qu'on pose pour abréger $\frac{3(2P+Q)}{2aav} = \frac{3g(2P+Q)}{aass} = 2\pi$.

- 92. Toutes ces choses étant présupposées, le Cerf-volant exposé au vent prendra une telle situation que l'inclinaison de son plant l'horizon, ou l'angle ACI $= \varphi$ sera exprimé de cette maniere $\cos \varphi = -n + V(nn+1)$, ou $\sin \varphi = V \cdot 2n \left[-n+V(nn+1)\right]$; mais l'inclinaison de la ficelle à l'horizon TR, ou l'angle DTR $= \theta \varphi$, sera déterminé de saçon que $\tan \varphi(\theta \varphi) = \frac{2\left[-2n+V(nn+1)\right]Vn+V(nn+1)}{3V \cdot 2n}$ ou $\tan \varphi(\theta \varphi) = \frac{2}{3}V \cdot \frac{n^3 3n + (1 + nn)V(1 + nn)}{2n}$.
- 93. D'où il paroit de plus que le Cerf-volant ne s'elévera par au dessus de l'horizon, à moins que V(1+nn) ne devienne > 2n ou $n < V_{\frac{1}{3}}$: il sera donc nécessaire que $\frac{3g(2P+Q)}{2aass}$ soit $< V_{\frac{1}{3}}$: de là s > V $\frac{3g(2P+Q)V_3}{2aa}$. Afin donc que la machine soit, plus aisément élevée, il saut surtout avoir soin que le poids, tant du Cerf-volant que de la ficelle, devienne le plus leger qu'il est possible.
- 94. Or syant trouvé rang $\theta = \frac{(m-1)\operatorname{cl}\phi}{\operatorname{fin}\phi}$, où $m = \frac{P(b+c)}{(P+\frac{1}{2}Q)c}$; cette quantité m, à cause de $\frac{b+r}{c} = \frac{3(P+\frac{1}{2}Q)}{P}$, devient = 3. Et de là tang $\theta = \frac{2\operatorname{col}\phi}{\operatorname{fin}\phi}$, ou tang $\theta = 2\operatorname{cot}\phi$: d'où sin $\theta = \frac{2\operatorname{col}\phi\operatorname{col}\theta}{\operatorname{fin}\phi}$. La force donc, par laquelle la ficelle doit être retenuë en T, sera $T = \frac{(4P+Q)\operatorname{col}\theta\operatorname{col}\phi^2}{\operatorname{fin}\phi} + (P+Q)\operatorname{col}\theta\operatorname{sin}\phi$, ou M_{m} , de l'Acad. Tom, XII.

$$T = \frac{P \cos \theta \left(4 \cos \varphi^2 + \sin \varphi^2\right) + Q \cos \theta}{\sin \varphi}$$

mais la tension de la ficelle au point D sera

$$= \frac{(4P + 3Q) \cosh \cosh \phi^2}{\sin \phi} + P \cosh \sin \phi; \text{ on } = \frac{(4P + 3Q) \cosh \cosh \phi^2}{\sin \phi} + \frac{P \cosh \cosh \phi}{\sin \phi}$$

95. Mais, en substituent pour sin ϕ & cos ϕ leurs valeurs cidessus trouvés, on aura tang $\theta = \frac{\sqrt{2} \left(-n + \sqrt{(n n + 1)}\right)}{\sqrt{n}}$

&
$$cof \theta = \frac{Vn}{V[-n+2V(nn+1)]}$$
 Enfuite $cof \Phi^2 = 1 + 2nn - 2nV(nn+1)$
& $fn \Phi^2 = -2nn+2nV(nn+1) d'où 4 cf \Phi^2 + fn \Phi^2 = 4 + 6nn - 6nV(nn+1) d'où 4 cf$

$$T = PV(4+6nn-6nV(nn+1)) + \frac{Q}{V(4+6nn-6nV(nn+1))}$$

96. Parce que
$$\frac{b+c}{c} = \frac{3(2P+Q)}{2P}$$
, on trouvers $c = \frac{2Pb}{4P+3Q}$ & $b+c = \frac{3b(2P+Q)}{4P+3Q}$. D'où l'effort du Cerf-volant pour fe rétablir dans l'état d'équilibre à l'égard du point D, par le § 87. fera $= \frac{6bP(2P+Q)}{4P+3Q} V \frac{(1+nn)(-n+V(nn+1))}{2n}$ & à l'égard du point T $= (P+\frac{1}{2}Q)f(-n+V(nn+1)) V_2$.

製造機関係の関 N 28555

97. Qu'on pose 2P + Q égal au poids d'un cylindre d'air, dont la base soit égale à la surface du Cerf-volant = aa, & la hauteur = H, de saçon que 2P + Q soit = aaH; & asin que le Cerf-volant soit emporté par le vent au dessur de l'hôrizon, nous avons vû qu'il étoit requis que l'espace s parcouru par le vent dans une seconde sur plus grand que la quantité $\sqrt{\frac{3gHV3}{2}}$ ou s > 6,24VH; car, si l'on prend pour mesure le pied de Paris, à la place de g on peut substituér s; sans erreur sensible.

98. De plus, comme $2\pi = \frac{3Hg}{ss} = \frac{45H}{ss}$, la position du Cerf-volant sera connue par les déterminations suivantes: $cof \phi = -n + V(nn+1), \text{ ou sin } \phi = V \cdot 2n \left[-n + V(nn+1)\right]$ & tang $(\theta - \phi) = \frac{2\left[-2n + V(nn+2)\right]V\left[n + V(nn+1)\right]}{2n}, \text{ ou tang } (\theta - \phi) = \frac{3}{3}V\frac{n^3 - 3n + (s + nn)V(s + nn)}{2n}, \text{ outer tang } (\theta - \phi) = \frac{3}{3}V\frac{n^3 - 3n + (s + nn)V(s + nn)}{2n}, \text{ outer tang } (\theta - \phi) = \frac{3}{3}V\frac{n^3 - 3n + (s + nn)V(s + nn)}{2n}, \text{ outer tang } (\theta - \phi) = \frac{3}{3}V\frac{n^3 - 3n + (s + nn)V(s + nn)}{2n}, \text{ outer tang } (\theta - \phi) = \frac{3}{3}V\frac{n^3 - 3n + (s + nn)V(s + nn)}{2n}, \text{ outer tang } (\theta - \phi) = \frac{3}{3}V\frac{n^3 - 3n + (s + nn)V(s + nn)}{2n}$

99. Soit à présent H = 9 pieds, & qu'on prenne le poids du Cerf volant = 4 a a : on aura le poids de la ficelle = 1 a a; & il conviendra de fabriquer le Cerf volant de la maniere suivante. Premièrement il faut prendre garde, comme on l'a déjà remarqué cidesse, que le centre de gravité G soit à la plus longue distance du centre de grandeur C; ensuire que la ficelle entre C & A soit liée au point D à la distance CD = 8 C G. Un Cerf volant construit de cette maniere ne s'élevera au dessins de l'horizen qu'au cas que s' devienne > 18, 72 pieds, c'est à dire, que le vent parcoure dans une seconde un espace plus grand que 18, 72 pieds. Qu'en pose X x 2

à présent pour s des valeurs plus grandes que 18,72, & il en naitra les cas suivans.

Premier Cas.

100. Que le vent parcoure en une seconde un espace de vint pieds, de saçon que s soit = 20, on eura n = 0, 51, nn = 0, 2601, & de là ϕ = 52°, 13'. Mais, parce que l'on a trouvé tang θ = 2 cot ϕ , (§ 94.) on aura θ = 57°, 10', & la ficelle sera élevée au dessus de l'horizon de l'angle DTR = θ = 4°57'. La hauteur donc du Cers-volant au dessus de l'horizon sera = f sin 4° 57' = 0, 0862864 f pieds; mais il saudra que la ficelle soit retenue en T par une force = 6, 5176aa. Ensuite la force restituante à l'égard du point D = 9, 88baa = 9, 88aa, GC, & la sorce restituante à l'égard du point T = 3, 89 faa = 3, 89 aa. DT. L'une & l'autre de ces deux forces est assez grande.

Second Cas.

101. Soit à présent s = 25 pieds, on aura n = 0, 324, d'où $\phi = 43^{\circ}$, 27', & à cause de tang $\theta = 2$ cot ϕ , on trouvera $\theta = 64^{\circ}$ 39'. De là l'inclinaison de la ficelle à l'horizon DTR fera $= \theta - \phi = 21^{\circ}$ 12', & la hauteur du Cerf-volant au dessus de l'horizon = 0, 3616246 f pieds. Ensuite on déduit la tension de la ficelle en T = 7, 05064 aa, & de plus la stabilité du Cerf-volant à l'égard du point D = 12, 634 aa. CG, & à l'egard du point T = 4, 6199 aa DT. L'une & l'autre des ces forces étant encore plus grande que celle qui a été trouvé dans le cas précédent, il n'y a point à craindre que la restitution se sasse trouve lentement.

Troisième Cas..

pace s = 30 pieds, on aura n = 0, 225. De là $\phi = 36^{\circ}$ 52', d'où $\theta = 69^{\circ}$, 26', & l'inclination de la ficelle à l'horizon, ou l'an-

Pangle DTR sera = 32°, 34': la hauteur du Cerf-volant au dessus de l'horizon sera donc exprimée par 0, 5382806. f = 0, 5382806 DT pieds. Ensuite la ficelle doit être arrêtée en T par une force = 7, 4204 aa. Ensin on trouve

la force restituante à l'égard du point D = 15, 536, aa GC, & la force restituante à l'égard du point T = 5,091, aa GT.

ADDITION.

ı.

Les ensans ont coutume d'attacher au point le plus bas du Cerf-volant un fil, qu'ils garnissent dans sa longueur de découpures de papier, pour servir comme d'ailes. J'imiterai aussi en quelque sorte leur exemple; & je vais considérer dans cette Addition l'état d'équilibre du Cerf-volant exposé au vent, au point le plus bas duquel je supposerai qu'on lie non un semblable fil, mais un plan quelconque simple; car il seroit difficile de faire entrer dans le calcul une queuë pareille à celle dont les ensans se servent.

- 2. Toute la machine consistera donc en trois parties; sçavoir la ficelle DT, le Cerf-volant AB, & la queuë BH qui y est liée: lesquelles parties, comme les anneaux d'une chaîne, seront mobiles autour des points B, D, & T. Ainsi il s'agit dans cette Addition de définir la position que ces pieces exposées au vent prendront, en partie entr'elles, en partie à l'égard de l'horizon, dans l'état d'équilibre.
- 3. Premièrement que la direction du vent s'accorde avec la ligne horizontale TR, & que le vent fouffle dans le plan du Cerf-volant avec la vitesse Vv; de plus que tant le plan du Cerf volant, tel que nous l'avons posé jusqu'ici, que le plan de la queuë qui y est attaché, se foutiennent perpendiculairement au plan de la table, & que celui-ci passe par les-centres de gravité & de grandeur des ce deux X x 3

plans, de façon que ces centres tombent dans les lignes d'interfection des plans AB, & BH.

4. Q'on pose de plus la surface du Cers-volant = aa, son poids = P: la droite AB, son intersection avec le plan de la table, dans laquelle soient C le centre de grandeur, & G le centre de gravité; qu'on attache la ficelle en D, & qu'on appelle les intervalles

DB = d; DG = c & CD = b.

- 5. Ensuite, par rapport su plan lié au Cerf-volant en B, soit sa surface = ee, son poids = R; le diametre, ou la ligne d'intersection du plan de la queue avec celui de la table BH = k; & que le centre de gravité tombe sur le centre de grandeur à la distance BS = £ k.
- 6. Enfin, pour ce qui regarde la ficelle DT, qu'elle foit partout de la même épaisseur, & faite d'une matiere homogene; de plus qu'on néglige sa courbure, & qu'on appelle son poids \longrightarrow Q, & sa longueur DT \longrightarrow f.

PROBLEME I.

- 7. En attachant au Cerf-volant la ficelle DT fixe en T, trouver les momens de la force du vent & de la gravité, tant du Cerf-volant & de la queue qui y est attachée, que de la ficelle, pour changer l'état présent.
- 8. La situation du Cerf-volant que nous considérons ici, se détermine par trois angles, qui sont
 - I. L'inclinaison de la ficelle à l'horizon, ou l'angle DTR
 - II. L'inclination de la ficelle au plan du Cerf volant ou l'angle ADT,
 - III. L'angle DBH que le plan de la queue fait avec le plan du Cerf-volant.
- 9. Soit à présent l'angle que la ficelle sorme avec le plan du Cers-volant ADT = θ : de plus l'angle d'inclimison du plan du Cers-volant à la direction du vent ACI = ϕ , casin l'angle d'incli-

maison du plan de la queue à la direction du vent BSX $= \psi$: lesquels trois angles définissent aussi la position du Cerf-volant, car on aura DTR $= \theta - \phi$; ADT $= \theta$; & DBH $= 180^{\circ} - \psi + \phi$.

- 10. Quant aux forces qui sollicitent toute la machine, elles seront les suivantes. Premièrement il y a la force unique O Vagissant sur la ficelle, & qui vient du poids Q, dont la direction est verticale, & à la distance TO = 1 f.
- volant; l'une, qui procede de l'impulsion du vent, sera appliquée au centre de grandeur C; sa direction est normale au plan du Cers-volant, & la quantité de cette sorce Ce sera trouvée aau sin Φ^2 ; mais l'autre qui vient du poids, sollicitera le Cers-volant verticalement vers le bas; sa direction qui passe par le centre de gravité G sera PG, & sa quantité P.
- 12. Enfin les forces qui sollicitent le plan de la queue BH, seront, premièrement la force du vent au point S, pressant selon la direction SY normale à BH = eeu sin \(\psi^2\), & ensuite la force de gravité, qui s'efforce dans le même point S de pousser la queue verticalement vers le bas, Ss = R.
- 13. A' présent qu'on détermine le moment, qui tend à saire tourner ce plan BH autour du point B. Or au trouve par rapport à ce point B

le moment de la force du vent $SY = \frac{\pi}{4} ee kv$ fin ψ^2 , &c le moment de la force de gravité $Ss = \frac{\pi}{4} kR \operatorname{cof} \psi$

d'ou l'on recueille

le moment total pour augmenter l'angle DBH $\equiv \frac{\pi}{4}$ e e k v fin $\psi^2 = \frac{\pi}{4}$ kR cof ψ mais de la force S s' naîtra de plus la force qui presse le plan AB suivant la direction BH $\equiv R$ sin ψ .

appellons à notre secours le second Problème, dans lequel nous avons déjà trouvé que le moment né des forces Cc & GP pour diminuer l'angle ADT, est = aavb sin $\phi^2 - Pc$ cos ϕ . Or le moment de la force BH, qui à cause de l'angle $bBD = \psi - \phi$ sera $= Rd\sin\psi$ sin $(\psi - \phi)$, tendra à augmenter l'angle ADT; ôtons donc ce moment de celui qui est né des forces Cc & GP, & nous trouverons le moment total, qui tend à tourner le Cers-volant avec sa queue autour du point D pour diminuer l'angle ADT = aavb sin $\phi^2 - Pc$ cos $\phi - Rd$ sin ψ sin $(\psi - \phi)$.

BbD = 180° +
$$\varphi$$
 - θ - ψ , & de là Db = $\frac{d \sin (\psi - \varphi)}{\sin (\theta + \psi - \varphi)}$.
& Tb = $\frac{f \sin (\theta + \psi - \varphi) + d \sin (\psi - \varphi)}{\sin (\theta + \psi - \varphi)}$.

le moment de la force BH pour élever toute la machine autour du point T, sera = -R [f sin $(\theta + \psi - \phi) + d$ sin $(\psi - \phi)$] sia ψ

16. Mais nous avons déjà trouvé ci-dessus dans le second Problème le moment né des forces C c, G P, & O V ainsi exprimé: $a \, a \, v \, (f \cos \theta + b) \sin \phi^2 - P(f \cos \theta + \phi) + c \cos \phi) - \frac{1}{2} \, Q \, f \cos \theta - \phi)$ De là le moment total, qui tend à élever la machine autour de T, sera $a \, a \, v \, (f \cos \theta + b) \sin \phi^2 - P(f \cos \theta + \phi) + c \cos \phi - \frac{1}{2} \, Q \, f \cos \theta - \phi) - R[f \sin \theta + \phi) + d \sin \phi - \phi] \sin \phi$

17. Soit la tension de la ficelle en T = T, & toutes les forces qui sollicitent la machine étant résolués en d'autres suivant la direction de la ficelle DT, la tension de la ficelle sera ainsi exprimée : $T = aav \sin \varphi^2 \sin \theta - (P + Q) \sin (\theta - \varphi) + R \sin \psi \cos (\theta + \psi - \varphi).$ PRO-

333 38

PROBLEME II.

18. Indiquer la situation que prendra le Cerf - volant expose au vent

SOLUTION.

- 19. Que tout demeure comme dans le Problème précédent. Comme donc tous les momens qui tendent à changer la fituation de la machine sont déjà connus, & qu'il est constant par les principes de la Statique, que le Cerf volant restera dans une situation telle que tous ses momens se détruiront l'un l'autre, il est évident que l'état d'équilibre du Cerf-volant sera exprimé par les trois équations suivantes.
 - I. eev fin $\psi^2 = R \cos \psi$
 - II. $aavb \sin \varphi^2 = Pc \cos \varphi + Rd \sin \psi \sin (\psi \varphi)$
 - III. $a \, a \, v \, (f \cos \theta + b) \sin \phi^* = P \left[f \cos (\theta \phi) + o \cos \phi \right] + \frac{1}{2} Q \, f \cos (\theta \phi) + R \left[f \sin (\theta + \psi \phi) + d \sin (\psi \theta) \sin \psi \right].$
- 20. Si on prend la valeur de la feconde équation aavb fin Φ^2 pour la fubflituer dans la troisième, elle se changera dans la fuivante aav fin $\Phi^2 cos \theta = Pcos (\theta \Phi) + R sin \psi sin (\psi + \theta \Phi) + \frac{1}{2}Qcos (\theta \Phi)$.
- 21. Qu'on pose à présent pour abréger $\frac{R}{eev} = 2 m$, & de la premiere équation on tire aisément cos $\psi = -m + V (1 + mm)$, & de là sin $\psi = V \left(-2mm + 2mV(1 + mm) \right)$. En connoissant donc l'angle ψ , on pourra trouver aisément par la seconde équation l'angle ϕ . Mais la seconde équation dévelopée se changera en une autre du quatrième ordre.
- 22. A l'égard de la troisième équation, les deux angles Φ & ψ étant déjà connus, elle donnera d'abord étant dévelopée la valeur pour tang θ de cette maniere

Min de l'Acad. Tom. XII.

$$\tan \theta = \frac{aav \sin \phi^2 - (P + \frac{1}{2}Q) \cos \phi - R \sin \psi \sin (\psi - \phi)}{(P + \frac{1}{2}Q) \sin \phi + R \sin \psi \cos (\psi - \phi)}$$

23. D'où l'on tire encore pour l'inclinaison de la ficelle à l'horizon

$$tang(\theta - \phi) = tang DTR = \frac{aav \sin \phi^2 \cot \phi - R \sin \psi^2 - (P + \frac{1}{2}Q)}{aav \sin \phi^3 + R \sin \psi \cot \psi}$$

Enfin la ficelle devra être retenue en T par la force

$$T = a a v \sin \varphi^2 \sin \theta - (P + Q) \sin (\theta - \varphi) + R \sin \psi \cos (\theta + \psi - \varphi), \text{ on}$$

$$T = \left(\frac{c-b}{b}P - Q\right) \operatorname{cof} \varphi \operatorname{fin} \theta + \frac{d-b}{b} \operatorname{R} \operatorname{fin} \psi \operatorname{fin} (\psi - \varphi) \operatorname{fin} \theta + \left(P + Q\right) \operatorname{fin} \varphi \operatorname{cof} \theta + \operatorname{R} \operatorname{fin} \psi \operatorname{cof} (\psi - \varphi) \operatorname{cof} \theta.$$

PROBLEME III.

24. Déterminer la disposition du Cerf-volant, suivant laquelle un vent donné l'élévera le plus haut en l'air.

SOLUTION.

25. Comme le Cerf volant est dit être élevé le plus haut, quand, le reste étant égal, l'inclinaison de la sicelle à l'horizon devient la plus grande, il saut que la formule suivante pour tang DTR trouvée par le Problème précédent soit rendue un maximum

$$\frac{a a v \sin \phi^2 \cot \phi - R \sin \psi^2 - P - \frac{1}{2} Q}{a a v \sin \phi^2 + R \sin \psi \cot \psi}$$

26. Qu'on pose à présent pour abréger, $\frac{R \ln \psi^2 + P + \frac{1}{2}Q}{a a v} = A$,

$$\frac{R \sin \psi \cot \psi}{aav} = B, & \text{is formule qu'il s'agit de rendre un}$$

maximum se changera en celle ci $\frac{\sin \phi^2 \cos \phi - A}{\sin \phi^3 + B}$ dont le dissérentiel doit par conséquent être posé égal.

- 27. Mais, comme cette rélation entre les distances CB = b, DG = c & BD = d, doit être cherchée, & que les quantités A & B ne renferment pas les distances mêmes, on pourra les considérer comme constantes dans la différentiation.
- 28. Il restera donc le seul angle ϕ variable; & l'on pourra même connoitre comment il dépend de ces intervalles par la seconde équation, aavb sin $\phi^2 = Pc$ cos $\phi + Rd$ sin ψ sin $(\psi \phi)$
- 29. Mais la quantité $\frac{\sin \phi^2 \cot \phi A}{\sin \phi^3 + B}$ étant différentiée fournira cette équation

 $2 d \phi \cot \phi^2 \sin \phi^4 - 3 d \phi \sin \phi^4 \cot \phi^2 - d \phi \sin \phi^6$ + $2 B d \phi \sin \phi \cot \phi^2 - B d \phi \sin \phi^3 + 3 A d \phi \sin \phi^2 \cot \phi = 0$, ou celle-ci

 $- \sin \phi^3 - 3B \sin \phi^2 + 2B + 3A \sin \phi \cot \phi = 0$ laquelle étant dévelopée donnera l'équation du fixième ordre fin $\phi^5 + 6B \sin \phi^5 + 9 (AA + BB) \sin \phi^4 - 4B \sin \phi^3 - (9AA + 12BB) \sin \phi^2 + 4BB = 0$.

30. Si à présent la valeur pour ϕ trouvée par cette équation est substituée dans la seconde : aavb sin $\phi^2 = Pc \cos \phi + Rd \sin \psi$ sin $(\psi - \phi)$ la rélation requise entre les distances b, c, & d, pourra être connuë; ce que demandoit le Problème.

Remarque.

passer ultérieurement, employons quelque exemple. Pour cet effet Y y 2

considérons un Cerf-volant déjà construit, & recherchons par le calcul, de la maniere indiquée dans cette solution, le point Doù la ficelle doit être attachée, asin que le Cerf-volant soit élevé à la plus grande hauteur.

EXEMPLE.

- 32. Soit le poids du Cerf volant égal au poids d'un cylindre d'air, dont la base soit égale à la surface du Cerf-volant, & la hauteur de 4 pieds, ou bien qu'on pose P = 4aa. Que l'on suppose de plus la surface de la queuë attachée égale à la quatrième partie de la surface du Cerf-volant, ou soit aa = 4ee; & le poids de cette queuë soit statué $= 2ee = \frac{aa}{2}$. Soit ensin le poids de la sicelle tel qu'il égale un cylindre d'air, qui auroit la base aa & la hauteur d'un pied: & l'onsaura P = 4aa, Q = aa, & $R = \frac{aa}{2} = 2ee$.
- 33. Comme nous avons déjà posé §. 21 $\frac{R}{2 e e v} = m$; on aura

$$m=\frac{1}{v}$$
, de là

$$A = \frac{1}{v \left[1 + V(1 + vv)\right]} + \frac{9}{2v} \& B = \frac{1}{\left[1 + V(1 + vv)\right] V_2 \left[1 + V(1 + vv)\right]}$$

A' moins donc qu'outre cela la vitesse du vent ne soit donnée, on ne pourra plus arriver à des conclusions générales ultérieures, sans se jetter dans le calcul le plus fatiguant.

34. Mais, quand même on prendroit quelque vîtesse déterminée du vent, l'exemple n'en sers pas moins géneral; car, après avoir trouvé une raison entre les distances b, c, & d, pour une vitesse don.

donnée du vent, telle que par là le Cerf-volant s'éléve à la plus grande hauteur; cette même raison ne laissera pas d'avoir également lieu pour toute autre vitesse du vent.

- 35. Comme donc, si l'espace, parcouru par le vent en une seconde, est appellé s, & que v soit $=\frac{ss}{2g}$, g dénotant la hauteur qu'un corps grave tombant librement parcourt en 1", cette lettre g sera à peu près 15, de sorte que v soit $=\frac{ss}{30}$. Posons que le vent parcoure en une seconde l'espace de 15 pieds, & nous aurons v=7,5.
- 36. De là on trouve premièrement fin $\psi \equiv 0$, 48319, & cof $\psi \equiv 0$, 87552; d'où l'angle même fera $\psi \equiv 28^{\circ}$, 53%. De plus, à l'égard des lettres A & B, elles feront exprimées de la maniere suivante.

$$A = 0, 61556, & B = 0, 0282$$

- 37. D'où l'équation à résoudre sortira telle sin $\phi^6 + 0$, 1692 sin $\phi^5 + 3$, 41671 sin $\phi^4 0$, 1128 sin $\phi^8 3$, 4191 sin $\phi^2 + 0$, 00318 = 0 de laquelle on tire par approximation la racine sin ϕ = 0, 89688. De là ϕ = 63°, 45' & cos ϕ = 0, 44228.
- 38. A' présent toutes ces valeurs étant substituées dans la seconde équation

a a v b fin $\phi^2 = P c \operatorname{cof} \phi + R d$ fin ψ fin $(\psi - \phi)$ cela donne premièrement

7, 5 b fin $\phi^2 = 4c \cos \phi - 0$, 24159 d fin $(\phi - 28^{\circ} 53')$ & enfin,

6,03229 b = 1,7691 c - 0,13779 d: Par où il faut définir la raison de ces intervalles b, c & d. 39. Mais, comme on compte ces intervalles du point D, & que ce point étant inconnu doit aussi être défini qu'on introduise les distances des point G & C du point fixe B, & qu'on les nomme B G $= \gamma$; CB = 6, & que B D demeure = d, on aura b = d - 6 & $e = 2 - \gamma$; d'où les intervalles B G, CB & DB doivent être déterminés par l'équation suivante,

4, 4015 d - 6, 0329 6 + 1, $7691 \gamma = 0$.

40. Si donc les lieux des points G & C sont donnés, la distance du point D de la queue du Cerf-volant B sera déterminée de saçon que soit

BD = 1,3706 BC - 0,4019 BG.

Et ainsi l'on est assuré du point où la ficelle doit être attachée afin que le Cerf volant s'éleve à la plus grande hauteur.

41. Or la hauteur du Cerf-volant doit alors être déterminée par l'équation suivante.

 $\tan (\theta - \phi) = \frac{\sin \phi^2 \cot \phi - A}{\sin \phi^3 + B} = \frac{\sin^2 \phi \cot \phi - o, 61556}{\sin^3 \phi + o, 0282}$

& en substituant pour $\sin \Phi$ & $\cos \Phi$ les valeurs qui viennent d'être trouvées, on aura;

tang
$$(\theta - \phi) = \frac{0,25980}{0,74964}$$
, & de là l'angle même

 $DTR = \theta - \phi = \frac{28^{\circ}}{28^{\circ}}, 21'.$

Par conséquent le Cerf volant ne sera pas encore élevé au dessus de l'horizon par la force d'un vent qui parcourt l'espace de 15 pieds en une seconde.

42. A' présent on a trouvé pour un vent quelconque l'inclinaifon de la ficelle à l'horizon telle:

$$\tan \left(\theta - \phi\right) = \frac{a a v \sin \phi^2 \cot \phi - R \sin \psi^2 - (P + \frac{1}{2}Q)}{a a v \sin^3 \phi + R \sin \psi \cdot \cot \psi}$$

ou pour le Cerf-volant actuel

tang
$$(\theta - \phi) = \frac{2 v \sin \phi^2 \cot \phi - \sin \psi^2 - 9}{v \sin \phi^3 + \sin \psi \cdot \cot \psi}$$

mais on trouve l'angle ψ par cette formule: $\cot \psi = -m + V(1 + mm)$, ou par celle-ci $\sin \psi = V_2 m \left[-m + V(1 + mm) \right]$ éxistant $m = \frac{R}{2 e e v}$, ou pour le cas présent $m = \frac{1}{v} = \frac{2g}{ss}$.

- 43. Enfin l'angle ϕ se tire de l'équation suivante du quatrième ordre; $bbvv\sin\phi^4 + bdv\sin\psi \cdot \operatorname{col}\psi\sin\phi^3 + \left\{16cc + \left(4cd + \frac{1}{4}dd\right)\sin\psi^3\right\}\sin\phi^3 \left(4c + \frac{1}{4}d\sin\psi^2\right)^3 = 0$ & si l'on prend de plus les distances b, c, & d, telles qu'on satisfasse à cette équation.
- 6,0329 b 1,7691 c 0,1378 d 0 le Cerf-volant sera élevé à la plus grande hauteur. Deux de ces distances seront donc toujours arbitraires & la troissème sera déterminée par l'équation que nous venons d'indiquer.
- 44. Voyons à présent quelles valeurs peuvent être substituées le plus convenablement pour les deux autres intervalles, de saçon que la stabilité du Cerf-volant dans l'équilibre, ou la force qui l'y rétablit, après que quelque autre sorce l'en avoit riré, devienne la plus grande.
- 45. Car, comme une des principales précautions à observer dans la construction de semblables Cerf-volans, c'est de prévenir que la machine ne vienne tout à coup à tomber à terre, dès que son équilibre est troublé par quelque cause, avant que d'alléguer un plus grand nombre d'exemples, il sera expédient de rechercher la disposition la plus convenable pour satisfaire à une condition aussi essentielle; ce qui fournit occasion à résoudre le problème suivant.

PROBLEME IV.

46. L'état d'équilibre du Cerf-volant étant troublé par une cause quelconque, désinir les forces qui tendent à le rétablir dans cet état.

SOLUTION.

- 47. Comme il y a ici trois angles, sçavoir BSX = ψ, ACI = φ, & ADT = θ, qui définissent l'état d'équilibre, l'équilibre peut aussi être troublé en trois manieres, suivant que chacun de ces angles à part est exposé à quelque variation.
- 48. Que l'angle ψ premièrement éprouve quelque variation infiniment petite, & qu'il s'accroisse de l'éiément angulaire $d\psi$, ou qu'on suppose que le plan attaché BH soit mû par quelque force vers le côté SX, & qu'on cherche la force qui rétablit ce plan attaché dans son état d'équilibre.
- 49. Soit donc l'angle $BSX = \psi + d\psi$, & la force de gravité Ss tendra à augmenter encore davantage cet angle, tandis que l'autre force du vent y produira un effet contraire, & par conséquent s'efforcera de ramener le plan dans son état l'équilibre.
- 50. Le moment donc de ces deux forces pour rétablir l'équilibre sera:

51. Mais comme l'état d'équilibre demande cette équation ½ e e k v fin ψ² — ½ kR cof ψ = 0,
 le moment qui restitue le plan attaché BH sera

$$k \, d \, \psi \, \operatorname{fin} \, \psi \, (e \, e \, v \, \operatorname{cof} \, \psi \, + \, \frac{\pi}{2} \, R), \qquad \text{ou}$$

$$\frac{e \, e \, k \, v \, d \, \psi \, \operatorname{fin} \, \psi}{2 \, \operatorname{cof} \, \psi} \quad (2 \, \operatorname{cof} \, \psi \, + \, \operatorname{fin} \, \psi^2)$$

52. Que l'angle $ACI = \varphi$ foit de plus augmenté par quelque accident de l'élément $d\varphi$ & que cet angle ACI foit $= \varphi + d\varphi$, alors la force du vent Cc tendra à remettre le Cerf-volant dans fon état

état d'équilibre, tandis que les deux autres forces GP & BH produiront l'effet opposé.

Le moment donc de ces trois forces pour rétablir le Cerfvolant dans son état d'équilibre autour du point D, sera **earb** $\sin(\phi + d\phi)^2 - \text{Pc} \cos(\phi + d\phi) - \text{Rd} \sin \psi \sin(\psi - \phi - d\phi)$,

 $aavb(\ln \Phi^2 + 2 d\Phi \ln \Phi c \Phi) - Pc(c \Phi - d\Phi \ln \Phi) - Rd \ln \psi [\ln (\psi - \Phi) - d\Phi c \Phi]$ qui, à cause de aavb fin $\Phi^2 - Pc \cos \Phi - Rd \sin \psi$. fin $(\psi - \Phi) = \Phi$ fe change en celui-ci

 $2 aavb d\Phi \sin \Phi \cos \Phi + Pc d\Phi \sin \Phi + Rd. d\Phi \sin \Psi \cos (\Psi - \Phi)$. ou en

 $\frac{d\Phi}{\sin\Phi} \left\{ P c \left(2 \operatorname{cf} \Phi^2 + \operatorname{fin} \Phi^2 \right) + R d \left(2 \operatorname{cf} \Phi^2 + \operatorname{fin} \Phi^2 - \operatorname{fin} \Phi \operatorname{fin} \Psi \operatorname{cf} \left(\Phi + \Psi \right) \right) \right\},$ Il faudra donc prendre garde que la distance, tant de la queue ou du point B, & du centre de gravité G, du point D auquel la ficelle est actachée, devienne assés grande.

54. Que les angles $\psi & \varphi$ foyent donc censés retenir leurs justes valeurs, mais l'angle DTR $\equiv \theta - \Phi$, & de là aussi ADT $\equiv \theta$. soit augmenté par quelque accident d'une quantité infiniment petite do: que l'angle ADT devienne donc $\equiv \theta + d\theta$; & l'on sura le moment de la force pour rétablir la machine dans son premier état

- $a a v \left[f \cos \left(\theta + d \theta \right) + b \sin \phi^2 + P \left(f \cos \left(\theta + d \theta - \phi \right) + c \cos \phi \right) \right]$ $+\frac{1}{4}Qfef(\theta+d\theta-\phi)+Rffin(\theta+d\theta+\psi-\phi)+din(\psi-\phi)fin\psi$.

Mais comme on a

 $--- aav(f col\theta + b) fin \phi^2 + P[f col(\theta - \phi) + c col\phi] + \frac{1}{4}Q f col(\theta - \phi)$ $+R \left[f \sin \left(\theta + \psi - \phi \right) + d \sin \left(\psi - \phi \right) \right] \sin \psi = 0$

le moment de la force de restitution sera

-+ $aafvd\theta fin \theta fin <math>\Phi^2$ -- $Pfd\theta fin (\theta - \Phi) -- \frac{1}{4}Q fd\theta fin (\theta - \Phi)$ + Rfd 1 oof (1+ ψ - φ) fin ψ $\mathbf{Z}\mathbf{z}$

ou $\frac{f d\theta}{\cos(\theta)} \left[\left(P + \frac{1}{2} Q \right) \sin \phi + R \sin \psi \cos (\psi - \phi) \right]$

d'où il paroit que, plus la ficelle est longue, & plus la machine se rétablira vite dans sa premiere position.

56. Les régles générales pour faire de semblables Cerf-volans, feront donc les suivantes. Premièrement la que doit être assez longue; les distances des points B & G du point D les plus grandes possibles, & la ficelle fort longue; car alors le Cerf-volant sera assez stable dans son état d'équilibre. En second lieu, les intervalles b, c, & d, doivent être pris de saçon qu'on satisfasse à cette équation,

 $aavb ext{ fin } \varphi^2 \longrightarrow Pc ext{ cof } \varphi \longrightarrow Rd ext{ fin } \psi ext{ fin } (\psi \longrightarrow \varphi) \Longrightarrow \varphi$ & dans ce cas le Cerf-volant s'élevers à la plus grande hauteur.

EXEMPLE I.

- 57. Supposons que le même Cerf-volant que nous avons déjà décrit dans l'exemple du Problème précédent soit exposé à un vent plus fort qui parcoure dans 1" l'espace de vint pieds.
- 58. Avant que de déterminer la position d'équilibre du Cerfvolant, qu'on définisse premièrement les lieux des points G, C & D: soit donc la distance $BG = \gamma = 1$ pied, & BC = 6 = 1, 5 pieds; & l'on aura pour la distance DB = d; 4,4015 d = 7,2802 = 0; de là $d = \frac{72802}{44015} = 1,654$, d'où nous aurons b = 0,154, & c = 0,654.
- 59. Comme s est = 20, v fera = $\frac{ss}{30} = \frac{40}{3} = 13,33$, $m = \frac{3}{10} = 0,075$, d'où/sin $\psi = 9,5717728$, & /cos $\psi = 9,9674544$; d'où il faudra résoudre pour trou-

Executer l'angle ϕ l'équation suivante 4,2161 sin ϕ^4 + 1,1755 sin ϕ^3 + 7,5407 sin ϕ^2 - 7,4589 \equiv 0, ou celle ci sin ϕ^4 + 0,2788 sin ϕ^3 + 1,7885 sin ϕ^2 - 1,7691 \equiv 0.

60. Or, la racine de cette équation étant trouvée, on aura pour l'inclinaison de la ficelle,

tang
$$(\theta - \phi) = \frac{26,666 \sin \phi^2 \cos \phi - 9,1391}{13,333 \sin \phi^3 + 0,34612}$$

Mais on trouve par approximation fin $\phi = 0$, 8130516; de là l'angle $\phi = 54^{\circ}$, 23', & tang $(\theta - \phi) = \frac{112384}{751237}$. Donc l'inclimation de la ficelle à l'horizon fera l'angle DTR = $\theta - \phi = 8^{\circ}$, 30'.

EXEMPLE 2.

- 61. Que tout demeure comme dans l'exemple précédent, excepté la vitesse du vent, qui soit à présent censée parcourir en une seconde l'espace de 30 pieds. Soit donc s = 30, & l'on aura, v = 30, & m = 0.0333333; & de là $cos \psi = 0.967222$, & l'angle même BSX = $\psi = 14^{\circ}$, 42° .
- 62. Mais, en substituant dans l'équation bbvv sin ϕ^4 +bdv sin ψ sin

fin ϕ^4 +0, 08793 fin ϕ^3 +0, 33575 fin ϕ^2 -0, 33382 = 0, dont la racine fera à très peu près fin ϕ = 0, 64345, d'où l'angle même ACI = ϕ = 40°, 3'.

LZ 2

63. L'angle ϕ étant à présent trouvé, on aura pour l'élévation du Cerf-volant / tang $(\theta - \phi) = 0$, 3262308, & de là l'inclinaison de la ficelle à l'horizon, ou l'angle DTR = $\theta - \phi = 64^{\circ}$, 44'.

CONCLUSION.

- 64. J'ai pris dans ces Exemples le même Cerf-volant que j'ai considèré dans le second cas, & j'ai supposé de plus qu'on y avoit attaché une queuë saisant la moitié de son poids, asin qu'on puisse juger plus aisément de la prèrogative que l'un a sur l'autre.
- 65. Nous avons vû le Cerf-volant, tel que nous l'avons confidèré dans le second cas, c'est à dire sans queuë, poussé par un vene qui parcourt dans une seconde l'espace de vint pieds, s'élever seulement à l'angle de 4°, 67′, au lieu que le même Cerf-volant chargé d'une queuë qui a la moitié de son poids, monte à une hauteur double; & avec un vent qui parcourt de la même maniere trente pieds dans une seconde, l'inclinaison de la ficelle à l'horizon a été trouvée 64°, 44′ su lieu que sans cette queuë attachée le même angle ne va pas besucoup au delà de 32. D'où il paroit que le plan attaché a une grande influence pour augmenter l'élévation, qui de cette maniere devient double.



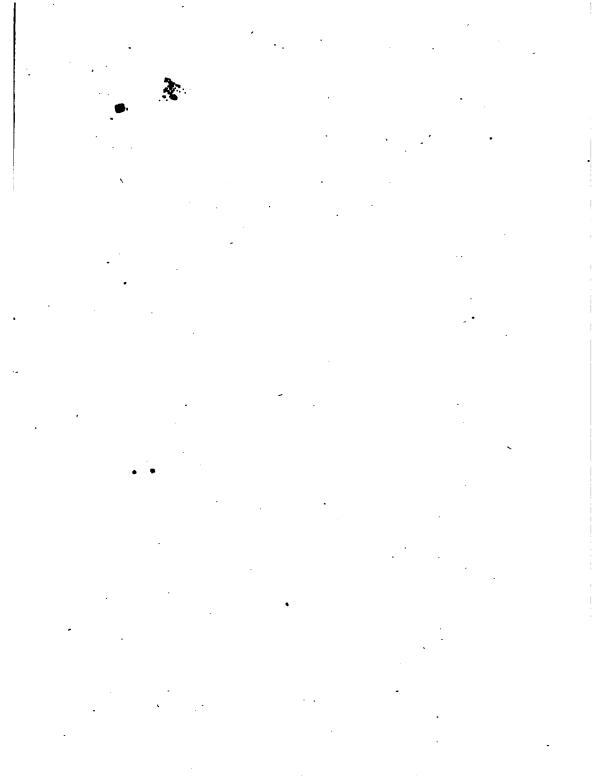
Jab. VI ad pag. 365. Fig. I. A Fig. II. Fig. IV. Fig. III. Fig.VI. Ā Fig. V. Fig. VIII. m Fig. VII. Mem. de l'Acad Tom XII ad pag. 386.

A Trail ce. 12. Am is I tour In XII wing

Jab. VII. ad pag. 365. Fig. IX. Fig.XI Fig.XIII.

Alem de l'Acad. Tom XII

ad pag. 386 fr fc



RECHERCHES

SUR LES INCONVÉNIENS QU'ON A LIEU DE CRAINDRE DANS L'USAGE DU MICROMETRE, SURTOUT PAR RAPPORT AUX INSTRUMENS QU'ON ADAPTE AU QUART DE CERCLE,

PAR M. AEPINUS.

Traduit de l'Allemand.

nir d'un Micrometre le Tube dont on se sert pour les Instrumens adaptés au Quart de cercle. Quelque petite que cette découverte puisse paroître au premier coup d'oeil, il saut pourtant avouër qu'elle a été de la plus grande utilité, & que les Observations Astronomiques obtiennent par ce moyen une exactitude, à laquelle il étoit fort difficile de parvenir en se bornant à la disposition jusqu'alors usitée des Instrumens. En lisant la Description même de l'Inventeur, telle qu'il l'a insérée dans les Mémoires de l'Académie des Sciences de Paris pour l'année 1714. on peut se faire une idée complette de cette disposition des Instrumens pourvûs d'un Micrometre, de la maniere de s'en servir, & des avantages de cette méthode; ainsi je me contenterai d'en rapporter ici en peu de mots ce qu'il y a de plus essentiel.

La différence capitale entre l'Instrument disposé suivant les régles de Mr. de Louville, & ceux dont on s'étoit servi jusqu'alors, consiste dans la maniere de diviser le bord de l'Instrument. Au lieu qu'on se donnoit beaucoup de peine pour faire cette division en parties aussi petites qu'il étoit possible, le Chevalier de Louville n'exige qu'une division en arcs égaux de 10, ou si ce sont de fort grands Instruments, de 5 mi-

De plus il ne faisoit pas cette division comme de courame, per des lignes ou traits, mais par des points déliés. De plus petites divisions sur un semblable Instrument ne sont pas nécessaires, car on v parvient à l'aide du Micrometre. Quand on veut ensuite réellement employer un Instrument ainsi disposé, on s'y prend de la maniere suivante. Comme on sait presque toujours d'avance d'une maniere constante, à quelques minutes prés, quelle est la hauteur à mesurer. on place le quart de cercle vertical pour l'Observation, & de saçon que le fil attaché au centre de l'Instrument passe par le milieu de celui de ces points de division qui est le plus près de la hauteur à mesurer. Quand on fait, par exemple, que cette hauteur monte environ à 43° 141, on place l'Instrument de façon que le fil passe par le point de division de 43° 10'. Si l'Instrument est bien vérissé, alors le centre du Micrometre, ou le point de division du sil vertical & immobilement horizontal, se trouve correspondre exactement au point dont la hauteur est 43° 10'. L'Instrument ayant été placé suivant cette méthode dans la position convenable, on attend le tems auquel l'Eroile, ou le point dont on veut savoir la hauteur, vient dans le tube, & alors en tournant la vis du Micrometre, on remuë le fil horizontal mobile jusqu'à ce qu'il passe précisément par le point à me-On apprend par cette opération, de combien l'Etoile s'est éloignée, soit au dessus, soit au dessous, de 43° 101, & quand on ajoute ensuite à ce nombre, ou qu'on en retranche, cette différence trouvée par le Micrometre, on obtient par ce moyen la heuteur defirée.

Les avantages de cette méthode de Mr. de Louville se manifestent déjà dans la construction de l'Instrument. Il est beaucoup plus aisé d'arriver par ce moyen à des divisions exactes, qu'en suivant la maniere précédemment reçue; & le travail est si leger, & demande une habileté si peu extraordinaire, que, sans être soi-même Artiste, on peut aisément en venir à bout. Quant à l'usage de l'Instrument même, on y trouve le grand avantage, qu'avant l'arrangement né-

cessaire pour l'Observation actuelle on peut lui donner la disposition convenable, & qu'on a du tems de reste abondamment, pour examiner avec soin, si toutes les précautions requises ont été poussées aussi loin qu'elles doivent l'être. Comme avec cela, pendant l'Observation même, on n'a besoin de remuer autre chose que la petite vis du Micrometre, on est sûr que rien ne scauroit se déplacer, & l'on peut tourner toute son application à bien faire tomber le fil du Micrometre fur le point dont on veut mesurer la hauteur. Voilà déjà de bien grands avantages; mais il s'y en joint encore un qui n'est pas moins considérable. La division par des points met en état de donner 2 l'Instrument la fituation convenable, avec une exactitude qu'il est difficile d'obtenir dans les autres divisions. Quand les points de division font bien ronds, & ont un diametre environ trois fois plus grand que le cheveu, ou fil attaché au centre, on auroit peine à croise avec quelle précision on peut distinguer à l'aide d'un microscope, si le sa passe récllement par le milieu du point de division. Le Chevalier de Louville assure, qu'avec un quart de Cercle d'environ trois pieds, on peut arriver à des déterminations si exactes, qu'on ne court jamais risque de commettre une erreur qui sille au delà de trois, ou tout au On ne lui contestera pas la vérité de cette plus, quatre fecondes. affertion, si l'on entreprend de faire soi-même des Observations avec le secours d'un Instrument ainsi réglé; & peut-être que cette conviction fera poullée encore plus loin, fi l'on répéte un essai que j'ai fait diverses fois, & que je vais décrire ici succintement.

En supposant d'abord qu'on se serve d'un Microscope qui grosfisse vint sois, alors un cheveu, ou un sil de l'épaisseur d'un cheveu, vû que le diametre d'un cheveu est environ sto de pouce, un semblable sil, dis-je, paroitra avoir à peu près au juste la grosseur de 3 de ligne; & le point même auquel je donne un diamètre trois sois plus grand, parce que cette proportion est réellement très commode, & contribué beaucoup à procurer l'exactitude desirée, le point, dis je, se montrera de la grosseur d'une ligne. Cest donc la même chose que que si, à la simple vuë, on saisoit passer par un cercle qui auroit une ligne de diametre, un fil, ou une bande de papier, dont la largeur sut \(\frac{1}{2}\) de ligne, de saçon que le milieu de cette bande passar exactement par le centre du cercle. Quand j'ai réitéré cet essai, je n'ai presque jamais pû découvrir d'erreur sensible. On peut donc s'assurer qu'il n'y a point d'erreur à craindre pour toute grosseur qui est encore observable à la simple vuë, c'est à dire, que l'erreur dans laquelle on pourroit tomber, ne monteroit jamais à \(\frac{1}{20}\) de lignes. Mais, comme le Microscope grossit 20 sois, une erreur de \(\frac{1}{20}\) de ligne à la simple vuë, se réduit à \(\frac{1}{200}\) de ligne. Et une semblable erreur, sur un quart de cercle de trois pieds, ne va environ qu'à deux secondes.

le n'ai rapporté qu'une parrie des avantages attachés à la méthode de Mr. de Louville; il y en a d'autres qui se découvrent encore dans la pratique, & dont je m'abstiens de parler, parce qu'ils ne se rapportent pas à mon but. Mais, quelque avantageule que soit d'un côté la disposition dont j'ai rendu compte jusqu'à présent, il faut avouer bue de l'autre il se présente des raisons de craindre qu'elle ne conduise à quelque chose de désectueux. On prend toutes les petites divisions avec le Micrometre; & comme il est extrèmement rare que le point dont on veut mesurer la hauteur soit celui pour lequel on a placé le centre du Mierometre, on est presque toujours obligé d'écarter confidérablement le fil mobile de l'axe du tube. Cela donne lieu de craindre, que les mesures prises avec le Micrometre, quand elles se sont à des distances considérables de l'axe du tube, soyent incertaines & fautives. C'est par cette raison qu'on a commencé d'abandonner la disposition de l'Instrument astronomique prescrite par Mr. le Chevalier de Louville, quoiqu'elle eut été presque universellement adoptée. demande que l'Etoile dont on doit prendre la mesure actuelle, se trouve dans l'axe du tube. Il faut donc que, pendant l'observation, ou tout Plostrument, ou du moins le tube, soit mis en mouvement. a fait choix du dernier, & l'on met le tube sur une régle mobile sutour

tour du centre de l'Instrument. Mais alors le Micrometre devient inutile, &t il faut prendre la peine de marquer les petites divisions; ou par des lignes tranversales, ou sur les arcs qui divisent l'Instrument, ou de quelque autre manière.

Je ne crois pas m'avancer trop en disant que, par cette disposition, l'avantage d'avoir à l'axe du tube l'Etoile dont on veut mesurer la hauteur, en fait négliger d'autres considérables, & d'une grande commodité. On est obligé pendant l'Observation de remuer la régle avec le tube, & l'on se met incontestablement par là dans un plus grand danger de déranger l'état de tout l'Instrument, qu'on ne peut le saire par le mouvement de la seule petite vis du Micrometre. Je doute aussi beaucoup, que par tous les moyens rapportés ci-dessus, on sois en état de se procurer des divisions aussi exactes, qu'on peut les attendre du passage d'un fil par un point. Au moins est-il certain, & consorme à l'Expérience, qu'une division par un point, toutes les sois qu'elle peut avoir lieu, est présérable à toute autre.

Ces considérations m'ont fait naître l'idée de rechercher. si les erreurs qu'on a sujet de craindre en se servant du Micrometre pour les mesures prises à des distances considérables de l'axe, sont réctlement essez considérables pour saire rejetter la méthode de Mr. de Louville. Get objet m'a paru d'autant plus digne d'attention, que j'ai bien trouvé qu'on fair en général des remarques sur l'incertitude du Micrometre, mais que personne n'a déterminé positivement jusqu'où s'étendent les erreurs qui peuvent en résulter. Une méditation plus approfondiem'a fourni de nouvelles raisons de regarder la chose comme impor-Quand même on voudroit retrancher le Micrometre du nombre des Instruments adaptés au quart de cercle, on ne pourroit pas néanmoins s'en passer entierement. Si c'est donc un Instrument défectueux, il est très à propos de connoître ses désauts, & d'avoir des régles au moyen desquelles on puisse déterminer à quoi montent les erreurs qu'il occasionne dans chaque cas, afin d'y faire l'attention convenable, & de corriger les Observations en conséquence.

Les suppositions sur lesquelles se fonde l'usage du Micrometre, & dont je dois présentement examiner la justesse, sont les suivantes.

- Fig. 1. Quand AB représente un objectif, dont le foyer principal est en D, il montre dans un fort grand éloignement les points d'une furface circulaire FE, qui a pour rayon la ligne CD.
 - 2. Quand MC est le rayon de lumiere, qui tombe d'un point fort éloigné sur le milieu de la lentille, ce point est représenté en m, où le rayon de lumiere MC continué concourt avec la surface circulaire susdite EF.
 - 3. La petite portion de cette surface circulaire qu'on voit à trayers le tube, peut être prise sans erreur sensible pour une surface plane.

La plus legère connoissance des Principes de l'Optique suffit déjà pour faire connoitre, que dans toutes ces suppositions il se commet des erreurs. On les regarde toutes comme sans conséquence; ainsi la question est présentement de savoir, si elles sont réellement si petites qu'on puisse se croire en droit de les négliger. C'est ce qui ne peut être assirmé qu'après un calcul qui détermine exactement leur grandeur, & qui fournisse en même tems, au cas que parmi ces erreurs il y en ait d'assez considérables pour devoir être réputées dangereuses, le moyen d'assigner les corrections qui peuvent être nécessaires dans les mesures prises avec le Micrometre.

D'abord on suppose tacitement, que tous les rayons qui partent d'un point, se réunissent de même dans un point derrière l'objectif. Cela n'est pas rigoureusement vrai, car il est connu que, tant les sigures sphériques des verres, que la diverse réfrangibilité des rayons, s'opposent à cette parsaite réunion. On peut donc déjà croire que ces circonstances influent ici à divers égards pour rendre l'usage du Micrometre peu sûr. Mais il est aisé de prouver aussi qu'elles altérent en quelque chose la distinction de l'objet représenté, mais qu'el-

les ne produisent sucun effet par rapport au lieu où il paroit, & qu'ainsi la désiance qu'on a du Micrometre à cet égard est mal fondée.

Pour justifier ceci, en commencant par l'aberration qui pourroit naître de la sphéricité, qu'on suppose que AB soit un objectif, donc Fig. IL l'ouverture soit mn, que nous voulons supposer d'abord comme infiniment petite. Dans ces cas on sçait que la figure ne scauroit causer aucune aberration. & que tous les rayons qui venant d'un point tomberont sur mn, se réuniront exactement en un point déterminé C. Mais, en supposant que l'ouverture soit rendue plus grande, & devienne présentement AB, alors les rayons qui tombent sur Am & Bn ne se réuniront plus exactement en C, mais ils s'écarteront des deux côtés du point C. Si donc on place à travers C une surface, les ravons s'y répandront en un petit cercle, dont C fera le centre, & la ligne DE le diametre. Cela nuit sans contredit à la représentation distincte du point; mais, comme il est naturel que l'oeil prenne le centre de ce cercle d'aberration pour le vrai lieu de la représentation, & que cela doit arriver d'autant mieux que l'on découvre plus aisément. que c'est au point C que les rayons de lumiere sont le plus épais, ce doit être aussi par conséquent l'endroit où la représentation du point a le plus de vivacité: & l'on comprend sans peine que l'aberration ne doit point être dangereuse, ou propre à jetter de l'erreur dans les mesures prises avec le Micrometre.

Il en est de même par rapport à l'aberration qui pourroit naître. de la différente réfrangibilité de la lumiere. On fait par l'expérience que les rayons jaunes sont les plus viss. Si l'on suppose présentement que ce sont ces rayons seuls qui tombent sur la lentille AB, & qu'ils se réunissent tous dans le point C, il est à la vérité sûr que les autres ravons ne se réunissent pas au même endroit; mais, si l'on met une surface en C, il n'en résultera d'autre effet, si ce n'est que les rayons se . répandront aussi en un petit cercle DC, qui aura C pour centre. Ainsi l'oeil prendra toujours de même ici le point C pour le vrai lien de la représentation; & bien que l'image distincte souffre effective-Aaa 2

ment quelque aisération, cela ne porte aucune atteinte immédiate à la certitude des mesures prises avec le Micrometre.

Je n'aurai donc pas besoin de m'arrêter à ces deux aberrations; beaucoup moins prendrai-je dans mes calculs l'ouverture du verre comme infiniment petite, & les rayons de lumiere comme étant tous d'une égale réfrangibilité. Alors il ne sera plus difficile d'examiner les suppositions rapportées ci - dessus. Nous nous frayerons une route commode pour réussir dans ces recherches, en commençant par résoudre les deux Problèmes suivans.

PROBLEME I.

Que be soit une surface sphérique convexe, qui rompt la lumiere, Fig. III. Et que son centre soit en d. Que d'un point du rayon a tombe un rayon ab sur cette surface, sous un très petit angle; il s'agit de déterminer le lieu, où ce rayon de lumiere, quand il est rompu en b, se réunit avec le rayon.

Qu'on nomme le rayon de la furface bd = a, ca = b, l'arc $cb = \psi$, cg = x, & que l'on pose que le sinus de l'angle d'incidence soit au sinus de l'angle de réfraction $= 1 : \mu$, lequel μ , dans le cas où le rayon passe de l'air dans le verre, comme nous le prenons ici, vaut $\frac{3}{3}\frac{a}{4}$, & est plus petit que 1. Qu'on tire de b avec le rayon bd l'arc def; alors comme nous avons pris l'angle très petit, l'arc df est égal au sinus de l'angle d'incidence, & de au sinus de l'angle de réfraction. Mais il y a ici premièrement ac:bc = ad:df, & ainsi $df = \frac{\psi(b+a)}{b}$. De même gc est : cb = gd: de, & par conséquent $deb = \frac{\psi(x-a)}{b}$. Mais comme à present df est : $de = 1 : \mu$,

on a par conféquent $\frac{\mu\psi(b+a)}{b} = \frac{\psi(x-a)}{x}$, & $x = \frac{ba}{b(1-\mu)-\mu a}$.

Si t'on suppose ici que b soit infini, c'est à dire, que le rayon de lumiere vient d'un point très éloigné, qui se trouve dans le rayon cd, on sure $x = \frac{a}{1 - u}$.

Comme ici la valeur de x ne contient point du tout ψ , il est clair que le point g est celui où tous les rayons qui partent de a se réunissent, & qu'ainsi c'est le lieu où cette surface réfrangible représente le point a. C'est donc à l'aide de ce Problème une chose aisée Fig. IV. que de déterminer le lieu où chaque point, par exemple, b, m, de la surface réfrangible cp est représenté. Il n'y a qu'à tirer de m par le centre d de cette surface une ligne droite md, & faire au dessus d'elle, en conservant les dénominations précédemment employées, cg égal $\frac{ab}{b(1-\mu)-\mu a}$, ou quand m est fort éloigné, avec $\frac{a}{1-\mu}$. Mais, si l'on prend un axe déterminé AB, & qu'on veuille y rapporter le lieu de la représentation, on n'a qu'à laisser tomber de g la ligne perpendiculaire gh, & nommer l'angle md A = 0. En faisant enfuire un calcul àifé, on trouve $ph = \frac{a\mu \cos \Phi}{1 - \mu} + a$, & $gh = \frac{a\mu \sin \Phi}{1 - \mu}$ dans le cas ou m est extrèmement éloigné; & c'est le feul auquel nous ayons besoin de faire attention dans la conséquence.

PROBLEME

Qu'on suppose de plus que be soit une surface sphérique, sur le Fig. V. esté concave de laquelle tombe un rayon de lumiere Bb, de façon que s'il la traversoit sans se rompre, il se réuniroit avec le rayon cd derrière la surface au point a. Il s'agit de déterminer le point g, où ce rayon de lumiere, après avoir été rompu en b, se réunit avec le rayon cd.

Si l'on conserve ici la construction précédente, & qu'on suppose bd = A, ac = B, & la proportion entre le sinus de l'angle Aaa 3 d'in-

d'incidence & celui de réfraction $\equiv 1:M$, on peut conclure d'une maniere femblable, & l'on obtient par là eg, que nous appellerons $x = \frac{AB}{B(M-1)+MA}$. En supposant ici le cas où le revons l'application dans la suite de cette proposition, alors on aura $M = \frac{3}{2}\frac{1}{0}$, & plus grand que 1.

Au cas qu'on veuille aussi rapporter ici le lieu de l'image à un axe déterminé, qu'on se représente que les rayons de lumiere convergent vers le point a, & qu'on nomme la ligne perpendiculaire $ab \equiv a$, & $pb \equiv \beta$. Qu'on tire de a le rayon ad, & qu'on fasse an deffus, quand ca est suppose = B, la ligge $cg = \frac{AB}{B(M-1) + MA^2}$. g se trouvers le point desiré. Et ssin qu'il puisse être rapporté à AB. qu'on tire la ligne perpendiculaire gk, & qu'on cherche à présent les lignes pk & kg à rendre par a & \beta. On obtient cette valeur de la maniere suivante. Comme ad:db = dg:dk, $dk = \frac{AM(A+\beta)}{B(M-1)+AM}$, & de là $pk = \frac{A(M\beta-MB)+B}{B(M-1)+AM}$, Mais, comme de plus db: ba = dk: kg, ainsi $kg = \frac{A'M \alpha}{B(M-1) + AM}$. Il faut encore éliminer B de cette formule, & exprimer sa valeur par a, β & A. Mais, afin d'obtenir des expressions qui conviennent à notre but, nous nommerons y la très petite différence qui se trouve entre B & β , & nous la mettrons au lieu de B dans notre formule $\beta + \gamma$. Si cela arrive, pk fera $=\frac{A(\beta+\gamma)-A\gamma M}{(\beta+\gamma)(M-1)+AM}=\frac{A\beta}{\beta(M-1)+AM}$ $\frac{A \beta \gamma (M-1)}{[\beta(M-1)+AM][(\beta+\gamma)(M-1)+AM]} \frac{A \gamma (M-1)}{(\beta+\gamma)(M-1)+AM},$

&
$$k g = \frac{A \alpha M}{(\beta + \gamma) (M-1) + AM} = \frac{A \alpha M}{\beta (M-1) + AM}$$

$$\frac{A \alpha \gamma (M-1)M}{\{\beta (M-1) + AM\}\{(\beta + \gamma) (M-1) + AM\}}.$$
 Pour plus de commodité, nous voulons conferver γ dans notre formule, & nous remarquons seulement à cause de cela, que γ est $= \sqrt{(A+\beta)^2 + \alpha^2} - A - \beta$, à la place de quoi on peut prendre assez exactement $\frac{\alpha - 2}{2(A+\beta)}$.

A' l'aide de ces deux Problèmes, on sera présentement en état de déterminer avec la derniere exactitude le lieu où le point d'une lentille de verre sera représenté. Qu'on suppose que NMPQ soit une Fig. VII femblable lentille, & que l'on conserve, tant pour la surface antérieu. re MN que pour la postérieure PQ, les dénominations employées dans les deux Problèmes précédens, enfin que cd, ou l'épaisseur de la lenrille, soit marquée par c. Les rayons de lumiere qui viennent d'un point fort éloigné, tombant sur la partie antérieure de la Jentille sous l'angle 0, ces rayons parallèles seront rompus de façon, qu'ils deviendront tous convergens vers un certain point h derrière la lentille. Ce point h peut être déterminé par le premier Problème; car en vertu de ce Problème, comme μ est $=\frac{20}{31}$ & $\mu-1=\frac{11}{31}$, c_R sera $= \frac{(20\cos(\phi + 11)a)}{11}, & h_g = \frac{20a\sin\phi}{11}.$ tombent avec la même convergence sur la partie postérieure du verre PQ, & y souffrent de nouveau une réfraction, par laquelle ils se réunissent en un autre point f. Le second Problème nous met en état de trouver la place de ce point. dg est $=\beta = \frac{(20\cos(\phi+11)a-11c)}{20a\sin\phi}$, & $hg=a=\frac{20a\sin\phi}{20a\sin\phi}$. Si nous mettons présentement cette valeur dans la formule trouvée par le second Problème, & en même tems $M = \frac{31}{20}$, & $M - 1 = \frac{11}{20}$, nous

nous obtiendrons la valeur cherchée pour de & ef, & par conséquent le lieu de la représentation.

Il est aisé de faire dans chaque cas particulier l'application de cette méthode, & de rechercher si l'on peut y accorder comme vrayes les suppositions employées dans l'usage du Micrometre. Je sournirai deux exemples semblables; l'un avec un tube d'environ trois pieds, tel qu'on a coutume de s'en servir avec un quart de cercle de médiocre grandeur, & l'autre avec un tube de six pieds, qui est fort en usage pour les autres Observations dans lesquelles on sait entrer le Micrometre.

Supposons que l'on ait un objectif dont le foyer principal ait trois pieds, ou 300 lignes, cela ne suffit pas encore pour déterminer la grandeur des rayons que chaque surface doit avoir. Car, quand l'aide de la Méthode précédemment indiquée, on cherche une équation pour la distance du foyer principal, que nous voulons nommer P afin d'abréger, on n'a simplement qu'à poser P = o. Alors on aura cof $\phi = 1$, & $\sin \phi = 0$, β deviendra par conféquent $= \frac{31a - 11c}{11}$, & a aussi bien que y l'un & l'autre = o. L'expression pour de est donc alors $\frac{20 \text{ A}\beta}{11\beta + 31 \text{ A}} = \frac{20 \text{ A}(31 \text{ a} - 11 \text{ c})}{11(31 \text{ a} + 31 \text{ A} - 11 \text{ c})}$ Cette équation est indéterminée, quand on regarde les rayons a & A comme inconnus; & par conséquent il doit y avoir une infinité d'objectifs différens possibles, qui ayent tous la même dimension du foyer principal. Mais, si nous supposons que les deux surfaces ont un même rayon, & qu' ainsi a = A, ce qui a communément lieu, quoique ce ne soit pas la proportion dont on devroit se servir, on aura ainsi $\frac{20 \, a(31 \, a - 11 \, c)}{11 \, (62 \, a - 11 \, c)} = P, \quad \text{dans ce cas} = 300 \text{ lignes.} \quad \text{Si nous}$ prenons e dans cette comparaison, c'est à dire l'épaissent de la lentille = 1 ligne, (car on pronvers difficilement une lentille d'objectif plus épaisépaisse,) alors on trouve $\frac{20 a(31 a - 11)}{11 (62 a - 11)} = 300$, & par conséquent a = 330, 1774 lignes.

En général on s'apperçoit aisément que, plus o est grand, & plus sera grande l'erreur par laquelle on prend à faux le lieu de l'image dans les suppositions accoûtumées. Nous devons donc dans cette recherche prendre au lieu de O la plus grande valeur qui puisse se présenter. Je prens ici à cause de cela $\phi = i \rho'$, car on n'a pas besoin d'un plus grand angle pour mesurer à l'aide d'un Instrument pourvû d'un Micrometre, suivant la méthode de Mr. de Louville. Mais, ayant fupposé $\phi = 10'$, cos ϕ est = 0,9999958, & $\sin \phi = 0,0029089$, par conféquent $\beta = 929, 4974, \alpha = 1,7462, & \gamma = 0,0012.$ Si présentement nous voulons déterminer de, nous n'avons besoin de nous servir que de cette valeur. Mais la formule pour de consiste en trois parties, dont les deux dernieres font fort petites; c'est pourquoi nous commencerons par déterminer leur valeur, pour voir, si elles ne sont pas réellement si petites, qu'on puisse se dispenser d'y faire aucune attention. Or nous pouvons prendre ici en toute assurance. à la place de $(\beta + \gamma)$ (M-1) + AM, seulement $\beta(M-1) + AM$, car les termes, déjà très petits en eux mêmes, ne pourront jetter dans aucune erreur par cette différence extrèmement petite entre les déno-En faisant cela, nous obtiendrons pour le second terme de de, 0,00019, & pour le troissème, 0,00021. Nous trouvons de même pour le second terme de fe, 0,0000005. Ainsi de est

$$= \frac{20 \text{ A}\beta}{11\beta + 31\text{ A}} - 0,0004, & fe = \frac{31 \text{ A}\alpha}{11\beta + 31 \text{ A}} - 0,0000005.$$

Nous sommes donc parsaitement en droit de tenir pour o les deux derniers termes de de & fe. Il saudroit employer une lentille oculaire qui grossit plus de 100 sois pour apperçevoir le moins du monde les erreurs de de, & une qui grossit plus de 100000 pour celles de fe. Nous pouvons donc à l'avenir prendre avec une pleine certitude.

Mim, de l'Acad. Tom, XII.

B b b

pour la valeur de de seulement $\frac{20 \text{ A }\beta}{11 \text{ }\beta + 31 \text{ A}}$, & pour celle de $fe = \frac{31 \text{ A }\alpha}{11 \text{ }\beta + 31 \text{ A}}$.

Si nous metrons à présent dans cette formule les valeurs convenables trouvées ci-dessus de a & β , cela nous donnera de = 299,9995, & fe = 0,8727. Suivant les suppositions accoûtumées, de seroit $= P \cos \phi = 299,998$, & $fe = P \sin \phi = 0,8726$, lesquelles valeurs ne différent des véritables que de 0,0008, & 0,0001. Ces erreurs sont aussi si petites, que nous pouvons sans le moindre risque négliger d'y faire attention. C'est ce que nous verrons à sonds plus bas, lorsque nous aurons déterminé les erreurs que les deux premieres suppositions sont capables d'introduire dans les mesures prises avec le Micrometre.

Si nous faisons une recherche semblable en nous servant d'un tube de six pieds, nous pourrons procéder entierement de la même maniere; seulement il ne saut pas prendre 10' pour ϕ , car ces mesures s'étendent à an plus grand angle. Je veux prendre exprès ϕ fort grand, sçavoir de 10, asin que les erreurs qui pourroient en résulter soyent d'autant plus sensibles.

On trouve ici, quand on prend de nouveau le rayon des deux furfaces égal, A = 660, 1773, $\beta = 1859$, 3168, $\alpha = 20,9483$ & $\gamma = 0.0870$. Le fecond terme de de devient à cause de cela = 0.01397, & le troisième 0.0154, & leur somme = 0.02937. Pareillement le second terme de fe devient = 0.00023. Si nous cherchons aussi la valeur des premiers termes, nous aurons de = 599.9703 = 0.02937 = 599.9409, & fe = 10.4774 - 0.00023 = 10.4772. Or, suivant l'hypothese ordinaire, de servit 599.9087, & fe = 10.4714, ce qui ne diffère des vrayes valeurs trouvées ci dessus, que de 0.0323, & 0.0058.

Ces différences sont sussi sort petites; & il en résulte clairement tout au moins, que dans les deux premieres suppositions mentionnées on ne s'écarte que très peu de la vérité. Cependant on s'en écarte, & c'est à nous à rechercher jusqu'où cela peut aller, & quelle erreur il pourroit en naître dans les mesures du Micrometre. Mais on ne scauroit se promettre de réussir dans cette recherche, avant que d'avoir examiné jusqu'où la derniere supposition qu'on fait dans l'usage du Micrometre peut être reconnue pour vraye; & c'est ce qui m'oblige à tourner avant toutes choses mes vues de ce côté là.

De tout ce qui été dit jusqu'ici il s'ensuit évidemment, que l'image produite par l'objectif existe, non sur une surface plane, mais sur une furface courbe. Ainsi l'on commer sans contredit dans la troisième supposition une faute, qui ne scausoit manquer d'influer sur les mesures du Micrometre. Pour s'en convaincre, qu'on suppose que Fig. VIII. de soit la surface courbe, sur laquelle l'image est réprésentée, & que hi designe la surface plane, sur laquelle se meut le sil du Micrometre. il touche ainsi en f la surface de l'image. Si le fil du Micrometre est déplacé hors de son axe, par exemple, en b, & qu'on se représente qu'on voit l'image sans le secours d'un oculaire, il est clair qu'à cause qu'en b le fil est un peu distant de la surface de l'objet, un oeil en C voit le fil vers k, & l'autre en D le rapportera à un autre point. Ce fil doit par consequent avoir alors quelque parallaxe, & cela répand de l'incertitude dans les mesures. Que si l'on se sert d'un oculaire, la même chose arrive avec cette différence seulement que la grandeur de cette parallaxe dépend de la constitution & du lieu de l'oculaire. Nous devons donc rechercher ici, quelle est l'influence de la lentille oculaire. Il faudra pour cet effet recourir à quelques Principes d'Optique, que je vais commencer par rapporter en peu de mots.

Ou'on suppose que d soit un point qui se trouve hors de l'axe de l'oculaire AB, dans le fil mobile du Micrometre. Si l'on met le foyer de ce verre en h, & qu'on tire de d, dk parallele avec l'axe, il y aura un rayon qui, en suivant cette direction, sera rompu en h. Le rayon Bbb 2 qui

qui passe par g, continue sa route sans se rompre; & à cause de cela les rayons qui partent de d, pas autrement que s'ils venoient de e, atteignent derrière le verre le point où les lignes hk & dg concourent. Un oeil donc qui seroit en t, verroit le point d dans la ligne et. Nous pouvons déterminer cette ligne de la maniere suivante. Qu'on suppose $gh \equiv a$, $gc \equiv a$, $dc \equiv m$, $fg \equiv y$, $fe \equiv x$, alors on a $gh:dk = fg:fc & de la y = \frac{aa}{a-a}$. Mais comme de plus cg: cd = fg: fe, ainsi $x = \frac{ma}{a-a}$. Quand x, a, y font trouvés suivant cette méthode, qu'on suppose sg = k, st = l, & l'angle $fie = \psi$. On a ici prémierement si: st = sf: ef + st, par conséquent $si = \frac{l(y+k)}{l-x}$, & de là $gi = \frac{kx-ly}{l-x}$, & $fi = \frac{x(k+y)}{(1+x)}$. Mais comme de plus $if: fe = 1: \tan y$, ainsi tang $\psi = \frac{l+x}{k+x}$. Si présentement l'on suppose que l'oeil se meuve de l'autre côté, aussi loin par delà l'axe, qu'il étoit auparavant en deçà, il arrivera, quand il se rencontrera en p, qu'il verra le point d suivant la ligne pe, & si nous désignons l'angle f le, par ψ, tang ψ Fig. X. fera $=\frac{x-l}{k+v}$.

Fig. XI. Supposons de plus qu'à quelque distance du point d, il y sit un autre point m, & qu'on doive déterminer le lieu de ce point, lorsqu'il est vû par un oeil en t, par la lentille oculaire, dans une même ligne te avec le point d. Qu'on nomme ici ng = A, & $nm = \mu$, en retenant d'ailleurs les dénominations précédentes. Il paroir clairement par ce qui précéde, que sous ces conditions $qg = \frac{Aa}{a-A}$,

å

& $p = \frac{\mu \alpha}{\alpha - A}$, & la tangente de $prq = \frac{l\alpha - Al + \mu \alpha}{k\alpha - Ak + A\alpha}$. Si présentement les deux points d & m doivent être vûs dans la même ligne se, ps & es doivent aboutir ensemblé, & par conséquent la tangente de prq être égale à la tangente de eif. Nous obtenois de la l'équation $\frac{l\alpha - Al + \mu \alpha}{k\alpha - Ak + A\alpha} = \frac{l\alpha - al + m\alpha}{k\alpha - ak + a\alpha}$. D'où il est maniseste que tous les points, qui sont vûs avec d par un oeil en s en une ligne, doivent être placés tous en une ligne droite mdk, que l'on peut déterminer, en nommant la tangente de eif, c, & en saisant $gk = \frac{l\alpha - k\alpha c}{l - kc + c\alpha}$, & la tangente de $mkn = \frac{ke - c\alpha - l}{\alpha}$. Cette formule est bonne aussi pour le cas où l'oeil est en p au delà de l'axe, avec cette différence seulement que soit alors être pris négatif.

Pour être en état de faire une application de cette formule dans des cas particuliers, il est nécessaire que nous cherchions à déterminer la valeur pour la k. Or I défigne, comme on le peut clairement inférer de ce qui précéde, l'étendue à laquelle l'oeil a la liberté de se porter des deux côtés de l'axe. La parallaxe du Micrometre dont nous avons fait mention ci-dessus, devenant, comme il est aisé de le comprendre, d'autant plus considérable que l'est plus grand, il ést avantageux de limiter l'oeil de façon qu'il s'écarte aussi peu qu'il est possible de l'axe. C'est ce qu'on peut saire au moyen d'un diaphrag? me, qui est perce d'un trou rond, & que l'on met à l'endroit où l'oeil doit être placé. A la vérité il est en général fort avantageux de faire ce trou aussi petit qu'il est possible; cependant on ne sçauroit lui donner une ouverture plus petite que celle qui répond au diametre de la prunelle, sans que la clarté de la représentation en souffre quelque chose. Or, comme on peut évaluer le diamètre de la prunelle tout au plus jusqu'à deux lignes, il faudra par conséquent prendre I, le demi diametre du trou dans le disphragme, d'environ une ligne.

La

La distance de l'oeil à l'oculaire est désignée par k. Le but de la construction d'un tube demande que l'oeil soit placé de façon, que l'image fe représentée par l'oculaire soit vuë distinctement. Ainsi la ligne fs doit être égale à l'éloignement dans lequel l'oeil se représente distinctement un objet. Cet éloignement étant pour un bon oeil de huit pouces, ou 80 lignes, nous pouvons dans la suite prendre toujours $fs \equiv y + k \equiv 80$ lignes, & déterminer la grandeur de k & a de façon qu'elle satisfasse aux conditions exprimées.

Nous pouvons à present saire une application de ces principes aux cas particuliers qui ont été posés ci-dessus. Dans un tube de trois pieds on peut se servir d'un oculaire de 10, 5 lignes de soyer, & l'oeil doit être à peu près aussi loin derrière le verre. Nous avons de là a = 10, 5, k = 10, 5, l = 1, a = 9, 1218, & m pour le cas où l'on étend la mesure environ à 10 de l'axe = 0, 8726.

Fig. XII. Alors, quand l'oeil est en t, c sera = 0, 0956, mais quand il est en p, = 0, 0706. De là s'ensuit dans le premier cas gn = 0, 0399, & dans le second gm = 18, 2836. Les angles dnc, & dmc, sont dans ce cas égaux, & leur tangente est = 0, 09523.

Il est aisé de déterminer par là la grandeur de toute la parallaxe à laquelle on doit saire attention, de la maniere suivante. Comme les lignes hi & ef ne s'écartent que très peu de kl, on peut les regarder comme si elles y coincidoient; alors h k sera la dissérence entre dc & hi = 0,000114, & ke est de la même grandeur; par conséquent he = 0,000228. La grandeur de la ligne à mesurer est donc incertaine d'autant, ce qui ne va pas dans un tube de trois pieds, au delà de 9,4 tierces. Or une incertitude qui concerne une aussi petite grandeur, est assurément insensible, & personne, à cause de cela, ne voudra blâmer, ou rejetter la disposition de l'Instrument Astronomique prescrite par Mr. de Louville.

Dans un tube de six pieds, cette incertitude sera sans contredit plus sensible, lorsqu'on voudra étendre les mesures du Micrometre jusjusqu'à un degré. On peut se fervir dans un semblable tube d'un oculaire, dont le foyer soit de 14,7 lignes. Nous trouvons donc pour ce cas $\alpha = k = 14,7, a = 11,9988, l = 1, & m$, quand la mesure s'étend jusqu'à un degré de l'axe, = 10,4714. Alors c sera pour un oeil en t = 0,7202, & pour un oeil en p = 0,6952, ce qui donne au premier cas gn = 140,9274, & au second gm = 164,9251. Les angles dnc, & dmc, sont ici de nouveau égaux, & leur tangente est = 0,0682.

Par là on détermine comme auparavant la grandeur de l'incertitude qui régne dans les mesures. En esset hk lera ke = 0,0062, par conséquent he = 0124; & ainsi toute l'incertitude des mesures montera à $4\frac{1}{4}$ secondes, ce qui est assez considérable pour qu'on ne soit pas en droit de le négliger.

Telle sera la grandeur des parallaxes auxquelles il faut avoir Egard, en prenant pour parfaitement juste l'hypothese, suivant laquelle la surface de l'image fait partie de la boule qui a pour rayon la distance du foyer à l'objectif. Mais nous avons trouvé ci-dessus que cela ne pouvoit être admis, & par conféquent les parallaxes que nous avons déterminées ne sont pas les véritables. Cependant, au lieu d'avoir à craindre que les vrayes parallaxes foyent plus grandes, on découvre au contraire qu'elles sont plus petites. Car ci dessus nous avons trouvé de plus grand qu'il ne devoit être suivant l'hypothese fusdite. La surface de l'image est donc moins courbe, que les suppositions ordinaires ne la prennent; & à cause de cela, dx étant réellement plus petit, la parallaxe même doit pareillement être moindre. Ceci fait un objet fort confidérable, car au lieu qu'auparavant dans un tube de trois pieds la parallaxe alloit jusqu'à 9" de grandeur, elle n'est réellement pas tour à fait de 4"; & dans un tube de six pieds elle fera diminuée de 4" 15" jusqu'à 2" 45". Les mesures du Micrometre incontestablement ne sont donc pas aussi incertaines qu'on pourroir le croire, à n'envisager la chose que superficiellement.

Mais

Mais la courbure de la surface de l'image peut encore être la Fig. XIV cause d'une autre erreur. Qu'on suppose que l'oeil soit dans l'axe en s, & que dn soit la ligne dans laquelle sont placés tous le points que l'oeil en s voit avec d dans une même ligne. Dans cette position l'oeil rapportera le point du sil du Micrometre à f. A' présent si l'on prend dans les mesures du Micrometre fe = dc, on tombera dans l'erreur de la petite ligne fg. Il est aisé de déterminer la grandeur de cette erreur. Si l'on conserve les déterminations précédemment

employées, & qu'on fasse l = 0, on obtient $Cn = \frac{kac}{ca - kc}$,

& la tangente de $end = \frac{kc - ca}{a}$. Cette valeur donne facile-

ment à connoître que, quand $k = \alpha$, comme nous l'avons pris cidessus, $Cn = \infty$, & de là la ligne dn parallele avec l'axe; par conséquent l'erreur est fg = 0. Mais, si α n'est pas = k, fg ne pourra évanouir, mais il deviendra négatif, quand k est plus grand que α , & au contraire positif, quand il est plus petir. Ainsi dans la disposition précédemment indiquée des tubes qui ont été pris pour exemple, cette erreur ne sçauroit avoir lieu, mais il seroit possible qu'elle se rencontrat dans une disposition un peu différente. Mais, afin de nous faire quelque idée de la grandeur de cette erreur, faisons aussi là dessus un calcul rélatif à quelques cas particuliers.

Posons dans le tube de trois pieds k = 15, alors a est = 9, 0397, & la tangente de cnd = 0, 11200. Si nous prenons donc gd = 0, 0013, comme le donnent les hypothèses ordinaires, fg se trouve = -0, 000145. Mais, quand nous posons gd, comme il est effectivement = 0, 0005, alors fg est = -0, 00056. Ces erreurs ne sont pas de la moindre conséquence, car la première monte seulement environ à 511, & la seconde à 2111.

Dans un tube de six pieds, si l'on prend k = 20, nest = 11,8071, & la tangente de cnd = 0,2398, par conséquent fg = -0,02191, suivant

fuivant les suppositions accoûntanées, mais, selon la vérimble valeur, seulement — 0, 01417, erreurs dont la premiere monte à 7" ½, & la seconde à 4" 52". Elles sont assurément assez considérables, pour que, en donnant à un tube la disposition mentionnée, on ait à craindre de tomber dans d'extrèmes méprises, si l'on ne veut pas avoir égard à cette correction.

Enfin je dois encore parler du dernier défaut, auquel les mefures du Micrometre sont exposées. On connoir immédiatement à l'aide du Micrometre la grandeur de la ligne dc, ou de la distance de la représentation de chaque point par rapport à l'axe du tube. En se conformant aux hypotheses ordinaires, on pose que cette ligne est $P \sin \varphi$, ou comme les angles à mesurer sont communément fort petits $P \varphi$; d'où l'on conclut la grandeur de l'angle φ . Mais nous avons trouvé ci-dessus, que la ligne dc n'est pas parsaitement égale à $P \sin \varphi$. Cela fait donc encore naître la question si ces dissérences peuvent être la cause de quelques erreurs.

Dans un tube de trois pieds, quand on étend les mesures jusqu'à 10', cette différence est = 0,0001; ce qui ne pouvant aller qu'à une erreur de 4" ne mérite absolument aucune attention. Mais dans un tube de six pieds l'erreur est = 0,0058, ce qui monte à 3" 35".

On peut à présent tirer de tout ce Mémoire la conséquence légitime, qu'on n'a rien à craindre de la parallaxe dans un Instrument disposé suivant la méthode de Mr. de Louville, & que les autres erreurs dans lesquelles on pourroit tomber sont si petites qu'on est en droit de les négliger. Peut-être à la vérité qu'en donnant au tube une disposition un peu différente, comme celle, par exemple, que j'ai employée, les erreurs ne seroient pas précisément les mêmes; cependant il est aisé de voir qu'elles seront très petites, & qu'on doit les regarder comme n'exigeant aucune attention.

Ccc

Mais au contraire, dans de plus grands tubes, on découvre des sources d'erreurs très considérables, & cela demande qu'on ne s'en serve qu'avec beaucoup de précaution. Les mesures à de grandes distances ne sont jamais sures à cause des parallaxes; & cette incertitude oblige quelquesois, surtout dans certaines dispositions du rube à des corrections très considérables, qui peuvent être déterminées sans peine à l'aide de ce que j'ai dit ci-dessus; c'est pourquoi je m'abstiens d'en donner ici la théorie.

le n'ai plus qu'un mot à ajouter en finissant sur cette disposition de l'Instrument de Louville que j'ai désendue jusqu'ici. On pourroit m'objecter qu'une raison suffisante pour ne pas s'y fier, c'est qu'elle n'est pas fondée sur des principes d'Optique, & qu'elle tient uniquement à la structure du Micrometre. Dans cet Instrument, on se repose sur l'exactitude de la vis; & il est pourtant certain qu'il n'y a jamais de vis d'une exactitude parfaite. Je l'avouë, mais en même tems on ne pourra pas nier, que dans toute autre disposition les divifions ne scauroient également parvenir à une précision rigoureuse. l'on dit qu'on pourroit rechercher la grandeur des erreurs dans les divisions, & corriger en conséquence les Observations, je répondrai qu'il ne seroit pas impossible, ni même plus difficile, de déterminer les défauts de la vis que ceux des divisions; & que cela suffit pour autoriser à révoquer en doute la préférence qu'on voudroit donner à toute autre disposition de l'Instrument astronomique sur celle de Mr. de Louville.



MEMOIRES

DE

L'ACADÉMIE ROYALE

DES

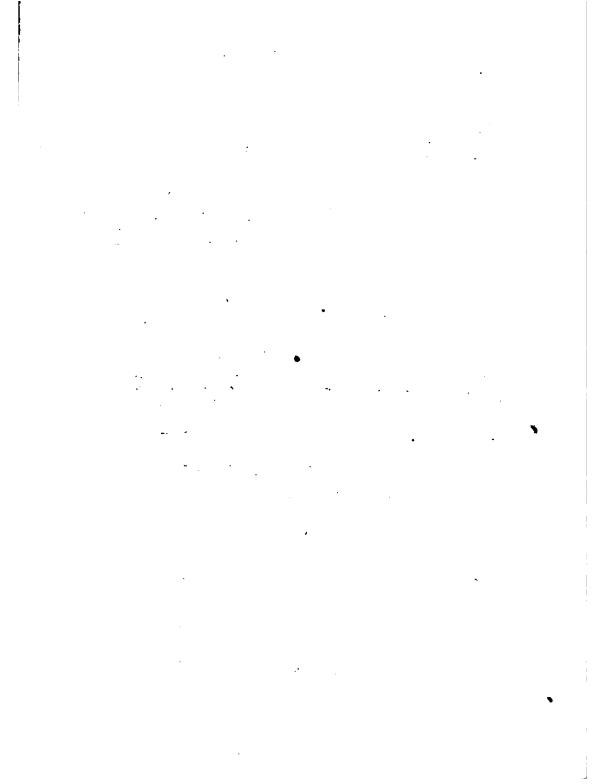
SCIENCES

E T

BELLES-LETTRES.

CLASSE DE PHILOSOPHIE SPÉCULATIVE.

' *****





EXAMEN PHILOSOPHIQUE

DE LA PREUVE

DE L'EXISTENCE DE DIEU

EMPLOYEE

DANS L'ESSAI DE COSMOLOGIE.

PAR MR. DE MAUPERTUIS.

PREMIERE PARTIE.

Sur l'Evidence & la Certitude Mathématique.

I.

andis que les uns ont cru que dans mon Essai de Cosmologie je cherchois à détruire ou à affoiblir les preuves que nous avons de l'existence de Dieu, les autres pensoient que j'avois prétendu en donner une démons-

tration géométrique. J'ai déjà répondu: mais, si je suis parvenu à calmer les uns, je n'ai pas encor réussi à dissuader les autres. Cependant j'irois directement contre le principe que j'établis, si je laissois attribuer à la preuve que j'employe un degré de force qu'elle n'a pas. Je l'ai dir dans l'avant-propos de l'Essai, on ne sauroit saire plus de tort à la vérité qu'en voulant l'appuyer sur des sondemens peu solides. Je répéte donc que les preuves que j'ai attaquées, ou plutôt que j'ai cru qu'on ne de-Ccc 3 voit pas admettre, étoient celles dont les ennemis de la Divinité pourroient se servir pour en nier l'existence avec autant d'avantage que ceux qui veulent l'établir : que je n'ai jamais regardé la preuve que j'ai donnée comme une démonstration complette, mais comme un raisonnement plus fort que tous ceux qu'on tire de ces petits dérails de la Nature qui soussirent mille exceptions, & où les vues du Créateur restent trop cachées: que plusieurs de ces preuves prises séparément n'ont pas à la vérité toute la force que quelques Auteurs leur veulent donner; mais que toutes ensemble sont plus que suffisantes pour nous convaincre.

- II. Parmi ceux qui ont cru que j'attribuois à la preuve de l'existence de Dieu que je tire de mon principe, plus de force que je ne lui en donne, quelques uns pour en faire une démonstration géométrique n'y trouvoient à redire qu'un point sur lequel j'avois passé asses rapidement parceque je n'y réduisois pas comme eux la force de cette preuve. Ces Philosophes ont dit : oui, des loix du mouvement où l'action est toujours employée avec la plus grande économie démontreront l'existence de l'Etre supreme; mais pour cela il faut que ces loix ne soient pas des suites nécessaires de la nature des corps.
- répondu en deux mots: que si les choses se trouvent dans le monde tellement combinées que la nécessité y exécute ce que l'intelligence prescrivoit, la souveraine sagesse & la souveraine puissance n'en seroient que plus fortement établies. Cette réponse me parut suffisante alors, & me le paroitroit encore; mais, comme je connois des hommes célébres qui ne s'en sont pas contentés, qui ont insisté sur cette objection tirée de la nécessité des loix du mouvement, & qui m'ont invité à leur produire sur cela des éclaircissemens; je le ferai d'autant plus volontiers que la nécessité ou la contingence de ces loix est une des plus belles questions de la Philosophie Spéculative: & qu'après les efforts des plus grands hommes il y reste encore de grandes obscurités. Pour éclaircir cette matiere il nous saudra remonter jusqu'aux premiers princi-

principes de nos connoissances; marquer ce qui les distingue entr'elles par raport à leur certitude, pourquoi les unes sont plus susceptibles d'évidence que les autres, & jusqu'où nous pouvons compter sur cette évidence.

- IV. Si les matériaux dont est bâti l'édifice de nos Sciences étoient tombés du Ciel: si, comme quelques Philosophes l'ont présendu, nos idées étoient les archetipes éternels des choses, ou la subfance même divine dont nos ames en naissant porteroient certaines empreintes & continueroient dans la suite à se pénétrer; si ce sistème étoit vrai, nos sciences auroient les sondemens les plus solides, & une réalité qui ne dépendroit, ni de notre maniere d'apercevoir, ni de notre existence même.
- V. Mais, s'il étoit vrai que toutes nos connoissances ne dépendissent que des premieres impressions que les objets ont faites sur nos sens, que des perceptions qui s'en sont formées dans notre ame, que du ressouvenir, de la comparaison, & des dissérentes combinaisons que nous avons sait de ces perceptions; notre Science ne seroit plus rien d'absolu, elle ne seroit qu'une propriété apartenante à notre espece: un sens de plus dans quelque espece supérieure seroit pour elle une science nouvelle plus étendue, à laquelle nous ne pourrions jamais atteindre: un sens de moins dans l'espece humaine auroit resserré nos connoissances dans des bornes encor plus étroites qu'elles ne le sont.
- VI. Le peu d'accord que nous voyons entre les Philosophes seroit bien capable de faire penser que c'est cette derniere supposition qui est la véritable : que notre science n'est sondée que sur des principes qui n'ont rien d'absolu, apropriés à l'espece humaine, quelque sois même seulement à quelque secte de Philosophes.
- VII. Voilà donc une étrange alternative : notre Science estelle la science universelle des esprits, une vue de vérités éternelles, une partie

partie de la Science de Dieu? ou n'est elle que le résultat, la combinaison de nos sensations, notre propre ouvrage, une propriété seulement de notre espece?

- VIII. Cette question est si importante & si nécessaire qu'on ne sçauroit asses s'étonner de voir tant de systèmes bâtis, tant de gros livres faits, avant qu'on l'ait résolue, & souvent même avant qu'on ait pensé à la résoudre. Peut-être est elle au dessus de nos forces: mais si nous ne pouvons nous satisfaire entierement, creusons du moins le plus avant qu'il nous sera possible vers les fondemens de nos connoissances.
- IX. Si quelque chose peut nous persuader que c'est sur des idées éternelles & immuables que nos Sciences sont sondées, c'est l'évidence qu'on trouve dans quelques unes, & cet accord universel entre tous ceux qui traitent une même proposition. Cet accord à la vérité & cette évidence ne se trouvent que dans les sciences mathématiques: tandis que toutes les autres parties de nos connoissances sont sujettes à des disputes éternelles, dans la Géométrie tout le monde est d'accord; cette science sixe le Sceptique le plus incertain, convainc l'esprit le plus obstiné.
- X. Quelques uns attribuent cet avantage à ce que le Géomètre n'opere, disent ils, que sur des objets qu'il a créés, qui ne sont précisément que ce qu'il a voulu qu'ils sussent: d'autres disent que par ses abstractions il a dépouillé les corps de toutes les propriétés sensibles dont il n'avoit pas des idées asses distinctes, & ne leur a laissé que celles dont il a une connoissance parsaite. Ensin, pour ceux qui croyent que la seule étendue forme l'essence des corps, que les propriétés essentielles de la matiere ne consistent que dans ses trois dimensions; que notre esprit a des idées claires & complettes de ces propriétés; que toutes les autres modifications n'affectent que nos sens: pour ceux-là, disje, ils ne sont pas embarrasses à trouver la cause de l'évidence dans une science qui ne considére que ces propriétés surples & sondamenta-

les, tandis que les autres sciences roulant sur des objets qui ne frappent que nos sens, & dont nous n'avons que des idées confuses ou imparfaites, nous laissent dans le doute & l'incertitude.

- Cependant si l'on considére la chose avec plus d'attention. on se trouvers pas si facile de marquer la véritable cause de l'avantage des mathématiques sur les autres sciences, car 1. dire que dans les methémetiques l'esprit s'est formé l'objet qu'il considére, c'est ne rien dire ou dire quelque chose de très faux : notre Esprit ne crée rien, il reçoit par les sens l'impression des objets; il peut appeller idées quelques unes des perceptions, & laisser le nom de sensa. tions aux autres; il les peut joindre & féparer de mille manieres différentes, mais il ne crée pas un feul objet nouveau, il ne crée pas une seule perception nouvelle. 2. L'esprit peut bien dans un objet faire abstraction de celles de ses propriétés qu'il voudra, & réduire cet objet à la simple étendue : mais la question est, pourquoi les raisonnemens qu'il fait sur l'étendue sont susceptibles de la plus parfaite évidence, tandis que ceux qui portent sur d'autres propriétés sont sujets à tant d'obscurités & d'incertitudes, & la question subsiste dans son entier : car dire que c'est parce que l'idée de l'étendue est plus claire & plus simple que celles des autres propriétés, c'est alléguer pour réponse à la question la question même. 3. Enfin, pour ceux qui font une si grande différence entre l'étendue & les autres propriétés; qui veulent que l'étendue soit l'essence du corps, que toutes les autres propriétés n'en soient que des modifications qui ne portent à l'esprit que des idées confuses; pour ceux-là, s'il en est encore, il suffit de les prier de lire tant d'excellens ouvrages où l'on a démontré que l'essence des corps nous restant inconnue, nous n'en connoissons que les propriétés, & ne connoissons ces propriétés que par les sens.
- XII. Au fond si nous devons toutes nos idées aux impressions que les objets ont faites sur les organes de nos sens, les connoissances mathématiques ne semblent différer des connoissances phisiques & de toutes les autres, qu'en ce que celles là sont fondées sur une expérent de l'Acad. Tom. XII.

 D d d

rience antérieure ou plus simple, & celles ci sur une expérience plus tardive ou plus compliquée.

- XIII. Ce n'est donc, ni dans un privilége imaginaire de créer nous-mêmes nos, idées; ni parce que les unes nous représenteroient l'esfence, & les autres les propriétés seulement des corps; ni même dans des manieres différentes d'acquérir nos idées, que nous devons chercher l'avantage que procurent aux sciences mathématiques celles qui en sont l'objet: ces idées ont un autre caractère distinctif auquel est due l'evidence qu'elles portent dans ces sciences: c'est la Replicabilité; je me sers ici d'un mot barbare & qui ne rend point tout à fait ce que je veux dire, mais c'est ce me semble celui qui en approche le plus: il faut le définir.
- XIV. Toutes nos idées nous venant des sens, on peut dire que dans leur origine elles ne sont toutes que des sensations: ce n'est qu'après que notte esprit a réslèchi sur elles, les a combinées, les a pour ainsi dire travaillées, que nous avons laissé aux unes le nom de sensations, que nous avons donné aux autres le nom d'idées. C'est ainsi que des Sensations les plus topiques & les plus confuses nous sommes parvenus aux idées le plus abstraites, les plus claires, & qui tiennent le moins aux sens.
- XV. Les plus simples de ces idées sont sans contredit celles des nombres; il suffir d'avoir éprouvé une sensation de quelque nature qu'elle soit, d'en joindre le souvenir à une autre sensation qu'on éprouve, ou seulement au souvenir d'une autre sensation qu'on a éprouvée, pour avoir l'idée de deux sensations; de joindre au souvenir de ces deux sensations la présence ou le souvenir d'une autre, pour avoir l'idée de trois sensations, & de saire ensuite abstraction des sensations mêmes pour avoir les idées des nombres 1. 2. 3. 4. &c.
- XVI. Ce feroit une question; mais qui me femble inutile ici, de sçavoir si une sensation unique d'un objet composé de plusieurs parties

ties distinctes ou de dissèrens objets apperçus au même instant, nous donneroit l'idée des nombres: ou si cette idée ne s'acquerroit alors que de la même maniere que nous venons d'expliquer, par une suite, ce une répétition seulement plus rapide des sensations de chaque partie de l'objet ou de chaque objet?

Dès que j'ai touché des corps, j'ai remarqué; que quoique plusieurs qualités que j'y appercevois se trouvassent dans les uns & ne se trouvassent pas dans les autres, je retrouvois dans tous longueur, largeur, & profondeur: & faisant abstraction de toutes les autres propriétés, je suis bientôt parvenu à l'idée de l'étendue : ou plutôt aux idées de trois sortes d'étendue; d'une étendue seulement en longueur, d'une étendue en longueur & largeur, d'une étendue en longueur, largeur & profondeur: c'est à dire aux idées des lignes. des surfaces, & des solides. Je trouve dans les idées de l'étendue le même caractère distinctif que j'ai remarqué dans le nombre, la Réplicabilité: je puis ajouter une étendue à une autre étendue égale, & avoir d'une étendue double, triple &c. une idée aussi claire que je l'avois de la premiere: je puis retrancher la moitié, le tiers de cette étendue, & j'ai une idée aussi claire d'une étendue moitié, tiers, &c. enfin je vois que l'étendue comme le nombre est accrescible & diminuable à volonté, & de parties toujours les mêmes ou égales les unes aux autres : caractère qui n'apartient à aucune autre propriéré des corps: non seulement à aucune de ces propriétés variables, qui ne se trouvent pas les mêmes dans tous, mais qui n'appartient pas plus à l'impénétrabilité même, quoique cette derniere comme l'étendue se trouve dans tous les corps: je ne saurois sjouter une impénétrabilité à une autre impénétrabilité; retrancher une impénétrabilité d'une autre pour en former une impénétrabilité double ou triple, moitié ou tierce. La réplicabilité ne se trouve pas plus dans les idées abstraites du beau, du bon &c ni du fort ou du foible; à moins que je ne rapporte ces qualités aux effets qui les suivent, & que ces effets ne puissent être rapportés aux nombres ou à l'étendue.

Ddd 2

XVIII.

XVIII. Tel est l'avantage que les idées du nombre & de l'étendue ont sur toutes les autres idées : il se trouve encore dans leurs origines des différences bien remarquables, d'où peut être dépend cet avantage. Chaque idée simple ne doit son origine qu'à un seul sens & ne dépend en rien des autres : l'idée du froid & du chaud ne nous viendra jamais de l'ouie, & le tact ne nous fera jamais connoirre les sons: nous avons vû au contraire que chaque sensation, & par conséquent chaque sens, fesoit naitre l'idée du nombre. L'idée de l'érendue a aussi sur les autres idées une prérogative, non pas si grande à la vérité que celle du nombre, mais qui pourtant la distingue affés de toutes les autres idées : deux sens, le tact & la vue la portent également à notre ame : réplicable comme l'idée du nombre, elle nous est introduite comme celle du nombre par plus d'un sens. Telles sont les différences essentielles qui distinguent ces deux idées de toutes les autres; la multiplicité des moyens par lesquels elles entrent dans l'ame; & la réplicabilité.

XIX. Il ne paroit guéres qu'on puisse contester que toutes les idées que nous avons ne viennent de nos sens : si l'on cherche à se rappeller l'origine de chacune, on la trouvera toujours dans quelqu'une de nos premieres sensations, ou dans plusieurs ensemble. La réstexion que nous avons faite sur ces premieres sensations que Mr. Locke a été tenté d'appeller asses improprement le sens intérieur, ne peut ce me semble être prise pour une source de nos idées simples : si les sens n'avoient apporté ces premieres idées dans notre ame, que seroit ce que cette réstexion, que cette faculté de réstêchir sur elles, de les joindre, de les séparer?

XX. Mais ne trouvons-nous pas dans notre ame une certaine idée plus simple, & peut être antérieure à toutes les autres, & qui ne semble point avoir la même origine? je parle de ce sentiment de pure existence que l'ame éprouve dans le silence des autres sensations, & lors qu'aucun objet ne l'affecte? L'homme avant que d'avoir reçu

aucune impression des objets, n'auroit-il pas eu une certaine idée de son être?

XXI. Il n'est pas facile, il n'est peut-être pas possible de décider si cette idée, supposé que l'eme l'eut, tireroit son origine d'une source différente de celle des autres, ou seulement d'une source plus cachée. Comment remonter à cet état dans lequel nos sens n'auroient point encore été affectés par aucun objet sensible? Quand même cela Seroit possible à l'égard des corps extérieurs, tous les corps dont l'intérieur du nôtre est composé, & le sens du tact universellement répandu dans toutes nos parties, ne donnent ils pas lieu de penser que l'idée de notre existence ne viendroit que de l'impression de quelque corps sur le tact intérieur: que toute la différence entre la maniere dont se produit cette idée & celle dont se produisent les autres, ne consiste qu'en ce que pour les autres c'est l'action de quelque corps intérieur sur quelque organe extérieur de nos sens qui les fait naître, & qu'ici ce seroit l'action des parties de notre corps même sur un organe plus caché. Plus j'examine cette idée de pure existence, plus je tâche de faire taire toutes les autres sensations qui m'en distraient, & plus il me semble que cette idée ne vient que d'une sensation : il me semble toujours que je ne sens mon existence que par quelque partie de mon corps.

XXII. Il ne paroir donc pas que quant à leur origine nos idées différent autrement qu'en ce que, tandis que toutes les autres ne tirent leur origine que d'un seul de nos sens, celles du nombre & de l'étendue reçoivent la leur de plusieurs sens différens; & quant à la nature même des idées, je ne trouve entre elles de différence effentielle & distincte, que cette réplicabilité qui n'apartient qu'à l'étendue & au nombre.

XXIII. Sans rechercher ici la raison de la connéxion, & le rapport qui peut se trouver entre ces prérogatives que ce genre d'idées a sur les autres : nous proposerons ici une question qui n'en paroitra peut-être pas une au premier aspect, & qui au second sera peut-être D d d 2 bien

bien difficile à résoudre: y a t il d'autres idées que les idées réplieables qui soient susceptibles de plus & de moins? Peut-on dire qu'il y ait du plus ou du moins dans une couleur, dans une faveur, dans un fon? Îl est bien vrai qu'on dit tous les jours une couleur plus bleue, un fruit plus aigre, un son plus aigu: mais c'est qu'on a lié toutes ces sense. tions avec l'observation d'une plus grande ou d'une plus petite dose de quelque chose de réplicable: si pour une couleur on a employé une once d'indigo, & pour une autre deux onces, on dit que l'une est plus bleue ou plus foncée que l'autre : mais ce plus n'est fondé que sur la quantité réplicable dont on suppose dans la sensation l'effet proportionel à la quantité: sans cette considération on diroit bien que ces deux couleurs différent entre elles, mais je ne sçai si l'on pourroit dire qu'elles différent par plus ou par moins; & ce que nous disons ici des objets de la vue, nous le dirons de même des objets des autres sens, nous ne pouvons dire qu'un son est plus aigu qu'un autre que parce que nous scavons que la corde qui le rend est plus courte, ou plus déliée, ou plus tendue par un plus grand poids: sans cela les sons ne seroient que différens, & ne seroient point susceptibles de plus & de moins. La proposition est la même à l'égard des objets moraux; une vertu ne peut être appellée plus grande que parce qu'on en rapporte l'exercice à un plus grand nombre d'actions qu'on regarde comme les mesures de cette vertu.

XXIV. C'est de l'application de ces mesures que naissent tant d'erreurs dans toutes les Sciences, où ces mesures ne sont pas réplicables, ne sont pas les nombres ou l'étendue. Si par ex les actions qu'on regarde comme les mesures d'une certaine vertu ne sont pas parfaitement égales, ce qui seroit un cas bien rare & hors d'usage, tous les raisonnemens qu'on voudra faire sur cette vertu n'auront rien de précis ni de certain: & si l'on veut donner à ces raisonnemens la précision & la certitude, ce ne pourra être que par des suppositions & des hypothéses qui les mettront hors de toute application réelle: si ces suppositions ont plus de latitude, chacun les fera à sa maniere; & de

là résulte cette diversité de sentimens qu'on observe sur les sujets de morale, de politique, de droit naturel, de métaphisique, où l'on se trouve si rarement d'accord avec les autres, & où souvent on n'est pas d'accord avec soi-même.

XXV. Au contraire dans les sciences mathématiques où les objets, le nombre & l'étendue, sont exactement réplicables, on sorme des résultats dont tout le monde convient; parce que c'est sur des sujets qui sont pour tout le monde précisément les mêmes: on est encore plus content de la maniere dont soi - même on les conçoit; & c'est en cela que consiste l'évidence & la certitude.

XXVI. Entre les objets purement mathématiques & les objets moraux ou métaphifiques, il est un certain genre où la réplicabilité parsaite ne se trouve pas, mais dont aussi elle n'est pas entiérement exclue: je parle des objets phisiques; dans lesquels outre l'étendue & les nombres on considere quelques autres idées qui se réduisent comme d'elles mêmes à la réplicabilité: la vitesse par ex. des corps en mouvement, le tems qu'il employent à parcourir certains espaces, ont des rapports si naturels à l'étendue & aux nombres, que ces idées devienment réplicables comme celles des nombres & de l'étendue.

XXVII. On rappelle encore à la réplicabilité quelques autres idées qu'on regarde comme des propriétés univerfelles des corps, quoique ces idées ne foient pas trop claires: comme certains effets que nous voyons que les corps peuvent produire, certaines forces auxquelles nous attribuons ces effets: mais pour les soumettre à la réplicabilité, il faut que ces effets ou ces forces soient susceptibles de mesures constantes & homogénes qui se rapportent à l'étendue ou aux nombres.

XXVIII. C'est par là que si dans la dynamique on ne trouve pas toujours des résultats qui ayent la même évidence que ceux de l'arithmétique & de la géométrie, elle participe pourtant à l'évidence & à la certitude qui regnent dans ces deux sciences; & ne leur cédera gué-

guéres à ces égards si elle est traitée avec précaution & avec philosophie.

XXIX. Mais il y a ici beaucoup d'erreurs à craindre : les objets de la dynamique peuvent quelquefois être considérés sous des faces différentes, & par rapport à différentes propriétés, dont quelques unes peuvent être réduites à la réplicabilité tandis que les autres n'y sont pas réductibles, ou n'y sont pas réductibles de la même maniere : on fondera alors des raisonnemens sur ce qui tient à ces propriétés réplicables, on en tirera des conséquences justes; mais qui n'auront point lieu pour l'objet en général, ou qu'il faudra interpréter disféremment. C'est ainsi par ex. que les uns prétendent qu'un corps en mouvement a deux sois plus de force si sa vitesse est double; & que les autres soutiennent qu'il en a quatre sois plus : les premiers considérent la force du corps par son esset instantané, les autres par la quantité d'obstacles égaux qu'il peut vaincre jusqu'à l'extinction de son mouvement. Ce mal-entendu a fait dans des Académies célébres des disputes, qui n'auroient pes été des disputes si l'on y eut usé d'une bonne logique.

XXX. La dynamique ne nous conduira donc pas toujours à des résultats aussi simples & aussi clairs que ceux de l'arithmétique & de la géométrie; quoiqu'on y puisse trouver l'évidence & la certitude, si l'on y distingue toujours bien dans chaque objet ce qui est réplicable & ce qui ne l'est pas; qu'on n'applique pas à un objet en général ce qui n'appartient qu'à quelques unes de ses parties; ensin si l'on a bien soin de s'expliquer & de s'entendre.



SECONDE PARTIE.

Où l'on examine les loix de la Nature.

I. .

A près avoir recherché autant qu'il nous a été possible quel est l'avantage des sciences mathématiques sur les autres sciences, & sait voir comme nous le croyons, que l'évidence & un certain repos d'esprit qu'on trouve dans l'arithmétique & dans la Géométrie ne viennent que de la replicabilité des objets que ces sciences considérent; il saut expliquer ce qu'on doit entendre par vérités nécessaires.

- II. Le nécessaire en général est ce qui ne sauroit ne pas être : le contingent est ce qui pourroit n'être point. Nos connoissances n'étant que ce que nous avons vû dans la premiere partie, il semble que nous soyons bien éloignés de pouvoir prononcer sur la nécessité ou la contin gence de quoi que ce soit : nous n'avons pour nous conduire dans une telle recherche que cette évidence, que cette soible lumiere, qui dès que nous la voulons porter hors des limites qui lui sont prescrites, s'éteint.
- III. Tant que nous nous bornons à des objets parfaitement replicables; & que des idées que nous avons de ces objets nous cherchons à déduire les conféquences; nous pouvons suivre le fil d'un assés grand nombre de raisonnemens qui satisfont pleinement notre esprit : nous pouvons voir avec évidence que chacun de ces raisonnemens est lié aux autres : c'est ainsi que des idées du nombre & de l'étendue nous tirons toutes les propositions de l'arithmétique & de la géométrie : c'est dans ce sens qu'on appelle ces propositions des vérités nécessaires.
- IV. Mais si dans l'explication de quelque phénomène de la Nature, nous trouvons quelque interruption qui nous empêche de le lier Min. de l'Acad. Tom. XII. E e e aux

aux premieres idées d'où nous sommes parts; sommes nous en droit pour cela de traiter ce phénoméne de contingent? Il me semble que ce seroit bien passer les droits de la faculté qui nous a été donnée de juger des choses: l'interruption peut n'être qu'apparente; le phénoméne peut être lié dans une chaine qui nous paroit interrompue, par ce que quelque partie nous en échape; mais dont une intelligence supérieure à la mienne verroit la continuité: & n'arrive t il pas tous les jours que dans les conséquences tirées des objets mêmes replicables, il se trouve une continuité que nous n'avions point apperçue d'abord, ou que nous n'appercevons pas tandis que d'autres l'apperçoivent?

- V. Pouvons nous des idées que nous avons du corps & de la vitesse tirer par une chaîne de conséquences sans interruption les loix que les corps observent dans seur mouvement? C'est là ce me semble tout ce qu'il nous est permis d'examiner; & la question est bien encore esses difficile.
- VI. Après un grand nombre de siécles écoulés, pendant lesquels il ne paroit pas qu'on eut seulement tenté de découvrir les loix du mouvement, de déterminer les phénoménes qui arrivent lors qu'un corps en mouvement en rencontre un autre soit en mouvement soit en repos: après mille erreurs où dans les siécles suivans on étoit tombé lorsqu'on avoit cherché ces loix: elles furent tout à coup découvertes par Huygens, Wallis, & Wren: elles furent consirmées par les expériences; & personne ne douta plus de leur vérité. On alla plus loin: comme c'étoient des mathématiciens qui les donnoient; & qu'ils employoient pour les démontrer des procédés & des calculs mathématiques, on leur attribua la même évidence, & une évidence du même genre, qu'aux vérités qui ne concernent que l'étendue & les nombres.
- VII. Ce n'étoit cependant plus sur ces seuls objets, sur ces objets dont la nature est d'être parsaitement replicables qu'on opéroit : c'étoit sur des objets phisiques, sur des corps, sur leurs mouvemens, & sur ce qui devoit résulter de leurs mouvemens.

- VIII Les philosophes des derniers tems avoient entrepris de déduire les loix du mouvement de l'essence des corps purement mathematiques, c'est à dire uniquement réduits à l'étendue; & tous s'y étoient trompés: l'histoire de leurs erreurs feroit un gros livre; je né parlerai que de celles de ces hommes dont la supériorité sembloit promettre plus de succès.
- IX. Descartes consultant plus ses idées que la Nature, & y ajoutant un principe métaphisique qu'il croyoit vrai & qui ne l'étoit pas, avoit donné avec assurance de fausses loix du mouvement.
- X. Malebranche le plus célébre de ses disciples, s'égara à sa suite; & ne changea de sentiment qu'àprès qu'on lui eut crié de toutes parts que la nature démentoit ses loix, & qu'on lui eut sait connoitre les véritables.
- XI. Leibnitz s'y trompa aussi bien qu'eux; il donna des loix fausses; (*) & ne reconnut que longtems après son erreur. (**) Il avous qu'elle venoit de ce qu'il avoit voulu déduire ses loix des seules notions mathématiques.
- XII. Si l'on pouvoit déduire les loix du mouvement de cette idée du corps qui le réduit à ses trois dimensions, à la simple étendue, toutes ces loix seroient susceptibles de la même évidence & de la même certitude que les propositions de la géométrie & de l'arithmétique : & comme on prend ces propositions pour des vérités nécessaires, on pourroit de même prendre les loix du mouvement pour nécessaires, du moins du même genre de nécessité.
- XIII. Mais si la chûte de tous les grands hommes qui ont voulu tirer les loix du mouvement de l'essence du corps mathématique, ne suffit pas pour prouver que ces loix ne sont pas nécessaires, la maniere

Eee 2

(**) Specimen dynamicum. Act, erud. 1695.

dont

^(*) Hypschefis phifica nova. Ithoria metus abfracti & centreti. Mogunt. 1671,

dont ceux qui ont découvert les véritables loix y sont parvenus, doit achever de nous convaincre. Huygens, Wallis, & les autres qui ont trouvé ou consirmé ces loix, loin de les déduire immédiatement de cette idée simple des corps par des démonstrations purement mathématiques, sont tous partis d'hypotheses qui n'étant rien moins que des vérités nécessaires ne conduisoient point à des vérités nécessaires

- Quant à ceux qui voudrolent affoiblir la preuve de l'existence de Dieu qu'on tire des loix du mouvement, parce que, disent ils, de ce qu'on n'a pû jusqu'ici déduire ces loix de la seule idée du corps, il ne s'ensuit pas qu'elles n'en puissent être des suites nécessaires : on peut leur faire voir qu'on pourroit de même foutenir ou foupçonner la nécessité de tout ce qui est dans la Nature. En attaquant par un tel raisonnement la preuve qu'on tire de la sagesse qu'on découvre dans les loix du mouvement, on feroit perdre toute la force à toutes les autres preuves qu'on peut tirer des merveilles de l'Univers: on pourroit soutenir que tout l'ordre & l'arrangement qui paroit dans la Nature, que ces procédés mêmes d'infectes que les auteurs d'hiltoire naturelle font tant valoir, ne sont peut-être que des suites nécessaires de la nature des corps. L'objection donc qu'on voudroit tirer de la nécessité des loix du mouvement, est contre tous ceux qui veulent prouver l'existence de Dieu par les merveilles de la nature, la même que contre ceux qui la veulent prouver par ces loix; & l'on pourroit laisser les naturalistes y répondre.
- XV. Mais nous répondrons pour eux & pour nous; que c'est une injustice de vouloir attribuer à une nécessité mathématique des loix que les plus habiles mathématiciens n'ont jamais pû y réduire: l'injustice devient plus grande encore lors qu'au lieu de la nécessité, on découvre dans l'établissement de ces loix des raisons de choix & de présérence.
- XVI. Pour en revenir à la question que nous nous proposons d'éclaireir sur la nature des loix du mouvement : j'en distingue de différens ordres; les unes paroissent si simples qu'on feroit tenté de les pren-

prendre pour des exionnes, & que quelques sureurs les ont données comme des axiomes, d'autres plus exacts comme des hypotheses son damentales: les surres loix sont plus compliquées, sondées sur un plus grand nombre de principes, & étoient plus difficiles à découvrir.

XVII. Avant que d'entrer dans l'examen de ces loix; comme plufieurs auteurs dans l'énoncé qu'ils en donnent ont employé le motde force, & que nous ferons nous-mêmes obligés de nous en fervir; ilfaut expliquer ce que c'est que la force, ou plutôt dire ce qu'on entend par ce mot.

XVIII. Le mot de force est pris d'un sentiment que nous éprouvons lorsque nous voulons mouvoir un corps qui est en repos, ou arrêter ou changer le mouvement d'un corps qui se meut : nous sentons que pour cels il nous saut faire un certain essort, employer une certaine sorce. Nous observons que lorsqu'un corps en mouvement en rencontre un autre en repos, celui-ci se meut; que s'il se mouvoit déjà, son mouvement est changé ou détruit: & dans l'impuissance où nous sommes d'expliquer comment cela se fait, nous appliquons au corps le même mot de force, un sentiment à un être incapable de sentir: ensin, si nous voyons quelque corps se mouvoir sans aucune action de notre part, & sans l'entremise d'aucun autre corps, nous disons encore que c'est par une force qu'il se meut; mais ne voyant point d'objet extérieur où la placer, nous en sesons une force immatérielle, une qualité inhérente au corps même qui se meut.

XIX. Après avoir donné un nom à quelque chose que nous connoissons si peu, nous regardons la force comme la cause du changement qui arrive dans le repos ou le mouvement des corps, & ce changement comme l'effet; nous calculons ensuite les effets & les causes, & ces calculs sont justes tant qu'ils ne tombent que sur des rapports: notre évidence est entière dans la partie qui ne regarde que l'objet réplicable: mais nous devons nous tenir en garde dès que nous mêlons dans cet objet d'autres propriétés; que nous raisonnons sur des choses qui nous sont incommes, ou qui ne nous sont qu'imparsaitement connues.

Ece 3

- XX. Il n'y a peut-être aucun phénomène dens la Name qui dût tant nous étonner que de voir un corps en mouvoir ou en arrêter un autre : le mouvement que nous communiquons, ou modifions nous-mêmes, nous paroitroit la merveille la plus surprenante si nos mouvemens n'avoient précédé notre raison.
- XXI. Cette ignorance où nous fommes sur la nature de la cause qui fait mouvoir les corps, qui change ou détruit leur mouvement, est ce qui a fait naitre tant de disputes entre les mathématiciens de ces derniers tems: qui a fait que les uns ont pris pour la force d'un corps le produit de sa masse par le quarré de sa vitesse, les autres le produit de sa masse par le quarré de sa vitesse: c'est que ne connoissant la sorce que par les effets qui suivent son application, ils ont vû ces effets proportionels tantôt à l'un de ces produits tantôt à l'autre, selon que la considération du tems y entre ou n'y entre pas.
- XXII. Mais lorsqu'un corps se meut, ou change son mouvement, sans que l'action ou la résistance d'aucun corps sensible y soit appliquée; ce qu'on pourroit prendre pour la cause échapant entiérement, on l'exprime encore par le mot vague de force, & on l'employe dans les calculs en lui donnant un signe; mais ce signe n'est jamais que la réprésentation du phénoméne.
- XXIII. Après cet éclaireissement, après qu'on aura bien résséchisur le peu d'idée qu'on a de la cause & de l'effet dans le mouvement des corps; ou trouvera bien étrange de voir les plus grands hommes qui ont traité de la dynamique répéter sans cesse les mots de cause & d'esset; vouloir expliquer les phénomènes du mouvement par ces prétendus axiomes, les effets ne doivent pas surpasser les causes; les effets doivent être proportionels aux causes; &cc.
- XXIV. Tandis qu'on abuse ainsi des mots de causes & d'effets, & qu'on les place pertout; quelques autres philosophes nient touts causalité: les argumens dont se ser pour cela un des plus grands hom-

mes de l'Angleterre (*) sont assurément des plus ingénieux & des plus subtils : cependant il me semble qu'entre trouver des causes partout & n'en trouver nulle part il est un juste milieu où se trouve le vrai : si c'est resuser à la Providence ce qui lui apartient que de nier les causes, c'est nous arroger ce qui ne nous apartient pas que de nous croire toujours capables de les connoitre.

XXV. Nous allons maintenant examiner les loix du mouvement: & nous commencerons par ces premieres que quelques auteurs ont prifes pour des axiomes, ou pour des fuites nécessaires de l'idée de l'étendue qu'ils regardoient comme l'essence de la matière : nous verrons bientôt ce qu'elles doivent à l'éxpérience; & ce qu'elles ont été lorsqu'on n'a pas voulu les puiser dans l'éxperience.

Loix de Descartes.

XXVI. Descertes poss pour la premiere loi que, chaque chose entant qu'elle est simple & indivisée demeure tant qu'elle peut dans le même état, & n'en sort que par des causes externes.

Cette loi qui exposée aussi vaguement n'a rien de clair ini de philosophique, seroit ou sujette à de grandes disputes, ou peut être sausse, si comme les termes simple & indivisé semblent l'insinuer, on l'appliquoit à des êtres immatériels ou pensants. Descartes à la vérité l'applique d'abord au corps, & nous apprend que c'est des parties de la matière qu'il parle: sa loi donc dans son vrai sens est que, toute partie de la matière persèvère dans son état de repos ou de mouvement, à moins que quelque cause externe ne l'en susse sorties.

XXVII. La seconde loi est que, chaque partie de la matière qui se meut librement se meut en ligne droste.

Cette loi n'est qu'une suite évidente de la premiere; car le mouvement dans chaque instant ne se pouvant faire qu'en ligne droite, la persévé-

^(*) Mr. Home.

Evérance du corps dans l'érat où il est une sois, exige qu'il continue de se mouvoir en ligne droits: aussi Newton ici conforme à Descartes n'a t-il fait de ces deux loix qu'une même loi.

XXVIII. La troisième loi de Descartes est que, lorsqu'un corps en mouvement en rencontre un autre, s'il a moins de force pour continuer à se mouvoir en ligne droite que l'autre n'en a pour lui résister, il ost réséchi vers le côté opposé, & conservant son mouvement n'en perd que la direction; mais s'il a plus de force que l'autre n'en a, il se ment avec lui & perd autant de son mouvement qu'il lui en donne.

On pourroit remarquer ici quel abus Descartes fait du mot de force qu'il n'a point défini : mais nous allons examiner ses trois loix l'une après l'autre.

Examen de la premiere & de la seconde loi.

XXIX. Il semble qu'une loi que les deux Philosophes dont les sentiments en tout ont été les plus opposés ont reçue, dût passer pour un axiome : qu'il sût évident que toute partie de la matiere persévérât dans son état de repos ou de mouvement, à moins que quelque cause externs ne l'en sît sortir. Cependant, en examinant les idées sur lesquelles Descartes & Newton ont sondé cette loi, on verra combien ils sont peu d'accord; & combien elle est éloignée d'être une suite nécessaire de l'idée que nous avons de l'étendue. Descartes voulut déduire sa loi de l'immutabilité de Dieu: ses disciples ont cru-qu'elle étoit sondée sur l'indissérence de la matiere à se mouvoir ou ne se pas mouvoir : Newton ne l'a trouvée que dans l'expérience.

De l'immutabilité de Dieu l'on concluroit plutôt qu'il n'y a point de mouvement qu'on ne déduiroit les loix du mouvement.

De l'indifférence de la matière au mouvement ou au repos, il ne s'ensuit point qu'un corps étant une sois mû il se meuve toujours, ni qu'étant une sois en repos il y reste toujours: cette indissérence ne cause

cause ni n'empêche l'un ni l'autre état: si elle ne réduit point au repos un corps qui se meut, elle ne le fait pas non plus continuer à se mouvoir: si elle ne sait pas mouvoir un corps qui étoit en repos, elle ne le sait pas plus persévérer dans son repos; la persévérance n'est pas plus la suite de l'indissérence que le changement. On ne voit donc pour la loi de Descartes ni l'évidence ni d'autre sondement que l'expérience; mais sur cette matière nous verrons à tous momens les auteurs les plus célébres prendre pour la suite de leurs raisonnemens ce qu'ils ne tiennent que de l'expérience.

La seconde loi de Descartes n'érant comme nous l'avons vû qu'une partie ou une suite nécessaire de la premiere, tout ce que nous venens de dire de celle-ci s'y rapporte.

Ces deux premieres loix, quoiqu'on ne les puisse déduire de l'idée que nous avons de l'étendue, étoient confirmées par l'expérience: mais quant à la troisième, on peut dire que l'expérience en démontre la fausseté. Voyons par quels raisonnemens Descartes étoit tombé dans une erreur aussi grossière.

Examen de la troisième loi.

XXX. Nous avons vû que ne pouvant tirer ses loix du mouvement de son idée des corps, Descartes avoit eu recours à l'immutabilité de Dieu: de cette immutabilité ce qu'on devroit conclurre seroit qu'aucun corps ne devroit se mouvoir, ou que si quelqu'un se mouvoit il devroit se mouvoir à jamais: Descartes vit bien que cela n'étoit pas ainsi. De l'indissérence de la matière à se mouvoir ou ne se pas mouvoir on auroit conclu que le plus petit corps en mouvement rencontrant le plus grand corps en repos, devoit le mouvoir & l'emporter avec toute sa vitesse. Descartes vit bien encore que ceci répugnoit trop à l'expérience; mitigeant donc l'idée de l'immutabilité absolue, il posa pour principe que Dieu, sans laisser chaque corps dans son repos ou son mouvement éternel, conservoit seulement toujours la même.

somme de produits des masses multipliées par les vitesses. Il conclus de là que lors qu'un corps rencontroit un autre corps en repos plus grand que lui, le petit étoit résièchi en seus contraire avec toute sa vitesse sans en avoir communiqué aucune au grand; il ne s'apperçue pas que cette conséquence aussi étrange que celle qu'il avoit voulus éviter, étoit à tous momens démentie par la nature : de après avoir donné plusieurs autres régles du mouvement aussi sausses; il finit par dire, qu'il n'en ajoute point la démonstration parce qu'elles sont évidentes (°). Voilà où le plus grand génie de son siècle su conduit lorsqu'il voulut tirer de l'essence de la matière qu'il ne connoissoit pas, de l'immutabilité de Dieu dont il fesoit mal l'application, les loix du mouvement. Ceci assurément ne sera pas croire que ces loix soient des conséquences mathématiques & nécessaires de la nature des corps.

Loix de Newton.

XXXI. Voici maintenant les loix du mouvement données par Newton. Pour mieux voir d'où il les a déduites nous joindrons à chacune les preuves qu'il en a données, qui sont apparemment les plus fortes qu'on en peut donner.

XXXII. La premiere loi est que: Tout corps persévére dans son état de repos ou de mouvement uniforme & direct, s'il n'est contraint par quelques forces étrangéres à changer cet état.

Newton pour prouver cette loi allégue les projectiles qui persévérent dans leurs mouvemens autant que la résistance de l'air qui les retarde, & la force de la pesanteur qui les précipite, le permettent : la toupie qui ne cesse de tourner que par la résistance que l'air apporte à son mouvement : les grands corps des Planetes & des Cometes qui conservent plus longtems leurs mouvemens progressis & circulaires, parce qu'ils se meuvent dans des espaces qui leur résistent moins.

XXXIII.

^(*) Nec ifa egent probatione quia per se sunt manifesta. R. Cartes, Princip, philoC. P. 11, N, 52.

XXXIII. La seconde loi est que: Le changement de mouvemeent est proportionnel à la force motrice imprimée, & se fait selon la ligne droite dans laquelle cette force est imprimée.

Si quelque force produit quelque mouvement, une force double produira un mouvement double, une force triple un mouvement triple; soit qu'elle soit imprimée tout à la fois, soit par degrés & successivement: & ce mouvement étant toujours déterminé dans le même sens que la force motrice, si le corps se mouvoit auparavant, sera ajouté à son mouvement s'il se fait dans la même direction; en sera retranché si c'est dans une direction contraire; sera obliquement ajouté ou retranché, si c'est dans une direction oblique: & il se fera une composition de ces deux mouvemens selon la détermination de chacun.

XXXIV. La troisième loi de Newton est que: L'action est toujours contraire & égale à la réaction: ou que les actions de deux corps l'un contre l'autre sont toujours égales & en sens contraires.

Tout ce qui presse ou tire est également pressé ou tiré. Si vous pressez du doigt une pierre, votre doigt est également pressé de la pierre: si un cheval tire une pierre attachée par une corde, le cheval est également tiré par la pierre ; car la corde étant partour également tendue & fesimt par tout le même effort pour se relacher, tire également le cheval vers la pierre & la pierre vers le cheval; & empêche autant le progrès de l'un qu'elle accélére le progrès de l'autre. quelque corps rencontrant un autre corps change par sa force de quelque maniere que ce soit le mouvement de celui-ci, il recevre à fon tour dans fon propre mouvement par la force de celui-ci un changel ment égal & en sens contraire, puisque la pression munuelle est égale. Par ces actions il arrive des changemens égaux, non dans les vitesses; mais dans les monvemens, pourvû que les corps ne soient pas empê. chés d'ailleurs : car les changemens de mouvement étant égaux, les changemens de vitesse en sens contraire sont réciproquement proportionnels aux corps. Et cette loi a aussi lieu pour les attractions.

Fff 2

Examen

Examen de la premiere loi.

XXXV. La premiere loi de Newton n'est, comme nous l'avons déjà dit, que la premiere & la seconde de Descartes; elle a l'air d'un exiome: il semble qu'on voye clairement qu'un corps en repos y reste fi rien d'étranger ne le meut; & qu'un corps en mouvement continue de se mouvoir si rien ne s'oppose à son mouvement. Mais il faut ici se défendre de l'illusion de l'habitude: nous avons vû si constamment que les corps persévérent dans leur repos & dans leur mouvement, que nous croyons que nous l'aurions pû prédire quand nous ne l'aurions pas vû; & que nous confondons l'expérience avec le raisonnement. Cependant cette loi est si peu une suite nécessaire de l'idée primitive que nous avons de l'essence des corps, que ceux qui n'ont pas bien consulté l'expérience, qui n'ont pas vû que ce ne sont que les résistances & les obliecles qu'un corps rencontre qui déterminent ou rellentiffent son mouvement; que ceux, dis-je, qui n'ont pas fait cette remarque, voyant le mouvement de tous les corps se rallentir, au lieu de convenir de cette loi, en admettroient plutôt une toute contraire; & pensent que les corps en mouvement tendent naturellement au repos. Des auteurs célébres ont cru nécessaire de prouver la continuation du mouvement, quoiqu'ils ne l'ayent pû faire que par des raisonnemens qui pressés remontoient à l'expérience. Newton y recourut tout d'abord. & fur elle seule fonda sa loi, comme on le voit asses par les preuves qu'il en donne: les hommes les plus éclairés, les Maclaurin, les Panberton. ses commentateurs, n'ont pas cherché à tirer cette loi d'aucun autre principe. Les phénomenes ont fait connoître une nouvelle propriété de la matière qui ne se trouvoit ni dans l'idée de l'étendue ni dans celle même de l'impénétrabilité : c'est l'inertie, une force, (pour nous fervir encore ici avec eux de ce terme obscur,) une puissance qu'a le corps de rélister au mouvement s'il est en repos, & de résister au repos s'il est en mouvement. Kepler qui a tant vû de choses dans l'obscurité. & Descartes même, avoient eu quelque idée de cette propriéré: mais ce n'a été que Newton guidé par l'expérience que mieux qu'aucun homme il scut consulter, qui en a donné la véritable mesure. & qui a érabli

Arabii eque l'inertie dans chaque corps est proportionnelle à la quantiss de matière qu'il contient.

C'est donc l'inertie qui est le principe sur lequel est sondée la premiere loi du mouvement: c'est en vertu de cette inertie que chaque corps persévére dans son état de repos ou de mouvement; & oppose à tout ce qui pourroit l'en tirer une résistance proportionnelle à sa masse: c'est en vertu de cette inertie que s'il se meut librement c'est toujours dans une ligne droite; & que si par quelque obstacle ou quelqu'autre sorce il est contraint de décrire une ligne courbe, c'est toujours dans la ligne droite qu'il tend à se mouvoir. Cette dernière circonstance est une suite du même principe: car si un corps décrit une ligne courbe, à chaque instant il décrit une petite ligne droite; & tend à y continuer son mouvement.

Examen de la seconde loi.

XXXVI. Newton dans'fa seconde loi partant de la force, tombe malgré toute sa réserve dans l'abus d'un mot qui ne signifie que ce qui a précédé un phénomène, & qui ne donne aucune idée claire. De cela même on peut conclurre que cette loi qui fait le changement de mouvement proportionnel à la force, n'est rien moins qu'évidente on qu'une suite de raisonnemens évidents: ou que si par force on entend ce qui produit ou détruit proportionnellement le mouvement, cette loi ne seroit plus qu'une proposition identique & puérile. On pourroit encore dire qu'on ne voit point avec évidence que le changement de mouvement se doive faire selon la ligne dans laquelle la sorce est imprimée. Mais après avoir vû que la premiere loi, celle qui nous aprend que tout corps persévére dans son état de repos ou de mouvement, s'il n'est contraint par quelques forces étrangéres à changer cet état, que cette loi n'est fondée que sur l'expérience, on ne doutera pas que la seconde loi qui détermine la mesure de ces changemens ne soit fondée sur l'expérience aussi; & ne soit une suite non de la pre-Fff a miere · miere idée de l'étendue, mais de cette propriété d'inertie qu'une expérience plus tardive a découverte dans les corps.

Examen de la troisième loi.

XXXVII. Dans l'idée que nous avons du corps nous ne treuvons qu'une parfaite indifférence au mouvement ou au repos: mi son étendue ni son impénétrabilité ne nous font voir qu'il doive résister ou réagir; encore moins que sa réaction doive être égale à l'action: chaque corps pourrois à raison de sa masse avoir un certain degré de réaction au delà duquel il ne pourroit aller: pour trouver l'origine de la réaction, c'est à l'inertie qu'il faut recourir; à cette propriété des corps dont nous ne devons la découverte qu'à l'expérience.

Loix de Leibnitz.

XXXVIII. Leibnitz sentit l'impossibilité de déduire les loix du mouvement de la sèule notion du corps: mais il ne la fentit qu'après le malheureux succès des efforts qu'il avoit saits pour y réussir, qu'eprès s'être instruit par ses erreurs. Ne consultant que ses idées de l'ésendue il avoit (dans sa theorie motus abstracti & concreti) donné des loix du mouvement aussi éloignées, des véritables loix que celles de Descartes. Cela est d'aurant plus remarquable que les vérirables loix avoient été déjà données par Huygens: elles avoient été publiées dès 1669; & Leibnitz ne donna les siennes qu'en 1671. Selon celles ci le plus petit corps en mouvement qui rencontroit un autre corps en repos quelque grand qu'il fut, hi communiquoit se vitesse & l'entreinoit sussi rapidement qu'il s'étoit mû lui même avant le choc. Il ne faloit point un si habile homme que Huygens pour saire connoitre la fausseté d'une telle loi: mais Leibnitz n'en sut désabusé que lorsque se métaphisique lui eut fourni d'autres principes sur lesquels il pût fonder d'autres loix plus conformes à l'expérience.

XXXIX. Il renonça donc'à fa théorie du mouvement abfirait & concret; & corriges ses erreurs dans l'excellent mémoire qu'il donna

en 1695; (°) il établit là l'infuffiance des seules notions de l'étendue & de l'impénétrabilité pour déterminer les loix du mouvement : il crut qu'avec l'inertie même ce n'étoit pas encore asses; & qu'il faloit encore ajouter un certain principe supérieur à la matière, une forme, une Entelechie, ensin ce qu'il appelle la force: & qu'au lieu de déduire ces loix d'une nécessité mathématique, elles dépendoient d'un principe de convenance.

XL. Après un tel aveu, nous pourrions nous dispenser de faire l'examen des loix de Leibnitz pour faire voir qu'elles ne sont point des conséquences mathématiques de l'essence du corps: cependant comme on pourroit craindre que Beibnitz trop, prévenu pour sa métaphisique eut resusé à la mathématique ce qui pourroit lui apartenir, il ne sera pas inutile d'examiner ces loix: & nous allons faire cet examen comme nous avons fair celui des loix de Descartes & de Newton. Les loix de Leibnitz devoient se trouver dans un traité de Dynamique dont il n'a donné que quelques morceaux; nous ne les trouvons rassemblées que dans sa Théodicée (**) d'où nous les tirerons dans l'ordre qu'il leux a donné.

XLI. Premiere loi, l'effet est toujours égal en force à sa cause, ou ce qui est la même chose, la même force se conserve toujours.

XLII. Seconde loi, l'action est toujours egale à la reaction.

XLIII. Trosième loi, un mouvement simple a les mêmes propriétés que pourroit avoir un mouvement composé qui produiroit les mêmes phénomenes de translation.

XLIV. Quatrième loi, la Nature n'agit point par saults; mais tout changement se fait par degrès insensibles.

Exames

^(*) V. Ad. Erud, Lips. Specimen Dynamicum,

^(**) Théodicée, N. 346. 347. 348.

Examen de la premiere loi.

XLV. Cette loi a deux parties qu'à la vérité Leibnitz réunit: cependant il convient d'examiner chacune séparément, pour sixer le sens dans lequel elles doivent être réunies. L'esse est roujours égal en force à sa cause: rien ne ressemble plus à un axiome que cette proposition; & elle sera en esse un axiome si l'on entend par cause ce qui produit un esse proportionnel à soi; ce n'est alors qu'une proposition identique: mais si, comme nous l'avons asses montré, nous n'avons point d'idée des causes, cette loi jusqu'ici ne présente rien de précis à l'esprit. Aussi Leibnitz s'explique-t-il en ajoutant, la même force se conserve toujours. Il saut maintenant sçavoir ce que Leibnitz entend par sorce; car ce n'est plus ce que Descartes & Newton entendoient: c'est cette sorme, cette Entelechie, ce principe supérieur à la matière, qu'il prétend avoir découvert dans les corps; cette force vive proportionnelle au produit de la masse par le quarré de la vitesse.

Il est vrai que la force ainsi définie, si l'on mesure les esses qu'elle peut produire par la hauteur à laquelle un corps en mouvement peut remonter, par le nombre de ressorts égaux qu'il peut comprimer à un certain degré, l'on trouvera toujours ces esses proportionnels à la force: & ces ressorts, après qu'ils auront arrêté le corps par leur compression, pourront en se débandant lui rendre, ou rendre à d'autres corps, la même sorce qui les avoit comprimés. C'est vraisemblablement ce phénomene qui a déterminé Leibnitz à prendre ce produit de la masse par le quarré de la vitesse pour la force.

On peut de ce principe, de la conservation de la force vive, déduire les loix de la communication du mouvement des corps élastiques; parce que dans le choc de ces corps la quantité de cette force demeure toujours la même. Mais si l'on veut du même principe déduire les loix de la communication du mouvement des corps durs, des corps dont les parties sont instéxibles; on trouvera des loix très sausses, parce que dans le choc de ces corps la même quantité de cette sorce ne se retrouve pas.

Il faudroit donc pour maintenir la loi dans son universaité, fousenir avec les Leibnitiens qu'il n'y a point & qu'il ne peut y avoir de corps durs dans la Nature, (ce qui n'est pas soutenable:) ou si l'on veut conserver la loi, il faut la restraindre & ne l'appliquer qu'aux corps élastiques.

On peut juger de là combien peu cette loi est déductible de l'idée des corps, combien elle avoit besoin de l'expérience, & de l'expérience bien consultée; aussi Leibnitz ne la donne-t-il point comme déduite de l'idée du corps: elle tire selon lui son origine d'un principe supérieur à la matière: mais il la donne comme universelle & elle ne l'est pas.

Examen de la seconde loi.

XLVI. Leibnitz emprunte de Newton cette seconde soi, que l'action est toujours égale à la réaction. Nous en avons donc déjà parlé dans l'examen que nous avons fait des soix de Newton: nous avons fait voir qu'elle est une suite de l'inertie, & que l'inertie est une propriété que nous ne pouvions déduire de la première idée que nous avions du corps; que l'expérience seule nous a fait connoître.

Examen de la troisième loi.

XLVII. Cette troisième loi est, qu'un mouvement simple a les mêmes propriétés que pourroit avoir un mouvement composé qui produiroit les mêmes phénomenes de translation.

Nous ne pouvons pas mieux l'expliquer, ni mieux faire voir qu'elle n'est point une suite nécessaire de l'essence des corps, qu'en rapportant les propres paroles de Leibnitz: voici donc ce qu'il ajoute; "Il
n'y a nulle nécessité de dire du mouvement d'une boule qui court
librement sur un plan horizontal uni avec un certain degré de vitesse
ppellé A, que ce mouvement doit avoir les propriétés de celui
qu'elle auroit si elle alloit moins vite dans un bateau mû du même
Mim. de l'Acad. Tom. XII. Ggg côté

eôté avec le reste de la vitesse pour saire que le globe regardé du rivage avançat avec le même degré A: car quoique la même apparence de vitesse & de direction résulte par ce moyen du bateau, ce
n'est pas que ce soit la même chose. Cependant il se trouve que les
estets des concours des globes dans le bateau dont le mouvement en
chacun à part joint à celui du bateau donne l'apparence de ce qui se
fait hors du bateau, donnent aussi l'apparence des effets que ces
mêmes globes concourants feroient hors du bateau. Ce qui est
beau, mais on ne voit point qu'il soit absolument nécessaire. (*)

On ne peut pas mieux exposer la non-nécessité de cette loi.

Examen de la quatrième loi.

XLVIII. Cette loi, que la Nature n'agit point par faults; mais que tout changement se fait par degrès insensibles: est ce que Leibnitz & ses disciples ont appellé la loi de continuité, ils la croyent sans doute appliquable dans bien d'autres occasions que dans le mouvement des corps: mais comme il n'est ici question que de ce mouvement, nous ne l'emminerons que par rapport à lui.

Je fais donc remarquer n que pour foutenir cette loi, les Leibnitziens sont réduits à nier l'existence & la possibilité des corps durs, ce qui est ce me semble être réduit à l'absurde. 2. Que dans l'application de cette loi aux seuls corps dont les parties sont siexibles, ce ne seroit encore qu'à l'expérience qu'ils la devroient.

Mais en poussant plus loin la chose & nous prétant ici sux abstractions de la métaphisique de Leibnitz: qu'est ce qu'agir par continuité? c'est agir par des degrés insensibles: des degrés insensibles ne sont ils pas des saults insensibles ? & des saults insensibles ne sont ils pas des saults ?

XLIX. Voilà les loix de Leibnitz; mais je le répéte encore, nous n'avons tiré de l'examen que nous en avons fait que la même

consequence que sui même: que toutes ces loix ne font point d'une nécessité absolue qui nous force de les admettre comme on est forcé d'admettre les régles de la logique, de l'arithmétique, & de la géométrie. (*) Leibnitz sentit qu'il faloit avoir recours à un principe métaphisique d'où dépendoient les loix de la communication du mouvement : il prit pour ce principe la conservation de la force vive; c'est à dire du produit des masses par le quarré de leurs vitesses. Descartes aussi métaphisicien que lui avoit pris la conservation de la quantité de mouvement; c. à d. du produit des masses par leur simple vitesse. Le principe de Descartes donne de fausses loix de la communication du mouvement pour tous les corps : celui de Leibnitz n'en donne de véritables que pour les corps élastiques : Leibnitz dit que Descartes étoit arrivé jusqu'à l'antichambre de la vérité; (**) ne peut on pas dire que Leibnitz ici n'a pas pénétré jusqu'au dernier cabinet?

- L. Nous ne parlerons point ici de la foule d'auteurs qui sur cette matière n'ont raisonné que d'après quelqu'un de ces trois grands philosophes; si nous voulions en faire mention, il nous faudroit saire un gros livre, & ce livre seroit fort inutile.
- LI. Mais nous ne saurions omettre de parler de l'homme illustre qui, s'il ne sut pas le premier, ne sut devancé par personne dans la découverte des vrayes loix de la communication du mouvement; je parle de Huygens, ce génie si prosond & si sublime, qui n'a voulu traiter ce sujet qu'en mathématicien. Leibnitz lui a reproché qu'il n'aimoit pas asses la métaphisique: il l'aimoit peut-être, mais voyant ceux qu'elle avoit égarés dans cette recherche, & ne trouvant point dans la métaphisique ce genre d'évidence auquel la géométrie l'avoit accoutumé, il ne voulut point la prendre pour guide. En effet ce que les philosophes dont nous avons parlé avoient donné comme des axiomes ou des Ggg 2

(*) Theod. w. 346.

^(**) Recueil de diverses pitces sur la Philos. la Relig. nat. & t. par M. M. Clarke., Lobbnitz, Newton, tom. 11. pag. 135.

loix, il ne le donne que pour des hypotheles ou des vérités d'expérience: sous ce nom modeste & plus conveneble il parvient d'un pas assuré par une chaine de raisonnemens nécessaires aux loix de la communication du mouvement

LII. Nous ne rapporterons donc point ici les hyppotheses de Huygens comme nous avons sait les loix précedentes pour saire voir qu'elles n'emportent point la nécessité mathématique, puisque luimême par le nom qu'il leur a donné a soigneusement écarté cette idée: nous les rapporterons pour qu'on voye combien Huygens croyoit peu possible de déduire les loix de la communication du mouvement de l'essence des corps, les suppositions qu'il lui a salu saire pour parvenir à ces loix par une suite rigoureuse de propositions: ensin nous les donnons pour conserver la trace des pas qu'a sair ce grand homme.

Hypotheses de Huygens.

LIII. Premiere Hypothese. Un corps quelconque qui se meut une sois, si rien ne s'oppose a son mouvement, continue toujours de se mouvoir de la même vitesse en ligne droite.

Descartes & Newton ont fait de cette hypothese une de leurs loix.

LIV. Seconde Hypothese. Quelle que soit la cause qui fait réjaillir les corps durs de leur contact mutuel lorsqu'ils se choquent les uns les uns les autres; nous posons que lorsque deux corps égaux qui se meuvent d'une égale vitesse se rencontrent directement, chacun réjaillit avec la vitesse qu'il avoit auparavant.

Huygens entend ici par corps durs les corps parfaitement élastiques.

Ly. Troisième Hypothese. Les vitesses respectivement égales ou inégales des corps qui se meuvent, doivent s'estimer par rapport aux autres corps qu'on considére comme en repos; quoique peut être les uns & les autres soient emportés par un autre mouvement commun. Ainsi lors-

lorsque deux corps se rencontrent, quoique de plus ils soient l'un & Pautre emportés par un mouvement uniforme, leur choc mutuel par rapport à celui qui est emporté par le mouvement commun est le même que si ce mouvement commun n'existoit pas. " Comme si quelqu'un placé dans un vaisseau qui se meut d'un mouvement uniforme fesoit choquer deux globes égaux avec une vitesse égale rélativement à lui & aux parties du vaisseau; nous disons que l'un & l'autre de ces globes rejailliront avec une vitesse égale par raport au vetteur; tout comme il arriveroit si placé sur un vaisseau en repos ou sur la terre , il fesoit choquer les mêmes globes avec la même vitesse. ,,

Leibnitz a fait de cette hypothese sa troisième loi.

LVI. Quatrième hypothese. Si un grand corps en rencontre un plus petit en repos, il lui donne quelque mouvement & perd quelque chose du sien.

Cinquième hypothese. Deux corps durs (élastiques) se rencontrant, si après le choc il arrive que l'un des deux conserve tout le mouvement qu'il avoit, le mouvement de l'autre ne sera ni diminué ni augmenté.

NB. Cette hypothese est une restriction de la conservation de la quantité de mouvement, qui dans le cas de l'hypothese a lieu.

Telles sont les suppositions que l'esprit le plus juste & qui connoissoit le mieux jusqu'où pouvoit s'étendre le domaine des mathématiques, a été obligé de faire, pour déduire les loix de la communication du mouvement d'une suite de conséquences nécessaires.

LIX. Un suffi grand homme que tous ceux dont nous avons parlé a tiré les loix de la communication du mouvement d'un principe. tout différent des précédents, & qui paroit bien plus qu'eux en être la véritable fource. Mr. Euler a déduit ces loix du principe découvert par Galilée, & reçu aujourd'hui de tous ceux qui traitent de la méchanique & de la dynamique : ce principe est que la force multipliée par l'instant de son application donne l'incrément de la vitesse. De ce principe

Ggg 3

cipe Mr. Euler par une analyse sublime & rigoureuse tire les loix de la communication du mouvement (*).

- LX. Mais ce principe est-il une vérité nécessaire? Le seul mot de force qui y est employé ne l'exclut-il pas de l'ordre de ces vérités? N'a-t-il pas falu mille expériences répérées sur la chute des corps pour donner quelque confiance à la doctrine de Galilée? & Newton qui en a fait de si grands & de si merveilleux usages, n'y a t-il pas été conduit ou affermi par l'expérience de tous les mouvemens des corps célestes?
- LXI. Toutes les loix de la communication du mouvement quoiqu' universellement aujourd'hui reçues, ne peuvent donc être prises pour des vérités nécessaires dans le sens de nécessité qu'on donne aux vérités de l'arithmétique & de la géométrie.
- LXII. Quand Huygens, Wren, & Wallis, eurent trouvé ces loix tous trois en même tems & fans s'en être fait aucune confidence; malgré l'accord qui se trouvoit entre eux, ne falut-il pas encor qu'elles sussent confirmées par les expériences faites dans la Société Royale de Londres? Ne falut-il pas pour en convaincre celle de Paris toutes les expériences de Mariotte, & que Mariotte en sit un gros livre? A-t-on jamais recouru aux expériences pour confirmer des vérités mathématiques?
- LXIII. Après avoir ainsi examiné les premieres loix proposes par les plus grands Philosophes; ces principes dont ils ont tiré les loix de la communication du mouvement, les proportions selon lesquelles le mouvement se distribue entre les corps qui viennent à se rencontrer: nous parlerons d'autres loix plus cachées dont la découverte n'est due qu'à ces derniers tems, qu'on n'a peut-être déduites que des loix mêmes de la communication du mouvement; mais qui bien constatées ont affermi la vérité des principes d'où l'on avoit déduit ces loix, ou en ont limité l'étendue.

LOIX

^(*) Comment, de l'Academie de Russie, Tom. IX.

LOIX DU MOUVEMENT.

LXIV. Premiere 101. Lorsque deux corps durs se rencontrent, ils se meuvent ensemble d'une vitesse commune: ou leur mouvement cesse tout à fait.

NB. On entend toujours que les corps se rencontrent directement.

LXV. Seconde Lo1. Lorsque deux corps élastiques se rencontrent, leur vitesse respettive demeure la même; c. à d. qu'ils se séparent apprès le choc avec la même vitesse qu'ils s'approcheient auparavant.

LXVI. Troisième 101. Lorsque deux corps durs, ou élassiques, se rencontrent, leur centre commun de gravité se meut après le choc avec la même vitesse & la même direction qu'il se mouvoit auparavant; ou, s'il étoit en repos, il y reste.

LXVII. Quatrième 101. Lorsque deux corps durs se rencentrent, la quantité de mouvement se conserve après le choc la même qu'elle étoit auparavant; s'ils se meuvent dans le même sens. Elle diminue, su s'anéantit, s'ils se meuvent en sens contraires.

NB. Cette Loi est une grande restriction en Principe de Descentes, qui vouloit que la quantité de mouvement se conservat tou-

jours la même dans la Nature.

LXVIII. Cinquième LOI. Lorsque deux corps élastiques se rencontrent, la quantité de la sorce vive se conserve après le choc la même qu'elle étoit auparavant.

NB. Si les corps étoient durs, la quantité de la force vive di-

minueroit après le choc, ou périroit entierement.

LXIX. Sixième 1.01. Lorsque deux corps, soit durs, soit élastiques, se rencontrent, la quantité d'action employée pour changer leurs mouvemens est toujours la plus petite qu'il soit possible.

NB. L'Action est le produit du corps par sa vitesse & par

l'espace qu'il parcourt.

LXX.

LXX. En refusant à toutes ces Loix la prétendue prérogative d'une nécessité mathématique, on y en découvre une autre bien plus précieuse; c'est le caractère du choix d'un être intelligent & libre: C'est de porter l'empreinte de la sagesse & de la puissance de celui qui les a établies.

LXXI. Nous avons, je crois, prouvé que les plus grands Philosophes n'ont pû déduire les Loix du Mouvement de l'idée primitive qu'ils avoient de l'essence des corps.

Nous avons fait voir que ceux qui ont ajoûté à cette idée l'inertie, n'ont pû encore parvenir à ces Loix que par des hypotheses précaires, ou des faits tirés de l'Expérience,

Enfin, l'on a vû que Leibnitz ajoutant encore son Entelechie, son principe supérieur à la matiere, n'a pas cru possible de trouver à ces Loix un établissement solide sans avoir recours au principe de convenance.

Si après tout cela quelqu'un s'obstine à dire encore: L'idée de l'étendue ne vous est venue que par l'expérience de vos sens: plus d'expérience vous a fait ajouter l'impénétrabilité & l'inertie: plus d'expérience encore vous fera découvrir bien d'autres propriétés. Et si vous pouviez enfin avoir une notion du corps complette, qui sçait si nous n'y verriez pas que toutes les Loix du mouvement y sont liées d'une nécessité absolue?

Si quelqu'un, dis je, s'opiniâtre à raisonner ainsi, je ne crois pas qu'on puisse lui prouver l'impossibilité de sa supposition; mais je le lui répéte, & on peut l'assurer, qu'il n'y a plus rien au monde qui soit à l'abri d'un tel raisonnement, rien dans la Nature dont on ne pût avec autant de droit soupçonner la nécessité.

ka k kar

RECHERCHES MÉTAPHYSIQUES

SUR LES FORCES DES FLUIDES QUI SE PER-DENT EN MÉCANIQUE, ET SUR LE PLUS GRAND EFFET QU'ELLES PEUVENT PRODUIRE.

PAR MR. BEGUELIN.

T.

r. Parent, dans un Mémoire qui fait partie de l'Histoire de l'Académie des Sciences de Paris de l'Année 1704, a montré qu'une machine étant mise en mouvement par un fluide, l'effet qu'elle est en état de produire dans la plus grande perfection, & même abstraction faite de de la résistance de l'air, & des frottements, n'est que la 27 partie de l'effet naturel que cette force pourroit produire.

Dans les profondes recherches que Mr. Euler a fait sur la meilleure maniere d'élever les eaux, il est parvenu par une route très différente à la même conclusion, dans le Tom. VIII. des Mémoires de notre Académie, p. 199.

Un paradoxe si surprenant m'a paru digne de saire le sujet d'une recherche métaphysique; d'autant plus que les calculs algébriques sur lesquels ce paradoxe est sondé, prouvent à la vérité la chose d'une maniere qui n'admet plus le moindre doute, mais ils n'en expliquent pas mieux le pourquoi. Tel est l'esset de la methode analytique; quiconque est en état de la suivre, se sent forcé de donner son assentiment aux vérités qu'elle découvre; mais la rapidité dont elle y conduit, & la promittude avec laquelle elle nous sair perdre de vue l'objet que nous voulons mesurer, dès qu'elle en a pris les dimensions, sont que notre esprit est convaincu sans être plus éclairé. Dans le cas que je me

propose de déveloper, la raison acquiesce au paradoxe au bout de quelques pages de calcul, parce qu'elle voit bien qu'elle ne sauroit en disconvenir, mais elle ne le fait pas d'aussi bonne grace qu'elle acquiesce roit à une vérité dont elle connoitroit distinctement la source. Un suide tombant d'une certaine hauteur remonteroit à cette même hauteur, si la résistance de l'air ne s'opposoit à son mouvement; c'est ce qu'on conçoit clairement: mais que ce même fluide prêtant sa force à une roue ne lui puisse pas même communiquer la puissance d'élever à cette hauteur la 247 de son poids, c'est ce que le calcul prouve, & que la raison est forcée d'adopter sans trop le concevoir. Essayons de concilier le calcul avec la Métaphysique.

- II. Concevons d'abord une roue dont l'aube inférieure soit perpendiculaire au courant de l'eau. Que la vitesse du courant soit de e pieds par secondes. Que la largeur de l'aube soit h, & sa longueur f; sa surface sera f.
- III. Je suppose que, lorsque la roue est en mouvement, & que par conséquent l'aube frappée quirte la situation perpendiculaire, l'aube suivante commence à recevoir une partie de l'impulsion de l'eau; de sorte que l'eau est censée agir toujours sur un même plan, & le choquer perpendiculairement, soit qu'il y ait du mouvement, ou que la roue reste immobile; ainsi la grandeur de la surface fh reste la même, soit qu'il y ait équilibre, soit que la machine se meuve; & ne change par conséquent rien à l'effort du sluide qui frappe cette base. On pourroit donc se dispenser tout à fait de tenir compte de la surface de l'aube; mais, quoiqu'elle n'entre ici en aucune considération, rien n'empêche qu'elle ne tienne sa place dans le calcul.
- IV. La vitesse e du courant peut être conçue comme acquise par la chûte d'une hauteur proportionnée $\equiv a$. Ainsi la force totale de l'eau contre l'aube, sera $F \equiv fh a$ pieds cubiques d'eau.
- V. Si nous supposons la longueur du rayon de la roue jusqu'au centre de mouvement de l'aube $\equiv R$, le moment de la puissance, ou force de l'eau, sera $\equiv RF \equiv fh \ a.R$.

VI. Si maintenant on conçoit autour de l'axe de la roue un tambour, ou cilindre, dont le rayon soit aussi = R, & qu'à ce tambour soit attaché par une corde un poids P, le moment du poids sera = P. R.

VII. Supposons qu'il y ait équilibre, cet état donnera $fh a R = P \cdot R$.

Et puisque les rayons, ou les bras, du levier sont égaux, on aura la force, c. a. d. le poids de l'eau qui presse contre l'aube, égal au poids P. ou $fha \equiv P$.

VIII. Maintenant, pour peu que la force F augmente, ou que le poids P diminue, il y aura du mouvement; (abstraction faite des frottemens.) Mais quelle sera la quantité de mouvement correspondante à chaque diminution de poids? & quelle est la diminution de ce poids d'où résultera la plus grande quantité de mouvement? C'est ce que le calcul de maximis indique d'un coup de plume, mais qu'il n'explique pas.

IX. Soit le poids diminué p. Il est évident que l'effet, c. a. d. la quantité de mouvement de p, ou le produit de sa masse par sa vitesse v = pv, peut être plus grand par deux endroits; l'un par la grandeur de la masse de p, d'autant plus considérable, plus elle approchera de celle de p; & l'autre par la grandeur de la vitesse p, avec laquelle il sera élevé.

Mais, puisque nous concevons p comme attaché à l'extrémité du rayon de la roue, sa vitesse sera toujours égale à celle du centre de mouvement de l'aube; or cette vitesse de la roue est celle qu'elle a acquise par l'excès de la force F de l'eau sur le poids p: car, tandis que F ne surpassoit pas P, la roue restoit immobile; ce n'est que depuis que P a été diminué jusqu'à la valeur p, que la force F n'employant plus tout son effort à soutenir p, a pû employer l'excédent à mouvoir la roue.

X.

- X. De cette considération il résulte nécessairement, que, si d'un côté la quantité de l'effet augmente à mesure que p sera plus grand; d'un autre côté la vitesse de la roue sera moindre, puisque plus p est grand, plus la force F se consume à faire équilibre avec lui, & moins elle conserve de force pour le pousser en haut par le moyen de la roue: on perd donc du côté de la vitesse, à mesure qu'on augmente la masse de p.
- XI. Réciproquement, si on donne à p une grande vitesse, il est évident qu'il faut diminuer sa masse, car toute sa vitesse n'est que la vitesse propre de la roue: vitesse que la roue n'acquiert que par l'excédent de la force de l'eau, après que cette force a, pour ainsi dire, anéanti par son contrepoids la pésanteur de p. Ainsi, pour que cet excédent soit considérable, & qu'il puisse communiquer à la roue une grande vitesse, il saut que le poids p n'ait pas été contrebalancé par une partie considérable de la force F; c.a.d. qu'il saut que p ait été sort leger, puisque la pesanteur de son contrepoids sera toujours parsaitement égale à la sienne.
- XII. Il est aisé de comprendre à présent, que si p regagnoit toujours précisément en vitesse, ce qu'il perd en poids, ou que réciproquement il ne gagnât pas plus du côté du poids, qu'il ne perd en vitesse, la quantité de son mouvement seroit toujours précisément la même, quelle que su la vitesse de la roue v, ou la diminution de p. Car, si v devenoit nv, p deviendroit $\frac{p}{n}$, & la quantité de mouvement $\frac{nvp}{n}$ seroit toujours invariablement $\frac{nvp}{n}$.
- ment $\frac{nvp}{n}$, feroit toujours invariablement pv. Il n'y auroit donc point de maximum.
- XIII. Mais il est clair que la chose n'est pas ainsi; puisqu'en diminuant infiniment, soit la vitesse, soit le poids, la quantité de mouvement devient nulle. Il faut donc nécessairement qu'entre ces deux extrè-

extrêmes il y ait un milieu qui donne la plus grande quantité de mouvement possible.

La raison de cette diversité de résultats n'est pas difficile à Lorsque la vitesse de p augmente, la roue acquiert une vitesse égale à celle de p; donc la vitesse respective avec laquelle le courant agit sur l'aube, a diminué d'autant. Or la force de l'eau est estimée par la base sur laquelle elle agit, & par la hauteur d'où le courant doit tomber pour acquérir la vitesse avec laquelle il choque: & comme ces hauteurs diminuent, non en raison des vitesses, mais en raison du quarré de ces vitesses, il est clair qu'une vitesse double suppose une hauteur quadruple, & que par conséquent une vitesse diminuée de la moitié, tandis que la base fh reste la même, ne donners que le quart de la force que donnoit la vitesse entiere; de sorte que cette force ne pourra soutenir que le quart du paids p qu'elle soutenoit auparavant, & ce quart de poids n'ayant acquis par cette diminuzion qu'une viteffe double de celle qu'avoit le poids quadruple, n'aura que la moitié de la quantité de mouvement, que le poids quadruple avoit.

XV. Eclaircissons ceci par quelques exemples. Que la vitesse primitive e du courant, avec laquelle il choquoit l'aube pour faire équilibre avec P dans l'état de repos, soit $\equiv r$, due à la hauteur a. Que le poids P ait été diminué, pour faire naitre du mouvement, & qu'il ne soit plus que p < P. Que la roue devenue mobile ait acquie une vitesse uniforme $\equiv \frac{7}{4}$; par conséquent la force du courant n'agira plus sur l'aube qu'avec une vitesse $\equiv \frac{7}{4}$, due à une certaine hauteur $\equiv x$. Or, puisque les hauteurs des chûtes sont comme les quarrés des vitesses, on aura:

$$1^2 \cdot a := (\frac{3}{4})^2 \cdot x$$
, ou $x = \frac{9}{15} a$.

Donc la force avec laquelle le fluide agira sur l'aube, ne sera plus que $f_{\overline{a}} f h a$; & par conséquent ne pourra plus faire équilibre qu'avec $f_{\overline{a}} P$, puisqu'on avoit f h a = P. (§. VII.) Ainsi, si $p = f_{\overline{a}} P$, il semble H h h 3 qu'il

qu'il devroit encore y avoir équilibre, puisque la force du courant ne peut rien faire de plus, que de soutenir ce poids. Cependant il y a du mouvement; & la raison de ce mouvement est que la roue a acquis elle même une vitesse $\equiv \frac{\pi}{4}$, & que la résistance de p étant détruite par la force F, rien p'empêche que la roue n'éleve p, avec toute sa vitesse $\equiv \frac{\pi}{4}$. L'effet, ou la quantité de mouvement produite, sera donc $\equiv \frac{1}{4}p$; ou puisque, $p \equiv \frac{p}{4}$, cet effet sera $\equiv \frac{p}{4}$. Or originairement la force F avoit une quantité de mouvement $\equiv P$, & maintenant elle ne produit que $\frac{p}{4}$ P; il s'est donc perdu $\frac{p}{4}$ de l'effet naturel.

XVI. De même, si F n'agit' plus sur la roue qu'avec une vitesse $\pm \frac{\pi}{4}$, cette vitesse sera due à une hauteur $\pm \frac{\pi}{4}a$. Ainsi la force de l'eau sur l'aube sera $\pm \frac{\pi}{4}fha$, & ne pourra par conséquent saire équilibre qu'avec $\frac{\pi}{4}P = p$.

Ce qui mettra donc p en mouvement, ce sera la vitesse propre de la roue $= \frac{1}{4}$. Ainsi la quantité de mouvement produite sera $= \frac{1}{4}p = \frac{1}{8}P$; par conséquent la force F du courant n'aura produit que la $\frac{1}{4}$ partie de son effet naturel.

XVII. Donc en général, si le fluide n'agit plus sur la roue qu'avec la vitesse m, qui correspond à la hauteur mma: sa force sera mmfha, & ne pourra soutenir qu'un poids $p \equiv mmP$, (où m signifie une fraction moindre que l'unité.) La roue tournant avec une vitesse propre mmm = 1 - m, élévera avec cette vitesse le poids p, dont par conséquent la quantité de mouvement sera mmm = 1 - m, mmm = 1 -

XVIII Le plus grand effet que la force F du courant est donc capable de produire, dès qu'elle n'agit pas immédiatement sur le poids, & qu'elle est appliquée à une roue, ou à un levier, ne sera que la $m - m^3$, partie de son effet naturel.

Il s'agit donc de déterminer la valeur de la fraction m de maniere, que cette quantité m m --- m^2 , foit la plus grande possible; ou, ce qui revient au même, qu'elle approche autant qu'il se pourra de l'unité.

XIX. Rien n'est plus aisé que de trouver cette valeur par la méthode de maximis; car, en dissérentiant la formule m m — m³, la nature du maximum donne,

$$2 m d m \longrightarrow 3 m m d m \longrightarrow 0$$

$$donc \quad 2 \longrightarrow 3 m, \quad \text{ou} \quad m \longrightarrow \frac{2}{3},$$

$$d'où l'on trouve $(m^2 \longrightarrow m^3) P \longrightarrow (\frac{4}{9} \longrightarrow \frac{8}{27} P \longrightarrow \frac{4}{37} P.$$$

XX. Mais, en employant cette méthode, je n'en vois pas plus clairement encore, pourquoi la chose est ainsi. Essayons donc d'y parvenir par une voye plus lumineuse, quoique plus longue.

Il s'agit donc d'affigner une telle valeur aux fractions x, & a, que le produit de x par le quarré de x foit aussi grand, ou aussi approchant de l'unité, qu'il est possible.

XXII. S'il ne s'agissoir que d'un nombre plan, ou de deux dimensions, le problème se réduiroir à trouver dans un quarré dont le côté est = 1, le paint M par où il saut partager A B, pour que le rectangle formé par les lignes A M, MB, soit le plus grand possible. Or il est clair que pour cet esset il saudroit que M partageât le côté A B en deux parties égales; & qu'ainsi le plus grand rectangle possible A G seroit = 1/4.

Car je dois prendre AM, & MB, chacun séparément aussi longs qu'il se peut, pour en sormer le plus grand rectangle; mais, comme je ne puis allonger l'un qu'aux dépens de l'autre, & qu'il n'y a point de raison pourquoi je devrois donner plus de longueur à celui-ci qu'à celui-là, puisque l'un ne contribue pas plus que l'autre à aggrandir le rectangle, il est évident que je dois les prendre égaux; & par conséquent chacun = 1.

En effet, posant AM = x, MB = 1 - x, le rectangle sera = x - x x; & si c'est un maximum j'aurai dx - 2x dx = 0, ou $x = \frac{1}{2}$.

XXIII. Ce que je viens de dire à l'égard des nombres plans, peut également s'appliquer aux nombres folides, ou de trois dimensions, tel qu'est notre nombre $x \times u$. Il s'agir de partager le côté d'un cube \equiv 1, en deux parties, x & u, telles que, x fournissant deux dimensions, & u la troissème, forment le plus grand paralelepipede possible. Or, puis que chacune des trois dimensions contribue également à la grandeur du solide, chacune a un droit égal à la plus grande longueur, & cette longueur ne pouvant être augmentée qu'aux dépens des deux autres, il est clair que chacune n'aura que le tiers de la longueur totale. Ainsi on aura $u = \frac{1}{3}$, & par conséquent $x = \frac{2}{3}$, ce qui donne $x \times u = \frac{4}{3}$.

XXIV. Il est donc évident présentement pourquoi un fluide agissant sur une roue, quelque simple que soit d'ailleurs la machine, & quoiqu'appliquée de la maniere la plus avantageuse, ne produira jamais que précisément la 4 partie de l'effet que sa force promet, abstraction faire de la plus ou moins grande résistance de l'air, & de la répercussion de l'eau. Mais on auroit tort de conclurre de là que les forces se perdent dans la Nature, ou, comme l'a cru Mr. Parent, que les effets ne sont pas proportionnels à leurs causes.

Car, pour ce qui concerne la perte des forces, il est aisé de voir par ce que nous avons dit, ce que deviennent les forces qui paroisfent perdues.

Lorsque F étoit en équilibre avec P, il n'y avoit point de mouvement; l'effet confistoit à soutenir un poids égal à une égale distance du point d'appui.

Lorsque F a élevé $p = \frac{4}{5}$ P, avec une vitesse de $\frac{7}{5}$, la roue avoir acquis une vitesse uniforme $\frac{1}{5}$. Ainsi le courant dont la vitesse est toujours la même $\frac{1}{5}$, n'avoit pas plus de prise sur cette roue, qu'un autre courant dont la vitesse absolue seroit $\frac{3}{5}$, en auroit sur l'aube d'une roue immobile. Or la force d'un tel courant feroit les $\frac{4}{5}$ de celle d'un courant qui, avec une vitesse comme 1, choqueroit contre cette même aube immobile; il n'est donc pas merveilleux que cette force ne fasse plus équilibre qu'avec les $\frac{4}{5}$ du premier poids. Mais on ne peut pas dire que le reste de la force motrice se soit perdu, aussi peu que celle d'un courant se perd lorsqu'on n'en prosite pas. Tout ce qu'on peut dire, c'est que l'on n'a pas employé le reste de cette sorce, & que la nature de la machine ne permet pas de le saire; parce qu'il implique contradiction qu'une machine joue si la principale roue reste immobile, & qu'il implique aussi contradiction qu'une roue cesse d'être immobile sans échaper en partie au courant qui la choquoit.

XXV. Remarquons ici en passant, que si la roue prenoit toute la vitesse du courant, il arriveroit que le courant ne seroit que suivre les aubes sans les pousser, & quoiqu'il conservat toute sa force absolue, sa force active sur l'aube seroit = 0. Mais, tant que cet état dureroit, la roue ne pourroit élever aucun poids, parce que rien ne le contrebalanceroit.

XXVI. Comparons maintenant les divers effets qu'un courant pourra produire suivant les différentes manières de lui appliquer les poids.

Soit la vitesse absolue du courant de 12 pieds par secondes. Puisque la hauteur de 15,625 pieds donne une vitesse de 31,25 pieds par seconde, & que les hauteurs sont entr'elles comme les quarrés des vitesses;

J'ai, $(31,25)^2$. 15,625:: 144. A. hauteur d'où le courant a acquis cette vitesse de 12 pieds, ce qui donne A = 2,304 pieds. Si ce courant heurte perpendiculairement la surface de l'aube $fh=10^f$ sa pression contre l'aube sera F = 23,04 pieds cubiques d'eau, qui à raison de 70 the seront équilibre avec un poids P = 1612,8 the

Maintenant, pour produire la plus grande quantité de mouvement possible, que la roue acquiere une vitesse de 4' par seconde; la vitesse du courant restant $\equiv 12$, n'agira pas avec plus de force qu'une vitesse de 8 pieds sur une aube immobile: or une vitesse de 8 pieds par seconde est due à une hauteur $a \equiv 1,024$ pieds, qui multipliée par la surface de l'aube donne une pression de 10,24 pieds cub. qui font équilibre avec un poids $p \equiv 716,8$ ts; mais ce poids p, étant attaché à une roue qui se meut avec une vitesse de 4', s'élévera avec la même vitesse: ainsi l'effet produit sera $p v \equiv 2867, 2$, en une seconde.

La force primitive de l'eau étoit telle qu'elle auroit mû une masse d'eau de 1612,8 ts. avec une vitesse de 12 pieds; ainsi la quantité de mouvement auroit été = 19353, 6, ce qui est précisément = 2,7 p v.

Mais cette masse, ou ce poids, que la force totale auroit pû mouvoir, si elle n'eut pas été appliquée à l'aube d'une roue, n'est que la propre masse de l'eau, ou du courant même, & ne produit par conséquent aucun effet au dehors. D'ailleurs on ne peut comparer le mouvement uniforme du poids élévé p, qu'avec un mouvement uniforme & horizontal du courant; car, dès qu'il s'agit d'élever cette masse d'eau de 1612,8 ts, dont la vitesse acquise est de 12 pieds, cette vitesse uniformément retardée s'évanouira à la hauteur de 2, 304 pieds. Si l'on veut ici comparer les effets, il faut supposer que p dégagé de la roue, après avoir acquis la vitesse de 4/, s'eléve avec cette vitesse par un mouvement uniformément retardé, & alors les effets seront comme 1612,8 . 844 à 716,8 . 16, ou comme 20,25 à 1.c.a.d. :: 81 à 4. Ainsi la diminution de l'effet est trois fois plus grande que dans le mouvement uniforme; & la raison en est que dans ceux-ci les vitesses respectives, sont, e & 1/3 e, au lieu que dans les mouvemens retardés on considére les quarrés de ces vitesses ee & 3 ee.

XXVII. Concevons maintenant que cette masse d'eau coule horizontalement dans un tuyau dont l'ouverture soit de 10 pieds en quarré, & qu'elle y rencontre un solide cilindrique du poids de 716, 8 ts. qui lui sasse obstacle; ce poids joint à celui de la masse d'eau qui est de 1612, 8 ts, formera un poids total de 2329, 6 ts. Or la force totale de l'eau ne peut produire qu'un esset, ou une quantité de mouvement de 19353, 6 (§. XXVI.) ainsi elle ne peut mouvoir les deux poids qu'avec une vitesse de 8,3904 pieds, ce qui seroit un peu plus du double de l'esset que cette sorce produit par l'entremise de la roue, qui n'élève le même poids de 716, 8 ts, qu'avec une vitesse uniforme de 4. En esset la quantité de mouvement produite sera p v = 5954, 95, & la quantité de mouvement totale étoit 19353,6; ainsi celle ci est à l'autre comme 3,25 à 1. ou comme 13 à 4.

Iii 2

XXVIII.

XXVIII. Voyons néanmoins quel feroit en ce cas-ci le plus grand effet que la force mouvante pût produire, lorsqu'elle feroit immédiatement appliquée au poids, qu'il s'agiroit de mouvoir.

Soit la masse d'eau M, qui en tombant de la hauteur a, ait acquis la vitesse de e pieds par seconde. La quantité de mouvement fera donc Me. Soit le poids placé dans le tuyau horizontal p. Pour trouver la vitesse commune v, avec laquelle la force mouvante pouffera ce poids p, on a par les loix de la communication du mouvement,

$$M + p \cdot M :: e \cdot v$$
.

donc $v = \frac{Me}{M+p}$. Ainsi la quantité de l'effet produit sera $p \ v = \frac{Mep}{M+p}$; quantité qui n'a point de maximum, mais qui peut toujours plus approcher de la quantité Me, plus on augmentera le poids p.

La raison en est aisée à concevoir, puisque plus je diminuerai la vitesse par l'augmentation du poids p, moins la quantité de mouvement de la force mouvante M sera grande; & par conséquent, puisque la quantité torale de mouvement Me des deux masses est invariable, plus celle de p doit augmenter.

XXIX. Mais, si nous concevons que la masse du courant M, au lieu de se mouvoir par un tuyau horizontal, l'élève dans un pareil tuyau vertical, avec sa vitesse acquise e, & qu'elle rencontre au bas de ce tuyau un poids p qui lui sasse obstacle, comme il s'agira ici d'élever deux poids M & p, & par conséquent d'un mouvement retardé, où le poids p continue à chaque instant de presser, il saut suivre d'autres principes. S'il n'y avoit point de gravitation, un corps qui auroit une certaine vitesse continueroit à s'élever verticalement sans rien perdre de cette vitesse là: mais la cause de la gravité étant comme un poids qui presse constamment sur ce corps, retarde à chaque instant sa vitesse.

Or le poids p, qu'il s'agit d'élever, est une nouvelle cause qui se joint à celle de la gravité pour retarder le mouvement de M, & qui agit dans le même sens.

Soit donc a la hauteur totale où M monteroit par sa vitesse e, qu'il a acquise en tombant d'une hauteur pareille A, lorsque M sera parvenu en a, sa vitesse e continuellement retardée par la gravitation sera absolument éteinte. Mais, si dans l'instant que M commence à remonter, il rencontre en b un poids p à soulever, ce poids hâtera la diminution de la vitesse de M, & cette vitesse s'éteindra avant d'avoir élevé les mobiles jusqu'à a: X ainsi les deux masses M + p, ne remonteront que jusqu'à une certaine hauteur x, où leur vitesse, & par conséquent leur mouvement sera épuisé. Il s'agit de déterminer cette hauteur x, les quantités M, p, e, & a, étant données :

Concevons pour cet effet que M, au lieu de tomber depuis A, ait été avant sa chûte augmenté du poids p, de sorte que sa masse étant M + p = P, il n'ait commencé à tomber que du point X correspondant à x; il aura acquis par sa chûte la sorce de remonter précisément jusqu'en x, & le mouvement ascendant se sera fait précisément de la même manière, & dans le même tems, que si M tombé de A avoit rencontré p en b. Ainsi la sorce Ma produit le même effet que la sorce Px; ce qui donne l'équation

$$Ma = Px$$
, d'où l'on tire $x = \frac{Ma}{P}$, ou $x = \frac{Ma}{M+p}$,

& puisque les hauteurs sont entr'elles comme les quarrés des vitesses, on aura :

$$a \cdot \frac{Ma}{M+p} :: ee \cdot \frac{Mee}{M+p}$$

Or, puisqu'il s'agit ici d'un mouvement retardé, la quantité de l'effet produit ne peut pas se mesurer par la quantité du mouvement, mais par la hauteur, ou le quarré des vitesses. Ainsi l'effet total que

le courant a produit au dehors est $p x = \frac{M \cdot a p}{M + p}$: cet esset est donc à la force mouvante, comme $p \ge M + p$, c. a. d. comme le poids à élever est à la somme des deux masses. D'où l'on voit que cet esset n'a point de maximum; & qu'il sera toûjours d'autant plus grand, que le poids p le sera; puisqu'à mesure que p augmentera, la dissérence entre M + p, & p, deviendra insensible. Il est vrai qu'à mesure que le poids p augmentera, la hauteur à laquelle il pourra être élevé deviendra plus petite, & qu'ainsi jamais l'esset produit n'égalera l'esset naturel de la force mouvante; mais il y aura pourtant du mouvement aussi longtems qu'on ne supposera pas p infiniment grand. D'où résulte le paradoxe que seu Mr. Jaques Bernoulli a soutenu dans une de ses theses: Pulex insultam in terram faciens eam de suo loco dimovere potest; ou, ce qui a encore plus d'analogie avec notre cas, qu'il ne sauroit pleuvoir sans que la terre soit poussée hors de sa place, s'il ne tombe en même tems une égale quantité de pluye chez nos antipodes.

COROLL.

Si M = 1612, 8, p = 716, 8, a = 2,304, l'effet naturel du courant étoit Ma = 3715, 89, l'effet produit $\frac{Map}{M+p}$ est = 1143,35. ainsi l'effet naturel sera à l'effet produit comme 3,25 à 1, ou comme 13 à 4, de même que dans le mouvement horizontal; au lieu qu'en interposant la roue, il éjoit comme 27 à 4.

XXX. J'ai dit § XXIV. qu'on auroit tort de conclure avec Mr. Parent, de la perte apparente des forces des fluides, que les effets ne sont point proportionnels aux forces, ou aux causes qui les produisent, mais aux cubes des racines quarrées des forces du fluide. Voici comme Mr. Parent prétend le prouver.

Si au lieu de donner au fluide une vitesse absolue = e, on lui donne successivement les diverses vitesses 1e, 2e, 3e, 4e, 5e, &c. &c. qu'on

qu'on substitue dans la formule générale du plus grand effet $\frac{1}{2}$, Pe, les termes correspondans à ces vitesses, 1P, 4P, 9P, 16P, 25P, on aura ces corrélatifs.

Vitesses, 16 26 36 46 56 &c.

Forces, P 4P 9P 16P 25P &c.

Effets produits,
$$\frac{4}{27}$$
Pe. $\frac{3^2}{27}$ Pe. $\frac{108}{27}$ Pe. $\frac{256}{27}$ Pe. $\frac{500}{27}$ Pe. &c.

Donc &c.

Ce calcul est très juste sans doute, mais la comparaison ne l'est pas; on ne sauroit comparer une quantité de mouvement, c.a.d. le produit d'une masse, telle, par exemple, que $\frac{1}{2}$. 16 P, par sa vitesse $\frac{1}{2}$ e $\frac{256}{27}$ Pe, avec une simple masse sans vitesse 16 P, qui ne représente que la surface de l'aube multipliée par la hauteur du courant. Il falloit prendre le produit de cette masse 16 P, par sa vitesse 4e, & alors la force mouvante 64 Pe, correspond à l'esse $\frac{256}{27}$ Pe, comme 27 correspond à 4.

En établissant la comparaison telle qu'elle doit être, les termes correspondants seront.

Vitesses absolues 1e 2e 3e 4e 5e
Forces mouvantes, Pe 8Pe 27Pe 64Pe 125Pe
Effets produits,
$$\frac{4}{27}$$
Pe, $\frac{4 \cdot 8}{27}$ Pe, $\frac{4 \cdot 27}{27}$ Pe, $\frac{4 \cdot 64}{27}$ Pe, $\frac{4 \cdot 125}{27}$ Pe.

Où l'on verra clairement, que les effets sont, je ne dis pas exactement proportionnels aux causes, car je n'ai nulle idée de la proportion entre une cause & son effet, mais que ces effets ont précisément entr'eux la même proportion, que leurs causes respectives observent entr'elles.

XXXL

XXXI. Mr. Parent conclut encore de son calcul un second paradoxe, savoir que les efforts du fluide contre l'aube ne sont point proportionnels non plus aux effets qu'ils produisent, mais aux quarrés des racines cubiques de ces effets. Il le prouve ainsi:

L'effort d'un fluide dont la vitesse absolue est = e, contre l'aube d'une roue, sera dans l'état le plus parfait de la machine = \frac{4}{2}ee. Donc, si l'on donne successivement au fluide des vitesses absolues doubles, triples, quadruples &c. les termes correspondans seront:

Vitesses absolues, 1e, 2e, 3e, 4e, 5e,

Efforts sur l'aube,
$$\frac{4}{9}ee$$
, $\frac{16}{9}ee$, $\frac{36}{9}ee$, $\frac{64}{9}ee$, $\frac{100}{9}ee$.

Effets produits, $\frac{4}{27}Pe$, $\frac{32}{27}Pe$, $\frac{108}{27}Pe$, $\frac{256}{27}Pe$, $\frac{500}{27}Pe$.

Donc &c.

Mais encore ici Mr. Parent compare des choses qui sont incommensurables; en appellant efforts le quarré des vitesses d'un sluide, il n'est pas étonnant que cet effort ne soit pas proportionnel à un esset qui est le produit d'une masse par sa vitesse. Il faut donc, pour que la comparaison puisse avoir lieu, donner une masse au sluide qui fait esfort, & cette masse sera le produit de la surface que le sluide choque par la hauteur d'où il sera tombé pour acquérir la vitesse donnée; or, puisque ces hauteurs sont entr'elles comme le quarré des vitesses, si la hauteur qui a produit la vitesse e, est = a, les hauteurs correspondantes aux efforts $\frac{4}{9}ee$, $\frac{16}{9}ee$, $\frac{36}{9}ee$ &c. seront $\frac{4}{9}a$, $\frac{16}{9}a$, $\frac{36}{9}a$.

Posant donn la base, ou surface de l'aube = 1, on aura pour termes, correspondants:

Vitesses Absolues:
$$e$$
 $2e$
 $3e$
 $4e$
 $5e$

Masses Masses du fluide, $\frac{4}{9}a$. $\frac{16}{9}a$. $\frac{36}{9}a$. $\frac{36}{9}a$. $\frac{64}{9}a$. $\frac{100}{9}a$.

Vrais efforts, ou mo- $\frac{4}{9}ae$, $\frac{22}{9}ae$, $\frac{108}{9}ae$. $\frac{256}{9}ae$. $\frac{500}{9}ae$.

Effets produits, $\frac{4}{27}Pe$, $\frac{32}{27}Pe$, $\frac{108}{27}Pe$, $\frac{256}{27}Pe$, $\frac{500}{27}Pe$.

Ce qui fait disparoitre le prétendu paradoxe.

XXXII. Après avoir vû que la Machine étant dans l'état de perfection, la force mouvante produit précisément la $\frac{4}{27}$ partie de son effet naturel, il semble qu'il est permis d'en conclure, que, puisque la force de l'eau la feroit remonter jusqu'à la hauteur de sa source, cette eau pourra élever, au moyen de la roue, à cette même hauteur un volume d'eau égal à la $\frac{4}{27}$ partie de sa propre masse, & que réciproquement elle pourra élever un poids égal à sa masse jusqu'à la $\frac{4}{27}$ partie de la hauteur de sa chûte.

Mais il est évident d'abord que la dernière conclusion ne sauroit être vraye, puisque, si le poids est égal à la force mouvante, il y aura équilibre (§. VII.) & par conséquent la roue sera immobile.

Ce qui paroitra plus paradoxe, c'est que la premiere conclusion n'est pas vraye non plus. La raison en est évidente par notre théorie. Car l'état de perfection de la machine mue par un fluide, est de faire soutenix à ce courant les 4 de son poids. Ainsi, lorsqu'il n'en élévera que les 47, la machine ne sera plus dans l'état le plus avantageux possible. Voyons quel sera l'esset produit dans un tel cas.

Si la furface de l'aube est toujours fh, la heuteur de la chûte du courant g, sa vitesse acquise par cette chûte e, sa force sera fgh pieds cubiques d'eau.

Si maintenant on lui donne à élever un poids $p = \frac{4}{27}fhg$, pieds subiques d'eau, pour que la quantité de l'effet répondit à la $\frac{4}{27}$ partie de la force mouvante fhge, il faudroit que p fut élevé avec toute la vitesse e. Or il est évident que cela ne se peut, puisqu'il faudroit qu'en ce cas la roue eut elle-même une vitesse e. Mais si le courant lui avoit communiqué toute sa vitesse, il n'agiroit plus sur les aubes; ainsi il ne pourroit pas contrebalancer le poids $\frac{4}{27}fhg$, qui par conséquent descendroit, bien loin de monter.

Pour déterminer précisément quelle est la vitesse de la roue lorsque la force fhg éleve un poids $= \frac{4}{27}fhg$; il n'y a qu'à considérer qu'alors la force du courant sur l'aube n'est que $\frac{4}{27}fhg$ (§ IX) donc sa vitesse rélative, ou, ce qui revient au même, l'excès de sa vitesse totale sur celle de l'aube est due à une hauteur $= \frac{4}{27}g$ (§ XXIV.)

Or par la théorie des mouvements accélérés, les hauteurs sont entr'elles comme les quarrés des vitesses acquises; ainsi on a,

& puisque $\frac{1}{27}$ e e, exprime le quarré de la vitesse respective du courant, cette vitesse elle-même sera $= eV_{\frac{1}{2}7}$. Or la vitesse absolue du courant étoit = e. Il faut donc que l'aube lui échape avec une vitesse propre $= e - eV_{\frac{1}{2}7}$; & ce sera avec cette derniere vitesse que le poids $\frac{1}{27}fhg$ sera élevé; par conséquent la quantité de son mouvement, ou de l'effet produit, ne sera que $= \frac{1}{27}fhge-\frac{1}{27}fhgeV_{\frac{1}{27}}$; il s'en saudra donc de toute la valeur $\frac{1}{27}fhgeV_{\frac{1}{27}}$, que ce poids a'ait toute la quantité de mouvement, que la persection de la machine permet de produire.

Pour trouver exactement la hauteur x, à laquelle ce poids $\frac{4}{27}fhg$ pourroit s'élever avec cette vitesse, $e - e \sqrt{\frac{4}{27}}$ il n'y a qu'à

qu'à considérer que dans les mouvemens retardés les hauteurs sont en raison des quarrés des vitesses acquises; ce qui donnera cette proportion

doù l'on tire, $x = g(1 - V_{\frac{1}{27}})^2$: or $V_{\frac{1}{27}}$ est à peu près = 0,3849, ainsi $x = g(0,6151)^2 = 0,37835g$, & par conséquent il s'en faudra de $\frac{12433}{20000}$, c. a. d. de presque les deux tiers, que le courant ne puisse faire remonter la $\frac{1}{27}$ partie de son poids à la hauteur de sa chûte.

XXXIII. Il est donc évident que, pour disposer une machine de maniere qu'elle produise son plus grand esset à l'aide d'un fluide, il saut la charger d'un poids qui soit les \(\frac{1}{2}\) de la masse du courant qui frappe les aubes; bien entendu que les bras des leviers, c. a. d. les rayons des roues sur lesquels le courant & le poids agissent soient égaux; car s'ils ne l'étoient pas, il faudroit que la masse du courant multipliée par le levier sur lequel il agit, sit un produit égal aux neus-quatrièmes du produit du poids par sa distance du point d'appui; & que par conséquent cette distance sur diminuée à proportion que le poids augmenteroit.

XXXIV. Ainsi, si le poids étoit un cilindre d'eau à élever à une hauteur donnée g, pour y être degorgée dans un reservoir; la machine étant disposée comme elle doit l'être pour produire le plus grand esset; la surface des aubes étant toujours fh, & la hauteur de la chûte de l'eau a, d'où elle ait acquis une vitesse de e pieds par seconde: la masse d'eau, qui exprime la force, sera fha.

on aura donc (§. XXXIII.) $\frac{4}{5}fha = p = \frac{4}{5}P$.

Or, p le poids à foutenir est ici le poids d'une colonne d'eau dont la base est $mathbb{m} = mathbb{m}$, & la hauteur $mathbb{m} = mathbb{m}$; ainsi on a $p = mathbb{m} = mathbb{m}$, on plûtot, parce que, dès qu'il y aura du mouvement, la pression sera plus forte que la simple hauteur perpendiculaire du tuyau de conduite, nommant

Kkk 2

la

la hauteur qui exprimera cette preffion totale $= \lambda g$; on sur $p = B \lambda g$, & $B = \frac{p}{\lambda g}$.

Or le plus grand effet possible, est d'élever p avec le tiers de la vitesse du courant (§. XXIII.) Ainsi p parcourra en une seconde $\frac{1}{3}e$ pieds. Il sortira donc chaque seconde un volume d'eau $= \frac{1}{3}Be$ pieds cubiques, si au moyen de deux pompes qui aspirent alternativement on produit un resoulement continuel. Posant donc la quantité d'eau qui sera dégorgée en une heure = M, on aura M = 1200 Be; & substituant la valeur de $B = \frac{p}{\lambda g} = \frac{4}{3} \frac{fha}{\lambda g}$, on trouve $M = \frac{4 \cdot 1200 fhae}{9 \lambda g} = \frac{1600 \cdot fhae}{3 \lambda g}$.

Or on fait que l'on a toujours $a = \frac{2}{123}ee$, puisque les hauteurs des chûtes font en raison du quarré des vitesses, & que l'expérience a appris qu'un corps acquiert une vitesse de 31,25 pieds de Rhin dans la premiere seconde, en tombant d'une hauteur de 15,625 pieds. Substituant donc $\frac{2}{123}ee$, à la place de a, on aura $M = \frac{1600,2}{3.125} \frac{e^3fh}{\lambda g} = \frac{128 e^3fh}{15 \lambda g}$, ce qui est la formule trouvée par Mr. Euler, pag. 167. in fin. où il y a par une saute d'impression $\frac{123}{133}$ au lieu de $\frac{123}{135}$, que son calcul donne.

COROLL. I

Puisque la vitesse de l'aube doit être le tiers de la vitesse absolue du courant; & la periphérie de la roue dont le diametre est 2r, étant $= 2\pi r$; la roue achevera sa révolution en $\frac{2\pi r}{\frac{1}{3}e}$ secondes $= \frac{6\pi r''}{e}$, & si les pistons jouent μ fois en un tour d'axe, & que leur jeu s'acheve en t secondes, on aura $\mu t = \frac{6\pi r}{e}$, & $t = \frac{6\pi r}{\mu e}$.

COROLL. 2.

Dès qu'on a la quantité d'eau dépensée en une heure $M = \frac{128 \cdot e^3 fh}{15 \lambda g}$; il est aisé de déterminer les autres conditions de la machine. Car, si le diametre des pompes = a, leur hauteur = b, leur nombre = 2n, le tems d'un jeu entier de piston = t, on sait que la quantité d'eau dépensée est la même qui sort des pompes à chaque coup de piston; ainsi la capacité des pompes étant $\frac{1}{4} \pi aab$. $2n = \frac{1}{2} \pi n a ab$, il sortira un pareil volume d'eau à chaque t secondes. On a donc

$$t'' \cdot \frac{1}{2} \pi n a a b :: 3600'' \cdot M$$

$$donc M = \frac{1800 \pi n a a b}{t} = \frac{128 \cdot e^3 f h}{15 \cdot \lambda g}; & puisque t = \frac{6\pi r}{\mu e};$$
on a,
$$\frac{1800 \pi n a a b \mu e}{6 \pi r} = \frac{128 \cdot e^3 f h}{15 \cdot \lambda g}, \text{ ou } 1125 \cdot n a a b \lambda g \mu = 32 e e f h r$$

$$t'' \cdot a a b = \frac{32 e e f h r}{1125 \lambda \mu n g}, \text{ comme Mr. Euler l'a trouvé p. 183.}$$

$$2^{\circ} \cdot \lambda = \frac{32 e e f h r}{1125 \pi a a b g \mu}.$$

XXXV. Avant Mr. Euler, personne que je sache, n'avoir estimé la pression de l'eau que par la simple hauteur perpendiculaire g, bien loin d'évaluer précisément le surplus exprimé par le coëfficient λ , que Mr. Euler a déterminé le premier à l'aide de la plus sublime Géometrie.

Essayons d'y parvenir au moyen des notions métaphysiques.

Il est d'abord évident que si un tuyau de conduite est rempli d'eaujusquà la hauteur perpendiculaire g, & que cette eau soit en repos, la
pression au bas des tuyaux sera en vertu des loix hydrostatiques égale

Kkk3

à la hauteur perpendiculaire g, quelle que soit la longueur, & l'inclinaifon du tuyau de conduite, & que cette hauteurg, multipliée par la base du tuyau, donnera en pieds cubiques le poids d'eau qui presse sur cette base.

Mais, dès qu'il y a du mouvement, dès qu'il faut soulever cette masse d'eau pour la faire dégorger, la force qui sourenont cette colonne ne suffira pas; il faut un surcroit de force ϕ , qui agissant sur les pistons souleve cette masse d'eau.

Or la réaction est toujours égale à l'action, & c'est le bas du tuyau qui reçoit l'impression de cette réaction; ainsi, puisqu'il saut une force Φ pour produire l'action, la pression du bas du tuyau, qui étoit g. $\frac{1}{4}\pi aa$, durant le repos, sera maintenant g. $\frac{1}{4}\pi aa + \Phi$. Et comme nous ne cherchons que la hauteur p de la colonne d'eau, qui multipliée par la base $\frac{1}{4}\pi aa$, produiroit cette pression. Nous aurons cette hauteur, ou pression linéaire $n = a + \Phi$

aurons cette hauteur, ou pression linéaire $p = g + \frac{\Phi}{\frac{1}{4}\pi aa}$.

XXXVI. Maintenant pour déterminer ce surcroit de force ϕ , il n'y a qu'à mesurer son esset. Car réellement nous ne connoissons ce que nous nommons forces, ou causes, que par les essets qui en résultent.

Or que fait la force ϕ , lorsqu'il y a deux pompes qui refoulant alternativement produisent un refoulement continuel? C'est qu'agisfant alternativement sur, chaque pompe, elle chasse successivement de chacune en un tems $\frac{1}{2}t$, un volume d'eau $\frac{1}{4}\pi a a b$, & fait entrer ce volume d'eau dans un tuyau de conduite, dont la base sera $\frac{1}{4}\pi c c$, & dont la longueur sera $\frac{1}{4}\pi c c$.

Mais ce tuyau de conduire est actuellement rempli d'un volume d'eau $\equiv \frac{1}{4}\pi ccl$; ainsi le volume d'eau $\frac{1}{4}\pi aab$, qui doit y entrer en déplacera un volume pareil, & y occupera un espace dont la longueur β , sera proportionnelle à la différence des ouvertures aa, & cc, de la pompe

pompe & du tuyau. On aura par conséquent, puisque l'eau ne se comprime point, $\frac{1}{4}\pi cc\beta = \frac{1}{4}\pi aab$; d'où l'on tirera $\beta = \frac{aab}{cc}$.

Ainsi, pour que la force ϕ sasse entrer l'eau de la pompe dans le tuyau montant, il saut que cette sorce sasse parcourir à toute la masse d'eau qui est dans le tuyau montant, un espace de $\frac{a\,a\,b}{c\,c}$ pieds dans le tems de $\frac{1}{2}\,t$ secondes.

Or, puisque pendant le refoulement la foûpape est levée, le tuyau montant & la pompe sont censés ne faire qu'un seul tuyau, dont la masse d'eau, suivant les principes de l'hydrostatique, doit être estimée par la grandeur de la base, qui est celle de la pompe $= \frac{\pi}{4} a a \pi$, & par toute la longueur $l \rightarrow b$.

Ainsi la masse d'eau mise en mouvement dans le tems $\frac{1}{4}t'$, est $\frac{1}{4}\pi aa$. (l+b), ou si l'on néglige b, à cause de sa grande disproportion à l, on aura la masse $\frac{1}{4}\pi aal$ pieds cubiques.

L'effet total de la force ϕ est donc de faire parcourir à la masse $\frac{1}{4}\pi aal$, un espace de $\frac{aab}{cc}$ pieds en $\frac{1}{4}t$ secondes, avec une vitesse uniformément accélérée à commencer du repos.

Or dans les mouvemens uniformément accélérés, la quantité de l'effet s'estime par la masse & le quarré de la vitesse; ou, ce qui revient au même, par le produit de la masse & de l'espace, divisé par le quarré du tems employé à le parcourir.

Donc la quantité de l'effet produit par la force ϕ , ou, ce qui est sa même chose, la quantité de l'effort même ϕ , sera

$$\Phi = \frac{1}{4} \pi a s l \cdot \frac{s a b}{\frac{1}{4} c c t t} = \frac{\pi a^4 b l}{c c t t}.$$

Reste maintenant à réduire cette valeur trouvée $\frac{\pi n^4 bl}{cctt}$ à une quantité homogene.

On a les valeurs a, (& par conséquent π ,) b, l, e, exprimées en pieds de Rhin; mais t est exprimé en secondes. Pour trouver la valeur de t en pieds, il n'y a qu'à se souvenir que les corps tombent de 15,625 pieds de Rhin dans la premiere seconde, & que les espaces sont comme les quarrés des tems, & nous aurons dans notre cas, où il s'agit de mouvemens accélérés, cette proportion:

e qui substitué dans la formule de $\phi = \frac{\pi a^4 b l}{cc t t}$, donners $\phi = \frac{\pi a^4 b l}{15,625 cc t t}$ pieds cubiques d'eau; ou, mettant pour π substitute valeur, $\phi = \frac{3,14159 \cdot a^4 b l}{15,625 cc t t}$, & enfin $\phi = \frac{0,20106 \cdot a^4 b l}{cc t t}$.

C. Q. F. T.

COROLL.

Que si l'on veut tenir compte de la masse d'eau $\frac{1}{4}\pi aab$, on n'a qu'à substituer dans la formule (l-b) à la place de l.

XXXVII. Puisque la hauteur de la colonne d'eau qui exprime la pression, est $p = g + \frac{\Phi}{\frac{1}{4}\pi aa}$. (§.XXXV). Substituant la valeur trouvée de Φ , on aura $p = g + \frac{0.20106 \, a^4 \, bl}{\frac{1}{4}\pi \, aa \, cc \, tt} = g + \frac{0.20106 \, aabl}{0.78539.cctt}$, ou $p = g + \frac{0.256.aabl}{cc \, tt}$, comme Mr. Euler l'a trouvé. Ou

fi l'on y fait entrer la petite masse d'eau $\frac{1}{4}\pi a a b$, on aura $p = g + \frac{0,256. a a b (l+b)}{c c t t}$.

COROL L.

Puisque $\lambda g = p$. (§. XXXIV.) on a maintenant $\lambda g = g + \frac{0.256 \, aa \, bl}{cc \, tt}, \quad \text{ou} \quad \lambda = 1 + \frac{0.256 \, aa \, bl}{cc \, ttg}.$ & le poids total qui pese sur le bas du tuyau sera $= \frac{1}{4} \pi \, aa \, g + \frac{0.256 \, \pi \, a^4 \, bl}{4 \, cc \, tt}, \quad \text{pieds cubiques d'eau.}$

R X E M P L E.

Soit $a = \frac{1}{3} \cdot b = 4$, $c = \frac{2}{4} \cdot l = 3000$. g = 60. t = 60. le poids que le bas des tuyaux aura à supporter, sera, (à raison de 70 th. le pied cubique d'eau,) de 32254 th.



RECHERCHES

SUR UN PRINCIPE FIXE, QUI SERVE A' DISTIN-GUER LES DEVOIRS DE LA MORALE DE CEUX DU DROIT NATUREL.

PAR MR. SULZER.

ous ceux qui ont écrit sur le Droit Naturel, Philosophes ou Jurisconsultes, ont remarqué que les devoirs naturels de l'homme sont de nature très dissérente. Ils ont vû que l'obligation à certains devoirs est si parsaire & si bien constatée, qu'en cas de resus, on pourroit obliger qui que ce foit, même par force, à les remplir : d'autres leur paroissoient d'une obligation moins parsaite, & point du tout fujers à la contrainte. Ils voyoient que l'observation de ces devoirs doit être abandonnée aux sentimens & à la bonne volonté de chacua. Pour peu qu'on y réflèchisse, on verra p. ex. que chacun est dans une obligation très parfaite de rendre à un autre ce qu'il a emprunté de lui, au point que le créancier peut poursuivre en Justice son débiteur, ou même, (en supposant les hommes dans leur état naturel & hors de la société civile,) lui ôter par force ce qu'il lui doit. D'un sutre côté tout le monde conviendra que je ne puis pas obliger de la même façon un autre à me rendre service, ni à me faire une charité, quelque besoin que j'en puisse avoir, & quelque facilité que l'autre sit de le faire.

Cette différence assez visible des devoirs a fait naitre la distinction entre la Morale & le Droit Naturel. On a compris dans la Morale les devoirs d'une obligation imparsaite, qu'on nomme devoirs d'humanité, & dans le Droit Naturel ceux dont l'obligation est parsaite. Quoiqu'il n'y ait aucun doute, que cette distinction ne soit solide & réelle, on trouve les Philosophes assez embarrasses à en donner des raisons bien claires, & assez générales pour être appliquées à tous les cas.

Ils ne se sont jamais nettement expliqué sur le principe qui rend cette distinction nécessaire, & qui est assez général pour servir de régle à tous les cas.

Un homme respectable par ses lumières & par ses grandes conpoissances dans tout ce qui regarde les loix naturelles, ou civiles, m'avent fait remarquer, qu'il est d'une très grande importance pour l'établissement des loix, d'avoir un principe fixe, qui ferve à distinguer solidement ces deux especes de devoirs, j'ai cherché dans les livres des Philosophes & des Jurisconsultes ce qu'ils disent touchant ce principe; & j'ai été surpris de les voir passer si legèrement sur un point de cette importance.

La plûpart des Jurisconsultes, qui ont écrit sur le Droit Naturel, posent pour principe de ce Droit la régle : Qu'il ne faut offenser personne, & qu'il faut rendre à chacun ce qui lui est du (*); & ils rangent dans la classe devoirs parfaits tous ceux qu'on peut déduire de cette régle fondammentale. Mais il n'est pas difficile de voir que cette régle, surrout sa seconde partie, n'est pas si bien déterminée qu'elle puisse servir de principe. Le précepte de rendre à chacun ce qui lui est dû, ne renferme point le principe d'où l'on pourroit connoitre ce qui est dû aux autres. Ce n'est que par les principes du Droit Naturel même qu'on connoit cela. La régle suppose donc déjà ce qu'on en devroit conclure.

Monsieur de Wolff n'est pas allé beaucoup plus loin. Il fait comme les autres la distinction entre l'obligation parfaite & imparfaite, sans nous dire précisément sur quoi elle est fondée. Sa définition du droit parfait semble à la vérité indiquer un principe, quand il dit, que le droit parfait est celui que nous donne la loi naturelle pour satisfaire à nos devoirs. Mais il est bien difficile d'appliquer cela à des cas particuliers; & il paroit qu'on en pourroit inférer qu'on a quelquefois le droit de forcer un autre à nous rendre service, où à nous faire des charités. D'un autre côté il y a certains droits très parfaits qu'on ne déduiroit de ce principe, que difficilement. J'ai un droit parfait sur L11 2

une

^(*) Neminem ladere; fuum cuique tribuere,

une partie des biens de mon débiteur, quoique la loi naturelle ne m'oblige pas toujours à me faire rendre ce qu'on me doit.

C'est cette incertitude sur le premier principe du Droit Naturel. qui m'a engagé d'entreprendre la recherche d'un principe vraiment fondamental, clair & déterminé, & qui par conséquent soit d'une application facile à tous les cas particuliers. Après plufieurs réfléxions, qui ne m'ont mené à rien de politif, j'ai vû qu'il falloit commencer par chercher l'origine & l'esprit général des loix. Je crois avoir remarqué, que ce qui a empêché les Jurisconfultes de trouver le véritable principe du Droit naturel, est la fausse supposition qu'ils ont saite de l'état naturel des hommes. Ils commencent toujours par supposer, que naturellement les hommes vivent hors de toute société, détachés l'un de l'autre, & ne se rencontrant que par hazard, comme les bêtes dans les forêts. Pour nous mieux faire comprendre cet état chimérique, qu'il Jeur a plû de nommer état de nature, ils ne suppofent d'abord que deux hommes, vivant chacun à part dans une Isle de l'Océan. Dans cette belle supposition, ils cherchent quels peuvent être les droits mutuels de ces solitaires. D'autres n'ayant pas trouvé cette supposition assez séconde pour en déduire tous les droits, nous représentent les deux premiers hommes dans un état beaucoup plus trifte. L'un nageant dans la mer, & prêt à succomber sous les vagues de cet élément impiroyable; l'autre voguant sur une planche qui le soutient, & qui paroit lui promettre d'être sauvé. Dans cette heureuse supposition, ils cherchent combien de droit a le premier de s'accrocher à la planche de l'autre, & combien de droit a l'autre de l'empêcher de partager avec lui sa planche, de crainte que n'étant pas suffisante à les porter tous deux, elle n'enfonçat dans la mer. Il n'est pas surprenant que de pareilles suppositions n'ayent mené à rien de certain. En effet il seroit inutile de rechercher les droits de gens affez barbares pour rester séparés les uns des autres. Depuis que les hommes ont eu du bon sens & de la raison, ils se sont naturellement joints en petites sociétés, & ces sociétés ont naturellement formé des Etats & des Républiques. Je commence donc par supposer, que les hommes ne

vivent que dans de grandes sociétés, dont le but est de rendre chacun aussi heureux qu'il est possible. Des sociétés sans ce but ne sont que des amas de gens barbares qui ne connoissent, ni droits, ni loix; & auxquels on seroit connoitre en vain la disserence des devoirs. Je suppose de plus que les Legislateurs de relles sociétés, n'ayant égard qu'aux devoirs naturels, laissent à part toutes les loix dont un tel Etat pourroit avoir besoin par rapport à des circonstances particulieres, d'où résultent les loix civiles, ignorées du Droit Naturel.

le vois bien ce qu'on pourroit m'objecter contre cette supposs-Il a semblé aux Jurisconsultes que les Souverains sont dans le cas de ces hommes détachés, hors de toute société. Voulant rechercher les droits d'un Souverain à l'autre, & surtout les droits de la guerre. ils ont crû cette supposition absolument nécessaire pour leur recherche. Mais il en est des Souverains comme des particuliers. Dans les parties policées du monde, les Souverains ne sont point du tout des personnes détachées l'une de l'autre. Quiconque sait jetter un coup d'oeil judicienx sur les affaires de l'Europe, verra sans peine que tous les Souversins ensemble forment une espèce de République, qui a ses loix fondamentales, quoique tacites. Aucun Souverain de l'Europe ne peut se regarder comme hors de liaison & exemt de toute obligation cavers les autres. D'ailleurs, si un Souverain est sage & politique, il se dictera lui-même ses devoirs envers les autres; s'il ne l'est pas, il ne lui fert de rien de connoître ses devoirs envers les autres Souverains: & ce sera toujours la force qui décidera, indépendemment de toutes les décifions des Iurisconfultes. Nous chercherians en vain les droits de ces Souverains barbares de l'Afrique & de l'Amérique.

Laissons donc à part tout ce qui est inutile, & commençons notre recherche par la supposition des Etats formés, dont le but est d'obtenir le plus grand bonheur possible. Il est d'abord clair que la sélicité d'un peuple dépend de l'observation exacte de tous les devoirs de l'homme. Si tous les hommes étoient moralement bons & sages, la société n'auroit pas besoin de loix, chacun seroit exactement tout ce qui est de son devoir, & tout iroit bien. Mais la soiblesse des uns & la méchanceté des autres ne permettent pas d'abandonner l'observation des devoirs au gré des membres qui composent la société. Le repos & la felicité publique seroient trop mal assurés.

De là nait la nécessité des loix, qui prescrivent à chacun ce qu'il doit faire, & dont la sanction oblige les foibles & les méchans à contribuer malgré eux à la félicité des autres. Maintenant on voit d'abord qu'il est très essentiel qu'un Legislateur sache au juste dans quels cas il peut obliger parfaitement un citoyen, & dans quel cas il ne le peut pas. Car d'un côté ce seroit un désaut & une soiblesse marquée des loix d'abandonner au gré des citoyens des devoirs auxquels on peut les obliger; & de l'autre ce seroit un grand inconvénient de vouloir obliger un citoyen à des choses, qui par seur nature ne sont point sujettes à la contrainte des loix.

De là nous pouvons tirer un principe qui servira à nous conduire surement dans la recherche, que nous avons entreprise. Si le but général des loix est d'obliger chacun à autant qu'on peut raisonnablement demander de lui, il s'ensuit qu'un Legislateur doit revendiquer aux loix tout devoir naturel, sans se relâcher sur aucun, & qu'il ne doit laisser au gré des citoyens que ce qui par sa nature même ne peut pas être exigé par force. Car plus on laisse à la volonté des mambres de la société, plus on risque de voir mal remplir les devoirs, & plus on manque le dernier but de la société civile.

Je serois sâché, si l'on pensoit que je parle de cette saçon par une humeur de misantropie; & je le serois d'avantage, si l'on croyoit que je veux ôter la liberté aux citoyens, lorsque je dis qu'un Souverain doit laisser à leur gré aussi peu qu'il est possible. Qu'il me soit donc permis de m'expliquer en peu de mots là dessis. J'ai déjà dit qu'on n'auroit besoin, ni de loix, ni d'aucune contrainte civile, si tous les hommes étoient bien sages. Il est cermin qu'ils ne le sont pas. Il saut donc absolument les empêcher d'être méchans, & même les en empêcher autant qu'il est possible. Je crois que cette maxime n'a rien d'injuste, ni de préjudiciable à la liberté, qui doit être l'idole d'un Philosophe. Lors donc qu'on assujettit à la contrainte des loix civi-

civiles tous les devoirs de l'homme, qui par leur nature sont susceptibles de cette contrainte, on ôte par là aux méchans & aux soibles la liberté de faire du mal, & on n'ôte rien aux sages & aux gens raisonnables, qui sont le bien indépendamment des loix. Ces loix ne les gênent jamais, parce que que par leur bonne volonté ils vont au devant des loix.

Mettons donc pour premier principe, que les loix doivent exiger tout ce qu'elles peuvent exiger, & ne se relâcher, que sur les choses, qui par leur nature ne sont point sujettes aux loix. Tout devoir qui est sujet aux loix est un devoir parsait; & le devoir imparsait est celui qui ne peut point être sujet aux loix. Chaque loi doit avoir sa sanction, & ce qu'elle ordonne doit pouvoir être exigé par force; non pourtant, par une force arbitraire & tirannique, dirigée par le caprice du plus fort, mais par une sorce que, la raison & la bonté dirigent.

Ceci étant supposé, il est clair, que la force ne peut jamais être employée que dans le cas où celui qui est le dépositaire de la sorce peut savoir avec certitude, que ce qu'on demande d'un autre est réellement un de ses devoirs, & qu'il a tort de vouloir s'en dispenser. Dans tous les autres cas, ce seroit agir despotiquement & sans raison. D'un autre côté, dans un cas où tout le monde peut connoitre avec certitude, que tel est mon devoir, ce seroit une soiblesse dans les loix de me laisser le maitre de le faire, ou de ne pas le faire.

Delà nous tirons aisément le principe que nous cherchons, & qui décidera très positivement sur ce qui est devoir parsait ou imparsait. De tous les devoirs de la Morale ceux qui sont d'une certitude absolue & d'une notoriété publique, sont des devoirs parsaits; & ceux dont la connoissance ne dépend que de mon propre jugement, sont des devoirs imparsaits & ne sont point sujets aux loix. On ne trouvera pas ce principe fort difficile dans l'application. Il est aisé de voir généralement, que tout devoir sondé sur la notion générale de l'humanité est du nombre de ceux dont la certitude est constante pour tous les hommes; & il n'est pas dissicile non plus de voir, que tout devoir qui résulte d'un état personnel, de la connoissance des biens, des sorres, & des facultés

d'un particulier, ne peut être exactement connu que de lui, & qu'il ne peut par conféquent qu'être au nombre des devoirs imparfaits.

Ce principe est de plus très second en conséquences, qui sont d'une grande utilité. Mais comme il ne s'agit ici que de bien établis ce principe, je ne m'arrêterai pas à ces conséquences. L'application à un cas dont on a assez dispuré, suffira pour faire connoitre la facilité de l'application du principe. Se conformer à la Religion dominante du païs où l'on vit; est ce un devoir parsait, ou imparsait? La soi, de toute la Religion, dépend des lumières de des connoissances qu'on a; personne ne peut juger de ce que je crois, ou de ce que je connois, que moi seul. Il est donc évident, qu'on ne peut pas m'obliger à des devoirs, qui ne peuvent résulter que de mes lumières de de ma saçon de penser. Chacun doit donc avoir la liberté de conscience par le droit de la Nature. Mais comme toutes les loix civiles s'écartent quelquesois des loix naturelles, c'est une autre question; si un Souverain pent établir telle ou telle loi, qui n'est point sondée dans le Droir Naturel?

Après avoir trouvé un principe folide pour le ces que nous avons supposé, il n'est pas difficile de voir, que ce même principe subliste encore, quand il ne s'agit que de deux hommes, hors de route lisifon civile. & vivent dans l'état véritablement naturel. Dans ce cas, la question est telle. Me supposant hors de route société civile, quel est le principe, qui me sert à connoître ce que je puis exiger d'un sutre homme, même par force en cas de refus, saus blesser l'equité & le Droit Naturel? Je dis donc, qu'il est évident : 1. Que ce que je elemande de l'autre, doit être une chose à laquelle je ne puisse pas renoncer, fans pécher contre un de mes devoirs naturels. 2. Qu'il doir être un des devoirs de l'autre de m'accorder ce que je lui deman-Dans ce cas, je puis exiger par force, qu'il me fatisfusse, pais que par là même je remplis un de mes devoirs, & j'oblige l'autre de satisfaire à un des siens. Il est donc évident, que ce principe revient au même que nous avons trouvé pour les sociétés. Le devoir parfait doit toujours être tel, que celui qui veut l'eniger, soit en état de connoitre avec certitude, que c'est une des obligations naturelles de celui dont on l'exige.

MEMOIRES

D F

L'ACADÉMIE ROYALE

DBS

SCIENCES

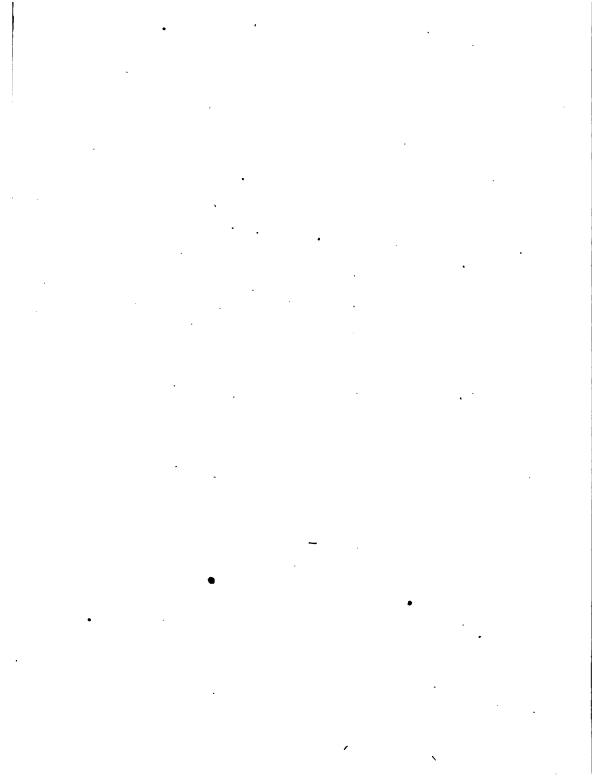
E T

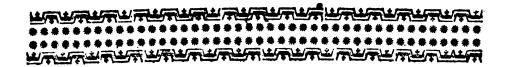
BELLES-LETTRES.

CLASSE DE BELLES-LETTRES.

* *

Mmm





COURTE DESCRIPTION

DES PEUPLES ET DES PROVINCES SITUÉES A'
L'OCCIDENT DE LA MER CASPIENNE, DEPUIS ASTRACAN
JUSQU'AU FLEUVE KURA, TELLES QU'ELLES SE
TROUVOIENT EN 1728.

PAR MR. VOCKERODT.

Traduit de l'Allemand,

On compte non seulement, parmi les Peuples qui habitent les bords Occidentaux de la Mer Caspienne, les Cosaques, les Tartares, & les Czirkæses, mais encore les Peuples du Dagestan, ceux du Lesgint, ceux du Taulistan, les Chaitaky, les Carachaitaki, les Schirmaniens, les Avari, & les Kacheti. Il y a aussi quelques Juis, des Armeniens, & des Arabes, qui s'arrêtent dans ces contrées.

Cosaques.

Ce qui se trouve de Cosaques aux environs de la Mer Caspienne est divisé en Grebensky & en Tersky. Les premiers habitent le long du sleuve Terek, du côté des Montagnes: ce sleuve a séparé jusqu'en 1722. le territoire Russe d'avec celui des Perses: ils ont quatre villes munies de remparts, dont la principale est Kordukowa: ils parlent Russe, & ont adopté la religion Grecque. Comme ils se sont reconnus de tout M m m 2

tems dépendans de la Rushe, leur Chef, ou Ataman, a toujours été obligé de rendre compte de ses actions au Gouverneur d'Astracan. Les Grebensky n'ont été originairement qu'une troupe de bandits, composée de Russes & de Cosaques: ces brigands, pour voler avec plus de commodité & de sureté, s'étoient retirés sur cette chaîne de' montagnes qui borde le fleuve Terek. C'est ce qui leur sit donner le nom qu'ils portent; car Greben signisse en Russe une chaine de montagnes qui s'élevent en pointes. De semblables voisins étoient trop incommodes pour qu'on ne cherchât pas, où à les disperser, ou à les contenir dans leur devoir: on leur offrit pour cet effet un pardon général, à condition qu'ils iroient s'établir dans les demeures qu'on leur affigneroit, qu'ils obeiroient au Chef qu'on leur donneroit, & quils serviroient dans l'occasion contre les Tartares, dont les excursions incommodoient beau-Ils accepterent ces offres, & allerent s'établir un peu au delà de ces montagnes, où ils s'étoient refugiés pour exercer leur brigandage. Ils font tous le mêtier de Soldat, ils sont bien armés, & servent à cheval: ils recoivent à Terky de l'argent & des provisions.

Les Cosaques surnommés Tersky habitoient autresois la Ville de Terky: ils avoient un Chef qui étoit à la nomination du Gouverneur de cette Ville: on les y avoit appellés dans le tems qu'on étoit occupé à fortisser Terky. Ils surent tirés alors en partie des Grebensky, & en partie des Jaiki & des Doniens; quelques Tartares de Terski, qui avoient été baptisés se joignirent à eux. Mais ces Cosaques n'y resterent pas; la mauvaise situation de cette derniere Ville engagea les Russes à la démolir, & à bâtir la forteresse de Suetoykrest, près du sleuve Sulack: & ce sut là qu'ils allerent s'établir avec la garnison Russe. Les Tersky servent ainsi que les Grebensky, & ils reçoivent des Russes de l'argent & des Vivres.

Tartares.

Las Tartares des Contrées que nous examinons, ont aussi différens noms qui les distinguent. Ceux qu'on appelle Tersky, habitoient autresois

trefois les fauxbourgs de Terky, & quelques chétives bourgades aux environs de cette Ville. Leur Chef étoit à la nomination du Commandant de Terky: une partie d'entr'eux vivoit du bêtail qu'elle mettoit à l'engrais, une autre de la pêche, & la troisième servoit en tems de guerre. Ces derniers tiroient de Tersky de l'argent & des vivres. Mais aujourd'huy la plus grande partie d'entr'eux se trouve établie près de Suetoykrest, dans de petits bourgs, qu'elle a environnés de remparts: où elle est sous la jurisdiction du Commandant de cette Forteresse. Ces Tartares tirent leur origine, en partie des anciens habitans du Païs, & en partie des Tartares surnommés Nogaizi: ils sont sous la domination des Russes depuis l'établissement de la Forteresse de Terky: leur langue est celle des Nogaizi, leur religion celle des Turcs.

Les Tartares qu'on appelle Nogaizi, vivent en pleine campagne: ils habitent les plaines fituées entre les fleuves Sulack & Axay; quelques uns aussi le long des Montagnes: ils s'arrêtent là où ils trouvent de bons pâturages: ils n'ont ni Maisons ni villages; mais ils passent l'été, & l'hyver qui n'y est, ni trop froid, ni trop long, sous des cabanes qui peuvent être transportées, & qui le sont aussi; ils vivent de leurs troupeaux, qui consistent en Dromadaires, en Chameaux, en Chevaux, en Bœufs, & en Moutons. Ils sont attachés à la religion des Turcs, & se servent d'une langue qui leur est particulière : autrefois ils dépendoient uniquement du Scham-Chal de Tarku; qui jouissoit aussi des revenus du Païs: mais depuis 1722 ils se sont soumis aux Russes, & obéissent au Commandant de Suetoykrest. Il y en a pourtant quelques uns qui reconnoissent pour leur Souverain le Sultan d'Axay. Les premiers ayant été impliqués, quoiqu'après y avoir été forcés, dans la révolte du Scham-Chal qui arriva en 1725, furent dispersés & punis; mais celui-ci ayant été arrêté, & la rebellion étant assoupie, une bonne partie d'entre eux revint dans les endroits, d'où la guerre les avoit chaffés.

Les Tartares du territoire d'Axay ont bâti plusieurs Villages le long du fleuve dont ils portent le nom: ils dépendent du Sultan Mah-M m m 3 mud mind Axay. Ce Prince & ses prédécesseurs avoient para attachés à la Russie, & sembloient s'y soumettre depuis l'établissement de la Forteresse de Terky, qui pouvoit les tenir en respect; mais au fonds ils étoient entierement dévoués aux Perses. Le Czar Pierre le Grand étant arrivé dans ces contrées, lors de son expédition de 1722, le Sultan se soumit entierement aux Russes sans perdre cependant aucun de ses privileges, & sans s'engager à payer aucune espece de tribut. Comme le Sultan Mahmud étoit un des plus puissans Princes de ces contrées, le Scham-Chal songes à se le donner pour successeur, afin qu'il fut en état de défendre dans l'occasion la liberté du Païs : cela se fix aussi. & le Sultan prit dès-lors suivant l'usage de sa nation le titre de Crim Scham-Chal. Quelques années après, (en 1725) le Scham-Chal s'étant révolté, & ayant été pris & envoyé en exil, cette dignité fut abolie. & les espérances du Sultan Mahmud s'évanouirent, quelque bien fondées qu'elles lui eussent paru, puisqu'il eut l'ingratitude de contribuer beaucoup à la perte & à l'exil de son bienfaiteur. Ceux d'Axay se servent de la langue ordinaire des Tartares, & ils sont de la religion des Turcs; ils vivent de leurs troupeaux, de l'agriculture, & du coton qu'ils recueillent en abondance: ils font obligés de fervir à la guerre: ils ont des armes à feu, quelques uns des arcs & des flêches: le fleuve Axay borne le Dagestan du côté du Nord.

Il y a des Tartares dans le térritoire de Stauropol, situé entre les seuves Sulack & Agrahan, qui sont sous la domination des Russes depuis 1722. Cette contrée où il n'y avoit autresois ni villages ni habitans, a été appellée depuis très longtems par les Russes Stauropol; les Grecs doivent y avoir eu une Ville, qui a été ruinée après la décadence de leur Empire, & l'établissement du Mahometisme; ce qui est d'autant plus croyable que cette portion de terre, qui s'étend dans la Mer Caspienne, entre les sleuves Agrahan & Sulack, est encore appellée aujourd'huy par les Tartares Chutsch, c'est à dire, Croix. Le Czar Pierre le Grand se retirant de Derbent à Astracan saute de vivres, s'arrêta pour examiner cette contrée: il lui parut que cette presqu'isle, étoit

étoit un endroit très propre à une Place, qui pût contenir dans le devoir les Peuples du Dagestan, & conserver la communication avec Derbent. Ces raisons, la bonté du terrain, & l'abondance du bois, l'engagèrent à y faire élever un Fort de six bastions, qu'il nomma Suetoykrest, ou Sainte Croix, & qui entre autres avantages a celui de la communication avec le fleuve Agrahan. Sa Majesté Impériale sit ensuite démolier Terky, située au Nord, & à 80 Werstes (*) de Suetoykrest, & transporter la Garnison Russe & les habitans de l'ancienne Forteresse dans ce nouveau Fort: on bâtit aussi le long des deux sleuves plusieurs villages, tant pour les Tersky & les Doniens, que pour les Chirkases. Dans la forteresse il n'y a que des Soldats, & les Cosaques qui servent à la guerre; hors de la Forteresse il y a des Russes, des Czirkases, & des Dagestaniens, que le commerce y retient. La religion & la langue sont les mêmes que celles des Russes. Quelques familles des Czirkeses venues du Cabardah s'étant établies à Terky, & syant multiplié jusqu'à faire un nombre de 300. têtes, on leur affigna quelques places près de Suetoykrest; on leur donna un Chef tiré de leur Nation, qu'ils appellent Ell-Mursa, ou Knays Bekewitz, & qui dépend du Commendant de la Forteresse: ils sont tous, à l'exception de ceux qui ont été baptifés, de la religion des Turcs: ils habitent un petit village environné d'un bon rempart, & situé assez près de la Forteresse; ils entretiennent d'affez grands troupeaux, & vivent de ce commerce. Ils sont obligés de servir en tems de guerre; & lorsqu'on s'apperçoit que quelques Tartares recommencent à exercer leur brigandage ordinaire, ils sont les premiers à les poursuivre, & à leur enlever leur proye, ce qui fair leur unique salaire: il n'y a que leur Chef qui tire une pension. & ce n'est que lorsqu'ils ont fair quelque belle action, qu'on leur tionne une petite récompense. Ce sont de bons Soldats qui servent à cheval.

Czir-

⁽⁷⁾ Worf, mille Russe: on en compte 1042 far un degré: Agasses, mille Persanne: on en compte 21 sur un degré.

464 Czirkæses.

Les Czirkæses habitent le Cabardah; la partie supérieure qui est fort montagneuse, est bornée par le Taulistan, par le Païs des Avari, par les Montagnes de la Georgie nommées Imirette, & par les Tartares surnommés Cubani: la partie inférieure s'étend depuis les Monragnes de la premiere jusqu'aux fleuves Terek & Syntsch. Tout le Pais n'est pas fort grand, & dans huit jours il est facile de le parcourir d'un bout à l'autre : la partie supérieure est remplie de défilés, elle n'a point de Villes, à peine peut-on appeller ses habitations des Villages, puisque les habitans placent leurs cabanes où bon leur semble. Pour le Cabardah inférieur il a beaucoup de plaines, & des plaines fort étendues, des bois, & des prairies: il s'y trouve cependant peu de Villages. Entre les Montagnes du Cabardah supérieur on en trouve une d'où trois sleuves tirent leur source : le premier coule vers l'Occident, traverse le pais des Tartares, surnommés Cubani, & se jette dans la Mer Noire: le second est le sleuve Terek, qui sépare le Cabardak supérieur de l'inférieur, & coulant ensuite dans la plaine va se jetter dans la Mer Caspienne : le troisième est le sieuve Kuma, qui coule d'abord entre les montagnes, & ensuite le long de ces montagnes, & après s'être considérablement accrû en se joignant à plusieurs autres fleuves, il prend sa course au travers des plaines vers la Mer Caspienne, qu'il n'atteint cependant pes; il se perd insensiblement après avoir formé quelques marais, couverts de joncs: là ou il se réunit au fleuve Byruma, il y a de très belles campagnes, de belles forêts, & plusieurs ruines d'anciennes habitations, de villages, & de bourgs: on remarque entre autres celles d'une grande Ville, qui a de très belles Maisons fort bien voûtées, & qui renferme une quantité de monumens travaillés avec beaucoup d'art, ce qui persuade qu'autresois cette Ville étoit considérable & florissante: on l'appelle encore aujourd'huy Madschar, & comme ce nom est celui que les Polonois & les Turcs donnent aux Hongrois, & que les Hongrois se donnent à aux mêmes, il se pourroit fort bien que les fondateurs du Royaume de Hongrie tirassent leur originé

gine de là. Les Czirkeses forment un seul Peuple, libre autresoire car, bien qu'ils avent toujours paru attachés aux Russes, & que quelques uns de leurs Princes se soyent soumis avec leurs sujets au Czar, ce qui a fair mettre à quelques Auteurs le Cabardah au nombre des Provinces de l'Empire de Russie, il est certain, qu'ils ont toujours conservé toutes les prérogatives de la liberté & de l'indépendance. Au milien du siècle passé, le Chase de la Tartarie Crimée les obliges à lui promettre une espece de tribut annuel; il conssistoit dans le meilleur cheval, le plus beau sabre, le plus bel arc, & la plus jolie fille qui se trouvoir dans tout le Cabardah: le Cham envoyoit tous les ans un Ambassadeur pour faire le choix & pour prendre le tribut; cet Ambassadeur devoir être bien acceuilli : aussi lui laissoit-on la liberté de s'amuser avec les femmes & les filles du Païs. Ce fut là le seul échec gu'on donne à leur indépendance : le mal dura jusqu'au commencement de ce siècle; bonteux à la fin d'une pareille servitude, ils massacrerent l'Ambassadeur & sa suite. Le Cham irrité envoya son Vizir à la tête de 30 mille hommes pour punir cette injure : les Cairkases se délivrerent de leurs ennemis sans perdre de monde : ils choisirent quelques gens affidés. qui allerent trouver les Tartares, & leur offrirent de les conduire par des chemins très courts, & très commodes jusques dans le sein du Ca. Vardah: les Tartares trop crédules suivirent ces guides, & se trouve rent enfin dans des défilés, qu'on avoit eu soin de boucher; ils périrent misérablement sans qu'aucun d'entr'eux eut pû se sauver. Depuis ce tems les Czirkases ont vêcu en pleine liberté: cette indépendance ne subsiste pas seulement vis à vis de leurs voisins, mais encore vis à vis de leurs Princes, dont le nombre est assés grand dans l'un & l'autre Cabardah; ils ne leur obéissent qu'autant & qu'aussi longtems que cela les accommode, ils exigent que ce ne soit que le mérite personel des Princes, qui les fasse distinguer de leurs sujets. Le plus puissant des Princes du Cabardah supérieur étoit en 1728 Islam Beck. estimé de tous les autres à cause de son âge & de son mérite : dans le Cabardah inférieur, c'étoit Cafybe Beck, non seulement estimé par son Peuple, mais encore par ses voisins, les Awary, & les Tawlinsky. Nnn Mim. de l'Acad. Tom. XII. Les Les sujets vivent en camarades avec leur Prince, qui est obligé de les consulter: s'il leur déplait, ils le quittent & en vont trouver un autre, ce qu'ils ont droit de faire sans en avoir même de raison legitime. Ces Princes n'ont jamais rien à eux, parce qu'ils n'osent pas refuser ce qu'on leur demande, fut-ce même leur habit, à moins qu'ils ne veuillent s'exposer à être abandonnés de cesui qui n'a pû obtenir ce qu'il a demandé: ils n'ont d'autres revenus, que ce qu'ils tirent de leurs vassaux, Georgiens pour la plus grande partie; & cela ne consiste qu'en quelques agneaux, & en quelques jeunes filles. On apprend à ces jeunes filles, à coudre & à broder; on les vend enfuite aux Perfes, aux Turcs, aux Tartares, à tous ceux qui veulent les acheter, & en donner depuis 100 jusqu'à 500 Roubles, suivant qu'elles sont plus ou moins belles. Les femmes du Cabardah ne sont point exemtes du malheur de passer entre les mains du premier acheteur; comme elles sont assez jolies, les Turcs & les Perses en achetent beaucoup, les parens les leur vendent: & les Tartares en enlevent quelquefois.

Les Czirkases ne frappent point de monnoyes; ils se servent de celle des Perses, des Turcs, & des Russes: ils vivent surtout de leur bêtail, ils ont de beaux chevaux connus par la vitesse de leur course : ils font fort habiles à faire des selles, & des courroyes, c'est une bonne partie de leur commerce avec les Tartares. Ils sont bons Soldats, & fort adroits à tirer de l'arc, qu'ils portent ainsi que le sabre, & la cuirasse. Leur plus grande étude, ou plutôt leur étude unique, est l'art de voler avec adresse, surtout les Tartares Cubani, qui ne leur cedent en rien. Entre eux ils ont un espece de cartel assez singulier. C'est que, lorsqu'une troupe vient d'enlever quelques chevaux, quelques brebis, ou autre chose, ceux qui ont été volés peuvent la poursuivre & l'attaquer, pourvû qu'elle n'ait pas à sa tête un Prince ou Myr/a, (comme ils l'appellent,) car alors il ne leur est pas permis de mettre la main aux armes, mais d'un autre côté ils font dédommagés par la restitution du plaisir de la vengance. Dès

Dès que le fils d'un Prince a atteint l'age de douze ans, il quitte la maison paternelle, pour servir chez un autre Prince, comme Jus-derim, ou Cavalier de Cour: c'est là qu'on lui apprend à voler adroitement. On commence par lui faire enlever les fruits d'un jardin voissin; après cela on lui demande des troupeaux de moutons, & ensin c'est à enlever avec adresse beaucoup de chevaux qu'on reconnoir, s'il a prosité des leçons de ses mairres. On ne vole cependant guère à sorce ouverte: on n'use de violence que dans des haines particulières.

Il y a 80 ans ou environ que les Czirkases étoient Chrêtiens, & attachés à l'Eglise Grecque. Mais mal instruits & vivant peu avec des Chrêtiens qui le sussent plus qu'eux, le Mahométisme a pris la place du Christianisme. Comme ils n'avoient point de livres, pas même de caractères pour écrire dans leur langue, qui paroit n'avoir aucun rapport avec les autres, le service divin s'étoit fait en langue Grecque, qu'ils n'entendoient pas, & que leurs Prêtres n'entendoient guère mieux: cela joint aux lisisons où ils se trouvoient avec les Tartares de la Crimée, qui les obligerent à apprendre le Turc, & le Tartare, explique comment le Mahométisme a détruit la Religion Chrêtienne: quelques uns se disent encore Chrêtiens, mais ils n'en portent que le nom, vivant dans la plus crasse ignorance, & n'ayant point abandonné leurs anciennes cérémonies superstitieuses: c'est la secte des Turcs, que les Mahométans de ces contrées ont embrassée.

Le Dagestan.

Dans la partie supérioure on trouve Tarku, Andre-Ofka ou Endery, Tschytschin, Boynak, Uthæmisch, & Kubeschah.

Le district de Tarku, quelquesois nommé simplement Dagestan, est beaucoup plus considérable que tous les autres du même païs. Du côté du Nord il touche au fleuve Sulak, du côté de l'Orient à la Mer, du côté du Midi aux montagnes de Boynak, & du côté de l'Occident

cident il s'étend le long des Montagnes jusqu'au Païs des Tawkinsky, & des Akuschintey. Ce District renferme outre la Ville de Tarka plusieurs grands & beaux villages, dont les uns se trouvent dans les plaines le long de la Mer, & les autres entre les Montagnes. Les habitans, nommés Dagestaniens, quelquefois aussi Kumuky, se servent d'une langue qui est un composé de celle des Turcs, & de celle des Tartares, en sorte qu'ils peuvent se faire entendre des deux Peuples. On s'en fert tout le long de cette côte de la Mer jusqu'à Gilan. Le Peuple est de la Religion des Turcs; il a de belles Vignes, de beaux fardins, des champs bien cultivés, & des troupeaux: on trouve ici beaucoup de Coton. Les habitans de Tarku commercent avec les Perses. & les Russes: ceux qui vivent dans les Montagnes, enlevent des Georgiennes, des Armeniens, & des Czirkases, & les vendent sux Tartares de la Crimée, & aux Tartares surnommés Cubani. nément ils sont de fort bons Cavaliers; ils ont des armes à seu, & des fabres: peu d'entre eux se servent de flêches. Ils reconnoissoient autrefois pour leur Chef le Scham · Chal, sous la protection cependant des Perses; ils sont depuis 1722 sous celle des Russes: le Scham-Chal tira les revenus du Païs jusqu'en 1725. Depuis les Russes les ont laisses aux petits Princes du Païs, jusqu'à ce que les affaires soient mises sur un autre pied. La Ville de Tarku est située à 5 Werstes de la Mer vers l'Occident; elle est entourée de hautes Montagnes, qui la couvrent de tous côtés, excepté du côté de la Mer: elle est bâtie en partie sur la Montagne; elle est d'une assez grande étendue, & selon les apparences fort ancienne: le Palais du Scham-Chal est placé sur l'endroit le plus élévé de la Ville, qu'il domine : les rues sont fort irrégulières, & les maisons bâties à l'orientale avec des toits plats : quoiqu'assez médiocres par l'extérieur, elles sont fort bien distribuées dans l'intérieur. Ce qu'il y a de plus remarquable, ce sont les aqueduecs, qui portent l'eau partout, & au moyen desquels on a beaucoup de bassins & de bains: on tire l'eau de quelques sources, qui se trouvent sur les montagnes; elle passe par le Palais du Scham-Chal, & s'étend de là par des canaux dans toute la Ville: il n'y a pas d'écurie, ni de Cour, qui

qui ne soit arrosse. Le Scham-Chal, qui résidoir autresois à Tarka, avoit un pouvoir sort étenda. Cette dignité doit son origine aux Arabes qui demeuroient à Damacco, autrement Scham, & qui envoyoient de là des Gouverneurs dans les Païs qu'ils venoient de soumettre : its pousserent leurs conquêtes dans les premiers siècles du Mahométisme jusqu'à la Mer Caspienne. Comme Chal signifie en Arabe Prince, on voit d'où dérive le nom de Scham-Chal, dénomination confervée jusques à nos jours. Le pouvoir de ce Prince ne s'étendoit pas seulement sur tous les autres Princes du Dagestan, mais encore sur les Taulintsy, & bien au delà des Montagnes, presque jusques à Schamachie.

Pour contenir dans le devoir, & dans le paix, tous ces différens peuples, il étoit obligé d'avoir sur pied une Armée assez considérable : pour l'entretenir il avoit, outre les revenus qu'il tiroit des Provinces du Dagestan, une pension annuelle de la Cour de Perse de 4000 Tumées, ou 40000 Roubles. Le Roi de Perse l'avoit mis du nombre des quatre grands foutiens de fon Empire : dans les grandes Cérémonies il se trouvoit à la Cour de ce Monarque, & s'asseyoit à côté du Thrône, comme celui qui défendoit l'Empire contre les Russes: de même que le Chan, ou Gouverneur de Candahar, y étoit comme le défenseur de l'Empire contre les Indiens, le Prince de Georgie comme soutien de la Perse contre les Turcs, & un quatrième Gouverneur pour les frontières du côté de l'Arabie. Quoique le Scham Chal eut befoin de la confirmation du Roi de Perse, il avoit cependant le droit de nommer de son vivant celui qui devoit lui succeder, & celui qu'il evoit désigné, étoit appellé Crim · Scham - Chal; les Russes & les Perses le caressoient également, & il recevoit de part & d'autre des présens considérables. Le dernier Scham-Chal s'appelloit Abdulgieray: il fix si bien, que, quoique le Roy de Perse en eut consirmé un autre pour fuccéder a son prédécesseur, il conserva le gouvernement à l'aide des Russes qui lui avoient envoyé du secours pour chasser son-compétiteur ; il obtint à force d'intrigues la confirmation que la Cour de Perfe Nnn 3 paroisparoilloit d'abord fort éloignée de lài accorder. Son compénieur, fentant bien qu'il n'étoit pas en état de faire valoir ses droits, se borna à demander une petite étendue de terrein, située entre Suetoykrest & Axay, qu'on lui donna; & c'est ce qui le sit appeller dans la suite Schubgan Scham Chal. Schubgan signisse en langue Tarrare un homme qui garde des troupeaux. En 1722 il se sounit aux Russes, & il jouit tranquillement depuis ce tems là des revenus de son petit Païs; il ne paye aucune espece de contribution. Pour ce qui regarde Abdulgieray, il demanda au Czar une garde, qui lui sut accordée: on lui envoya un bas officier, douze Soldats, & un Tambour, qu'il garda à Tarku jusques à sa révolte.

Pendant les deraiers troubles dont la Perfe fut agirée, il fit tout ce qu'il put pour rétablir la paix : mais n'étant pas assez puissant pour donner la loi. & voyant que du côté des Perses on ne choitsissoit pas les moyens les plus convenables pour rétablir la tranquillité publique, il s'adressa au Czar, qui entreprit ensuite la Campagne de 1722. que le Czar passa par le Dagestain, le Scham · Chal alla lui prêter hommage. & se mit sous sa protection, en conservant cependant tous les privileges & toutes les prérogatives dont il jouissoit. Cette liaison dura peu: l'établissement de la forteresse de Suetoykrest lui déplit beaucoup; les Turcs l'engagerent à prendre les armes, en lui promettant bien plus qu'ils n'avoient dessein de lui tenir : il ressemble toutes ses sorces. elles montoient à 30 mille hommes; il fut battu, & dans l'espérance d'appaiser le Czar, il alla dans le Camp des Russes, où il fut arrêté. & envoyé en exil. La révolte étant assoupie, la Russie jugea à propos de ne pas rétablir cette dignité: il fut réglé que le Général qui commanderoit le corps de troupes, qui étoit dans le Dagestan, exerceroit en même tems les fonctions de cette charge. La principale des femmes du Scham-Chal étoit une fille du Sultan Mahmud Axay; elle avoit beaucoup d'esprit, & sit tous ses efforts pour détourner son Mari du dessein que les Turcs & Suctoykrest lui avoient fait neutre: comme il graitoit avec la plus grande cruauté les Marchands Russes qui se trouvoient voient à Tarka, elle facilita la fuite de tous ceux qu'elle put soustraire à la fureur de son époux: mais voyant que ses prières, & ses conseils n'étoient d'aucun effet, elle se retira dans les Montagnes, où elle mourant de chagrin, avant les malheurs du Prince rebelle.

Les petits Princes ont gagné par la chûte du Scham-Chal: la Cour de Russie n'a rien retiré, & ne retire rien encore de ces Princes qui ont été obligés de se soumettre.

André-ofka, ou Endery, est un grand village environné de monragnes, & de forêts, & situé entre les fleuves Sulack & Axay, auquel il faut encore joindre quelques autres villages voisins. Cet endroit a été bâti par quelques Russes & par quelques Cosaques vagabonds, qui se sont joints aux Tartares dispersés dans ces contrées. Après que ces brigands se furent établis dans cet endroit, que la Nature avoit fortifié, ils se rendirent si redoutables de tous côtés, que leurs voisins n'oferent plus mener leurs troupeaux dans les prairies, ni passer les chemins qui menent d'Astracan à Schamachie, parce que tout le monde y étoit pillé. Ils se soutinrent dans cette indépendance jusqu'en 1722, où, malgré la situation avantageuse d'Endery, & le désespoir où le Peuple avoit été réduit, la Ville sut prise d'assaut, ruinée de fonds en comble, & la plus grande partie de ses habitans massacrée. Cette ville a été rétablie dans la suite, ce qui étoit resté d'habitans, s'étant foumis aux Russes, & ayant promis de substituer la culture des terres au brigandage qu'ils avoient exercé jusques alors. se servent d'armes à seu & de sièches : ils sont de la Religion des Turcs, leur Prince ou Chef s'appelle Eidemir, ou Mussal; il jouit de tous les revenus du pars fans payer de tribut aux Russes: la langue du Pars est celle des Tarrares.

Les habitations du *Tschytschin* s'étendoient autrefois presque depuis les Montagnes d'*Endery* jusqu'à la Mer. Comme les habitans enlevoient beaucoup de chevaux & de bétail aux *Cosaques* surnommés Grebensky, & à ceux qu'on appelle *Doni*, on envoya contr'eux en 1718 ouelquelques miliers de ces Cosaques, & leurs habitations furent ruinées: quelques uns d'entr'eux échapés à la poursuite des Cosaques, ont été habiter les Montagnes, & se sont soumis aux Russes en 1722. Le gouvernement de ce petit peuple est entre les mains de quelques habitant, qu'ils appellent Anciens: ils dépendoient autresois du Scham Chal, qui tiroit aussi les revenus du Pris, qui ne consistent que dans quelques moutons & autres piéces de betail. Ils vivent de leurs troupeaux; leur langue est celle des Tartares, & leur Religion celle des Turcs.

Le District de Boynack est situé près de la Mer entre les Montagnes de Boynack, près d'Uthamisch; il renserme quelques villages. Les habitans sont de la Religion des Turcs: ils vivent de la culture des terres & de leurs troupeaux: leur langue est un mèlange de Turc, & de Tartare: leur Prince Mehemed, qui dépendoit autresois du Scham-Chal, s'est soumis aux Russes en 1722, il jouit de tous les revenus de son Païs. Ce Prince est sort foible; il a toujours été obligé, ainsi que ses prédécesseurs, de se conformer aux volontés du Scham-Chal: il sut envelopé dans la révolte de 1725, mais s'étant soumis aussition aux Russes, & leur ayant représenté que ce n'avoit été que pour éviter sa perte, qu'il s'étoit joint au Scham-Chal, il sut rétabli.

Le District d'Uthamisch s'étend le long de la Mer, entre Boynack & la Montagne d'Usmey; & renserme quelques villages, parmi lesquels celui d'Uthamisch est le principal. Les habitans sont de bous Cavaliers, comme tous ceux du Dagestan; ils portent le sabre, se servent d'armes à seu, vivent de leurs troupeaux & de la culture des terres, parlent le Tartare, & suivent la Religion des Turcs. Quoiqu'ils ayent près de la Mer assez de champs, il ne peuvent cependant pas recueillir assez de grains pour leur subsissance: la sécheresse, & les sauterelles, les obligent de chercher au pied des Montagues du District d'Usmey des terres plus savorables à la récolte. Leur Prince, le Sultan Mahmud Uthamisch, qui dépendoir autresois d'Usmey, & des Perses, osa attaquer toute l'Armée des Russes à son passage par Derbent; il avoit 16000 hommes, qu'il avoit tirés de son district, & de celui

celui des Chaitaki: il fut bientôt repoulle, ses troupes furent differfées, & fon pais, avec le village d'Uthamifch, fut ruiné par le fer & le Il a rérabli ces villages dans la fuise, & s'est soumis aux Russes. ainsi que l'Umey: pour plus de sureté, on exigea qu'il envoyat à Derbent son fils agé d'un an & demi, comme Amanate, ou ôtage. Il jouit de tous les revenus de son pais, sous la dépendance de l'Usmey, sous le

commandement duquel il est obligé de servir à la guerre.

Kubeschah est un grand village, au dessus du pais des Chaitaki, & 1 côté de celui des Karachaitaki, vers le Nord: il est situé entre de houtes montagnes, sur une petite élévation : comme on n'y peut parvenir que par un défilé, cet endroit est regardé comme un des plus forts de toute la contrée : les habitans sont de la Religion des Turcs, & leur langage n'a rien de commun avec celui de tous les Peuples de ce païs. Ils se donnent à eux-mêmes le nom de Franki, nom qui en Orient est commun à tous les Peuples de l'Europe : ils disent que leurs Ancêrres sont venus s'établir dans cet endroit il y a plus de mille ans, mais ils ignorent à quelle occasion : ils présument qu'ayant fait le commerce par mer, l'orage les a jettés fur ces bords, & que leurs pères n'avant pas vû le moyen de retourner dans leur Patrie, s'y sont établis. tres, curieux de rechercher l'origine de leur établissement, disent que des Marchands Grecs & Genois, il y a plusieurs siècles, avoient fréquenté les bords de la Mer Caspienne, comme ceux de la Mer Noire ; qu'ayant trouvé des mines sur ces montagnes, ils les avoient exploitées. & en avoient tiré du cuivre, de l'argent, & d'autres métaux; qu'outre cela ils y avoient établi des fabriques, & fait de très beaux ouvrages: que dans le deffein de les faire valoir, ils y avoient envoyé des ouvriers qui avoient attiré plusieurs habitans du païs pour les instruire; que l'invasion des Arméniens, des Osmannes, des habitans du Dzingischan, & du Batty, ayant ruiné les fabriques & les mines, les ouvriers s'étoient réunis, & avoient formé une espece de République. Le fair paroit d'autant plus vraisemblable, que les habitans du païs en général sont de très bons ouvriers; ils font de très bonnes armes à feu, des sabres, des cuirasses: ils excellent dans les ouvrages en or & en argent.

Ils ont auffi pour leur défense plusieurs Canons, qu'ils ont fondu euxmêmes, & qui sont de cuivre. Ils frappent de la monnoye Turque & Perse: ils ont même rétissi à contresaire les Roubles de Russie. qu'on prend volontiers partout parce qu'ils font de poids. bien quelques champs sur les plaines, & des prairies pour leurs troupeaux; mais ils acherent pourtant la plus grande partie de ce qu'il leur faut de grain & de bétail, & vivent de l'ouvrage de leurs mains qu'on admire dans tout l'Orient, & qui est transporté en Perse, dans la Turquie, & dans la Farrarie Crimée. Ils font pour le pluspart à leur aise; ce sont de bons Soldats, qui se bornent à conserver leur liberté. se sont quelquesois liés avec le Scham-Chal, ou bien avec l'Usmey, ce n'a jamais été que par des Traités d'amitié, & fans se soumettre à personne, pas même aux Perses. Leur village a même été le lieu où l'Usmey, le Scham-Chal, & d'autres Princes de ces contrées, se sont rendus comme à un endroit neutre, pour pacifier les troubles qui s'étoient élevés entr'eux, & remettre la paix. En tems de guerre ou de groubles plusieurs personnes y portent leurs biens & leurs effets, comme dans un endroit fûr: le Chan de Surchai y porte tout ce qu'il possedoit, ce qui étoit fort considérable, & qui avoit été amasse dans le tems de la révolte, & par le pillage de Schamachie, d'Ardebil, & d'autres endroits. Pendant cette révolte, le Bey Daud jetta les yeux sur cet endroit, à cause des richesses qui y étoient, il forma le dessein de le surprendre: mais les habitans allerent au devant de lui, & borderent de canons les defilés qu'il avoit à paffer; il fut si maltraité dans cette expédition, qu'il fut obligé de rechercher leur amirié, & de se la concilier par des présents. Tous les ans ils élisent douze Anciens, qui jugent de toutes les quérelles, & à qui tout le monde est obligé d'obéir: comme ils sont tous égaux, personne n'est exclus du Gouvernement. En 1725 leurs Anciens se soumirent aux Russes; mais cela s'est fait fans que leur liberté & leur païs en ayent fouffert, ou en fouffrent le moins du monde.

Le bas Dagestan comprend cinq districts & six gros villages: les districts sont, 1) Alty Parah, près du sleuve Samura, du côté du Sud,

oft horné à l'Orient par Cubah, à l'Occident par Rathul, au Midipar la haute Montagne de Schalbrus.

- 2. Ruthul, près du fleuve Samura, du côté du Sud, un peu plus vers l'Occident, où il confine à Achty; à l'Orient il est borné par Alty Parah, & au Midi par les Montagnes nommées Schattgory.
- 3. Achty, près du fleuve Samura, encore plus vers l'Occident que les deux autres, où il confine au district de Tokus Parah; il est borné au Midi par les Montagnes de Schat, & à l'Orient par Rathul.
- 4. Mischgenscha est situé au Nord du sleuve Samura, près d'une haute Montagne nommée Gattun-Küll, vis à vis d'Achty, dont il est séparé par le sleuve Samura.
- 5. Tokus-Parah est situé entre les Montagnes de Schalbrus, & de Schatt: les Montagnes l'environnent du côté du Midi, & du côté de l'Occident.

Tous ces districts renferment quelques villages, situés entre les montagnes, les uns rassemblés, les autres dispersés dans des plaines arides: on ne peut y arriver que par des sentiers pierreux & fort étroits; ils sont bordés de rochers, & de montagnes couvertes de neige l'été & l'hyver: mais en revanche les chemins qui conduisent d'un district à l'autre sont spacieux & commodes; les habitans les ont faits afin de pouvoir se secourir mutuellement. Les habitans parlent la langue de ceux du Lesgint, qui n'a rien de communavec les autres langues du Païs: ils sont tous de la Religion Mahometane, & tous de la Secte des Turcs. excepté ceux de Mischgenscha qui suivent la Secte d'Aly. Ce peuple est presque sauvage, adonné tout entier au pillage: il a quelque peu de bêtail, mais presque point de champs; il est obligé de troquer à Cubah sonbêtail contre du bled : c'est là la raison qui lui fait ménager le district de Cubah, qui est à l'abri de ses excursions, dans la crainte qu'on ne lui ôte la liberté d'y venir acheter du froment & du ris. Chaque village a bien son Ancien, qui se joint à ceux des autres districts; mais on neleur obéit qu'autant qu'on veut, chacun étant son maitre.

O 0 0 2

De che cinq districts il n'y a que celui d'Atti-Parab qui sit ésé laissé aux Russes, lorsqu'on est convenu des limites, qui devoient séparer leur domaine de celui des Turcs : les quatre autres font sous la domination du Grand Seigneur: personne cependant ne s'est encore mis en possession de ce qui lui est échu en partage, tout est resté dans l'état où il étoit, & y restera sans doute bien longtems, car ces peuples ne veulent point entendre parler d'un semblable partage; ils prétendent être libres, & ne dépendre de qui que ce soit, & croyent avoir possedé cette liberté depuis un tems immémorial. Comme ils se soutiennent mutuellement, & qu'il est difficile de parvenir jusques à eux, qu'outre cela ils sont pauvres, & qu'il seroit imprudent de s'y fier après les avoir soumis, il ne paroit pas que les Russes, ni les Turcs, fassent jamais de grands efforts, pour les obliger à les reconnoître pour Souverains. Les Perses en ont agi ainsi autrefois; il les ont bien comptés au nombre de leurs sujets, mais ils leur ont laisse toute leur liberté, & ils y ont été obligés, car le Sultan de Derbent n'y envoya jamais de détachement de groupes qui ne fut repoussé vigoureusement. C'est la Georgie qui sonffre le plus des incursions & des brigandages de ces Peuples, qui y vont enlever des bestiaux, des chevaux, & des hommes: il se servent d'armes à feu & de fabres; ils sont courageux, & même intrépides. Dans la derniere rebellion ils ont rendu de bons services au Bey Dand & au Chan Starchai, sans oublier pourtant leurs intérets particuliers, car ils pillerent partout à leur profit. Ils ont été attachés en quelque maniere à Temur-Axak, ou comme on l'appelle autrement, à Tamerlan, mais non point de force & par devoir: ils prétendent qu'ils ne l'ont suivi dans la guerre, qu'en vertu des Traités d'amitié qui subsistoient entr'eux. Ils recontent que Tamerlas, après avoir pillé le plat païs, & les bords de la mer, étoit entré subitement dans le Dagestan, mais que leurs pères s'étant emparés des chemins & des défilés, avoient massacré presque toute son Armée, & que Tamerlan avoit eu de la peine à se sauver avec quelques uns des siens : ils ajoutent à cele qu'irrité de cet échec, & dans le dessein de se relever, il étoit entré deguifé dans le Dagestan, pour juger par lui-même par quel chemin il pourroit

pourroit y pënëtrer plus sacilement; qu'il avoit passit in muit chèz une vieille veuve, qui no l'ayant pas connu lui avoit présenté suivant l'usagé une bouillie; qu'ayant eu saim, il s'étoit mis à manger, & s'étoit brûlé pour n'avoir pas attendu que la bouillie eut perdu une partie de sa chaleur; que là dessus cette samme lui avoit dit: tu es aussi imprudent que Temer-Axak, qui vint au milieu du Dagestan, & qui s'y brûls comme toi; s'il sut rest aux bords, il se servit rassasse, & les penples du Dagestan aussi: que Tamerlan surpris de ce discours, avoit changé d'avis, & lié amitié avec ce Peuple, qui l'avoit beaucoup aidé dans les conquêres qu'il avoit saites depuis. C'est Tamerlan qui leur persuade d'embrasser le Mahométisme, & de quitter l'Idolatrie Payenne: ils ne se firent guère qu'en apparence: leurs Prêtres sont les plus grands voleurs.

Les six grands villages du bes Dagestan sont

- 1. Buduch, au dessus de Rustan vers l'Occident, au bas des hautes Montagnes.
- 2. Chanaluk, au dessus de Cuba vers l'Occident: au Nord de ce village font situées les Montagnes de Schatt.
- 3. Krisch, près de Chanaluk entre des Montagnes.
- 4. Dschæk, près de là aussi, & près de Kapulh, plus vers l'Occident, au bas d'une haute Montagne.
- 5. Alihk, près de Krisch, plus vers l'Orient, entre des Montagnes.
- 6. Kapulh, près de Krisch & de Dschæk.

Entre ces villages il n'y a que Chanaluk qui air un district, auquel appartiennent 2 ou 3 perits villages: ils sont tous six asses près les uns des autres, & au Nord ainsi qu'à l'Occident ils sont environnés de hautes montagnes: les avenues sont sort étroites, & lorsqu'ils brisent les ponts qu'ils ont au dessus de quelques goussires remplis d'eau, que la neige sondue y a amasse, il est presqu'impossible d'y parvenir.

Les habitans sont de la Religion des Turcs; ils se servent de la langue du Lesgist, quoique plusieurs entendent ce language mêlé de Turc, & de Tarare, sur tout ceux de Baduch, d'Alahk, & de Kapulh. Leur saçon de vivre est semblable à celle de tous les Peuples da Dagastan; ils vivent de ce qu'ils enlevent à leurs voisins: il arrive pourtant rarement, qu'ils volent ouvertement. Comme ils ont quelques champs dans la plaine de Rustan, qui est sons la domination des Russes, où ils mênent pastre en hyver leurs troupeaux, qu'ils ne peuvent pas garder sur les montagnes à cause de la neige, ils sont obligés de ménager ce côté là, & de n'y pas exercer leur brigandage ordinaire.

Chaque village a son Ancien, qui conjointement avec les Prêtres termine les quérelles & rend la justice: ces peuples ne reconnoissent pas d'autres supérieurs, ils veulent être libres comme leurs voisins. Buduch appartenoit autresois à Rustan, mais il s'en est séparé, & les habitans se sont réunis aux Dagestaniens.

Dans la démarcation des limites, ces six villages ont été laisses au Turc, mais les habitans n'ont pas voulu se soumettre, & ils ne sont pas encore soumis. Ils se soutiennent mutuellement, & vivent en bonne harmonie avec les cinq districts voisins; ils ont de la peine cependant à se rassembler, parce que les montagnes de Schatt empêchent la communication, ou du moins la rendent très difficile. N'ayant pas comme les cinq autres districts l'avantage des hautes montagnes, & des désilés étroits, ils ne sont pas également à l'abri de perdre leur indépendance; le Chan de Schamachie pourroit bien avec le tems les soumettre. Au reste on peut remarquer que le mot Dagestan vient du mot Tartare Dag, par où l'on entend une montagne médiocre, & qu'il-signisie par conséquent un païs rempli de montagnes d'une hauteur médiocre.

Les Chaitaky, & les Karachaitaky.

Les Chaitaky habitent les bords de la Mer Caspienne, depuis Uthamisch jusqu'es aux frontières du Schirwan, dont ils sont séparés par la rivière riviére nommée Darbach; ils ont les Karachaitaky à l'Occident. Leur païs est grand, beau, & sertile; il renserme phusieurs villages parmi lesquels Baschlo & Medschilis sont les principaux, & en même tems la résidence ordinaire de l'Usmey. La plûpair des habitans se sont établis dans les plaines depuis la mer jusqu'es au bas des montagnes; ils ont de beaux champs, des vignes, des jardins, & de helles prairies: les Akuschintzy, & ceux du Tawlistan, y menent en hyver leurs troupeaux, que la neige empeche de paître sur les montagnes; & l'Usmey tire de là des sommes assez considérables, vû qu'on y mene plus de cent mille Moutons.

Les Karachaitaky, ou les Chaitaky noirs, habitent les Montagnes au delà des plaines dont nous venons de parler, & qui font pour eux à l'Orient: du côté de l'Occident leur païs est borné par celui des Kumuki, au Nord par le Kubeschah, & au Midi par Tabassarant leur district comprend plusieurs beaux villages; Karagurasch est le principal: le païs n'est pourtant pas aussi bon que celui des Chaitaky, c'est pourquoi les habitans n'y sont pas aussi riches, & c'est ce qui les a fait surnommer Kara, c'est à dire noirs, ou pauvres: its ont pourtant quelques champs dans les plaines, & quelque peu de commerce.

Les uns & les autres sont de la Religion des Turcs; ils ont leur propre langue, qui a quelque rapport avec celle des Kumuky: les principaux d'entre eux parlent austi cette langue, qui est un composé de Tartare & de Turc: ils vivent de la culture des terres, & de leurs troupeaux: ils sent de bons Soldare, & de bons Cavaliers; ils se servent d'armes à seu & de sabres. Leur Prince, qu'on nomme communément Usmey, s'appelle à présent Ahmed; il porte le titre de Chan des Chaitaky & Karachaitaky, & a toujours été le premier Prince de ces contrées après le Scham-Chale les Ahuschintzy, une partie des Tambintzy, & des habitans de Kabeschah, dépendent de lui sous certaines conditions. Aussitôt que la semme de l'Usmey accouche d'un sils, on l'envoye dans le plus grand village du Païs, où toutes les semmes sont obligées de lui donner le sein: quand on a sait le tour,

on porte l'enfant dans un autre village, & ainsi de suite jusques à ce qu'il ait sait le tour du pais. Les habitans croyent être obligés par là à le désendre au prix de leur sang, puisqu'il a sucé avec eux le même lait. Le Prince qui regnoit en 1728 étoit un homme sort rusé, & sait aux intrigues: ce sut lus qui porta le Scham-Chal à la révolte; il lui avoit promis du secours, mais comme il vit que les Turcs ne venoient pas aussi-tôt qu'il l'avoit crû, il me remus pas: en 1725 il se soumit aux Russes, à qui il prêta homage conjointement avec son sils, & les Anciens du Païs: on sui laissa tous ses revenus, on sui accorda même une pension annuelle de 2000 Roubles, à condition qu'en tems de guerre il serviroit avec ses sujets.

Le Legistan.

Les habitans du Païs font appellés Lesgih, Lesgintzy, & Kumuky: on y remarque les Districts d'Akuschah, Tabassaran, Cuba, Dichahr, & Gulachan, & les Nations nommées Chassuh-Kumuky, Kurælih, Kuræih, Kumuky, & Schaky.

Le District d'Akuschah est situé entre des montagnes, & séparé des Taulintay par une chaine de hautes montagnes, couverte de neige l'été & l'hyver. Il n'est pas sort grand, mais il est peuplé, & il a plusieurs villages, chaque village a son Ancien; ces Anciens, quoique soumis à l'Usmey, exigent que ce Prince les traite avec beaucoup d'égards: les habitans, qu'on appelle Akuschintay, ont leur langue propre, & sont de la Religion des Turcs: ils ont peu de champs, mais de grands troupeaux, surtout de Moutons, dont la laine est la plus sine de tout le païs, ils en sont quelques étosses par le Peuple de ces contrées. Autresois cette Nation étoit libre & ne dépendait de personne: mais l'Usmey les ayant porté à se joindre à lui dans le sems qu'il songeoit à se mêler dans la révolte du Scham-Chal, & se trouvant ensure obligé de saire hommage aux Russes, & de leur donner des ôtages, il accusa les Akuschinthy de ne voulair plus le reconnoitre pour leur Souverain

dans cette occasion lui envoyer des troupes, & les obliger à se source des troupes, & les obliger à se source de cette maniere il intimida si fort ce Peuple qu'il le contraignit de se mettre sous sa protection, de lui demander son intercession auprès des Russes, & de lui donner des ôrages. Cependant, ni l'Usmey, ni les Russes, n'en tirent aucune espèce d'impôt; il ne s'est obligé qu'à servir en tems de guerre : les habitans d'Akuschat sout de bons Soldats, ils portent presque tous des cuirasses, & se se servent de sabres & d'armes à seu.

Tabassar est situé entre les montagnes: au Nord il est borné par le fleuve Derbach, qui le fépare du pais des Chaitaky & des Karachaitaky, à l'Occident par la Ville de Derbent, au Midi par le pais des Kurahli dont il est séparé par une chaine de montagnes, & à l'Occident par le Sarchai, entre lequel & Tabarassan coule le fleuve Agulah. Cette contrée est étendue; elle comprend plusieurs villages parmi les quels il y en a de considérables. Les habitans sont de la Religion des Turcs; ils ont une langue qui leur est propre; ils vivent de la culture des terres & de leurs troupeaux. Ceux qui habitent près de Derbent, sont plus civilisés que les autres, qui sont presque sauvages, & qui ne font autre chose que piller & se révolter. Les premiers ont de beaux champs, & de beaux jardins: ceux qui font près du païs des Kurehli & des Chassuh-Kumuky ne peuvent point cultiver leurs champs à cause du froid & des neiges perpétuelles des montagnes, & comme ils n'ont ni bois, ni forêts, ils vivent misérablement & presqu'en sauveges; ils n'ont que quelque peu de bêtail : ils se servent d'armes à seu & de siê; ches: la plûpart cependant ont des fabres & des fusils rayés: ils éroient obligés aurrefois de servir à la guerre lossque le Sakan de Derbent en avoit besoin, & ils étoient soudoyés; on s'en est servi peu à cause de la difficulté qu'il y avoit à les discipliner: ou se voit contrains pour les contenir de ruiner quelques uns de leurs villages des qu'ils fort mine de se révolter. Ils ont leur Prince qu'on appelle Machfumb en 1728, c'étoit Muhamed qui l'étoit; & un Cade, appellé alors Rus-Ppp tanbek'; Min. de l'Acad. Tom. XII.

chefs dépendoient autrefois sous la demination des Perses, & leuns Chefs dépendoient du Sultan de Derbent. En 1725, ils préterent hommage aux Russes; & depuis on leur a donné pour Gouverneur, ou surveillant, le Naip, ou le Commandant de Derbent. La dignité de Machsum est héréditaire, & le successeur est toujours confirmé à Derbent. On demande auparavant au Peuple si ce Successeur leur convient, & il n'y a pas un habitant qui ne donne sa voix, prétendant tous que le passest un pass libre: ils n'obéissent aussi que soiblement: les revenus du Machsum & du Cadi sont médiocres, les Russes ne tireat rien, ils sont même obligés de faire quelques présents au Prince.

Cuba est borné au Nord par le sleuve Samura, à l'Orient par Muschkura, au Midi par Rustau, & à l'Occident par le Dagestan, par Alty Parah, & par les montagnes de Schat. Ce district est étendu, & rempli de montagnes extrèmement élevées: on voit le long des bords de plusieurs lacs & de quelques petits sleuves, qui coulent entre ces montagnes, des villages assez considérables: le premier entre tous étoit Cudath, il a été détruit; Kallassahar est une espece de Fort près du sleuve Samura: les habitans ont de beaux champs, & des troupeaux nombreux; ils faisoient de la soye avant la rebellion.

Gulachan est situé entre Cuba, les montagnes de Schat, & le bas Dagestan: le district n'est fort grand, & n'a que quelques villages fort peu importans: les champs sont très mauvais, parce qu'étant bordés du côté du Sud-ouest par une chaîne de montagnes sort élevées, & par des rochers escarpés tout couverts de neige, ils ont l'ombre depuis deux heures de l'après-midi.

Les habitans de ces deux derniers districts ne sont qu'une seule & même Nation; ils sont de la Religion des Turcs; leur langue est un nomposé de Turc & de Tartare; ils parlent aussi la langue du Lesgint. Ce sont de bons Soldats, & de bons Cavaliers; ils ont des sabres & des armes à seu. Ils ont été longtems sous le Gouvernement d'un Chan, que les Perses consumoient, de manière cependant que la succession ceffion restoir toujours héréditaire. Dans la derniere révolte ces deux districts se séparerent, l'un suivit le parti des révoltés, l'autre resta attaché au Chan qui ne vouloit point avoir de part à la révolte: ils fe sont affoiblis & presque ruinés par cette division : les rebelles en vinrent enfin aux dernieres extrémités: ils massacrerent la Chan avec sa famille maloré les sermens les plus formels, ils ruinerent sa résidence & le bourg de Coudath, & n'en firent qu'un monceau de cendres & de décombres: un Prêtre fauva un fils du Chan âgé d'un an & demi; il le cacha dans les montagnes, & refusa de le livrer aux ennemis, quelque confidérable que fut la somme que lui offrit pour le corrompre le Bey Daud. Cette Province s'étant soumise aux Russes en 1726, cet enfant qui n'avoit encore que 8 ans fut mis à la place de son Père, & accordé aux instances réitérées des habitans: on lui donna un Naip & un Nasir pour administrer le Gouvernement pendant sa minorité. Après que tout eut été tranquillisé & réglé, les habitans de Cuba & de Gulachan furent appellés pour prêter hommage aux Russes, & ils s'y trouverent, l'amnistie ayant été publiée en faveur de tous les rebelles. & de ceux qui avoient eu part au massacre du Chan: ils baisèrent l'Alcoran: mais quelques habitans de Cuba attachés aux Russes leur découvrirent, que ce serment ne les lioit point assez, pour qu'ils pussent se reposer sur eux, qu'il falloit encore les obliger à s'engager de consentir, en cas qu'ils vinssent à le rompre, à faire regarder leurs femmes comme autant de prostituées dont il étoit permis d'abuser : que de cette manière on les lioit de façon à être regardés comme infames, s'ils rompoient leur serment. Les Russes suivirent cet avis, & les obligèrent à prêter le ferment avec cette formule; ils s'y opposerent longreme, mais ils y furent contraints, & depuis ils n'ont rien fait dont les Russes avent pû se plaindre.

Le Chan jouis seul des revenus du pais: il est seulement obligé de servir en tems de guerre avec les habitans en état de porter les armes. Il y a six villages du district de Guinchan, qui sont tombés en partage aux Turcs dans la dernière démarcation des limites.

Le district de Dschahr est situé dans les montagnes: au Sud-ouest, il est borné par le pais des Kacheti & par la Georgie, au Nord par le Tawhstan; il est environné de montagnes élevées; son etendue est considérable, & il a plusieurs villages: les habiteas ont une langue qui leur est propre, ils sont de la Religion des Turcs, ils vivent de leurs troupeaux, & de ce qu'ils enlevent à leurs voisins: ils ont du courage, & se servent d'armes à seu & de sabres: queiqu'ils ayent des Anciens & un Cadi qui jugent des quérelles qui s'élevent entre eux, ils ne reconnoissent point de maîtres, & n'ont été soumis à aucune Nation voisine. Ils ont même désendu leur liberté contre les tentatives des Turcs, à qui ils étoient échus en partage, & qui étant maîtres de la Georgie, croyoient pouvoir les soumetre; les désilés qu'il faut passer pour parvenir à leurs habitations, & leur courage, les ont maintenus dans leur indépendance & dans leur brigandage.

Le Chan Surchai les soutient; ses sujets, les Chassul Kumuky, perdroient trop si les Turcs parvenoient à soumettre les habitans du Dschahr: car comme ceux ci sont de fréquentes invasions en Georgie pour y enlever des hommes & des chevaux, & qu'ils ont pour cela des chemins sort commodes, les Kumuky qui en sont autant, passent au travers du district de Dschahr, & se servent de la même route. Les Turcs vouloient boucher ce passage en 1727, par une Citadelle, asin de mettre la Georgie en sureté, & de dompter s'il étoit possible les habitans du Dschahr: mais ceux-ci incités par le Chan Surchay, s'attroupèrent, surprirent les Turcs, en massacrèrent une centaine, chassèrent les autres, & détruissirent ce qu'on avoit élevé.

Le district des Chasse Kumuky est borné au Nord par le païs des Karachaitaky, à l'Orient par Tabassaran, à l'Occident par le district des Kumuky, qui sont sous la domination du Bey Sutay, & au Midi par le bas Dagestan: il est presqu'entierement environné de montagnes couvertes toute l'année de neige. Ce district n'est pas sort étendu, mais il a plusieurs villages, dont le principal est Chanak, la résidence de leur Prince; entre les montagnes il y a de belles & de serti-

iles plaines; les habitans ont de nombreux troupeaux, surtout de moutons, & suffisamment de champs cultivés, quoique les bleds y meurissent fort tard, à cause du froid occasionné par les neiges dont les montagnes sont couvertes. Les habitans sont de la Religion des Turcs; ils
ont leur langue propre, qui n'a rien de commun avec les autres; ce
sont des brigands qui ont un Prince instruit comme eux dans le brigandage: autresois ils formoient un Peuple libre, mais quelques années
avant la derniere révolte des Perses, leur Prince, le Chan Surchai, se
foumit aux Perses, dont il se déclara le vassal: cependant ce sur plutôt en apparence qu'en effet, car le Sultan de Derbent sur obligé de le
déclarer Jusbaschi, & de lui donner par an une pension de 200 Roubles pour l'empêcher d'exercer son mêtier de brigandage.

Le même Chan Surchai se trouva avec le Bey Daud à la tête de la dernière révolte dans le Schirwan; il se sit un gros parti parmi les Nations qui habitent ces contrées, au moyen des trésors qu'il enleva à Schamachie, à Ardebil, & en d'autres endroits: cette troupe de vagabonds le suit encore constamment.

L'Armée des Russes s'étant approchée en 1722, le Chan Surchai. le Bey Daud, & d'autres rebelles, se mirent sous la protection des Turcs: ce dernier se rendit même à Constantinople, sous prétexte de veiller aux intérêts communs des révoltés: mais quand il y fut, il ne songea qu'aux siens, & il sit si bien qu'on le déclara Chan du Schirwan & de Schamachie: le Chan Surchai devoit avoir part à cette faveur, mais on ne lui en accorda aucune marque; cela l'irrita si fort contre Daud, qu'il refusa de le reconnoitre pour Chan, & qu'il fit savoir aux Turcs, que, puisqu'ils lui avoient préferé Daud qui n'étoit qu'un paisan d'origine, tandis qu'il étoit Prince par sa naissance, 'il les remercioit de leur protection, qu'il comptoit aussi n'en avoir pas besoin, qu'il ne s'entendroit à aucun accommodement que Dand ne lui eut rendu toute la satisfaction possible, & qu'il n'eut sait voir à cet homme qu'il vivoit encore. Après cette déclaration, il traita le Bey en ennemi, & incommoda beaucoup les Turcs par les habitans du D/chahr, & par d'autres Ppp a Peuples Peuples du Lesgint: il les obliges enfin à chercher les voyes de la douceur, puisqu'ils voyoient qu'ils ne le dompteroient jamais par la force ouverte : les Russes en revanche cherchoient à s'assurer de lui. & à mettre de leur côté un homme qu'il leur importoit d'avoir pour Le Chan donnoit des espérances aux deux partis, négocioit avec eux. & attendoit à se décider qu'il vît, qui seroit celui qui lui offriroit le plus : les Turcs lui ayant enfin offert, en 1727, la charge de Bacha gvec 300 Roubles de pension, & la propriété du district de Caballah, il embrassa leur parti, se mit sous leur protection, & leur prêta le serment de fidelité. Cela ne l'empêcha cependant pas, dès qu'il eut été mis en possession de Cabbalah, de s'emparer d'Agdasch malgré la Porte; il traita Schamachie en pais ennemi, jusqu'à ce qu'enfin le Bacha de Fenidsche se vit obligé de le satisfaire en tout, de s'assurer du Bey, sous prétexte de quelques infractions faites au Traité fait avec la Porte, & de déclarer Daud Chan de Schamachie: cela le fatisfit, & il resta depuis tranquille. Ce Chan Surchai n'avoit qu'une main, il avoit perdu l'autre dans sa jeunesse dans une expédition de brigand: dès le bas age il exerca ce mêtier avec ses sujets, & il amassa tant de biens dans le pillage du Schirwan, d'Ardebil, de Schamachie, & de Karabay, qu'il put contenir tous les habitans du Tawlistan, du Lesgint, les Kuræhli, & tous les autres brigands de ces contrées, & les faire agir au premier coup d'oeil. Voici un trait qui peut faire juger de ses richesses: dans l'hyver de 1725, il affembla 6000 hommes, les conduisit vers Muschkura, assiègea la petite Ville de Dædæly, que le frère du Bey Daud avoit fortifiée d'une bonne muraille: il ne put la prendre, quelques efforts qu'il fit; il avoit fait construire une machine des plus ridicules: il entretint ces 6000 hommes pendant 4 mois, il leur donnoit un Abas, ou 25 Copyks (*), par jour, & faisoit de gros présents à ses Officiers.

Les revenus qu'il tire des Chassu-Kumuky ne consistent que dans la dixme des grains; & pour ce qui regarde le butin qu'on enleve, on ne lui en donne que ce qu'on veut.

Selon

^{(*) 15} Copyks font \$gr. Vingt-cinq valent done 13 gr. 4 pf. ces Soldats coûtèrent done pendant 4 mois, 407666 Rs. 12 gr.

Selon la tensur du dernier Traité de paix que les Turcs ont san avec les Russes, une partie des païs du Chan Surchai est soumise aux derniers; mais, comme il n'a point voulu consentir à voir ses possessions séparées, & que les Turcs n'ont pas osé l'y contraindre, ils ont laissé aux Russes la liberté de s'en mettre en possession par la voye de la douceur, ou par celle des armes : ce dernier moyen étoit bien dissicile, & comme il ne seroit pas d'ailleurs plus facile de conserver ce qu'on lui auroit arraché, les Russes ont renvoyé à d'autres tems l'exécution de ce projet, & le soin de faire valoir leurs prétentions. Il est vraisemblable que tôt au tard les Russes en viendront aux mains avec lui, & cela d'autant plus que les Kurahli & les Kuraih, qui par le dernier Traité doivent être sous la domination des Russes, se tiennent fermement attachés au Chan, qui les regarde comme ses sujets, & qui les soutient dans le brigandage qu'ils exercent continuellement.

Les Kumuky qui sont sous l'empire du Bey Sutay, habitent dans une plaine environnée de hautes montagnes, au Nord du fleuve Samura; à l'Occident ils font bornés par le païs des Chassuh-Kumuky: leur païs n'est pas considérable, il consiste en quelques villages accessibles par de forts petits chemins, qu'ils ont percés à travers les montagnes. Leur Prince jouit des revenus du pais, sans être sous la domination d'aucun autre Prince: ils sont de la Religion des Turcs, & ont leur langue particulière. Ils ont bien quelques champs, qu'ils cultivent, mais ils vivent furtout de leurs troupeaux : quoique fort propres à la guerre, ils font fort tranquillement chez eux, n'inquietent jamais leurs voisins, & n'en sont point attaqués, à cause des désilés qu'il faut passer pour pénétrer dans leur district. Le Bey Daud & le Chan Surchai firent ce qu'ils purent dans la dernière révolte pour engager le Bey Sutay à se joindre à eux, mais ils n'en vinrent pas à bout : ce Prince leur répondit qu'il étoit content de ce qu'il possedoit, & qu'il n'envioit point ce qui appartenoit à d'autres : aussi fut-il fort tranquille pendant tous ces troubles. Le nom de Kumuky, est commun à tous ceux du Lesgint, à quelques Dagestaniens, & Tawlistaniens; mais ceux dont nous venons

venons de parler, sont ceux qu'on appelle propressent ainsi; on ne peut les distinguer des autres qu'en ce qu'ils sont les sujets du Bey Sutay.

Les Kurælih habitent près de Tabassaran, dont ils sont séparés par des montagnes: leur district est borné à l'Orient par des montagnes & par des forêts, au Midi par le sleuve Samura, & à l'Occident par le païs des Kuræih. Ce païs qui n'est qu'à deux milles (4 heures de chemin) de la Mer, renserme une vingtaine de villages situés le long du sleuve Samura, & près les uns des autres.

Les Kuræih habitent aussi les bords de ce sleuve, mais plus vers l'Occident: leur district confine à la haute montagne de Gattunkul. Il s'y trouve 10 ou 12 villages, qui sont également situés le long du sleuve Samura les uns près des autres.

L'une & l'autre de ces deux Nations sont de la Religion des Turcs: ils parlent & la langue du Lesgint, & celle qui est un mêlange de Tartare & de Turc. Chaque village a son Ancien, mais cela n'empêche pas que chacun ne soit son maitre, & n'agisse suivant son caprice: ces deux Nations semblent n'en faire qu'une, tant elles se tiennent l'une à l'autre : elles ont peu de champs à cultiver, & peu de bêtail, mais elles se reposent sur les Nations voisines. Elles n'ont d'autre mêtier que celui de brigand: elles ont coutume de tomber tout à coup dans Muschkura, Tabassaran, Cuba, & même dans Schabran, & d'emporter au plus vite ce qu'elles trouvent à leur portée; ce sont surtout les chevaux & les bestiaux qu'elles enlevent avec adresse: les habitans des villages qui confinent à leur païs, les laissent passer volontiers, & en cachette; ils les aident même quelquefois dans ces expéditions, afin de ne pas fouffrir le même fort. Ces gens font de bons Soldats, hardis. & capables des coups les plus désespérés : il leur est déjà arrivé d'être chasses de leurs habitations, & de voir leurs villages dévastés, mais ils se sont toujours rétablis.

Lors du dernier Traité, qui régloit les limites entre la Porte, & la Russie, ces deux Nations échurent en partage aux Russes; comme on les en avertit, & qu'on exigea le serment de fidélité, en leur communiquant les articles de ce serment, par lequel ils promettoient foi & hommsge à l'Empire de Russie, & s'engagoient à cesser d'infester les terres de leurs voifins par leur brigandage, il y en eut quelques uns que la crainte força de subir le joug, & de prêter le serment de fidélité. mais la plûpart le refusèrent, & répondirent que le brigandage avoit été le seul champ, que leurs Péres avoient cultivé & dont ils avoient vecû; qu'ils n'en avoient pas hérité d'autres biens, & que ce qu'ils possedoient n'étoit autre chose que ce qu'ils avoient enlevé de côté & d'autre: qu'à ce compte ils seroient obligés de périr de faim sous la domination des Russes, qu'on pouvoit leur faire tout ce qu'on voudroit. qu'ils défendroient leur vie & leurs biens, & qu'ils aimoient mieux mourir en braves Soldats, que souffrir la faim. La Cour de Russie n'a pas encore jugé à propos d'employer la force pour les foumettre. autant parce que le Chan Surchai les reconnoit pour ses sujets, Prince qu'il faut encore flatter, que parce que ces Nations sont en liaison étroite avec les Chassu-Kumuky, & une partie des Dagestaniens. Quand même on les forceroit à prêter hommage, on en tireroit peu de profit. & il faudra sans doute à cause de cela en venir à les disperser & à ruiner leurs habitations.

Les Schaki habitent entre les montagnes de Schat, qui sont sort élevées & sort escarpées: la plus haute est appellée Schalbras, elle est toujours couverte de neige; leur district est composé de plusieurs villages, qui sont assez près les uns des autres: ils sont aussi de la Religion des Turcs, & parlent la langue du Lesgint: ils ont peu de champs, & le blé a de la peine à y venir à cause du grand froid; ils sont extrèmement pauvres, n'ayant que quelque peu de bêtail, & vivant d'un brigandage qu'ils exercent en secret. Ils sont armés, & se servent de sabres, & de susils rayés. Leur Prince, le Sultan Aly, autresois indépendant, s'est soumis aux Turcs en 1727. Comme il

est hors d'état de se soutenir seul; il se tient sort attaché au Chan de Schamachie, qu'il sert aussi pour de l'argent dans le besoin.

Le Tawlistan.

Les habitans du Tawlistan sont partagés en deux Nations principales: les Sontii & les Tawlistai: les Tawlistaniens surnommés Sontii habitent les montagnes situées vers la Georgie: ils ont une langue qui leur est propre, & leur Religion est un amas de superstitions payennes. Parmi les usages qui leur sont particuliers, il en est un de remarquable, le voici: les Pères choisissent la femme qu'ils destinent à leurs enfans mâles, ils la leur sont épouser la plûpart du tems dès que ces enfans ont l'âge de trois ans, 'ces Pères habitent avec ces semmes, les enfans qui en naissent sont censés dans la suite appartenir aux sils, & leur sont remis avec la Mere lorsqu'ils sont parvenus à l'âge de raison. Ce Peuple est pauvre, simple, vivant seul & sans se communiquer à ses voisins, il a quelque peu de champs cultivés, & il vit de ses troupeaux; le pass est d'un accés extremèment dissicile: il est libre, & ne dépend d'aucune puissance, il ne paye aucun tribut, & se sait gouverner par des Juges appellés Anciens.

Les Tawlintzi habitent entre de fort hautes montagnes, presque toujours couvertes de neige: (tau signifie chez les Tartares une haute montagne;) leur païs est borné par la Georgie, par le Dagestan, & par le païs des Awari. Il est divisé en un grand nombre de districts, qui se communiquent fort peu. De leurs langues il y en a einq de connues, qui n'ont rien de commun, & il doit y en avoir plus de vingt autres d'une nature entièrement dissérente; mais on ne sauroit en déterminer au juste le nombre, personne n'ayant encore sait le tour de tous ces districts, & ne s'étant mis au sait de ce qui s'y passe. Les habitans du païs ont des champs, des troupeaux, & des vignes lors que le terrain le permet; il y en a qui n'ont qu'un peu de bêtail, & qui ne savent ce que c'est que du pain: ces derniers ne valent guère

mieux que des sauvages; ils font de fréquences incursons dans la Georgie & dans le pais des Czirkases, où ils enlevent hommes & bêtes. qu'ils vendent aux Tarrares qui viennent les trouver pour leur acherer ce qu'ils ont enlevé. Ils ont des armes à feu, & des fusils rayés: ils se servent aussi de l'arc, mais lenr arme favorite est un sabre courbé. Ils ont dans leurs districts des Anciens qu'ils élisent, & qui conjointement avec le Cady, ou le Prêtre, termine tous leurs différens : lorsque ces Anciens ne leur plaisent plus, ils les congédient, & les massacrent quelquefois: ils ne sont assujettis à aucune Puissance, & comme on ne trouveroit rien dans leurs montagnes, personne n'a songé à les soumettre. Les peuples des districts voisins du Dagestan ont servi, il est vrai, le Scham-Chal, en partie par crainte, & en partie parce qu'il les payoit; ils l'ont suivi dans la dernière révolte contre la Russie, & la Porte pouvoit prétendre, lors de la démarcation des limites, que tous les habitans de cette Province lui prêtassent le serment de fidélité, mais on les a laissé jouir tranquillement de leur liberté, par la raison qu'il seroit peut-être impossible de les contenir dans le devoir, quelques efforts qu'on fit. Ils se disent Musulmans, & sont attachés à la Seche des Turcs, mais ils observent tant d'usages & de cérémonies payennes dans leur culte, qu'ils sont plutôt idolatres que Mahometans. bonne partie de ce Peuple observe une coutume qui sait soy de sa barbarie: lorsqu'un étranger arrive dans une maison, l'hôte lui envoye une de ses filles, pour serrer son bagage, mener son cheval à l'écurie, lui donner à manger, conduire le nouvel arrivé dans sa chambre, lui préfenter ce qu'il peut souhaiter, & passer la nuit avec lui. Cela dure aussi longtems que l'étranger reste chez son hôte; lorsqu'ils veut partir. la même fille felle le cheval, & plie le bagage: on seroit mal reçu si l'on s'y opposoit.

Les Awari.

Certe Nation habite les montagnes situées entre les Czirkases, le Tawlistan, & la Georgie; elle a une étendue de païs assez considé-Qqq 2 rable, rable, qui comprend plusieurs villages. Elle a des champs & des troupeaux: les habitans vivent en paix, & on ne peut pas les accuser d'imiter leurs voisins, les uns pourrant plus tranquilles que les autres : ils se servent les uns de fusils, les autres d'arc, mais tous ont des sabres: ils ont une langue qui leur est propre, & ils sont de la Religion des Turcs. Ils sont gouvernés par plusieurs petits Princes, qui ne sont assujettis à personne. Le plus puissant d'entre eux, nommé Usmey Awar, ou Umah-Chan, se présents en 1727 dans le Camp des Russes, à la persuasion de l'Usmey des Chaitaky & Karachaitaky, & demanda à êrre pris fous la protection du Czar: il prêta librement le serment de sidélité. Son dessein étoit peut-être de parvenir par le moyen des Russes à soumettre les autres petits Princes de son pais: il ne le fit pourrant pas paroitre, il dit seulement que le succès que les Russes avoient dans ces contrées l'y engageoient, que d'ailleurs il n'étoit pas bien fûr s'il ne pouvoit pas se vanter d'être Russe d'origine : qu'il savoit qu'un de ses prédécesseurs ayant été chasse de son pais dans une révolte avoit en recours aux Russes, qui l'avoient rétabli sur le thrône; qu'il avoit un Ecrit Russe, que ce Prince chasse de son pais avoit apporté de Russe, & qui avoit été soigneusement conservé par sa famille; qu'il ignoroit s'il étoit signé par l'Empereur des Russes ou par quelqu'un des Princes de la Cour, parce qu'ignorant cette langue, il n'avoit trouvé personne oui la scut pour pouvoir lui expliquer cet Ecrit; enfin que l'éloignement avoit sans doute été cause, que la Russie l'avoit comme oublié, ainsi que de son côté, ce même éloignement l'avoit empêché de penfer aux Russes. Depuis ce tems ce Prince est compris parmi les vassaux de la Russie. On a trouvé que cet Ecrit n'étoit point en langue Russe, mais dans celle des Tartares, & qu'il étoit signé par un Prince Tartare nommé Baty, qui dans le XIV. Siècle vint du Zagathay fondre sur la Russie, qu'il dévasta en partie.

Les Kacheti.

Ce pais est situé au Sud-Ouest du Dschahr, & séparé du Caballah par de hautes montagnes: il est près de la Georgie, & renferme dans son étendue assez considérable nombre de beaux villages, parmi les quels Karaagatsch est le plus grand, & en même tems la résidence du Chan. Il s'y trouve beaucoup de champs & de troupeaux; le païs a peu de montagnes, & près de Kardwel, Province de Georgie, il y a de très belles plaines. Les habitans sont bien armés; ils se servent de la langue des Georgiens, comme aussi de cette langue qui est un mêlange de celle des Turcs, & de celle des Tartares: ils font Mahometans, quelques uns pourtant se disent Chrêtiens. Ce pais faisoit autrefois partie de la Georgie; il en fut séparé lorsque dans le XV. siècle un Prince de Georgie partagea son pais en cinq Provinces, & en donna une à chacun de ses sils, qui étoient pour lors Chrêtiens: ces cinq Provinces étoient, Kardwel, le pais des Kacheti, la Mingrelie, l'Afschasie, l'Imirette, & Guriel. Depuis les trois dernieres Provinces tombèrent sous la puissance des Turcs, & les deux premieres sous celle des Perses. Le Schah des Perses s'empara des deux jeunes Princes. les fit conduire à Isphahan, les éleva dans la Religion Mahometane, & les laissa jour de leur Province après la mort de leur père : il fut résolu depuis que ce ne pourroit jamais être qu'un Mahometan qui fut Chan de Kardwel, ou du païs des Kacheti: on laissa cependant aux habitans la liberté de professer la Religion qu'ils voudroient. Dans la fuite des tems, le Christianisme se perdit insensiblement dans cette derniere Province, & cela au point qu'à présent il n'y en a même que peu qui portent le nom de Chrêtiens, quoiqu'ils ayent l'Ecriture sainte & quelques Livres de dévotion en leur langue. On trouve bien encore dans le pais quelques Eglifes, mais les unes font abandonnées, & les autres sont desservies par des Prêtres ignares, en sorte que de nécessité ces établissemens doivent périr entièrement. Dans la Province de Kardwel, ou de Gurgistan, il y a un plus grand nombre d'Eglises & de Cloitres, & un affez grand nombre de Chrêtiens, mais on les contraint Qqq 3 fous

sous la domination de la Porte à embrasser le Mahomérisme: quelques uns sont obligés de servir comme des Esclaves. Wachtar, Chan de Gurgistan, ou Prince de Kardwel, embrassa publiquement le Christianisme en 1722, & se mit sous la protection des Russes; mais n'ayant pli en être soutenu, Muhamed, Prince des Kacheti, l'accusa de rebellion auprès du Schach Tachmasip, & demanda la permission de le déposseder, & de s'emparer de Kardwel: il l'obtint, & aidé des Peuples du Lesgint, des Chaitaki, & de quelques Dagestaniens que l'espérance du pillage lui avoit attirés, il fit une invasion dans la Province de Kardwel au mois de Decembre 1723. il s'empara de la Capitale nommée Tiflis, la fit piller, & chassa Wachtan qui se retira en Russie. Turcs étant entrés l'année suivante en Georgie, Muhamed sut obligé de se soumettre à la Porte, de se contenter de sa Province, & d'abandonner Kardwel, où les Turcs mirent un Bacha, dont Muhamed est obligé de fuivre les ordres.

Schirwan.

Ce païs comprend les districts de Derbent, Muschkura, Niesavey, Schabran, Rustau, Schesparah, Spiz-Bærmak, Schamachie, Cabbalah, Adgasch, Baku, Sallian, & Dschewath.

Derbent.

La Ville, qui donne son nom à ce district, est située aux bords de la Mer; ses murailles s'étendent jusques au rivage, & elle est environnée de ces hautes montagnes qui bordent la mer, en sorte qu'occupant la place qui se trouve entre les montagnes & la mer, elle est un passage général. La Ville est divisée en quarre Quartiers séparés par des murailles: la haute Ville, ou le Château, est le plus perit, elle est située sur le haut d'une montagne, & commande les autres quartiers: c'est la qu'est la garnison Russienne, & elle y est seule; dans les deux quartiers du milieu se trouvent le Naip, les marchands, & les autres habitans,

rans; le dernier quartier est un desert, qui n'est habité par personne. Les habitans se persuadent, & croyent pouvoir le prouver par les documens de leurs Archives, qu' Iskender, ou Alexandre le Grand, est le fondateur de leur Ville: ils disent même que ce Prince a non seulement bâti la haute Ville, mais encore la muraille qui s'étend au Nord de la Ville jusqu'à la mer, pour servir de désense contre les sauvages qui habitoient alors une partie du païs, qui est située au Nord de Derbent: le reste de la muraille ne doit avoir été élevé que longtems après. Les pierres de ce mur ont une forme assez particulière, on diroit à les voir qu'ils sont composés de coquilles brisées; on trouve encore de ces pierres dans quelques carrières, comme aussi des coquilles entieres. On a de la peine à comprendre comment on a pû rassembler assez de monde, & trouver assez d'argent, pour élever non seulement une si haute & si longue muraille, & les tours qui la bordent, mais encore les petites citadelles qui sont hors des murs, le tout étant bâti de ces pierres taillées en quarré, & jointes ensemble avec de la chaux. On n'est pas moins étonné de voir les aqueducs, qui portent l'eau des sources qui sont sur ces hautes montagnes, dans tous les quartiers de Derbent, tant au moyen de petits canaux, que par de grands canaux voûtés. dont on n'a encore découvert qu'une partie. Il y a plusieurs reservoirs dans la haute Ville, sur terre & sous terre; ces derniers sont couverts de bâtimens : à l'Óccident de ce premier quartier s'étend une longue muraille ornée de plusieurs tours, & que les habitans disent s'être étendue aurrefois jusqu'à la Mer noire : aujourd'huy on la voit encore entière le long de deux bonnes milles d'Allemagne, au travers du Tabassaran, où elle passe sur les montagnes; au delà on n'en trouve que des ruines, d'où les habitans de Derbent vont chercher des pierres pour leurs bâtiments. Aux environs de la Ville on trouve quantité de tombeaux avec des inscriptions en Arabe, en Persan, en Chaldéen. en Turc, & dans l'ancien langage de Kufi, qui est presque entierement inconnu de nos jours: la plûpart de ces inscriptions ont été gâtées par le tems, & il n'y a pas moyen de les déchiffrer. Le Sultan Amurath s'étant emparé de cette Ville, la ruina: le dernier quartier qui

qui était habité par des Grecs, fut entièrement dévasté. Le Schach Abas en ayant chassé les Turcs, y mit une forte garnison de Kysilba-sches; c'est ainsi qu'on appelle en Perse les vieux Soldats (°). On trouve hors de la Ville de fort Beaux jardins, surtout de très belles vignes: le raisin y est excellent, mais le vin qu'on en fait est médiocre. Le Major Turkul, Hongrois de Nation, ayant été chargé depuis par Sa Majesté Imperiale d'avoir l'oeil à la culture des vignes, & à la manière de faire la vendange, & de presser le raisin, on en tire des vins rouges & blancs qui sont trés bons. Le territoire de cette Ville n'est pas sort étendu; il est borné au Nord par le pass des Chaitaki, dont il est séparé par le sleuve Derbach, situé à 15 Werstes de Derbent; ce même seuve sert de ce côté là de frontière au Schirwan, vers le Midi ce territoire s'étend jusqu'au sleuve Samura, à 30 Werstes de la Ville: vers l'Occident son étendue, bornée par les montagnes de Tabassara, ne passe 8 Werstes.

Sous le Gouvernement des Perses il y avoit toujours à Derbent nn Gouverneur, ou Sultan, & un Commandant, ou Naip. Le premier étoit nommé par le Schach; il commandoit non seulement à Derbent, mais encore dans les districts de Muschkura, Niesavay, Schabran, Rustau, & Spiz Bermak. On livroit su Sultan les revenus de tout le pais, qu'il employoit en partie à l'entretien des fontaines. des murailles de la Ville, & des bâtimens publics, & en partie aux gages de l'Etat civil & à la solde de la garnison: il en tiroit aussi une pension fort considérable: & comme le Schach lui donnoit encore anquellement, outre ce qu'il retiroit des revenus publics, une somme de 50 mille Roubles, pour faire les présens qu'il croyoir convenables. & que d'ailleurs il n'étoit point obligé de rendre compte de l'administration des finances, il est facile d'imaginer, que le trésor du Schach ne gagnoit rien à cette Province. Les deux Provinces de Cuba & de Tabassaran étoient obligées d'armer un certain nombre de sujets au premier ordre du Sultan, & ces sujets de le suivre partout où il jugeoit

à pro-

^(*) Ce qui revient à nos Invalides.

à propos d'aller. Le Naip étoit élû par les familles les plus considérables de Derbent, qui choisissoient un de leurs membres, que le Schach confirmoit ensuite. Le Sultan s'étant retiré à Ispahan lors de la révolte de 1720, le Naip Immam-culi-bey resta à Derbent, & se voyant comme opprimé par les rebelles, il se mit en 1722 sous la protection des Russes, à condition que les privilèges de la Ville, & les siens, ne souffriroient aucune akération: il sut consirmé dans sa place de Commandant, & même déclaré Général-Major de la Milice de Derbent.

Les habitans sont Mahométans de la Secte d'Ali, leur langue est un composé de Tartare, de Persan, & de Turc: cependant les Lettrés, qu'ils appellent Hodsche, & les Prêtres, se servent du Persan dans toute sa pureté, que le peuple entend fort peu.

Les habitans du Derbent sont presque tous Soldats, ils peuvent mettre sur pied 2000 hommes d'Infanterie, & 1000 hommes de Cavalerie, qui sont soudoiés; ils ont quelques champs, des troupeaux & des jardins: ce sont de bons Soldats. On trouve à Derbent beaucoup de Marchands Persans, Arabes, Indiens, & Georgiens. On ne tire d'autre revenu public de tout le district, que ce que rapportent les droits d'entrée & de sortie; ce qui ne va pas au delà de 1000 Roubles par an.

Muschkura.

Ce district est dans une plaine, près de la Mer, entre les sleuves Samura & Bælbælæh: ce dernier le sépare de Schabran; du côté de
l'Occident il confine au district de Cuba: on n'y trouve aucune montagne; il n'y a point de Villes, autresois on y voyoit de grands & de
beaux villages, mais il ont été détruits dans la derniere révolte, les
hebitans en ont été massacrés en partie, & le reste conduit à Schamachie: quelques uns sont revenus depuis, & ont rebâti quelques demeures. Tout le district est un excellent païs; il a nombre de peti-

res rivières, où il se trouve de bons poissons, des prairies, des bois, & des champs: les bois qui ont de fort beaux chênes, ont encore des arbres fruitiers, qui portent d'excellents fruits, comme des pommiers, des pruniers, des poiriers, des noilettiers, des coignassiers, &c : la vigne y croit sans culture, & s'étend le long des arbres, ce qui fait un beau coup d'oeil. Les prairies sont presque toujours vertes, & quoiqu'elles souffrent beaucoup de l'ardeur du Soleil dans les Mois de Juin & de Juillet, elles n'en paroissent ensuite que plus belles : aux mois de Decembre & de Janvier, qui y font fort doux, on a le plaisir de voir de l'herbe fraiche & de belles fleurs: on y conduit de fort loin des troupeaux de moutons. Ce district fournit encore du froment & du ris, non seulement à tout le Schirwan, mais encore aux Dagestaniens, & en général à tous ses voisins. L'eau qui y coule des lacs de Cuba fait grand bien au ris, puisqu'il faut, pour qu'il réuffisse, qu'il foit dans l'eau depuis qu'il est semé jusqu'à ce qu'il soit mûr. Autrefois on y failoit aussi de la soye; on est occupé à rétablir les fabriques ruinées dans le tems des révoltes.

Dans les villages qui sont encore peuplés, il y a un Kaucha, ou Ancien, qui gouverne les autres : plusieurs de ces Kauchas sont sous la jurisdiction d'un Jushaschi. Autrefois le Sultan mettoit à la têre de tout le district un Darga, qui recevoit les contributions, & les liggoit Les habitans vivent de leurs champs & de leurs trouà Derbent. Dans les grandes chaleurs de l'Eté ils quittent leurs villages, & se retirent vers les monragnes, où ils passent 3 ou 4 mois dans de petites habitations creusees sous terre. Leur langue est un composé de Turc & de Tartare : ils sont Mahomérans, & de la Secte des Turcs. Autrefois ils étoient appellés Augani, (ce qui est peut-être la même chose que Almani. Albani, gâté pan le prononciation,) ils étoient Chrênens: on trouve encore quelques villages d'Arnienieus, dont les Pretres sont consacrés par un Archevêque, quiréside dans le Cloitre de St. Grégoire d'Erivan: ils ont été chassés par Tamerlan, se sont retirés vers la Perfe, & s'y lont établis: ils habiterent d'abord sous des tentes en pleine camcampagne, jusqu'à ce qu'enfin ayant choisi Candahar sur les frontières des Indes pour leur demeure, ils s'y sont établis, en conservant leur nome de leur façon de vivre. Leurs Prêtres étant morts peu à peu, & manquant de sujets pour les remplacer, ils ont été gagnés insensiblement par leurs voisins, & ont embrassé le Mahométisme. Ce sont ces Awgani, avec le secours desquels Myr-Mahmud, sils de Myr-Ways, à présent l'Eschref, a fait de si grands progrès.

Niesaway.

le district est situé près de Muschkura, dans une plaine où plusieurs ruisseaux vont gagner la Mer. Les champs, y sont comme dans quelques endroits de Schabran, si gras que les habitans sont obligés d'atteler à leur charrue 6 ou 8 bœufs, & quelquefois davantage. quelques villages, qu'on appelle les villages de Niefaway, qui ont leurs Anciens, & qui avoient autrefois pour Commandant le Darga de Muschkura; c'étoit là où les frégates Russes abordoient avant la rebellion: ces frégates assez mal bâties n'y trouvoient point de port, les côtes étant remplies de fable mouvant ; pour aborder elles attendoient que le vent du Levant les chassat du côté des terres, où elles reposoient sur le sable, & se trouvoient bientôt tranquilles & assurées comme dans un port, au moyen du fable que les vagues y portoient, & qui, quoiqu' agité perpétuellement, ne laissoit pas de tenir ces frégates comme envelopées. Lorsqu'elles devoient partir, on attendoit le vent du Couchant, qui chassant les vagues du côté opposé. écartoit par la le fable, en sorte qu'en levant l'ancre & en déployant les voiles, on partoit sans peine. Auto ois is etoienta ireites

Il y avoit à oet endroit un affez grand commerce entre la Russie, la Perse, & des Dagestaniens; les droits d'entrée & de sortie y étoient assez considérables : ces droits appartencient au Chan de Schamachit, parce que les marchandises venoient de là & y repassient communément : il y avoit aussi sur les côres plusieurs Douanes, mais tout cela a Rrr 2 été

tré ruiné par les rebelles, & le commerce y a presque été éteint. Toutes ces côtes étant depuis 1726 sous la domination de la Cour de Russie, les frégates Russes ne sont plus dans la nécessité de venir shorder à cet endroit, elles peuvent jetter l'ancre où elles veulent: sués n'y viennent elles plus. Les habitans n'y vivent à présent que de leurs champs & de leurs troupeaux, comme ceux de Muschkura; la Religion & la langue sont les mêmes que dans ce dernier district.

Schabran.

chabran est situé près de la Mer: il est borné au Nord par Niesaway, dont il est séparé par le fleuve Balbalah; au Midi par les montagnes de Spin-Bærmæk, & i l'Occident par les montagnes de Rustau & de de Sches parah. Ce diffiriet a fon nom d'un ancien bourg qui a été ruiné depuis, & qui étoit environné de plusieurs beaux villages, qu'on est occupé à rétablir peu à peu ; du côté des montagnes de Rustau on trouve encore les ruines d'un ancien Château nommé Tichara Kale. Le district a de très beaux champs, de bons paturages, & de grandes prairies vertes foute l'année : c'est ce qui engage des Uluses à venir avec leur Kibitken, (c. a. d. des familles entieres avec leurs tentes, ou leur huttes portatives,) habiter pendant l'hyver ces belles plaines: elles viennent des montagnes; & menent avec elles leurs troupeaux, en payant quelque chose aux propriétaires : dans ces tems il est agréable de voir camper dans ces grandes plaines une quantité de familles, que des troupeaux nombreux environnent. Chaque village a fon Ancien, sous les ordres de plusieurs Jusbachi, à la tête desquels on met un Dargin : celui ci décide de toutes les quérelles conjointement avec le Calife, & leve les revenus du pais qu'il livre à Derbent. Dans la dermere rebellion le Darga & les Jusbaschi, qui tomberent entre les mains des rebelles, furent tous, ou mallacrés, ou faits esclaves.

Les habitans vivent de leurs champs & de leurs troupeaux : ils recueillent beaucoup de ris, & ont quelques fabriques de foye : leur langue

langue est un mélange de Turc, de Tartare, & de Person: depuis 1727 ils reconnoissent la souveraineré de l'Empire de Russie. Comme Schamachie tire la plus grande pertie de ses grains de Muschkura, & que ces grains n'y peuvent être transportés que sur des chamaaux & des chavaux de bêt, perso qu'il saut traverser des désilés qui s'étendent depuis Scharbran jusqu'à Schamachie, le Chan de ce dernierendroit, qui voyoit que Schabran tomberoit en partage à la Russie dans la démargation des limites, sentit que Schamachie seroit toujours à la discrétion des Russes; & pour obvier à cet inconvénient il tâcha de gagner la Poste, par des présents & par des représentations, pour qu'on sit quelques changemens à cet égard : il n'avoit pas tort, car la démarcation trainée en longueur à cause de cela par les Turcs pendant près de deux ans, ne sur pas plutôt saire, que la Cour de Russie désendit qu'on transportât sans une permission expresse des grains à Schamachie.

Ruftau.

Russau est sirué dans les montagnes : au Nord il est borné par Cuba, à l'Occident par le bas Dagestan, au Midi par Schamachie, dont il est séparé par les montagnes de Kulladahr, & à l'Orient par Schabran & Sches - parah. Ce district est fort étendus il a plusieurs villages dispersés à cause des montagnes; Rustau est le plus considérable, il a donné fon nom à la Province. Autrefois ces villages, avoient leur Commandant, nomme Assan : Kallas; ces Commendans prirent pendant la rebellion le titre de Jusbaschi, qui ne convient qu'aux militaires, mais qu'ils ont pourtant conservé. Les habitens sont de la Religion des Turcs, & leur langue est un melange de Turc & de Tartare : ils ont de bons champs, des troupeaux, & tout ce qui est nécessaire à leur subsistance; ils ont aussi quelques plaines entre les montagnes, surtout près de Rustau; ils sont opiniatres, bien armés, & prétendent être exempts de servir en tems de guerre, aussi se sont-ils opposés aux détachemens, qu'on envoyoir de Derbent pour les obliger à payer les contributions, & les ons ils renvoyés souvent avec beaucoup de perte. Rrr 2 Dane

Diny la dendire révelue les feudinnirente une partie le rétira plus foin dans les meinegnes of the joignir aux flabitaris du bas Dageftan, Tainfeidel éroit le pais form faivir le Bey Daud Ce Bey barit en 1424 le fort de Pangial für un roe fort elempe, & il fit élever une forte muralle for le feul pallage par où ce fort est accessible. Comme on appete à la Porte, dans le tems de la démarcation des limites, que cer cuttroit qui devoit incessairement tomber en parrage aux Rufses, étoit imprenable, le Traité pat rapport dux limites commençant souffrir de grandes difficultés, & les Turcs l'auroient renversé avec plaisir, si la chose avoit été faisable. Mais les Russes s'en étant emparés en 1727, durant les pourparlers, & en ayant chasse la garnison del Best e les Turris s'escommanderent à la sin, de les fimiese sinchre ment muten de façan qu'une peste papie de les distributes de la Porte de alla satanda avec le village da Rufteu ayantété cedée à la Russie. Comme Fangahielt effectivement un endroit fort important, & qu'il est situé près d'un défilé qui n'e gua trais braffes de largeur, les deux côtés Grand Bordés, d'un racifornafterpé; son y a mis une forte garnilon sinemous contenir les Angelimins y que pour s'assurer de la fidélisé operios frances nour juifs, de Russes, destidadedes de farmenkers, & d'Armenkers, & d'Indiens. merce, ou de darng 2018 gut passer là. E.... e ces mon-Di her mershe fiction counts Ruben & Schabor ov deas les montagnes mildeling de Majobkune Se de Niefrugier de ne renferme que 6 villages fiende efferipres les lurs des auxies à des crillages confletin Pusbasohi. & An Golife, qui comme le Cadi termine lours différence y Les babicans, vi-

audellie de des ferencies de Nichtunie du neurone que 6 villages finde allemprès les auns des munes à reschilages autleun Jushafeit, & un Califo, qui comme de Cadi termine leure différencie des habitans vivent de plagme du teure fous des tetres, des bienes des minoresques pendant lète, inclife retirent en byser à Tocholyant didiviteur de leurs mospestes incen font médicies bonnes getes, quibrisent fort tranquillement; ils parlent le Turc, le Tartari, et le Rection, mais nécrivent qu'en cette derniere langue: ils font Mahométans, & de la Secte des Person des Soltan Managers s'étant emparés de cette control stanteur des grandes partes, et le Beaucoup a lous frie des habitants, qui lui enclarant des grandes partes, et le

ne qui porta les Turcs à agir avec enté avec la plus-grande dureté; ile les disperserent & en massacrarent quie bonne, partie. Le Schach Abas ayant chassé depuis les Fures de cetter Province, les habitans y sont revenus, quoiqu'en potit nombre, & y out-rétabli leurs habitations : ils ont aussi eu beaucoup à souffrir de la past des rebelles, & se sont vûs dans la nécessité de se cacher dans les montagnes paussi sémoignerent ils beaucoup de joye lorsqu'ils appritent en stravour qu'ils étoient échus en partage aux Busses ou mand et en cacher de past de report de parties en partage aux Busses ou mand et en cacher de past de report d

Tes en 1727 de lot les plantes de la agrant challe : Spis Bermeireft une chame de montagnes qui e étend vers le dien. Frant bornée aut biordintab Schale august l'Ottel destricte des shehaugues de Dubrec, Schu Midbyad ninesplaine gubliva golindre Bukalin dan bis de ces montagnes, sher Merites environ de la meri on voir un roc fort élevé, qui a l'air d'une tout l'account de perçoit de fort loin tors gron est fur la mer: ampied de ce rèquest un Carennsser av ou Calance biti pour les paffagiais, rienty-supurestantes grides est some de plusais 100 personnes; ce sont des noms de Juis, de Russes, d'Attendade de François, de Suedois, de Polonois, d'Arméniens, & d'Indiens, · que le commerce, ou des ambassades, ont fait passer là. Entre ces mon-tagnes, qui ne sont pas fort élevées, de qu'on voit couvertes de peri-हंद्य इन्हात्वक , जा व्यवधार व्यवविषयं अधार्थिक अधार्थिक विश्वास कर्म विष् habitans vivono de l'ente e halimpe de desteurs reforpeaux: e éconside de unit beaucoup de pliturages, ils our une grande quantité de montone, de l'on y en condair des motter nes étoignées un grand hombie quatres; leur languer eff um ind rape de Ture et de Tarrar a la lont de la Religibn des Ten cap de dans leadinguaranion des himites? ils ont sité-excon-Bement ; ils parlent le Turc . . Tartenftuk sh mold u st enjul eun an outer cerre derotere langue e es font Maissmestra. &

Les revenus que repportent du Squiennin les diffriés de Deplent, que nous respons de perceuries qualificant dans des intidés injugues.

Les sujets donnent la dixme du froment, de l'orge, du ris, &c. & la cinquième partie de ce qu'ils recueillent de soye: ils payent un demi rouble d'impôt pour un bœuf, & autant pour un arpent de terre: pour les places qui leur sont assignées dans les prairies, où ils menent paître leurs troupeaux, ils payent à raison de l'étendue du terrain depuis 10 jusqu'à 30 Roubles. Quelques villages ne payent qu'un certain quantum pour touté l'année: d'autres qui sont habités par des Scheichi, c'est ainsi qu'ils appellent leurs Prêtres, sont entierement as franchis de toute espece d'impôts. La plus grande partie des revenus en argent est tirée des amendes, car c'est de cette maniere qu'on punit le plus grand nombre des coupables, ces amendes s'étendent depuis 5 jusques à 100 Roubles: elles sont imposées par le Calife, le Cadi, ou le Darga: cependant ces revenus sont peu considérables, le pais étant ruiné.

Schamachie.

Ville de Schamachie, qui donne son nom à ce district, n'est qu'à douze heures de la mer : elle est environnée de montagnes, & n'a que le côté du Midi, qui foit bordé de plaines; les montagnes, qui font près de la Ville, ne sont pas fort hautes, mais celles qui sont plus éloignées, le sont d'autant plus. La Ville est grande, & a plusieurs belles maisons bâries à l'orientale: autrefois elle n'avoit point de murailles, mais le Bey Daud s'en étant emparé, la fit environner de murs. Le commerce y fleurissoit autrefois; la grande manusacture de soye y evoit attiré beaucoup d'argent, & les Marchands Indiens, Turcs, & Persans, y venoient en soule: mais le dernier saccagement de cette Ville ayant tout ruiné, & les Provinces, qui lui fournissoient des grains, ayant été cédées aux Russes, elle n'est plus qu'une ombre de ce qu'elle étoit autrefois. Son district est borné à l'Orient par les montagnes de Dubrar, au Nord par celles de Kallandar & de Rustau, l'Occident par le Caballah, & au Midi par de grandes plaines qui s'étendent jusqu'au fleuve Kura. On voit assez près de Schamachie d'anciennes

ziennes ruines, qui marquent sans doute qu'il y avoit là autrefois une Ville: à une demie lieue de là on voit un roc s'élever au milieu des montagnes, & sur lequel on ne peut monter que par un sentier fort étroit; on trouve sur le haut de ce roc des ruines d'un ancien Château. & un puits: les habitans appellent ce Château ruiné Kyscale, c. a. d. Château pris par une fille, mais ils ignorent pourquoi il est ainsi nommé. par qui, & quand il a été bâti. Sous la domination des Perses les habitants étoient presque tous marchands; ils se servoient en parlant d'un mêlange de Turc, de Persan, & de Tartare, mais en écrivant ils employoient le Persan dans sa pureté, ou le Fars: eux & leur Chan étoient Mahometans, de la Secte des Perses, & passoient pour être polis & Mais, après le sac de cette belle Ville, la Secte des Turcs a pris la place de celle des Perses, & ceux qui ont paru attachés à la derniere. ont été, ou massacrés, ou dispersés, ou vendus comme esclaves, en sorte que, s'il en reste encore, il saut que ce soit en cachette: le Bey a substitué à ces habitans une troupe de brigands, qui parlent le Tarrare & le Turc, de maniere que ce païs a entierement changé de face.

Sous le Gouvernement des Perses, il y avoit toujours un Chan à Schamachie, qui étoit non seulement Gouverneur de ce district, mais à qui les Sultans, Naips, Dargas, Kallandohrs, & autres Gouverneurs du Schirwan, étoient obligés d'obéir, & qui faisoit une grande figure. Il recevoit tous les revenus de ces Provinces, & ne rendoit jamais de compte; ce qui est le privilège de tous les Chans de la Perse.

Le dernier fut massacré en 1720, par le Bey Daudi dans la prise de Schamachie, & les principaux de la Ville eurent le même sort : cette Ville resta trois ans entre les moins de Daud : en 1723 il sut obligé de se soumettre aux Turcs: en 1728 il sut arrêté, & on mit à sa place le Chan Surchai. Ce Daud, ou David, habitant de Muschkura, syant sait un pélerinage à la Mecque, prit le surnom de Hadzi, ou pélerin, & s'étant-mis à la tête d'un parti de brigands, il prit celui de Bey, & se sit appeller Hadzi Daud-bey: c'est un homme tout sait aux intri
Mêm, de l'Asad. Tom XII.

S s 9

gues, & dont là physionomie est bien celle d'un tiran : voici comment il se détermina à la révolte, dont il a déjà été question plusieurs sois. Myr. Mahmud s'étant révolté en 1720, entra en Perse, & y mit tout à feu & à fang: le Schach, qui par le dérangement de ses finances, ne se trouvoit pas en état de repousser ce rebelle, envoya de gros présens au Scham. Chal & à l'Usmey, avec l'ordre d'assembler autant de troupes qu'ils pourroient, & de les mener aussitôt à son secours : ils le firent, ils rassemblerent toutes les troupes qui étoient sous leurs ordres, & les envoyerent en Perfe, sous le commandement de Surchai, Chan des Chassu Kumuki. Dans le même tems, Daud, qui s'étoit sauvé de Derbent, où il étoit en prison à cause de quelques brigandages. assembla une troupe de mille hommes, ou plutôt de mille brigands. & suivit de près le Chan Surchai, sous prétexte qu'il conduisoit ce secours au Schach des Perses, & qu'il cherchoit à lui donner par là une preuve de sa fidélité: il l'atteignit encore dans le Schirwan, & lui représent qu'ils avoient à présent une belle occasion de faire eux-mêmes leur fortune, on du moins de s'enrichir: qu'ils commandoient une troupe confidérable, avec laquelle ils pouvoient entreprendre de grandes choses, puisque le Schach étoit embarrasse avec Myr-Mahmud, & que personne d'ailleurs ne pouvoit s'opposer à leur dessein. Le Chan Surchai, qui avoit été fort lié avec lui autrefois, & qui avoit entrepris. evec lui quelques uns de ces coups de main, qui avoient réussi, se laissa persuader: ils publièrent l'un & l'autre, qu'ils avoient été choiss de Dieu même, pour délivrer les véritables Croyans du joug que les Persans leur avoient imposé, & sous lequel ils gémissoient; ajoûtant qu'ils espéroient que tous les bons Musulmans se joindroient à eux, & voudroient bien travailler avec eux à la liberté commune. son effet. & les deux Chefs de ce parti rassemblerent en neu de tems une grande quantité de brigands. A' la tête de ces gens ils pillèrent tout le Schirvan & Cuba, s'emparerent de Schamachie, y firent messeerer tous les Musulmans de la Secte des Perses, & leur Chan, y trooverent de grands trésors, & firent de cette Ville leur place d'armes & leur résidence. Mais les troupes Russiennes étant entrées en 1722 dens

dans le Schirwan, le Bey Daud, & le Chan Surchai, ne crurent pas pouvoir leur résister, & chercherent à se concilier l'amitié de la Porte. En 1723, Sa Hautesse les prit sous sa protection avec tous les habitans du Lesgint; elle déclara le Bey Daud Chan du Schirwan, au grand regret du Chan Surchai, & lui donna Schamachie pour résidence. Turcs firent d'abord beaucoup de cas de Daud, lui donnerent plusieurs marques d'une singuliere faveur; & le Bacha Cara Mustapha, sous les ordres duquel se trouvoient toutes les troupes, que les Turcs avoient dans le Schirwan & le Karabah, eut pour lui toutes les complaisances possibles: il étoit cependant obligé de donner à la Porte un tribut assez considérable en argent & en grains, & de faire de tems à autre des présens au Bacha & aux premiers Officiers du Sultan; s'il le négligeoit, on le lui rapelloit poliment en lui imputant quelques contraventions au Traité, ou quelques démarches contraires aux intérêts de la Porte. De cette maniere dépouillé insensiblement de toutes ses richesses, il fut obligé de surcharger Schamachie d'impôts, & d'épuiser ce qu'il avoit amassé: n'ayant plus rien, il perdit bientôt tout son crédit. & voyant après cela qu'il n'avoit pas grand' chose à espérer de l'avenir, il jetta les yeux sur la Russie; il offrit aux Russes de leur soumettre Schamachie & tout le pais où il commandoit: mais les Traités qui subsistoient entr'eux & la Porte Ottomane, le leur firent refuser. Dans le même tems les Turcs cherchoient à gagner le Chan Surchai, qui demandoit la déposition du Bey Daud: il n'en fallut pas davantage pour faire arrêter ce dernier, ce qui arriva au Mois de May 1728: il fut conduit prisonnier ayec toute sa famille à Jenidzche; son successeur Surchai peut s'attendre au même sort, car c'est là la politique des Turcs.

Caballah.

Le Caballah est situé dans une grande plaine, à l'Occident de Schamachie, entre des montagnes dont il est presqu'environné. Ce district est composé de plusieurs beaux villages; il étoit autresois gouverné par un Naip, qui y étoit envoyé par le Chan de Schamachie; le sol en est S s s 2 excelexcellent, les champs & les prairies suffisent abondamment aux besoins des habitans, le fruit y est très bon, surtout les chataignes, les sigues, & les grenades. Autresois on y saisoit beaucoup de soye, qui étoit livrée à Schamachie, mais la guerre a tout ruiné. Les habitans parlent une langue, qui est un mêlange de Turc, de Tartare, & de Persan: ils étoient pour la plûpart de la Secte des Perses, avant les malheurs du Caballah, mais Surchai s'étant apperçu que les contrées situées près de la mer seroient cédées aux Russes dans le Traité de paix, qu'ils alloient saire avec les Turcs, il obligea une quantité d'habitans de ces contrées, & surtout de Muschkura, d'aller s'établir dans le Caballah & dans le district d'Agdasch, & d'y rebâtir les habitations détruites, ce qui sut cause que ce district eut dans la suite des habitans de la Secte des Turcs: il tomba en partage aux Turcs dans la démarcation des limites. Surchai ayant fait mine en 1727 de se jetter du côté des Russes, la Porte se vit obligé de lui ceder ce district.

Agdasch.

Agdasch est situé à l'Occident du Caballah: ce district est plus petit que celui de Caballah, sous lequel il est quelquesois compris, mais ses villages sont aussi beaux & aussi grands, que ceux de cer autre district. Les habitans ont leurs Anciens; quelques Anciens ont un Jusbachi à leur tête, & tous ces petits chess dépendent du Naip de Caballah; la Religion & la langue sont les mêmes que celles du district voisin: dans la démarcation des limites celui-ci est echû aux Tûrcs. Le Caballah ayant été cédé au Chan Surchai, Agdasch sur pris à sorce ouverte, comme nous l'avons dit.

Baku,

La Ville de Baku, ou Bakchu, comme prononcent les Perses, dont le district a le nom, est située aux bords de la Mer; elle n'est pas fort grande, mais elle est fortisée, & a toujours eu un Sultan, qui dépendoit

doit du Chan de Schamachie, & dont relevoit un Naip, qui étoit Gouverneur du plat-pais. Le district est borné au Nord par les montagnes de Spiz-Bærmæk, à l'Occident par Schamachie, & par les montagnes, nommées Dubrar, au Midi par une forêt, qui s'étend jusqu'à Sallian & au fleuve Kura: il a peu d'habitans, parce que le sol y est trop ferme, & que l'eau y manque; du côté des montagnes on ne trouve pas, à plus de deux journées de chemin, le plus petit ruisseau. Les villages situés de l'autre côté, vers Schamachie & Sallian, ont été ruinés dans la derniere révolte. Les habitans dispersés commencent à se rassembler, & à rétablir leurs habitations détruites & abandonnées: il n'y avoit presque dans la Ville avant la révolte que des Kyfilbaschi, ou Soldats Persans, qui devoient contenir dans leur devoir les habitans Ceux qui habitent le plat-païs vivent de leurs champs & de leurs troupeaux; ils ont beaucoup de chameaux, qui leur servent à transporter des marchandises de Schamachie à Baku. Dans la Ville on parle le Turc, le Tarrare, & le Persan: hors de la Ville on ne parle guères que le Turc & le Tartare. La Ville fut bombardée en 1723, n'ayant pas voulu se rendre, & la brêche étant faite, elle capitula : les privilèges des habitans furent confirmées. Après la prise de Baku, le Sultan qui y commendoit, accusé par le plus ancien des Jusbaschi, d'ê. tre en intelligence avec les rebelles, & en correspondance avec le Bev Dand, fut mis aux arrêts, & envoyé en exil en Russie: le Jushaschi obtint le commandement de la Ville, & on mit les Kysilbaschi sous ses ordres. Mais, comme on decouvrit l'année suivante, que ce nouveau Gouverneur tramoit avec les Kyfilbaschi quelque conspiration, qu'il vouloit surprendre la garnison & la faire passer au fil de l'épée, & que pour cet effet il s'étoit adressé au Bey Daud, dont il attendoit un puisfant secours, on se prépara à le faire arrêter, mais il eut le tems de se fauver avec les principaux des conjurés; les autres furent faisis. quelques uns se justifièrent, & ceux qui ne purent se disculper d'avoir trempé dans ce complot, furent exilés en Siberie : cet endroit se trouva dépeuplé par là, & ne garda que quelques habitans, parmi lesquels se trouvent quelques Indiens & Armeniens, dont le commerce Sss a n'est

n'est pas fort important. La place de Jushaschi n'a point été donnée; les Juges de la Ville, & le Naip du plat-païs, ont été mis sous les ordres du Commandant de la Forteresse.

Sa Majesté Impériale jouit à présent de tous les revenus du païs, dont la plus grande partie se tire du sel, & du Naphte, ou Petroleum. Le sel se receuille des Salines situées assez près de Bakes; on fait évaporer l'eau au Soleil, & les lacs d'où il est tiré en fournissent abondamment. Le Naphte passe en Perse où l'on s'en sert dans les lampes au lieu d'huile: on vient l'y prendre par terre & par mer, les frégates (Kirzim ou Sandale) en chargent beaucoup, en forte que le revenu tiré de cette espece de bitume monte bien à 50 mille Roubles par an : les sources d'où on le tire, sont à un bon demi - mille d'Allemagne de Baku, elles en produisent continuellement, les unes du Naphte blanc, les autres du noir. Près de là on voit une place qui est toujours en seu, par la raison sans doute que la terre y est fort bitumineuse, & qu'il y découle continuellement du Naphte des sources voifines. Les habitans se servent de cet endroit pour y cuire leur chaux, ce qui leur est fort avantageux, le bois y étant d'une extrème rareté: on choisit pour cela un petit espace de terrain, & après y avoir fait un trou on y jette les pierres, qu'on couvre ensuite avec la même terre; an bout de deux jours la chaux est cuite. Ceux qui travaillent là, y demeurent aussi; lorsqu'ils ont besoin de lumiere, ils creusent un trou dans leur chambre d'un demi pied de profondeur, y enfoncent un petit jone de la longeur d'un pied, au bout duquel ils mettent du feu. qui y est entretenu par l'exhalaison bitumineuse, & qui éclaire sans consumer le jonc, aussi longtems qu'on veut.

Sallian.

Ce district s'étend près de la Mer, le long des deux côtés du fleuve Kura, presque jusques à Dschewath: il y a de côté & d'autre de beaux villages, mais surtout de celui du Nord. Dans le tems que la paix regnoit

regnoit dans ces contrées, ce pais florissoit; plusieurs habitans de Schamachie y avoient des biens confidérables. Les villages font affez près les uns des autres, on a creusé des canaux qui tirant l'eau du fleuve Kura arrofent les Campagnes: ce fleuve a plusieurs débouchés dans la Mer; pendant les mois de May, de Juin, & de Juillet, il enfle beaucoup, à cause de la fonte des neiges, & alors il couvre de ses eaux tout le terrain qui n'est pas fort élevé. Mais cette inondation engraisse la terre, & les Mugamtzi, ainsi que les Schassuantzi, qui passent l'été de l'autre côté du fleuve, & près de la riviere nommée Araxe, viennent l'hyver porter dans ces contrées leur tentes, & v conduire leurs troupeaux qui trouvent de gras pâturages; ils payent pour cela une petite somme aux propriétaires. C'est ce qui est cause que ces peuples, & ceux du Sallian, ont les meilleurs chevaux de tout le païs. Il se trouve aussi dans ce district une pêche abondante, qui étoit autrefois affermée à 15000. Roubles. Les voyageurs qui veulent passer en Perse, s'embarquent ici, & payent un droit de passage.

Les habitans de ce district ont de bons champs & de beaux troupeaux: ils ressemblent un peu aux Tartares, ils sont Mahométans, les uns de la Secte des Turcs, les autres de celle des Perses; ils se servent de cette langue, qui est un mélange de Turc, de Tartare, & de Persan. Il y a toujours eu un Sultan à Sallian, qui jouissoit de la moitié des revenus du païs, & qui rendoit l'autre au Chan de Schamachie: il avoat sous lui un Naip, qui commandoit dans le plat-païs.

Baku ayant été pris, & les Russes ayant sait sommer toutes les Provinces situées le long des côtes de la Mer de se soumettre à leur Empire, le Sultan de Sallian, le Bey Hassan, sut le premier à obéir, & a prêter le serment de sidélité. Il demanda du secours contre les entreprises du Bey Daud & de ses partisans; & on lui donna une Garnison de 500 hommes, commandée par un Lieutenant Colonel, qui s'établit sur une Isle du sieuve Kura. Hassan traita dabord cet Officier sort poliment; il alloit souvent le voir & l'invitoit chez lui, mais au bout de quatre mois, l'ayant engagé à venir le trouver, il le sit massar avec les autres Officiers, & prit le parti du Bey Daud. Ce district étant

étant en suite tombé en partage aux Russes dans la démarcation des limites, & la possession en ayant été prise; Hassan su obligé de se sauver, il se tient encore chez les Mugamtzi. Les Russes ont bâti ici un petit fort, qui comme tout le district se trouve sous les ordres du Commandant de Baku.

Dschewath.

Dschewath est situé près du fleuve Kura, là où le fleuve Araxe s'y jette: ces deux fleuves sont sort rapides, & leur eau sort trouble: le district est très petit, mais les champs & les prairies ne sauroient être meilleurs; autresois on y recueilloit beaucoup de soye, il y avoit aussi des Manusactures, qui ont été dérruites par les rebelles; on est occupé à les rétablir, mais cela va bien lentement. Les habitans sont de la Religion des Turcs, & ils se servent du Turc & du Tartare mêlés ensemble. Dschewath est un gros bourg, qui est voisin de quelques villages: ces villages ont leurs Anciens & leurs Jusbaschi, qui reçoivent les revenus, qu'ils livroient autresois au Chan de Schamachie; aujourd'hui ils les envoyent à Sallian & à Baku. Le bourg a été cédé aux Russes, le reste aux Turcs: la ligne qui sépare les deux territoires passe tout près du bourg.

Outre les Nations dont nous avons parlé, ils s'en trouve encore quelques autres dispersées, ça & là : comme des Arméniens, des Arabes, & des Juiss.

Les Arméniens habitent plusieurs villages des districts de Muschkura, de Rustau, & de Caballah: il y a aussi des Marchands Arméniens à Derbent, à Baku, & à Schamachie: dans ce dernier endroit ils occupent des ruës entieres. Ils parlent non seulement leur langue maternelle, mais encore celle du païs où ils vivent: ils sont attachés en partie à la Religion Catholique, & en partie à la Grecque: les premiers ont leur Prêtres avec eux, qu'ils cachent soigneusement; celui qu'ils ont a présent, est un Jesuite François, nommé le Père Bachoud: les autres ont des Prêtres qui leur sont envoyés d'un Cloître Arménien près

près de Schamachie, ou du Couvent de S. Grégoire près d'Erivan: leurs livres de dévotion sont, en partie écrits, & en partie imprimés à Ve nise. Ceux qui se trouvent dans les villages, vivent de leurs champs. & de leurs troupeaux; ils ont leurs Anciens, nommés Kauchak, & leurs Jushaschis; outre le tribut ordinaire ils payent encore un impôt annuel, nommé Haradsch. Leurs villages ont été ruinés dans la derniere révolte. & les rebelles leur ont enlevé femmes & ensans, qu'ils ont vendu comme esclaves: ceux qui ont pû se sauver dans les montagnes & s'y cacher, reviennent à présent surtout dans le territoire qui appartient aux Russes, & y rebâtissent leurs habitations dévastées. A' Schamachie ils ont une place, où ils demeurent ensemble pour ne pas se mêler avec les infideles. A' présent ils sont obligés, par les ordres du Chan Surchai, de porter comme les Juis un plastron jaune sur la poirrine, afin que les Musulmans puissent les distinguer, les éviter, & ne pas commettre le crime de les faluer. Il y en avoit beaucoup dans le Caballah, & comme ils étoient en état de donner de fortes contributions, Daud les y souffroit avec plaisir. Le Bey ayant donné à son fils la place de Naip du Caballah, celui ci les tourments beaucoup; il chercha à leur faire embrasser le Mahométisme, & plusieurs furent circoncis par ses ordres. Daud qui vit cela, leur sit savoir sous main, que ce n'étoit pas par son ordre ni de son consentement qu'on les persécutoit, & que s'ils vouloient lui faire un gros présent, il les rétabliroit dans la liberté, où ils avoient été auparavant de professer leur Religion: les Arméniens le firent, & obtinrent ce qu'ils fouhaitoient. Mais on les traita ensuite comme Apostats, & on les réduisit à la mendicité à force de les punir de leur prétendu crime.

Les Juiss sont aussi répandus dans ces contrées; il y en a dans le pais des Chaitaki, dans le Schirwan, dans Rustau, Cuba, &c: ils parlent la langue du païs qu'ils habitent, mais leurs Rabbins comme partout ailleurs savent aussi l'Hébreu. Il y a quelques Marchands Juiss à Schamachie, mais peu: les autres vivent dans les villages de leurs troupeaux & de leurs champs; autresois ils avoient un commerce d'esclaves Georgiens & Arméniens, il a été interdit depuis par ordre

de la Cour de Russie. Ceux qui vivent parmi les Chaitaki sont obligés de suivre l'Usmey en tems de guerre : ils payent comme les Arméniens, outre le tribut ordinaire un impôt qu'on nommé Haradsch; on les oblige à travailler aux ouvrages les plus pénibles, & à d'autres trop bas pour y employer des Musulmans: on ne leur haisse que ce dont ils Si un luif se trouve à cheval dans un cheont absolument besoin. min où il rencontre un Musulman, qui n'est pas du plus bas émge, il est obligé de s'écarter, & même de descendre de cheval, si on le demande; s'il le refuse, le Musulman est en droit de le punir, & quand il le tueroit, il n'en feroit pas responsable. Quelques uns de ces suis sont de la tribu de Juda, d'autres de celle de Benjamin: la plûpart ne savent pas à laquelle ils appartiennent. Leurs Rabbins, fort ignorans sur ce qui les regarde, croyent que leurs Ancêtres ont été envoyés en exil dans la Médie, & dans ces contrées, par les Musul Padischahi, ou Rois de Ninive, & que l'oppression dans laquelle ils avoient vêcu depuis dans ce pais les avoit empêchés de s'étendre : ils vivent encore selon leurs usages, & sont gouvernés par leurs Anciens.

Les Arabes qui vivent dans ces contrées, descendent de ceux qui conduisoient autresois leurs troupeaux en Perse, & qui y sont restés; leur langue est un mêlange de Turc, de Tartare, & d'Arabe; ils sont de la Religion des Turcs: ils vivent ensemble sous un Jushaschi, qu'ils élisent, & auquel ils obéissent. Ils n'ont point de demeures sixes, mais ils passent leur vie sous des tentes, & vont d'un endroit à l'autre avec leurs troupeaux. En été la chaleur les engage à chercher les montagnes, & ils s'arrêtent là où ils trouvent de l'eau: ils payent aux propriétaires de ces endroits une petite somme, & c'est ce qu'ils appellent Geilak; en hyver ils habitent les plaines près de la mer, ou près de quelques sleuves, & payent également les places qu'ils occupent. Leurs huttes sont couvertes d'une espece de natte saite de jonc, & ils ont des chameaux & des boeuss pour transporter ces demeures mobiles. Ce sont de bonnes gens; ils se servent d'armes à seu & de ssêches, mais seulement lorsqu'il s'agit de se désendre.

ELOGE DE Mr. CARITA

Pierre Carita naquit à Metz, le 13. d'Octobre, 1676. Son Pere étoit un Apoticaire renommé, qui prit un soin tout particulier de son éducation, n'épargnant aucunes dépenses pour y réussir. Le jeune Carita passa les premières années de sa plus tendre jeunesse dans le Couvent de la Mission, d'où il su transféré à celui des Jésuites de Pont à Mousson. On sçait que ces Pères excellent dans les humanités; & ce sondement, beaucoup trop négligé aujourd'hui, est d'une nécessité indispensable pour de bonnes études. Mr. Carita le posa d'une maniere solide, & se fraya ainsi la route à des connoissances supérieures.

De retour à Metz, après s'être arrêté quelque tems chez son Père, il quitta la France en 1692. pour se retirer en Allemagne, & alla d'abord saire ses études à Rinteln. Ses progrès dans la Médecine, dont il saisoit son objet, surent proportionnés à son application; & il en donna des preuves incontestables par la manière distinguée dont il soutint sa Thèse Académique, qui concernoit la Rage. Le grade bien mérité de Docteur lui sut conséré immédiatement après; de sorte qu'il ne sut plus question que de mettre ses talens en oeuvre, en entrant dans la carrière de la pratique. Mais, en cherchant à se procurer un établissement, Mr. Carita souhaitoit d'être dans un lieu où il sut encore plus à portée de prositer des lumières des autres, que de tirer parti des siennes. Berlin sixa son attention dans cette double vue. Il y avoit de très habiles Médecins de la Nation, & grande disette de Ttt 2

Médecins François dans cette Capitale aussi bien que dans tout le Brandebourg, où s'étoient formées cependant, & grossissionent alors tous les jours, des Colonies très nombreuses de Résugiés.

Mr. Carita ayant légitimé ses droits & sa capacité, sur reçu au nombre des Praticiens de Berlin par le College de Médecine de cette Ville, le 9 Mars 1701. & obtint en même tems la place de Médecin de la Colonie Françoise; sonction qu'il a exercée pendant cinquante cinq ans, & dans laquelle il a blanchi avec honneur, joignant au trésor de ses connoissances qu'il ne cessoit d'augmenter, celui qui attire avec raison le plus de consiance aux Médecins, une longue pratique, & une expérience consommée.

L'art de guèrir embrasse dans sa vaste enceinte une immensité d'objets, auxquels il n'est guères possible de se livrer également, sans courir risque d'être superficiel en tout genre, au lieu d'arriver à cette universalité, qui, en la supposant accessible à l'homme, est au moins un privilège réservé à un très petit nombre d'hommes supérieurs. Mr. Carita convaincu de cette vérité, prit le parti le plus sage; il su un choix, & la Botanique en fut l'objet. Il lui consacra tout le temps que lui laissoient ses devoirs indispensables, & en sit une étude très approfondie. Aux meilleurs Livres dans ce genre il joignoit la culture d'une belle collection de Plantes, tant exotiques qu'indigenes, qu'il avoit rassemblées dans un petit jardin, où il ne manquoit guères d'aller passer les après dinées. Ce séjour & cette occupation avoient pour lui des charmes dont le goût ne s'est jamais émoussé; il auroit été inntile de lui proposer d'autres parties de plaisir, & l'on se plaignoit même quelquefois de ce qu'il donnoit de plus grandes attentions à la vie de ses plantes qu'à celle de ses malades. Ce n'est pas qu'il négligeat ceux ci; mais, faute de bien connoitre ses principes & sa façon de penser, on auroit pû l'en soupçonner. Lorsqu'il étoit appellé auprès d'un malade legérement attaqué, & dont l'imagination étoit plus affectée que le corps, il n'imitoit pas ces Médecins, qui à force de remèdes trouvent le moyen de changer des fantômes en réalités; mais

il disoit son avis avec candeur, & resusoit d'entreprendre des cures dont la Nature sense pouvoit saire tous les fraix. D'un autre côté, lorsque les maladies étoient désespérées, & que tout secours ne lui paroissoit propre qu'à tourmenter plutôt qu'à soulager, il cessoit de prescrire degremèdes. Cela faisoit que jamais Médecin n'a moins parlé auprès des malades de l'objet de se visites, que lui : il se jettoit aussitôt sur les lieux communs de la conversation, & parmi ces lieux communs il y en avoit sur lesquels il ne tarissoit point, surtout dans les dernières années de sa vie, où sa mémoire qui étoit encore excellente, le rendoit une espece de chronique vivante des anecdotes de son tems; après quoi il se retiroit sans avoir parlé de maladie, ni de remèdes. Au sonds ce ne seroit pas dans bien des cas la plus mauvaise maniere de guèrir.

En étudiant la Botânique, Mr. Carita n'avoit pas négligé les autres parties de la Médecine; & personne n'a jamais contesté l'etenduë de son savoir : il étoit en particulier très versé dans la Matière médicale, connoissant exactement les remèdes que les trois règnes nous fournissent, leurs vertus, la maniere de les composer & de les appliquer convenablement. Il ne se départoit jamais de cette excellente maxime; que la quantité des remèdes ne détruit point les maladies, mais que r'est leur qualité: de sorte que ses recettes étoient de vrais modèles, où les drogues étoient en petit nombre, mais bien choisies; recettes bien différentes de ces grimoires par lesquels un Médecin épuise tout à la fois les Apoticaireries, la bourfe, & le corps de ses malades. avoir prescrit de semblables remèdes, il en observoit attentivement les effets, suivant à la piste les indications de la Nature; flambeau qui doit éclairer le Médecin dans toutes les maladies, mais qui peut seul le guider dans le labyrinthe des maladies compliquées. Cette simplicité dans la méthode rendoit Mr. Carita grand partisan des Anciens; disons les choses comme elles sont, il en étoit admirateur outré : les Anciens avoient toujours raison, & les Modernes toujours tort; le procès étoit aussitôt vuidé sur l'étiquette. L'enthousiasme de Mada-

Ttt 3

me Dacier n'a jamais été aussi loin: celui de Mr. Carita s'étendoit aux moindres usages de la vie: toute innovation le révoltoit: sans examiner si elle étoit bonne ou mauvaise; nos Pères étoient-ils des sots? demandoit-il, & les plus sortes batteries ne l'auroient pas délogé de là. Plein d'un seu & d'une vigueur qui ne l'ont abandanné qu'avec la vie, il étoit entier dans ses opinions, & relançoit vivement ceux qui s'avisoient de le contredire. Au reste ces petits désauts étoient dans l'humeur & dans le tempérament: les qualités essentielles qui constituent l'honnête homme, le bon Citoyen, & le vray Chrètien, saisoient disparoitre ces legéres taches, inséparables de l'humanité.

Le fonds de vigueur dont nous venons de parler se soutenant encore dans Mr. Carita, quoiqu' octogenaire, il se crut en état vers la sin de l'été dernier de faire un petir voyage à Francfort sur l'Oder, pour y voir une partie de sa famille. En esset il s'y rendit sans peine, & y passa quelque tems avec une gayeté qui lui étoit habituelle, mais qui n'avoit jamais été plus marquée. Le retour ne sur pas aussi heureux; soit par l'esset d'une disposition naturelle, ou à cause des secousses de la voiture, Mr. Carita sut attaqué d'une rétention d'urine, contue laquelle tous les secours de son Art surent inutiles, & qui le condussit au tombeau le 16 Aout, 1756. agé de prés de quatre-vints ans. Il avoit été aggrégé à la Société Royale des Sciences le 30 Mars, 1722. Il avoit épousé Mile Burgeat, morte avant lui, & de laquelle il n'a point eu d'ensans.

Parmi ceux qui donnent de justes regrets à sa perte, personne n'en a plus de sujet qu'un jeune Docteur (*) qui prositoit avec empressement de ses conseils, & qui les préséroit insimiment à l'avantage de lui succèder dans ses sonctions de Médecin de la Colonie Françoise. L'estime qu'il s'est acquise dès l'entrée de sa carrière, nous sait espérer qu'il réparera dans la suite la perte qu'il vient de partager avec nous; & nous devons y prendre d'autant plus d'intérêt, qu'il est le digne sis d'un de nos plus respectables Consrères.

.

^(*) Mr. Pelloutier.

E L O G E DE Mr. LIEBERKÜHN.

Jean Nathanaël Lieberkühn, Docteur en Médecine, Membre de l'Académie Royale, & du College supérieur de Médecine, de l'Académie Impériale des Curieux de la Nature, de la Société Royale d'Angleterre, & de l'Académie Royale de Suède, nâquit à Berlin, le 5 de Septembre 1711. Son Père, Orsévre de la Cour, se nommoit Jean Christian Lieberkühn, & sa Mère, encore vivante, Emérence Rauen. Ces honnêtes parens, charmés du don que le Ciel leur faisoit d'un sils, tâchèrent d'en témoigner, leur reconnoissance par la seule voye qui y soit propre, je veux dire, en lui donnant de bonne heure une excellente éducation, & surtout en remplissant son cœur des principes d'une piété solide, qui ont été la régle de sa conduite pendant tout le cours de sa vie.

Une double raison obligeoit à former ainsi le jeune Lieberkühn aux vertus qu'on a trop souvent l'imprudence de négliger: il étoit destiné à la Théologie & à l'exercice du St. Ministère. Après lui avoir sait faire ses premieres humanités dans son séjour natal, on l'envoya à l'âge de 15 ans à Halle; & il y sut placé dans cette célébre Maison d'Orphelins, qui tient un rang distingué parmi les plus beaux Etablissemens de ce Siècle. Il y continua ses études avec beaucoup de succès, surpassant ses camarades par sa douceur & sa sagesse, aussi bien que par son application & ses progrès.

Il avoit alors un talent, qui indique toujours du génie; c'est celui de la Poësie: il faisoit très bien des vers latins; mais une solidité prémaprémeturée, si je puis m'exprimer sinsi, le préserva du piège où tombent souvent ceux même qui n'out pas le talent, c'est de se livrer à cet amusement : de d'en saire une occupation sérieuse, qui préjudicie à toutes les surces

Trois ans s'étent sinsi écoulés, il entra au nombre des Etudiass de l'Université, qui étoit alors très florissante. Il profits des leçons de plusieurs Professeurs célébres pendant un an, au bout duquel il passa Jena. La réputation de quelques Théologiens célébres. & en particulier de Mrs. Walch & Carpevius, l'y attiroit. Soumis aux volontés de son Père, le-joune Lieberhiche rondoit au but qu'ile lui avoit present, avec coure candeur & set amour du vrui, qui con toufours fair le partie dominante de son caractère. Mais un penchant Lecret de la Name, qui de dessendoit qu'une occasion de se déveloner. la mouva dans les leçons de Mr. Hamberger, dont l'Allemagne a penidant fi longtems admiré les connoillences physiques de mathémasiques. iointes au salent peux-être ples rare enopre de bien enfeigner. Un norivent Monde slower som due com annuyetendu Dikiple; & il fentit aussitöt que n'atois le sensi qu'il était fair pour l'habiter e com il ne trouveroit point ailleurs son véritable élément. Il saisit avec rapidité toutes les théories; mais des lors on voyoit en lui ce qui l'a depuis caractérissiaves tant de distinction, de dater de joindre à la théprie une matique qui y butionaldement douffarme; les de pouller celle-ci-culli loin qu'elle pouvoie alter. Mr. Hamberger, frappé d'une fagacité dont des exemples s'offrent le revenent dans des Audisoires acedémiques. charmé de co qu'il voyoir en Lieberkjihn, es plus encore de ce qu'il prévoyoit, Itii donna tous les soins. D'abord il ne l'avoit initié au'à ce qu'on appelle le Phylique, prife dans le généralités. & rélativement aver befoins d'un homme qui le destine à quelque employ, où il ne fait pas son unique objet de cette Science; mais il l'exherta fortement à fuivre une vocation aussi marquée que l'étoit la sienne, à entrer dans tous les détails, à me rien laisser qu'il n'eut soigneusement approfondi dans les différences parties, ou branches de le Physique, qui font aurent de ScienSciences particulières, aussi importantes que difficiles. Dès ce moment l'Etudiant, sous un Maître qui l'aimoit tendremenr, & qui a été depuis un de ses plus intimes Amis, se livra tout entier à l'Anatomie. à la Physiologie; à la Pathologie, à la Chymie, & à toutes les études qui conduisent à la découverte des secrets de la Nature, par une heureuse application des secours de l'Art. La Médecine lui offroit en même tems un attrait auquel il ne pût résister : les deux dernieres années de son séjour à Jena y surent principalement consacrées, sous Mrs. Wedel, Techmeyer, & d'autres Professeurs habiles. s'attiroit des éloges, qui ne fervoient qu'à l'enflammer d'une nouvelle ardeur. Ces jours, les plus beaux de sa vie, (car qu'y a-t-il de plus délicieux que l'état d'un jeune cœur, livré tout entier à un penchant louable qui le domine, & qu'il trouve sans cesse les moyens de satisfaire?) ces jours s'écoulèrent avec rapidité, & il atteignit à regret le terme de sa carrière Académique. Quand on aime passionnément la vérité, on seroit de bon cœur Disciple toute sa vie : c'est presque toujours l'orgueil ou l'intérêt qui font préférer à cet état celui de Maître, ou Docteur, aussi mat soutenu par ceux qui se hâtent d'en prendre les titres, que legèrement accordé par ceux qui les dispensent.

Mr. Lieberkühn le Père, quoique très satissait de l'habileté de fon fils, n'en demeuroit pas moins décidé dans le dessein de le dévouer à l'Etar Ecclésiastique; le fils docile étouffoit de son côté cette instigation secrète qui le portoit ailleurs, & se conformant sans le moindre indice de répugnance aux ordres qu'il reçut, il partit de Jena en 1733, après s'y être fait recevoir Candidat en Théologie. Il fe rendit auprès d'un frère aîné, déjà établi en qualité de Pasteur à Roscov. Il se mit à la prédication, à laquelle il auroit été très propre par l'étendue de ses lumières, & par ce fonds de bonté, dont la Nature avoit mis sur son visage l'empreinte la plus marquée, en lui donnant cet air affectueux, si convenable à un homme chargé d'annoncer une Doctrine de grace & de salut. Mais tout en continuant ses études de Théologie, & en composant ses Sermons, Mr. Lieberkühn revenoit comme $\mathbf{V} \mathbf{v} \mathbf{v}$ Mim. de l'Acad Tom. XII. de de lui-même à sa chère Physique; n'ayant jamais aimé la dissipation, ni les plaisirs de la jeunesse, il se délassoit uniquement dans un Cabinet déjà tout rempli d'essais industrieux de Physique, de Méchanique, & d'Anatomie, par lesquels il préludoit en quelque sorte aux merveilles qu'il a exécutées depuis.

Sur ces entrefaites il perdit son Père; & comme il n'avoit per encore reçu l'Ordination, il se vir libre de ne point gêner son pen-Cependant, soit par déférence pour les volontés du défunt, soit parce qu'il se trouvoit comme à la porte du Ministère ecclésiastique, il y seroit entré selon toutes les apparences, sans une occasion remarquable, qui décida de son sort. Mr. Reinbeck, ce respectable Théologien, cet homme si rare, dont je ne prononcerai jamais le nom sans m'attendrir au souvenir de ses vertus & de ses biensaits, faisant un petit voyage à la campagne, sit une partie de sa route avec (Mr. Lieberkühn; & après quelques heures de conversation, il fut aussi surpris que ravi de trouver dans un jeune Candidat en Théologie, un Savant distingué, un Physicien profond, un Méchaniste excellent. pouvoit en croire ses oreilles, & étendant sa curiosité à tout ce qui étoit propre à la fatisfaire, il se sépara de son Compagnon de voyage, pleinement convaincu qu'il possédoit les plus rares talens, & qu'il avoit les meilleures dispositions à les conduire jusqu'au degré de perfection qui fait les grands hommes. Mr. Reinbeck rempli de cette idée, n'en conserva pas un stérile souvenir; mais se servant dans cette occasion, comme il l'a fait en une infinité d'autres, de l'accés qu'il avoit auprès du feu Roy, & de la confiance si bien méritée dont ce Monarque l'honoroit, il lui parla si avantageusement de Mr. Lieberkühn que le Roy voulut le voir. Il le fit donc appeller; & le jeune homme, avec fon air naturel de douceur & de modestie, répondit très pertinemment à toutes les questions que FRÉDERIC GUILLAUME, qui avoir un att tout particulier pour interroger les sujets qu'il vouloit connoître, lui proposa, & qui roulèrent en partie sur la Théologie, en partie sur la Méchanique : l'entretien finit par les assurances les plus gracieuses de la bienveillance & de la protection du Souverain.

La réalité les suivit de près. Mr. Lieberkühn ayant, par ordre du Roy, renoncé à la Théologie, afin de se livrer aux Mathématiques, entant qu'elles font appliquées aux progrés de la Physique, il commenca par les voyages nécessaires pour s'instruire en voyant quantité d'objets intéressans répandus dans les divers Cabinets de l'Europe, & par la conversation des Savans déjà consommés dans ce genre d'étude. Etant parti de Berlin en 1746, après avoir été auparavant aggrégé à la Société Royale des Sciences, dès l'année précédente, il se proposoit d'aller tout droit en Hollande, mais la fievre l'arrêta à Halle, & l'obligea d'y rester quelques mois. Aussi-tôt qu'il sut rétabli, il alla revoir Jena, ce séjour où les Muses lui avoient été propices; & ne dédaignant pas d'y fréquenter quelques Colleges, il se mit en même tems à construire ces Instrumens d'Optique, de Méchanique, & de Mathématique, dans la fabrique desquels il est devenu un des premiers Artistes de son siècle. Il passa en 1737. à Erford, où Mr. de Büchner, déjà revêtu du titre de Président de l'Académie Impériale des Curieux de la Nature, qu'il foutient encor aujourd'huy si dignement, l'aggrégea à cet illustre Corps: & le surnom sous lequel, suivant l'usage, il sut écrit dans ses Fastes, ne pouvoit être mieux appliqué; c'étoit celui de Daedale.

Poursuivant sa route par Cassel, Marbourg, Francsort sur le Main, & Mayence, & ne laissant rien échaper de ce qui pouvoit se rapporter à ses vuës, surtout en sait d'Instrumens de Méchanique, il arriva à Amsterdam, d'où bientôt après il se rendit à Leyde. L'immortel Boerhaave l'y attiroit, il brûloit de le voir & de l'entendre; & redevenant aussi-tôt ce qu'il aimoit tant à être, le plus attentis de tous les Disciples, on le vit recueillir avec une avidité inexprimable tous les Oracles de ce grand Maître. Mrs. Albinus, van Swieten, & Gaubius, occuperent aussi son attention dont ils étoient bien dignes. La Chymie & l'Anatomie surent alors ses principaux objets. Il avoit besoin de les allier tontes deux ensemble pour réussir dans ces admirables injections, qu'il commença dès-lors à exécuter, & qu'il a poussées de v v v 2

pais à un point qu'en pourroit regarder commé leur plus haut période. Les Docheus les plus conformés virent biensée en lui un émule qui méritoit de prendre place à leurs côtés: Halui en donnéent le droit en le créant lui même Docteur en Médecine le 20 Juiller 1739 m. La Differration qu'il foutint à cette occasion étoit intitulée, de valvula celi 83 processir vermiformi : & il se tira de la dispute avec de très grands applandissement. D'abord il avoir en dessein de choisir le Plomb pour faiet de seste Differration; mais ses Professaires l'obligèrent à présérer cesui qu'on vient d'indiquen, parce qu'il y avoir sait des découvertes considérables.

Le nouveau Docteur quitta la Hollande pour passer en Angleterre; & arriva à Londres. Il ne tarda pas 10 s'y faire connoitre, & 1 fortilier des litations intintes avec les Savans les plus diffingués de cene Capitale, bu les Sciences font cultivees avec tant de zele & de fucces. Dans le dessen d'acquerir des connoissances relatives à la Médecine pratfoue, Mr. Lieberkühn frequenta d'une mantere affidue les Hopitaux, & y porta ce coup d'oeil observateur, qu'il possedoit superfeurement Les délassemens de son Cabinet étoient toujours ses merveilleuses injections Attatomiques. 122 Societé Royale accountine à voir les plus belles preparations dans ce gente, fur furprile en remarquant à quel point celles qu'il lui presenta les furpaffoit prelle reconnut que de parelle es fals efbient de vrais coups de mattre. Havolt en particulier rempii de matiere ceffeule une tres penie pornon d'un fatelin grele, avec unt d'art, "Ce travail Etoit tellement fini," & la vue en avoit que que choie de Il frappant, qu'il n'y eut qu'une voix fir la ratere de ce chef-d'œu vre; aussi Mr. Lieberkühn lui-même a toujours regarde ce morceau ि पर १९००० है है । ए है १ में वे १७ १

Lieuwinitai en amene un autre e les Ouvrages de l'Arront entr'eux la même bailon que recan de la Nature, qu'ils font destinés à initer ou à découvrir. Pour suivre des ramifications aussi sines que l'émient celles auxquelles Mr. Lieberkühn saisoit parvanir ses injections, il faloit quelque chose plus que des yeux excellens, tels que cenx dont

• • . ;

la Nature l'évoit dotté, de même que des Microbapes un dinaires u à Clein le fit penfer à travailler dans ce genre d'inflaument; maistant le Cent tenrant pas de perfectionner ceux qui étacions des inventes illudavirs kui - même Inventeur, & causi no mouvel étonnement à la Société Royale, en lui faisent voir un Microscope avec un miroir à résténion : ouvrage qui avoit paru jusqu'alors impossible à tous les Opticiens & Méchanistes de Londres. Ce n'étoit pas affez pourrant au pré de notre Dédale; dans le deffain qu'il avois conçu de décrire rouse la méchanique du corps humain, en y joignant une détermination exacte de ses parties & de ses proportions, il inventa encore le Microscope solaire, qu'il destinoir à cet usage. Tant de merveilles consécutives firent des impressions qui ont été ineffaçables; je ne parle point ici au hazard. Un respectable Ecclésiastique, Savant lui-même, très distingué, Mr. Murdock, a affuré pendant son sejour ici, que rien n'égaloit la réputation que Mr. Lieherkühn avoit laissée à Landres, & que rien aussi n'avoit égalé le regret cause par la pette. Mais n'anticipons. pas cette, catalitophe mod l'up : ture raido lisob quos es mod

Faut, il dire que la Sociaté Royale le sélicita d'acquerir un Afforié tel que Mr. Lieberkühn? Il y fut aggrégé avec les emprefiences les plus flatteurs pour un homme avide de diffinctions; mais ce néssite pas son soible, il donnoir presque dans l'extrémité opposée. Il aimoit les Sciences, comme le Sage aime la Vertuin pour elles mêmes, avec les mêmes avantages que la Société en retireme sondres avoit pour luis des charmes, qui l'auroient engagé à n'en pas sortes avoit pour luis me de ses voyages étoit simité; cu il faloit encor voir Parin, autre Sanctuaire où les Divinités qui président aux Sciences & aux Arts ont toujours eu des Autels sameux. Il s'y rendit donc vers la fin de 1739: mais à peine y avent alopassé fixomois que norse augusté Memerque, qui venoit de prendre les rênes du Gouvernement, de rappellandans sa Patrie, où il sur de setour au mois de Juillet 1750. comblé de toute la fatissaction que peut causer un voyage tel que celui que nous venons de décrire.

Vvv 3

Pres-

Presqu'aussi-tôt après son arrivée, il se distinguta par d'heureuses cures, & sit voir ce qu'on pouvoit se promettre de lui. Boerhauve, qui ne l'avoit pas perdu de vuë, & qui s'intéressoit tendrement pour lui, le recommanda dès-lors à Sa Majesté l'Impératrice de Russie, pour entrer à son service en qualité de premier Médecin; poste séduisant par toutes sortes d'endroits: mais il n'a jamais voulu prêter l'oreille à aucune des propositions avantageuses, & souvent rétrérées, par lesquelles on a voulu le tirer de Berlin. Sujet reconnoissant, Citoyen affectionné, si la Parque lui avoit silé un siècle de vie, il l'auroit confacré au service de son Prince & de sa Patrie.

Etant de l'ancienne Société Royale, il se trouva Membre de l'Académie à son renouvellement, & produisit souvent, surtout dans les premieres années depuis cette Epoque, les principales inventions qui naissoient en quelque sorte sous sa main, comme le Microscope qu'il appliquoit à observer la circulation du sang dans les Grenouilles, & un nouveau Pyromètre. Il n'auroit jamais quitté son Cabinet, si cela avoir dépendu de fon choix; mais le Public le souhaitoit ardemment comme Médecin: l'empressement des malades, aussi bien que l'obligation naturelle de compenser par des occupations utiles d'autres qui étoient fort dispendieuses, le jetterent donc dans la pratique; & si elles ne l'y absorberent pas, au moins rendirent-elles sa vie plus laborieuse que jamais, & tellement remplie qu'il ne pouvoit presque disposer d'un seul de ses instans. Je ne m'érigerai point en juge de ses talens dans l'art de guèrir, cet art contre lequel on a tant lancé de traits, qui s'émoussent & tombent sans force aux pieds des vrais Médecins, de ceux qui joignent les lumieres à l'expérience, le savoir à la sagesse. Nous en avons d'illustres exemples sous nos yeux : cette Académie se glorisie de voir à la tête de ses Directeurs un des plus illustres nourrissons d'Esculape; elle en compte parmi ses Membres, qui les uns, par une longue & honorable pratique, les autres par des enseignemens auxquels on accourt de toutes parts, font fleurir & respecter leur art saluraire; & pourquoi me resuserois-je la satisfaction de placer ici l'expression

pression de nos sentimens pour eux? Chargé du triste devoir d'orner le tombeau des Académiciens que la mort nous enleve, qu'on m'accorde au moins la douceur de louër pendant leur vie ceux dont nous jouissons encore, & de faire ici des vœux publics pour leur confervation!

Pour revenir à celui que nous regrettons, ces regrets sont fondés sur la voix publique, rarement trompeuse quand elle est universelle; ou qu'il n'y a que les murmures de l'envie qui la traversent. pourtant on s'obstinoit à la recuser, j'en appellerois au suffrage de ses Collègues; & du sein même de la rivalité, plus forte peut-être dans cette Profession que dans toutes les autres, parce que les rivaux se rencontrent l'un l'autre tous les jours, & à chaque pas ; du fein, dis je, de cette rivalité, je me flatte qu'on entendroit sortir le témoignage le alus honorable à notre défunt. Faut-il fonder notre jugement en sa faveur sur des choses qui soyent à la portée de tout le monde? Je dirai que Mr. Lieberkühn étoit un excellent Médecin, premièrement parce qu'il a guèri des maladies singulières & dangereuses, & qu'il en a conduit d'autres supérieures à toutes les forces de l'art, aussi loin qu'elles pouvoient aller; mais aussi, parce qu'il avoit tout ce qu'il faut, les connoissances étant présupposées, pour bien traiter les malades. Il étoit d'une patience, d'une assiduité, d'une douceur, qui gagnoient d'abord le patient; & c'est un grand point, car l'empire de l'imagination est extrème, dans les maladies même dont elle n'est pas le principe. Un bon Médecin gouverne l'ame autant & plus que le corps: il encourage, il foutient, il console, il ranime souvent par cette voye quelque étincelle prête à s'éteindre, & qu'un procédé dur ou bizarre auroit étouffée. On ne pouvoit pousser plus loin que le faisoit Mr. Lieberkühn, non seulement l'air & le ton compâtissant, mais la réalité de la Quiconque avoit été son malade, devenoit nécessairement son ami: s'il y a eu des exceptions, il faut que des causes bien extraordinaires y ayont influé. Il avoit le pronostic presqu'infaillible: on en a vû des exemples nombreux & surprenans. Trop prudent, lorslorsque ce pronostic étoit suneste, pour estrayer ceux qu'il regardoit, il s'en ouvroit à quelque personne de confiance: & cela valoit un arrêt. Il avoit aussi des ressources extraordinaires, des expédiens uniques, dans des maladies particulières, & dans des cas pressans. Cela le faisoit quelques passer pour hazardeux: mais le succès le justissoit. Connoissant à sonds les sorces de la Nature, & l'esticace des secours de l'Art, il décidoit, quoique d'ailleurs son ton ne sut rien moins que décisif, d'une maniere qu'on auroit voulu rendre suspecte, & que la sorce du préjugé, ou la malignité de la jalousse, qualisioit du nom de charlatanerie. Je ne veux pourtant rien outrer, ni prétendre qu'il n'ait jamais donné aucune prise sur lui par quelques propos qu'il auroit pû peser à une balance plus exacte: cela seroit au dessus de l'humanité. Mais encore une sois les saits ne se détruisent que par des saits: nous eneuvons assert pour faire son éloge, & il n'y en a jamais eu assez pour saire sa satyre.

Je reviens au Philosophe-Artiste; je n'en ai pas encore assez dit sur ce sujet, & j'en dirois davantage, si un de nos Consrères (*), qui en entrant dans sa carrière s'étoit attaché à Mr. Lieberkühn, & avoit mérité sa consiance par des qualités qui l'ont rendu infiniment sensible à sa perte, n'avoit dessein d'entretenir l'Académie dans une autre occasion des travaux méchaniques du défunt, & d'en donner l'idée d'une manière systèmatique & complette. Je ne sais donc que glaner quelques généralités, en suivant un Mémoire que ce même Académicien a bien voulu me fournir pour m'aider dans la composition de cet Eloge.

Quoique les recherches de notre Savant s'étendissent à toutes les parties de la Physique, son objet principal étoit le corps humain, dont il auroit voulu porter la connoissance à un point sort au dessis de tout ce qui s'est fait jusqu'à présent, & dont on n'a peut-être pas même eu l'idée avant lui. Infatigablement livré à cette entreprise, il tenoit une conduite bien différente de celle des Savans ordinaires, & qu'on peut regarder comme la marque insaillible d'un jugement exquis. Il

ne de hâtoit point de publier ses découvertes, il n'inondoit pas le public d'Ecrits destinés à l'instruire du moindre pas qu'il faisoit dans sa route, il ne démembroit point ses travaux, pour jouir plus vite de la gloire qu'ils pouvoient lui procurer; mais les laissant reposer & mûrir, attendant pour lui même une maturité que l'âge donne, ou du moins qu'il confirme, il ne laissoit rien sortir de son Cabinet, asin de produire un jour ce Cabinet tout entier & dans toute sa persection aux yeux du Monde, instruir & étoané par ce rare présent. Il n'a donc rien voulu saire imprimer; & outre sa Dissertation inaugurale, il n'existe qu'une autre Dissertation latine sur les poils des Intestins, qui parut à Leyde in 4 tonen 1759. & la Description d'un de ses Microscopes dans, le premier Volunte des Mémoires de nouve Académie.

Une de ses dernieres occupations a ésé de faire peindre avec les couleurs naturelles, & ensuite graver, les préparations anatomiques qu'il avoir faires avec un soin infini des poumons tant de l'homme que des divers animaux: il ayoin auffi de nouvelles oblervations, & de nouvelles planches, destinées à enrighit sa Disservation sur les poils des intestins. ... C'étoient là des parties de son plan, des fregmens d'un Ouvrage dans lequel il vouloit faire entrer soutes les parties du corps humain représentées au naturel, & evec leurs gouleurs propres. Il en seroit résulté une. Physiologie aussi nouve que complete, qui auroit fourni, & mis sous les yeun; la fabrique intérieure des visceres du corps humain. & la skruchune & délicate des parties qui ne s'offrent point à la simple vuë. Il est incroyable à quel point Mr. Lieberkühn excelloit dans tous les arts requis pour la réussite de cette entreprise, & à quel degré de perfection il avoit porté tous les moyens de surpasfer ceux qui l'avoient précédé dans de semblables travaux. Il ne se servoit pas seulement pour ses injections de la matiere cereuse qu'on y employe ordinairement; il favoit remplir-d'argent pur les vaisseaux les plus subtils; il détachoit avec une singuliere adresse toute la chair des viscères injectés, & il n'en conservoit que la partie vasculeuse avec les ramifications les plus imperceptibles.

ly gut jamais un esprit inventif, c'est le sien. Il possedoit non seulement toute la théorie des Instrumens de Mathématique, de Méchanique, & d'Optique, mais il s'entendoit mieux à la pratique que les plus habiles Ouvriers, il les guidoit ordinairement, & leur fournissoit de nouvelles ouvertures, toujours heureuses. Il mettoit même la main à l'œuvre, & faisoit seul des Machines fort composées, Microscopes de diverses sortes, pompes pneumatiques, fusils à vent, pyrometres, &c. qui acquéroient toujours quelque nouveau dégré d'utilité ou de commodité, à mesure qu'il s'amusoit à les saire. Il sabriquoit entr'aurres choses dans un bassin des lentilles de microscope d'une si prodigieuse peritesse, qu'il faloit un microscope pour les voir. cela il ne devoit rien qu'à lui-même, n'ayant jamais travaille sous aucun maître, & fachant imiter tout ce qu'il voyoit dés qu'il y avoit ienté un coup d'oeil. Quantiré d'habiles Ouvriers au contraire faisoient gloire de suivre ses directions : il en avoit formé à Berlin, où il n'y avoit rien de difficile dans l'Optique & dans la Méchanique, dont sous ses auspices on ne vint à bout. Aussi n'y a-t-il aucun de ces Artistes qui ne reconnoisse hautement ce qu'il lui doit, & pour qui la mort n'ait été un coup terraffant.

On comprend bien que Mr. Lieberkühn doit avoir ainsi formé & laissé une des plus belles collections d'Instrumens qui ayent jamais existé. Elle mérite toute l'attention des Curieux capables d'en juger; de pourroit tenir place parmi les nichesses, savantes des plus grands Princes, ou des plus célébres Académies. Son dernier travail a été de faire des Telescopes. Ils ne le cedent point à ceux de Short; de si Mr. Lieberkühn avoit vêcu, il vouloit en pousser les dimensions à six pieds, de au delà. Mais le tourbillon de la pratique ne lui permettoit pas de saire tout ce qu'il auroit voulu à cet égard: c'étoit moins des heures perduës que des momens dérobés, qu'il pouvoit consacrer à ses occupations savorites.

Mr. Lieberkühn s'unit en 1746 par les liens du mariage avec Mile Dorothée Hevelingen, digne de son choix; & ils ont passe dix

ans ensemble dans la plus douce harmonie. Elle lui a survêcu, confervant pour gages de cette union si précieuse à son triste souvenir un fils & une sille en bas âge.

On se plaint de la briévété de la vie humaine, lors même que des hommes inutiles à la Société lui sont enlevés après avoir atteint les bornes ordinaires de cette vie. Nos plaintes, s'il étoit permis d'en faire, seroient beaucoup mieux fondées, en voyant si tôt finir une vie précieuse par tant d'endroits au genre humain. Combien trente années au moins de plus que Mr. Lieberkühn pouvoit atteindre sans arriver à la derniere vieillesse, n'auroient elles pas été fécondes? Et à quelle abondante moisson ne préparoient pas les riches prémices que nous venons d'émier? L'Arbitre des destinées en a disposé autrement : adorons ici, comme partout ailleurs, la fagesse de ses dispensations. Mr. Lieberkuhn paroissoit constitué de maniere à vivre plus longtems : son corps étoit même un des plus robustes qui sortent des mains de la Nature; il y avoit dans tous ses organes un degré de vigueur peu commun. Le grand travail n'avoit pas laissé de produire sur lui son effet ordinaire; il commençoit à fentir quelque décadence, mais il n'y avoit en cela rien que d'ordinaire à tous les hommes qui ont passé les années de la plus grande force; & furtour à ceux qui s'apphquent avec trop de contention. Malgre ces apparences favorables, il y avoir un vice caché dans la conflitution intérieure de Mr. Lieberkühn; St ce vice a ete le germe fatal de fa mort. Le polition, es vilore qu'il recojt sa foigneufement étudié, en se devollant tout entier aus vetherches le déroboit aux secours qu'il auroit pû y apporter : dès l'âge de r ; ans, le sien avoit été attaqué, & depuis ce rems là, il s'étoit gâté de plus en plus, s'étant surtout fortement attaché au côté gauche, par une suite, à ce qu'il disoit, de la coutume qu'il avoit eue dans ses premieres études, de tenir ce côté continuellement colé pontre un pupitre. Il le sentoit fort bien, & en éprouvoit souvent des incommodités sa cheules. Cependant il savoit se procurer tous les soulagemens dont un pareil état pouvoit être fulceptible. Cela auroit fuffi pour le mener

encore affez loin; sans une attaque imprévue de pleurèsie. Dans un des jours les plus vifs de l'hyver dernier, après avoir passé quelque tems dans le poële fort chaud d'un malade, il s'exposa à l'air froid de la rue, & ayant été aussi-tôt frappé, il sentit presqu'en même tems qu'il l'étoit à mort. A' peine quelques heures étoient-elles écoulées qu'accoûtumé, comme nous l'avons vû, à prévoir l'issue des maux, il prédit que le sien étoit incurable. Cependant touché du zèle affectueux des plus célébres d'entre ses Collegues, il se confia entièrement à leurs soins, & suivit leurs ordonnances, persistant à ne s'en promettre aucun succès. L'événement ne tarda pas à justifier ce triste augure: il succomba au bout de dix jours à la force du mal, & mourut comme il avoit vêcu, avec tous les sentimens d'un excellent Citoven. & d'un vray Chrêtien, le 7 Decembre, à huit heures du matin, dans fa 26. année. Il étoit d'une taille au dessus de la médiocre, mais il se Il avoit le front large & avancé, sous lequel étoient voûtoit un peu. placés des yeux qu'on pouvoit appeller d'aigle. Il avoit sair des expériences fingulières far leur forde de avoit infiniment forpris des perfonnes pul en deuroient pen appereuvant des objets à des distances. ou foir leur petrelle ; foit leur étoignement, les rendent imperceptibles. Il assuroit que les Satellites de Jupiter avoient été visibles pour lui à la simple vue, tant qu'il l'avoit conservée dans toute sa force. Le reste de ses traits étoit régulier : & il en résultoit une physionomie agréable, quoiqu'il eut l'air un peu rêveur, & que l'impression d'une douce mélancolie regnat pour l'ordinaire sur son visage. Mais, des qu'il parloit, & surtout des qu'il prenoit ce tendre intérêt qu'il paroissoit toujours prendre aux personnes avec qui il avoit des liaisons d'amitié, ou aux malades qui recouroient à lui, sa physionomie devenoir entièrement ouverte, & on sentoit naître de l'inclination pour lui. Elle étoit puissamment sortissée par l'estime due à sa conduite qui a toujours été irréprochable. Il n'y a pas eu moins de vertus que de lumières enfévelies dans fon Tombeau.





ELOGE DE Mr. DE KEITH.

Illustre Académicien, à la mémoire duquel nous allons payer un tribut justement mérité, avoit pris une précaution dont nous avons si bien sentifie prix en composant cet Eloge, que nous croyons devoir la proposer pour modèle à tous ceux qui, après avoir mérité l'estime de leurs contemporains, ne dédaignent pas les suffrages de la postérité. C'est de jetter sur le papier une suite de particularités qu'il a intitulées. Anecdotes de ma vie, & qui vont nous guider d'une manière plus sure que nous n'avons coûtume de l'être. Ce n'est pour l'ordinaire qu'avec une peine infinie & à force de réquisitions pressantes, que nous obtenons des notices fort vagues de la vie des Membres que nous perdons; il ne peut réfulter de là dans nos Eloges qu'une grande sécheresse, ou de vaines généralités. Un homme sensé ne doit pas se mettre fort en peine qu'on parle de lui après sa mort; mais quand il sçair qu'on doit en parler, il est naturel qu'il souhaite qu'on le fasse avec exactitude, & qu'il forme, à l'exemple de Mr. de Keith, une netite collection de matériaux trop difficiles à rassembler autrement. l'ai crû devoir profiter de cette occasion pour insister sur un exemple dont l'imitation seroit utile dans les mêmes cas. Les brêches réitérées que notre Académie a eu sujet de déplorer coup sur coup, me font souhaiter en même tems que ces cas soient aussi rares que la condition Mais, comme ils font inévisables, ceux qui humaine le permet. craindroient de se familiariser avec leur idée, en déférant au conseil que je donne, rentreroient trop dans la classe de ce vulgaire dont nos lumières & nos occupations doivent nous tirer. Mais pourquoi dif-Xxx a feréféré-je plus longtems de parler de Mr. de Keith? C'est que mon cœur s'attendrit au souvenier de les perte, & ne sent r'ouvrir qu'ayec, peine une playe qui sera difficilement sermée

Pierre Christophle Charles de Keith naquit le 24 Mai de l'année 1711 à Poherau en Poméranie. Sa famille étoit originaire d'Ecosse. George de Keith, son Trisayeul, avoit été Colonel au service de cètte Couronne, & Epoux d'une Dame de la Mailon de Stuart. Il étit pour fils Guillaume de Keith, qui sortit d'Ecosse en 1606 à l'age de 19 ans, & entra comme Capitaine de Cavalerie au service de Suede, où un de ses parens, André de Keith, Baron d'Ingtewaldt, après avoir rempli les premieres charges de l'Etat, étoit parvenu au rang éminent de Senateur. George de Keith, fils de Guillaume, sur Lieutenant dans les Gardes Suedoises. Il eut pour fils Jean Christophle, qui s'établit en Poméranie, & épousa Elisabeth Vigilante de Wodteke, de la mailon de Sidau: union dont notre illustre défunt sur le précieux fruit.

Le jeune de Keith reçut pendant fon enfance dans la maison paternelle toute l'éducation que la fituation de les parens permetroit de lui donner. Son Père le présenta au Roi FRÉDERIC GUILLEUME, dès qu'il sur en âge de servir ; & ce Monarque l'attacha à la personne en qualité de Page. Il le tira de cette sonction au mois de Janvier de l'année 1730, pour le placer comme Lieutenant & Ajudant dans le Regiment de Dossau, en garmson à Wesel.

Un événement imprévu ne le laissa que quelques mois dans ce poste. C'est l'orage dont nous avons parlé dans l'Eloge de Mr. Duhim, orage qui par sa véhémence dispersa tous les sidéles serviteurs d'un Maître, pour qui l'étoit si doux de soussir, & il a été siglorieux d'avoir soussir musière. Mr. de Noith, réduit à la nécessiré de s'expatrier, n'eut pas un instant à perdre pour se dérober au sort sigoureux dont il étoit menacé. Il partit de Wosel le 6 d'Avril 1730. & se se retira en Hostande. Mais il s'apperçut bientor que ce n'étoit pas un asyle sussificant pour le mettre en sureré; de justes craintes l'obligerent de recourir

rir à des Pécheurs de Scheveling, & de les folliciter de courir les risques de lui faire traverser la Mer dans une de leurs barques. Cette entreprise eut un heureux succès; de Mr. de Keith étant arrivé le troissème jour aux côtes d'Angleterre, débarqua dans un endroit où selon les apparences personne n'avoit jamais abordé. Il se rendit aussitôt à Londres. La Reine ayant appris son arrivée, le sit appeller, l'entretint avec une extrème bonté, sui donna les marques les plus sensibles de cette grandeur d'ame, & de cette générosité, qui faisoient l'essence de son caractère, & l'assura de sa protection, à laquelle elle joignit une pension de 200 Livres Sterling, dont Mr. de Keith a joui

jusqu'à son entrée au service de Portugal.

Londres même ne dissipa pas les allarmes de notre-stignif. Pour le river des inquietudes continuelles ou la fituation te jettoir, il crut devoir chercher un lejour moins frequente des étrangers. Il choist 1 Irlande, & le rendit à Dublin. Les railons qui ty avoient conduit, le tinrent pendant quelques mois dans une profonde retraité. Ge tems, bien loin d'être perdu, fut très utilement employé. Mr. de Keith le confecta uniquement à l'étude de la langue Angloife avec une application qui fut récompensée par le plus heureux succès ; car il a toujours pollédé depuis & parlé cette langue avec une facilité qui ne permetroit pas de le distinguer de ceux à qui elle est naturelle. Un bon esprit qui est une fois dans la route des connoissances, ne s'arrête plus, tant que les conjonctures favorifent son ardeur. Porté d'inclination vers l'étude & les Sciences, Mr. de Keith le mit à frequenter svec heaucoup d'affiduité les différens Collèges de l'Université de la Trinité, & furtout ceux de Philosophie Expérimentale, auxquels il prenoir beaucoup de philir, suffi les progrès. Y furent-ils considéra-La lecture, qu'il filt en même reins des excellentes traductions qu'on a en Anglèis des Auteurs absiens ; an particulier de genx qu'on nomme Classiques, lui sit régretter bion vivement de n'avoir pas été assez inicié dans la langue Latine pendant les premières années de son éducation, pour pouvoir puiser dans les sources & lire les Originaux. Trois années le pallerent dans nes occupations instructives, fans que

Mr. de Keith sortit guères de sa chambre que pour se rendre dans quelqu'un des Collèges auxquels il assistoit. Son esprit y gagna beaucoup, mais malheureusement ce sur aux dépens de son corps. Ce genre de vie appliqué & sédentaire qui succeda tout d'un coup à l'activité des états précédens, ruina sa santé sans retour. Il sit une de ces grandes maladies, dont l'effet est d'affoiblir le tempérament. La Reine d'Angleterre, toujours remplie des mêmes bontés & des mêmes attentions, ayant été instruire de l'état de Mr. de Keith, le sit revenir à Londres. D'habiles Médecins qu'il consulta, lui prescrivirent l'usage des bains de Bath & de Bristol, qui achevèrent en effet de le rétablir aussi bien qu'il pouvoit l'être.

De retour à Londres, il voulut goûter les douceurs de la fociété dont il avoit été si longtems séquestré, & se mit à fréquenter les meilleures compagnies, donnant toujours la présérence à celle des gens de Lettres. Les liaisons qu'il contracta avec plusieurs Membres du Parlement, & les voyages qu'il sit dans les Provinces, le mirent à portée de prendre une connoissance exacte du Païs & du Gouvernement.

L'Angleterre équipoit alors une flotte de 37 vaisseaux de guerre sous les ordres de l'Amiral Norris, pour l'employer au secours de Portugal, qui étoit menacé d'une guerre avec l'Espagne. Mr. de Keith prit la résolution de servir dans la Marine; & pour gen rendre capable, il demanda & obtint la permission d'être volontaire sur la Flotte. s'embarqua sur le Vaisseau Amiral, nommé la Britannia, de cent pieces de canon, & de neuf cens hommes d'équipage. L'Amiral Norris eut pour lui des bontés de père, le traitant comme un Officier, l'ayant toujours à ses côtés, & prenant la peine de l'instruire lui-même de toutes les manœuvres dans lesquelles il ne cessoit d'exercer sa Flotte, pendant le cours du voyage, de sorte que Mr. de Keith se mit entièrement au fait du service de mer. Mais il eut le déplaisir de se convaincre en même tems que son tempérament s'y refusoit : & en effet ce service demande des gens qui y soyent accoûtumés dès leur premiere jeunesse. L

La Flotte arrivée à la Rade de Lisbonne y jetta l'ancre pour attendre les événemens. L'Espague ne voulut pas s'exposer à leur incertitude, & s'étant adoucie, fit fucceder la voye des négociations à celle des armes. Mr. de Keith profita de ce tems pour voir Lisbonne : & au bout de quelques mois de séjour, il en trouva le climat si agréable qu'il s'adressa à son auguste Protectrice, la Reine d'Angleterre, pour la supplier d'engager le Roi de Portugal à lui accorder une place dans son Armée. Il y avoit un obstacle assez considérable à certe demande? c'étoit celui de la Religion; mais l'état des affaires ne permettoit pas Sa Majesté Portugaile de manquer d'égards pour la recommandation de la Reine d'Angleterre. Ainsi Mr. de Keith sussi tôt placé en 1736. comme Capitaine de Cavalerie, & l'année suivante il passa au grade de Major dans le Régiment du Marquis de Mariaval. Les devoirs du service lui laissant encore un loisir assez considérable, il est employa une partie à apprendre les langues Portugaise, Espagnole, & Italienne, qui ne lui coûtèrent pas beaucoup de peine, tant à cause de la disposition naturelle qu'il avoit à cette étude, que par l'affinité que ces langues ont entr'elles, & avec le Latin dont Mr. de Keith avoit confervé une teinture qui ne laissa pas de lui être d'un grand secours.

Au commencement de 1740. il fut nommé pour accompagner comme Aide de Camp, & Colonel de l'Armée, le Comte d'Eryceira, Vice-Roi des Indes, qui conduisoit un secours de 2000 hommes à Goa, alors assiégé par les Indiens. Sur ces entresaites le Roi de Prusse de glorieuse mémoire vint à mourir. Faisons ici parler Mr. de Keith luiméme: son Mémoire a le double avantage de tracer le plan d'une vie très dignement employée, & de dévoiler les sentimens d'une très belle ame. Voici donc ses propres termes. "Sa Majesté présentement répante eut la bonté de se souvenir de moi, & de me rappeller; jè me hâtai d'aller trouver un Maître, auquel j'appartenois par ma naise, sance, & que mon cœur s'étoit choisi, dès qu'il avoit été capable de sentiment.

Après avoir obtenu son congé du Roi de Portugal, Mr. de Keith s'embarqua sur un Pacquebot Anglois pour Falmouth; il passa pat Mim. de l'Acad. Tom. XII. Y y y Lon-

volvende Douwer dolde Galair) . Miss les boldles du Roi; & entore plus fon propre amprefichent, he littly thillelle pastide falle un fong Micer dans de ne brittime Capitale! Spfes en avoit parcount rapide mehries beautes, sauffi Bien due celles de Perfielles & de quelques auries des principales Mailons Roystes, आpfic कि रिर्माल वें Berlin, चर्च है के प्राथमान स्वापना अधिकार अधिकार से प्राप्त के अधिकार के furfredu. Perkustems apres Sal Materielle Rethara Lieurenain Coloand Howarmer नुज्यामध्यापें ने उत्पादक निवास करते ने में स्थान के जान महिल्य के साम करते हैं है के साम करते हैं platicurs mailreurs de shallsynsid es regargioring easiblide . is down his qui, par les espérances qu'ils nous donnent, contribuent encould a rest promise histons que Mr. do Mais histes Berlin, for celle na siourous strick desertification of the supplication of the supp sprendigue président le plus retheure des des comoissances done il avoit toujouga the halfest of the sold subject de l'amitié. Mr. de Maupertuis trouvoit en Mr. de Keith une de ces Ames prinifégiétes maine prement que plains da vaniège, à melure anielles font mienx connuits and aven langualles feules: on penti cimenand the motion indifference one apple former in de l'avant de l'avant Mobde Withord'shard ba: quelité d'Honoraire , dès l'année . 1744. & spilita gogning Cursique sprés-le matride Mr. de Boroke Fanguel il Breechenen; 1747 2 Jen's pas befoid de contracer sici formatuichement pour noire Compagnice le plaise qu'il paroisoir genter dans non Asfembliges, & celui queils préfence y caufoir. Les idées font mon réestiment, action of the selection of the et bestu Parc, qui feit un des principais armemens destrolpon enginge se, je roude encore dans le Minuserpt de Mr. de Medil un pallage

jeurouse encore dans le Manuscript de Mr. de Medil un passage que je ne sauraisme résoudre à omètre d'une toucie d'autait plus vivement, que les pieuves de sa vérité m'ont affecté au dèlà de toute expression, pendant un espace de tema bien court, il est vray, mais dont

dont le souvenir, me sera toujours infiniment présients présient selvis du mois d'Août dernier, pendant lequel, (ja ne lai, li je dois dire par une faveur, ou par une rigueur du fort.) j'ai en javentage de poit & de connoitre Mr. de Kesth plus particulièrement mun je pa l'avois encort fair, dans cette agréable retraite où il passois les Riss. Ellidée sprisons nous donner lui-même de la vie domestique il de ses rélations de Père & d'Epoux, ne pouvoit être plus gravos ni miens saprimée us l'in m. née 1742, dit-il je me suis marié aves actors Jenison Besonne de " Knyphausen, fille singe du fen Ministre d'Eras de ca som. Le Pen-, vidence semble youloir acheyer de me dedogunger gen gente hou. reuse union des malheurs de ma jeunesse et Notre mariage els bini " par deux fils qui, par les espérances qu'ils nous donnent, contribuent nous, rendre la vie douce. I Nous viobra dens un éter médiocre. n fans envier la fortune de personne : Paroles admirables que me paroillene fort au delfus des Inscriptions les plus fasqueuses dent en miroit pu charger fon Monuments de de tousiles Etogest que so tate forois un plaisir d'accumuler ici. di je mem sentote l'intraitation de move. de comé Mr. de May en entreux à en M. m. de en entre

Mr. de Keith vivoires effet dans une union admirable wee and Dame digne de tout son ausebenient par de rate affentillage des plus excellentes qualités de l'espris & da eceuri A elevoir sivée un sin mont particulier deux tendres rejettons; très propres à lui faire concewoir les plus heureules espérances, & qui dédommageront lins doule lun jour l'Etat, les Lettres, & la Société, de la spèrte dufils viennent de Il aimoit les douceurs de la retraine & de la campagne ; le faire. comme il avoit beaucoup de goût pour toutes les escupations qui le . rapportent à ce genre de vie, le Roi lui avoit fait une double grace en lui confiant avec l'Intendance du Chateau de Gharlottenbourg estle de ce beau Parc, qui fait un des principaux ornemens de Bertale, co qui depuis quelques années a requides embellessements considérables, d'abord sous la direction de Mr. de Knobelsdorff, & ensuite sous celle de Mr. de Keith, dont les vues ingénieuses répendaient chaque jour de

Y y y 2

Lors

Lorsque Son Altesse Royale Madame la Princesse AMÉLIE est devenue, il n'y a pas longtems, Abbesse de Quedlimbourg, le Roi a nommé Mr. de Keith pour l'accompagner à son inauguration; & il s'est acquitté de cette commission honorable avec la décence qui caractèrisoit toutes ses actions.

Dans la force de l'âge, & au milieu des commodités qui semblent affermir la trame de nos jours, Mr. de Keith se plaignoit à la vériré de quelques indispositions, mais qui n'étoient pas d'un ordre à faire craindre une fin prochaine. Une grande pesanteur de tête étoit le symptôme le plus fréquent & le plus fâcheux dont il fut incommo-Il avoit cependant passé l'Eté comme à l'ordinaire à Charlottenbourg, & n'étoit rentré à Berlin qu'à la fin des beaux jours de l'Autom-Vers le milieu de Novembre il eut une attaque subite de paralyse qui affecta un bras, & ensuire d'autres parties du corps, causant quelqu'embarras dans la langue, & un assoupissement léthargique. On comprit aisément tout le danger d'un semblable état; les secours de l'art furent administrés, mais ils ne produisirent pas des effets assez sensibles, pour en attendre de décisifs. Mr. de Keith se servit de toute baliberte d'esprit que cette situation put lui laisser, pour vaquer aux devoirs de la Religion, & aux soins qu'exigeoit son extrème tendresse pour sa famille. Sa fin, qui fut à tous égards telle que doit être celle d'une vie vertueuse, arriva le 27 Decembre dernier, dans le cours de fa 46 année.

Mr. de Keith étoit d'une stature au dessus de la médiocre; ses yeux avoient quelque chose de particulier, qui ne déplaisoir pas pour peu qu'on y sut accoûtumé; son air étoit sérieux, & reservé; mais il s'ouvroit avec ses amis, & disoit très agréablement des choses spirituelles & sensées. Il regnoit un air de franchise & de cordialité dans ses manières, sort présérable à tout le brillant imposteur d'une vaine politesse. La vérité étoit l'ame de ses discours, & la droiture celle de ses actions.





T A B L E.

C L A S S E de Philosophie Expérimentale.

R echerches sur la force de l'Imagination des femmes enceintes	s
Recherches sur la force de l'Imagination des femmes enceintes sur le fætus, à l'occasion d'un Chien monstrueux, par M	•
ELLER.	pag. 3
Continuation des preuves fondées sur des Expériences qui font voir	
qu'il se trouve de la Terre dans l'eau distillée la plus pure,	
par M. MARGGRAF.	20
Observations sur les maladies du cœur, par M. MECKEL.	Зİ
Nouvelles Observations, pour servir de supplément à l'histoire de	
la Nielle des bleds, par M. GLEDITSCH.	66
Mémoire concernant quelques nouvelles Expériences électriques re-	•
marquables, par M. ÆPINUS.	105
Expériences Chymiques, concernant l'Etain, par M. MARG	•
GRAF.	122
Dissertation sur des fleurs de l'Aster Montanus, ou Pyrenaïque,	,
précoce, à fleurs bleuës, & à feuilles de saule, empreintes sur	
l'ardoise, par M. LEHMANN.	127
Examen Chymique du sel auquel on a voulu donner le nom de vé-	••
ritable sel alcali fixe de Rhinoceros, par M. MARGGRAF.	145
Description d'un Quadrupède d'Amérique rapporté par M. Lin-	
næus au gehre des Ours, par M. ROLOFF.	149
Yуу з	CLASSE

CLASSE

de Mathématique.

Recherches plus exactes fur l'effet des Moulins à veut, par M.	
EULER. pag.	165
Expériences pour déterminer la réfraction de toutes sortes de li-	
queurs transparentes, par M, EULER.	235
Sur l'Action des Scies, par M. EULER.	267
Démonstration de la Régle de Descartes, pour connoitre le nombre	
des racines affirmatives & négatives que peuvent se trouver	::
dans les équations, par M. de SEGNER.	292
Exposition de quelques Paradoxes dans le Calcul intégral, par	
M. EULER.	300
Des Cerfs volants, par M. EULER le fils.	322
Recherches sur les inconvéniens qu'on a lieu de craindre dans l'usa-	
ge du Micrometre, furtout par rapport aux Instrumens	
qu'on adapte au Quart de cercle, par M. ÆPINUS.	365
A STATE OF THE STA	
CLASSE	
A 1	-
de Philosophie Spéculative.	
Examen Philosophique de la preuse de l'existence de Dieu employée	
dans l'Essai de Cosmologie, par M. de MAUPERTUIS.	389
Recherches Métaphysiques sur les forces des fluides qui se perdent	
en Méchanique, & sur le plus grand effet qu'elles peuvent	
produire, par M. BEGUELIN.	425
Recherches sur un principe fixe, qui serve à distinguer les devoirs	
de la Morale de ceux du Droit Naturel, par M. SULZER.	450
•	

